

3-8 الجذور والأصفار

النظرية الأساسية في الجبر

كل معادلة كثيرة حدود درجتها أكبر من صفر لها جذر واحد على الأقل ينتمي الى مجموعة الاعداد المركبة .

الجذور المكررة

يمكن ان يكون لمعادلات كثيرات الحدود جذر مكرر مرتين او ثلاث او اربع وهكذا

نتيجة للنظرية الاساية في الجبر

يكون لمعادلة كثيرة الحدود من الدرجة n العدد n فقط من الجذور المركبة بما في ذلك الجذور المكررة .

مثال 1:

$$(1) \quad x^3 + 2x^2 + 6 : \text{ لها 3 جذور}$$

$$(2) \quad 4x^4 - 3x^3 + 5x - 6 : \text{ لها 4 جذور}$$

$$(3) \quad 2x^5 - 3x^2 + 8 : \text{ لها 5 جذور}$$

قانون ديكرت للإشارات

هو قانون يستخدم لمعرفة عدد الاصفار الحقيقية والتخيلية لدالة كثيرة الحدود .

إذا كانت $P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$ دالة كثيرة حدود معاملات حدودها أعداد حقيقية فإن :

1. عدد الاصفار **الموجبة** للدالة $P(x)$ **يساوي** عدد مرات تغير إشارة معاملات حدود الدالة $P(x)$ ، او اقل منه بعدد زوجي .
2. عدد الاصفار **السالبة** للدالة $P(x)$ **يساوي** عدد مرات تغير إشارة معاملات حدود الدالة $P(-x)$ ، او اقل منه بعدد زوجي .

مثال 2: اذكر العدد الممكن للاصفار الحقيقية الموجبة والحقيقية السالبة والتخيلية للدالة

$$f(x) = 2x^5 + x^4 + 3x^3 - 4x^2 - x + 9$$

الخطوة 1 : احسب عدد مرات تغير إشارة معاملات $f(x)$

$$f(x) = \underbrace{+2x^5}_{\text{لا}} + \underbrace{x^4}_{\text{لا}} + \underbrace{+3x^3}_{\text{نعم}} - \underbrace{4x^2}_{\text{لا}} - \underbrace{x}_{\text{نعم}} + 9$$

نجد أن هناك 2 من تغيرات في إشارة المعاملات لذا عدد الاصفار الحقيقية الموجبة سيكون 2 أو 0