

تطبيقات

حل المثلث الذي فيه $B = 47^\circ, C = 112^\circ, b = 13$

من المعطيات زاويتين نوجد الزاوية الثالثة من مجموع زوايا المثلث : $A = 180^\circ - (112^\circ + 47^\circ) = 21^\circ$

باستخدام قانون الجيوب التعويض حل النسبة وإيجاد قيمة المتغير

$$\frac{\sin A}{a} = \frac{\sin B}{b}$$

$$\frac{\sin 21^\circ}{a} = \frac{\sin 47^\circ}{13}$$

$$a = \frac{13 \sin 21^\circ}{\sin 47^\circ} = 6.4$$

$$\frac{\sin B}{b} = \frac{\sin C}{c}$$

$$\frac{\sin 47^\circ}{13} = \frac{\sin 112^\circ}{c}$$

$$c = \frac{13 \sin 112^\circ}{\sin 47^\circ} = 16.5$$

المثلثات الممكنة في حالة SSA

إذا علم في مثلث $m\angle A, a, b$

فإن الحالات الممكنة تعتمد أولاً على قيمة الزاوية A

الحالة	التوضيح بالرسم	مثال
إذا كانت $\angle A$ قائمة أو منفرجة	لا يوجد حل	$A = 131^\circ, a = 15, b = 32$
	يوجد حل واحد	$A = 95^\circ, a = 19, b = 12$
إذا كانت $\angle A$ حادة	يوجد حل واحد	$A = 30^\circ, a = 3, b = 6$ $h = 6 \sin 30^\circ = 3$
	لا يوجد حل	$A = 60^\circ, a = 15, b = 24$ $h = 24 \sin 60^\circ \approx 20.8$
	يوجد حلين وتسمى هذه الحالة بالحالة المبهمة	$A = 34^\circ, a = 8, b = 13$ $h = 13 \sin 34^\circ \approx 7.3$
	يوجد حل واحد	$A = 38^\circ, a = 21, b = 18$