

### العمليات على الدوال

إذا كانت  $f, g$  دالتين يتقاطعان مجالاهما ، فإننا نعرف عمليات **الجمع** ، **الطرح** ، و**الضرب** و**القسم** لجميع قيم  $x$  الموجودة في تقاطع المجالين على النحو الآتي:

$$(f + g)(x) = f(x) + g(x) \quad \text{الجمع :} \quad (f \cdot g)(x) = f(x) \cdot g(x) \quad \text{الضرب :}$$

$$(f - g)(x) = f(x) - g(x) \quad \text{الطرح :} \quad \left(\frac{f}{g}\right)(x) = \frac{f(x)}{g(x)}, g(x) \neq 0 \quad \text{القسم :}$$

### إيجاد المجال

$$\text{مجال } (f + g)(x) = \text{مجال } f(x) \cap \text{مجال } g(x)$$

$$\text{مجال } (f - g)(x) = \text{مجال } f(x) \cap \text{مجال } g(x)$$

$$\text{مجال } (f \cdot g)(x) = \text{مجال } f(x) \cap \text{مجال } g(x)$$

$$\text{مجال } \left(\frac{f}{g}\right)(x) = \text{مجال } f(x) \cap \text{مجال } g(x) - \text{أصفار المقام}$$

$$f(x) = x^2 - 6x - 8, \quad g(x) = \sqrt{x}$$

أوجد كلا من الدوال الآتية ، ثم حدد مجالها :

**الحل :**

مجال  $f(x)$  هو  $(-\infty, \infty)$  و مجال  $g(x)$  هو  $[0, \infty)$

$$(f + g)(x) = x^2 - 6x - 8 + \sqrt{x}$$

المجال :  $[0, \infty)$

$$(f - g)(x) = x^2 - 6x - 8 - \sqrt{x}$$

المجال :  $[0, \infty)$

$$(f \cdot g)(x) = x^2\sqrt{x} - 6x\sqrt{x} - 8\sqrt{x}$$

المجال :  $[0, \infty)$

$$\left(\frac{f}{g}\right)(x) = \frac{x^2 - 6x - 8}{\sqrt{x}}$$

المجال :  $(0, \infty)$

مثال