

وحيدة الطرد: هي عددًا أو متغيراً أو حاصل ضرب عددين متغير واحد أو أكثر بأسس صحيحة غير سالبة.

الناتج: هو وحيدة حد قس على عددًا حقيقيًا.

- 1. نعم وحيدة حد.
- 2. لا، لوجود عمليات الجمع.
- 3. نعم وحيدة حد.
- 4. نعم وحيدة حد.
- 5. لا، لوجود متغير في المقام.

القاعدة: $P^m \times P^n = P^{m+n}$

مثال: $(3x^4)(7x^3) = 21x^7$

القاعدة: $\frac{P^m}{P^n} = P^{m-n}$

مثال: $\frac{5x^5}{x^2} = 5x^3$

القاعدة: $(P^m)^n = P^{m \times n}$

مثال: $(x^2)^3 = x^6$

القاعدة: $\frac{P^m}{P^n} = P^{m-n}$

مثال: $\frac{5x^5}{x^2} = 5x^3$

القاعدة: $(\frac{P^m}{P^n})^k = \frac{P^{m \times k}}{P^{n \times k}}$

مثال: $(\frac{3x^4}{5x^2})^3 = \frac{27x^{12}}{125x^6} = \frac{27x^6}{125}$

القاعدة: $\frac{P^m}{P^n} = P^{m-n}$

مثال: $\frac{5x^5}{x^2} = 5x^3$

القاعدة: $\frac{P^m}{P^n} = P^{m-n}$

مثال: $\frac{5x^5}{x^2} = 5x^3$



كثيرات الحدود

كثيرة الحدود: هي وحيدة حد أو مجموع وحيدات الحدود.

ثنائية الحد: هي مجموع وحدتي حد.

ثلاثية الحدود: هي مجموع ثلاثة حدود في أبسط صورة.

درجة وحيدة الحد: هي مجموع أسس كل متغيراتها.

درجة كثيرة الحدود: هي أكبر درجة لأي حد من حدودها.

درجة كثيرة الحدود

$5x^3 - 9x^2 - 6x^3$
 (نفس المتغير x)

∴ درجة كثيرة الحدود أكبر أسس.

الدرجة: 3

المعامل الرئيسي: -

الصورة القياسية: أي ترتيبه من أكبر أسس إلى أصغر

$-6x^3 + 5x^2 - 9x$

$2x^3 - 9x^2 - 7x$
 الحد الأول إلى الثاني إلى الثالث

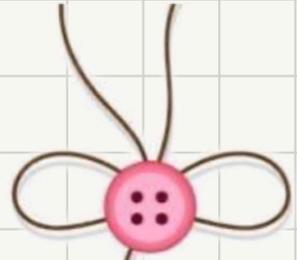
درجة الحد 2 = 3

درجة الحد - 9 = 2 + 0 = 2 ← لا أكبر

درجة الحد - 7 = 1 = صفر

∴ درجة كثيرة الحدود هي 3

كثيرات الحدود



ثالث متوسط



جمع كثيرات الحدود وطرحها

المجموع

مثال: $(3x^2 + 5x - 7) + (x^2 - 4x + 6)$
 الطريقة الأفضل:
 جمع الحدود المتشابهة.

$$(3x^2 + 5x - 7) + (x^2 - 4x + 6)$$

$$= 3x^2 + 5x - 7 + x^2 - 4x + 6$$

الطريقة الرأسية:
 مرتب الحدود المتشابهة عمودياً ونجمع

$$\begin{array}{r} 3x^2 + 5x - 7 \\ + \quad x^2 - 4x + 6 \\ \hline 4x^2 + 1x - 1 \end{array}$$

الطرح

مثال: $(7x^2 + 4x - 8) - (3x^2 + 2x - 9)$
 الطريقة الأفضل:
 $7x^2 + 4x - 8 - 3x^2 - 2x + 9$

نجمع الحدود المتشابهة.
 $(7x^2 + 4x - 8) - (3x^2 + 2x - 9)$
 $= 7x^2 + 4x - 8 - 3x^2 - 2x + 9$
 مرتبها على الصورة القياسية.
 $= 4x^2 - 2x + 1$

الطريقة الرأسية:

$$\begin{array}{r} 7x^2 + 4x - 8 \\ - (3x^2 + 2x - 9) \\ \hline 4x^2 - 2x + 1 \end{array}$$

كثيرات الحدود

ملاحظة: عند الجمع والطرح يجب مراعاة قواعد الإشارة.



ثالث متوسط

حذف وحيدة الحد في كثيرة حدود

ملاحظة:
مراعاة فضاء الضرب

مثال: $(x^3 - 3x^2 + 4x - 5) (x^2 + 2x - 3)$
 لا وحيدة الحد
 كثيرة حدود

$$= (x^3 - 3x^2 + 4x - 5) (x^2 + 2x - 3) + (1 - 1)x^3 = (x^3 - 3x^2 + 4x - 5) (x^2 + 2x - 3) + 0x^3$$

$$= x^5 - 3x^4 + 4x^3 - 5x^2 + 2x^4 - 6x^3 + 8x^2 - 10x - 3x^3 + 6x^2 - 4x + 15 + 0x^3$$

حذف كثيرات الحدود

مثال: $(x^2 + 3x + 5) (x^2 + 2x - 3)$
 كثيرة حدود
 (الافقيتيه)

$$(x^2 + 3x + 5) (x^2 + 2x - 3)$$

$$= x^4 + 2x^3 - 3x^2 + 3x^3 + 6x^2 - 9x + 5x^2 + 10x - 15$$

$$= x^4 + 5x^3 + 3x^2 + 1x + 10 - 15$$

$$= x^4 + 5x^3 + 3x^2 + x - 5$$

(ترتيب بالتوزيع)

$$(x^2 + 3x + 5) (x^2 + 2x - 3)$$

$$= x^4 + 2x^3 - 3x^2 + 3x^3 + 6x^2 - 9x + 5x^2 + 10x - 15$$

$$= x^4 + 5x^3 + 3x^2 + x - 5$$

(الاراسية)

$$x^2 + 3x + 5$$

$$\underline{+ x^2 + 2x - 3}$$

$$2x^2 + 5x + 2$$

$$\underline{+ 3x^2 + 6x - 9}$$

$$5x^2 + 11x - 7$$

$$\underline{+ x^4 + 2x^3 - 3x^2}$$

$$x^4 + 5x^3 + 3x^2 + x - 5$$

الجدول

6	x^2	x
x	$12x$	$5x$
12	10	0
	$10 + 12x + x^2$	

كثيرات الحدود

حالات خاصیت ضرب کثیرات الحدود

ایک دور جمع کی دیکھو
 (a + b)² ← مربع

$$= a^2 + 2ab + b^2$$

مثال: (3 + 5)²

$$= 3^2 + 2(3)(5) + 5^2$$

$$= 9 + 30 + 25$$

$$= 64$$

$$(a - b)^2$$

$$= a^2 - 2ab + b^2$$

مثال: (6 - 1)²

$$= 6^2 - 2(6)(1) + 1^2$$

$$= 36 - 12 + 1$$

$$= 25$$

ایک دور جمع کی دیکھو
 (a - b)² ← مربع

$$= (a - b)(a + b)$$

مثال: (5 - 3)(5 + 3)

مثلاً: (5 - 3) اور (5 + 3) کے حاصل ضرب کی شکل

$$= 5^2 - 3^2$$

$$= 25 - 9$$

للتوضیح: (a + b)² ← مربع

ایک دور جمع کی دیکھو

مربع اول + 2 × ایک اول × ایک ثانی + مربع ثانی

$$= a^2 + 2ab + b^2$$

کثیرات الحدود

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$



ثالث
متوسط



مثال :- استغل خاصية التوزيع لتأجيل

كثيرات الحدود :-

$$7x^2 + 18x$$

- حل كل حد

$$7x^2 = 7 \times x^3 \times x^3 \times x^3$$

$$18x = 2 \times 3 \times 3 \times x^3$$

$$\text{و.م.أ} = 3 \times 3 \times x^3$$

$$9x =$$

$$7x^2 + 18x = 9x + 9x^3 + 9x^3$$

$$9x(1 + 3x^2) =$$

مثال :- حل :- $x^2 - 10x + 24$ تحليل تاماً



$$= (x-4)(x-6)$$

$$= (x-2)(x-2)(x-3)(x-3)$$

مثال :- اوجد القاسم المشترك الأكبر (و.م.أ) لوجهتي كـ

$$12x^2y^3 \text{ و } 18x^3y^2$$

$$12x^2y^3 = 2^2 \times 3 \times x^2 \times y^3$$

$$18x^3y^2 = 2 \times 3^2 \times x^3 \times y^2$$

$$\therefore \text{و.م.أ} = 3 \times x^2 \times y^2$$

$$= 6x^2y^2$$

التحليل و المعادلات
التربيعية

التحليل

من الدرجة الأولى

$$x^2 + 5x + 10$$

(حدين)

بأخذ القاسم المشترك الأكبر
 $x^2 + 5x + 10$

$x + 5$
(حدين)
لا يمكن تحليلها
لأنها بأبسط صورة

من الدرجة الثانية

$$x^2 - 9$$

(حدين)

$(x - 3)(x + 3)$

$$x^2 + 16$$

(حدين)

بأخذ (ف.م.أ.)
 $x^2 + 16$

$x + 9$
(حدين)
لا يمكن تحليلها
: كثيرة حدود أولية

كثيرة حدود أولية. هي التي لا يمكن كتابتها على صورة ناتج ضرب كثيرين حدود بمعاملات صحيحة.

التحليل و المعادلات
التربيعية



ثالث
متوسط



التحليل

عن الدرجة الثانية

- $s^2 + 5s + 6$ (٣ حدود)
 نبحث عن عددين حاصل ضربهما الحد الاضريء، مجموعهما الحد الأوسط. إذا كان حاصل $s^2 = 1$

	حاصل ضربها	مجموعها
6	1	6
6	1	7
3	2	5
2	3	5

$(s+2)(s+3)$
 $s^2 + 5s + 6$
 $(s+6)(s-1)$

$s^2 + 1s + 12$ (٣ حدود)
 معامل $s^2 < 1$

الطريقة الأولى:
 بأخذ (و.م.أ.)
 $(s^2 + 5s + 6) + 6$
 $(s+2)(s+6)$

الطريقة الثانية

$s^2 - 11s - 12$

العددان حاصل ضربهما -12
 مجموعهما -11

$(s-12)(s+1)$
 $(s-2)(s+6)$

$s^2 + 1s + 6$ (٢ حدود)
 لا يوجد عددين حاصل ضربهما ٦ مجموعهما ١
 ∴ كثيرة حدود أولية.

ملاحظة: (إشارات التحليل)

- إذا كانت إشارة الحد الاضريء (موجب) فإن إشارة التحليل مع حسب إشارة الحد الأوسط.

مثال: $(+)(+)$ $(+)(-)$
 $(-)(+)$ $(-)(-)$

- إذا كانت إشارة الحد الاضريء (سالبة) فإن إشارة التحليل + و - العدد الأكبر بأخذ إشارة الحد الأوسط

مثال: $(-)(+)$ $(-)(-)$
 $(+)(-)$ $(+)(+)$

ثالث متوسط



التكامل

التكامل بتجميع الحدود هي الطريقة التي نستعمل فيها خاصية التوزيع لتكامل كثيرة حدود نتكون

من أربع حدود أو أكثر.

مثال: $٦ + ٣ك + ٨ر + ٤ك٢$

بتجميع الحدود المتشابهة.

$$= (٦ + ٣ك + ٨ر + ٤ك٢)$$

بإخراج (٤.م.أ)

$$= ٤(٢ + ك) + ٨ر + ٦$$

$$= (٢ + ك)٤ + ٨ر + ٦$$

مثال: $٧ك - ٤٢ + ١٤م - ٢مك$

بتجميع الحدود المتشابهة.

$$= (٧ك - ٤٢) + (١٤م - ٢مك)$$

بإخراج (١.م.أ)

اختلاف إشارة المصنفين (-1)

$$= (٧ك - ٤٢) + (١٤م - ٢مك)$$

التحليل و المعادلات
التربيعية



ثالث
متوسط



حل المعادلات

المربعات الكاملة

مثال: حدد إذا كانت ثلاثية حدود تشكل مربعاً كامل أم لا؟
 $4ص^2 + 12ص + 9$
 الشرط:

حل: لا، لأن مربع كامل؟ نعم $4ص^2 = (2ص)^2$

حل: لا، لأن مربع كامل؟ نعم $9 = 3^2$

حل: لا، لأن وسط $12 = (2)(3)(2ص)$
 $12 = 2(3)(2ص)$

∴ تشكل مربعاً كاملاً.

$$4ص^2 + 12ص + 9 = (2ص + 3)^2$$

ملاحظة: إذا لم يتحقق شرط الثلاث ∴ لا تشكل مربعاً كاملاً.

ثالث متوسط



مثال: $(6 + 5ص)(6 + 5ص) = (10 - 5ص)^2$

$6 + 5ص = 10 - 5ص$

$\frac{6}{5} = \frac{10}{5}$

$2 = 2$

∴ الجذران هما $2, 2$

$ج = 2$

$ج = 2$

$ج = (2, 2)$

$ج = 2$

∴ الجذران هما: $2, 2$

التحليل و المعادلات التربيعية

