

### استعمال المتطابقات المثلثية

يمكن استعمال المتطابقات الأساسية لإيجاد القيم الدقيقة للدوال المثلثية .

أوجد القيمة الدقيقة لـ  $\cos \theta$  ، إذا كان  $\sin \theta = \frac{4}{5}$

$$90^\circ < \theta < 180^\circ$$

مثال

الحل :

$$\cos^2 \theta + \sin^2 \theta = 1$$

$$\cos^2 \theta = 1 - \sin^2 \theta$$

$$\cos^2 \theta = 1 - \left(\frac{4}{5}\right)^2$$

$$\cos^2 \theta = 1 - \frac{16}{25}$$

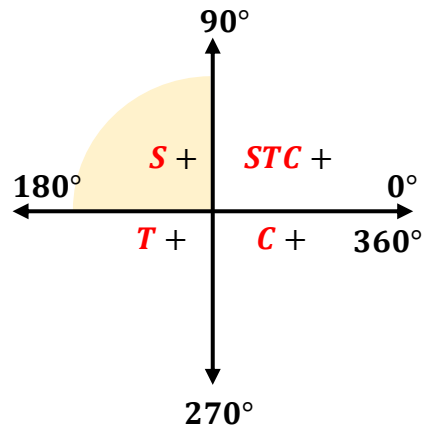
$$\cos^2 \theta = \frac{9}{25}$$

$$\cos \theta = \pm \frac{3}{5}$$

$$\cos \theta = -\frac{3}{5}$$

$\cos$  سالبة

لأنها في الربع الثاني



### تبسيط العبارات المثلثية

يعني إيجاد قيمة عددية للعبارة ، أو كتابتها بدلالة دالة مثلثية واحدة فقط إن أمكن .

$$\frac{\cos \theta \csc \theta}{\tan \theta} \quad \text{بسط العبارة :}$$

الحل :

$$\begin{aligned} \frac{\cos \theta \csc \theta}{\tan \theta} &= \frac{\cos \theta \cdot \frac{1}{\sin \theta}}{\frac{\sin \theta}{\cos \theta}} \\ &= \frac{\cos \theta}{\frac{\sin \theta}{\cos \theta}} \\ &= \frac{\cos \theta \cos \theta}{\sin \theta} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= \frac{\cos \theta}{\sin \theta} \cdot \frac{\cos \theta}{\sin \theta} \\ &= \frac{\cos^2 \theta}{\sin^2 \theta} \end{aligned}$$

مثال

من الأسهل عادة أن تكتب حدود العبارة جميعها بدلالة  $\cos \theta$  و  $\sin \theta$