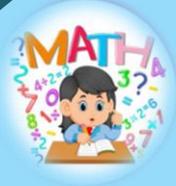


المفيد في الرياضيات

للصف الثاني متوسط الفصل الدراسي الأول



الأستاذة / مهرة عبدالله القحطاني

نفيدكم علما بأنه قد تم تسجيل عملكم الموسوم بـ:

المفيد في الرياضيات للصف الثاني متوسط الفصل الدراسي الأول

هـ، ورقم ردمك 1-9606-03-603-978

1443/04/12

وتاريخ

1443/3641

تحت رقم إيداع

رقم الصفحة	الموضوع
٤	<u>المقدمة</u>
٥	<u>شكر و تقدير</u>
٦	<u>إهداء</u>
٧	<u>الفصل الأول</u> <u>" الأعداد النسبية "</u>
٢٢	<u>الفصل الثاني</u> <u>" الأعداد الحقيقية و نظرية</u> <u>فيثاغورس "</u>
٤٥	<u>الفصل الثالث</u> <u>" النسبة و التشابه "</u>
٧٤	<u>المراجع</u>
٧٥	<u>الخاتمة</u>

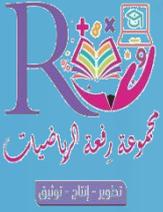
المقدمة

حينما يمتزج الإبداع والاهتمام والاجتهاد حينها تظهر ثمرة الصبر والجد في نهاية الأمر وتشعر بلذة الانجاز والفخر وتستمر في العطاء بدون توقف . . . أضع بين أيديكم المفيد في الرياضيات؛ يشرح بصورة مبسطة وسهلة وواضحة وشاملة كثير من التمارين والتعاريف والقوانين الهامة لطلاب الصف الثاني متوسط و معلمي مادة الرياضيات وأولياء الأمور ولكل من يستفيد منه . . . نأمل أن ينال هذا العمل على رضاكم واستحسانكم

شكر و تقديير

أقدم بالشكر و التقدير لمجموعة رفعة
للها قائمة على التطوير المهني لجميع
المعلمين والمعلمات ، وابتكار الأفكار
الإبداعية والتعليم العام، والإنتاج الموثق
لكل ما يخص الرياضيات و التعليم العام

إهداء



الحمد لله وكفى والصلاة والسلام على الحبيب المصطفى وأهله ومنوفى . . .
الحمد لله الذي وفقنا لإنجاز هذه الخطوة في مسيرتنا العلمية والعملية فهي ثمرة
النجاح والجهد بفضل الله تعالى مهدها

إلى من أشواق إليه بكل جوارحي . . . أبي الغالي الحبيب

إلى من قدّمت سعادتي وراحتي على سعادتها . . . أمي الفاضلة المحببة

إلى أخواني وأخواتي . . . إلى مديرتي الفاضلة . . . إلى مشرفاتي العزيزات

إلى رفيقات المشوار إلى كل من كان له أثر على حياتي

جعل الله تعالى عملنا خالصاً لوجهه الكريم وأتمنى أن ينال رضاكم و

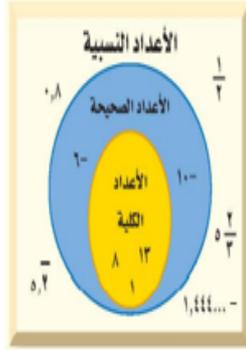
استحسانكم

الفصل الأول



الأعداد النسبية

١-١ الأعداد النسبية



الأعداد النسبية :

- الأعداد النسبية هي أعداد يمكن كتابتها على صورة كسر اعتيادي $\left\{ \frac{p}{q} \right\}$ يسمى عدد نسبي حيث $q \neq 0$ ، p أعداد صحيحة ، q عدد صحيح موجب أو سالب على صورة كسر عشري بقسمة بسطة على مقامه
- الأعداد الصحيحة و الكسور الاعتيادية و الكسور العشرية و الأعداد النورية و الأعداد الكسرية ؛ هي أعداد نسبية
- يمكن كتابة أي كسر موجب أو سالب على صورة كسر عشري بقسمة بسطة على مقامه
- كل عدد صحيح هو عدد نسبي مقامه ١

مثال ١ :-

٤ عدد نسبي لأنه يمكن أن يكتب على الصورة $\frac{4}{1}$

٧- عدد نسبي لأنه يمكن أن يكتب على الصورة $\frac{-7}{1} = \frac{7}{-1}$

١١ عدد نسبي لأنه يمكن أن يكتب على الصورة $\frac{11}{4}$

٠,٣٣٣٣٣٣٣٣ عدد نسبي يمكن أن يكتب على الصورة $\frac{1}{3}$

مثال ٢ : اكتب كل كسر اعتيادي أو عدد كسري مما يلي على صورة كسر عشري ؟؟

$\begin{array}{r} 1,222222 \\ 9 \overline{) 11} \\ \underline{9} \\ 20 \\ 18 \\ \underline{20} \\ 20 \\ 18 \\ \underline{2} \end{array}$	$\begin{array}{r} 0,75 \\ 4 \overline{) 30} \\ \underline{28} \\ 20 \\ \underline{20} \\ 00 \end{array}$	$\begin{array}{r} 0,8 \\ 5 \overline{) 40} \\ \underline{40} \\ 00 \end{array}$	$0,8 = \frac{4}{5}$
			$0,75 = \frac{3}{4}$
			$1,222222... = \frac{11}{9} = 1\frac{2}{9}$
			$1,2 = \frac{6}{5}$

١-١ الأعداد النسبية



$$\begin{array}{r} 3,5 \\ 2 \overline{) 7} \\ \underline{6} \\ 10 \\ \underline{10} \\ 00 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0,6 \\ 5 \overline{) 30} \\ \underline{30} \\ 00 \end{array}$$

$$0,6 = \frac{3}{5}$$

$$3,5 = \frac{7}{2} = \frac{35}{10}$$

مثال ٣ : اكتب كل كسر عشري فيما يلي على صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة ???

$$\frac{7}{50} = \frac{2 \div 14}{25 \div 100} = 0,14$$

$$\frac{3}{5} = \frac{2 \div 6}{25 \div 10} = 0,6$$

$$\frac{9}{50} = \frac{2 \div 18}{25 \div 100} = 0,18$$

$$\frac{2}{5} = \frac{2 \div 4}{25 \div 10} = 0,4$$

$$\frac{9}{50} = \frac{5 \div 45}{50 \div 100} = 0,45$$

$$\frac{3}{10} = \frac{10 \div 30}{100 \div 100} = 0,3$$

مقرباً حتى الجزء من عشرة $0,3 \approx 0,2727272727$

مقرباً حتى الجزء من مائة $0,27 \approx 0,27272727$

مقرباً حتى الجزء من ألف $1,549 \approx 1,54854322$

مقرباً حتى الجزء من مائة $23,46 \approx 23,456789003$

مقرباً حتى الجزء من عشرة $7,8 \approx 7,8356789$

٢-١ مقارنة الأعداد النسبية وترتيبها



مقارنة الأعداد النسبية :

- كل عدد موجب أكبر من الصفر ، كل عدد موجب أكبر من كل عدد سالب ، كل عدد سالب أصغر من صفر .
- على خط الأعداد ؛ كل عدد على اليمين أكبر من كل عدد على اليسار .
- نقارن بين الأعداد النسبية و نرتبها بعد توحيد المقامات

مثال ١ ضعني إشارة < أو > أو = لتصبح الجمل التالية صحيحة (قارني)

$0 > \frac{2}{9}$ كل عدد سالب أصغر من الصفر	$\frac{7}{6} > 0$ الصفر أصغر من العدد الموجب	$\frac{3}{4} > \frac{5}{4}$ كل عدد سالب أصغر من كل عدد موجب
$4,37 > 4,3$ $\frac{21}{24} < \frac{20}{24}$ $\frac{7}{8} < \frac{5}{6}$	$\frac{7}{10} < \frac{4}{10}$ $\frac{5 \times 5}{5 \times 8} \square \frac{8 \times 3}{8 \times 5}$ $\frac{25}{40} > \frac{24}{40}$ $\frac{5}{8} > \frac{3}{5}$	$\frac{3}{7} < \frac{5}{7}$ $\frac{1 \times 7}{1 \times 12} \square \frac{3 \times 3}{3 \times 4}$ $\frac{7}{12} < \frac{9}{12}$ $\frac{7}{12} < \frac{3}{4}$
$0,22$ $0,22$ $0,22$ $0,22$ $0,22$	$0,22$ $0,22$ $0,22$ $0,22$ $0,22$	$0,5$ $0,5$ $0,5$ $0,5$ $0,5$

مثال ٢ : لدى على مجموعة من مفاتيح الصواميل قياساتها باليوصة هي :

$$\frac{3}{4} \text{ ، } \frac{1}{4} \text{ ، } \frac{5}{16} \text{ ، } \frac{1}{4} \text{ ، } \frac{3}{8}$$

أولا : نوجد المقامات :

$$\frac{3 \times 3}{4 \times 4} \text{ ، } \frac{1 \times 1}{1 \times 4} \text{ ، } \frac{1 \times 5}{1 \times 16} \text{ ، } \frac{1 \times 1}{4 \times 4} \text{ ، } \frac{3 \times 3}{2 \times 8}$$

$$\frac{12}{16} \text{ ، } \frac{4}{16} \text{ ، } \frac{5}{16} \text{ ، } \frac{4}{16} \text{ ، } \frac{6}{16}$$

ثانيا : الترتيب من الأصغر للأكبر (تصاعدياً)

$$\frac{12}{16} \text{ ، } \frac{4}{16} \text{ ، } \frac{6}{16} \text{ ، } \frac{5}{16} \text{ ، } \frac{4}{16}$$

∴ ترتيب الأعداد المعطاة كالتالي :

$$\frac{3}{4} \text{ ، } \frac{1}{4} \text{ ، } \frac{3}{8} \text{ ، } \frac{5}{16} \text{ ، } \frac{1}{4}$$

١-٣ ضرب الأعداد النسبية



ضرب الأعداد النسبية :

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d} \quad \text{حيث } b, d \neq 0$$

نستخدم قواعد إشارات ضرب الأعداد الصحيحة عند ضرب الأعداد النسبية



مثال ١ أوجدني ناتج ما يلي في أبسط صورة ??

$$\frac{2}{15} = \frac{2 \times 1}{5 \times 3} = \frac{2}{5} \times \frac{1}{3}$$

أي عدد ضرب ١ يساوي العدد نفسه (العدد ١ هو العنصر المحايد في عملية الضرب) $\frac{4}{7} = 1 \times \frac{4}{7}$

أي عدد ضرب صفر يساوي صفر $0 = 0 \times \frac{11}{5}$

العدد $\frac{3}{4}$ هو نظير ضربى (مقلوب) العدد $\frac{4}{3}$ و حاصل ضربهما يساوي ١ $1 = \frac{12}{12} = \frac{4}{3} \times \frac{3}{4}$

النظير الضربى للعدد $\frac{5}{2}$ هو $\frac{2}{5}$ \leftrightarrow $\frac{5}{2}$ مقلوب $\frac{2}{5}$

$\frac{14}{3}$ مقلوب للعدد $\frac{3}{14}$ \leftrightarrow نظير ضربى للعدد $\frac{14}{3}$

٩ مقلوب للعدد $\frac{1}{9}$ \leftrightarrow نظير ضربى للعدد $\frac{1}{9}$

$\frac{1}{5} = \frac{3}{3} \times \frac{3}{15} = \frac{1 \times 3}{3 \times 5} = (\frac{1}{3}) \times (\frac{3}{5})$	$\frac{3}{7} = \frac{5}{5} \times \frac{15}{35} = \frac{5 \times 3}{7 \times 5} = \frac{3}{7} \times \frac{5}{5}$
$\frac{3}{2} = \frac{3}{3} \times \frac{9}{6} = \frac{5}{5} \times \frac{45}{30} = \frac{9}{5} \times \frac{5}{6} = 1 \frac{4}{5} \times \frac{5}{6}$	$\frac{5}{2} = \frac{3}{3} \times \frac{15}{6} = \frac{5}{3} \times \frac{3}{2} = 1 \frac{2}{3} \times \frac{3}{2}$
$1 = \text{العدد} \times \text{مقلوبه} = \frac{42}{42} = \frac{7}{7} \times \frac{6}{6}$	$\frac{1}{18} = \frac{4}{4} \times \frac{4}{72} = \frac{4}{9} \times \frac{1}{18}$
$\frac{3}{20} = \frac{3}{2} \times \frac{1}{10} = \frac{3 \times 2 \times 1}{4 \times 5 \times 2} = \frac{3}{4} \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{2}$	

٤-١ قسمة الأعداد النسبية



قسمة الأعداد النسبية :

لكل عدد نسبي نظير ضربي هو مقلوبه حيث يكون حاصل ضربيهما يساوي ١

$$\frac{p}{b} \text{ نظير ضربي للعدد } \frac{b}{p} \text{ بحيث } \frac{b}{p} \times \frac{p}{b} = 1$$

لقسمة عدد نسبي على آخر أضرب في النظير الضربي للمقسوم عليه

$$\frac{p}{b} \div \frac{d}{c} = \frac{p}{b} \times \frac{c}{d} \text{ حيث } b, d, c \neq 0$$

مثال ١ : اكتب النظير الضربي لكل من الأعداد التالية ؟؟

العدد	$\frac{7}{11}$	$\frac{13}{4} = 3\frac{1}{4}$	$\frac{5}{8}$	$\frac{17}{3} = 5\frac{2}{3}$	$\frac{6}{1} = 6$
نظيره الضربي	$\frac{11}{7}$	$\frac{4}{13}$	$\frac{8}{5}$	$\frac{3}{17} = \frac{3}{17} = \frac{3}{17}$	$\frac{1}{6}$

مثال ٢ أوجد ناتج القسمة في أبسط صورة ؟؟

	$\frac{3}{2} = \frac{3 \div 3}{2 \div 3} = \frac{1}{\frac{2}{3}} = \frac{1}{2} \div \frac{3}{4}$
	$\frac{5}{4} = (\frac{5}{11}) \times \frac{11}{4} = (\frac{11}{5}) \div \frac{11}{4} = (\frac{1}{5}) \div \frac{3}{4}$
	$\frac{3}{10} = \frac{3 \div 3}{10 \div 3} = \frac{1}{\frac{10}{3}} = \frac{1}{3} \times \frac{9}{10} = 3 \div \frac{9}{10}$
عدد سالب	$\frac{16}{15} = \frac{16}{15} = \frac{16}{15} = \frac{4}{3} \times \frac{4}{5} = \frac{3}{4} \div \frac{4}{5}$
عدد موجب	$\frac{5}{6} = \frac{5 \div 3}{6 \div 3} = (\frac{5}{2}) \times \frac{5}{9} = (\frac{2}{3}) \div \frac{5}{9}$

مثال ٣ : ما عدد رفائق الخشب بسمك $\frac{1}{3}$ سم التي يمكن صنعها باستعمال ٣٦ سنتيمترات من الخشب ؟

$$م = 36 \div \frac{1}{3} = \frac{36}{\frac{1}{3}} = \frac{36}{1} \times \frac{3}{1} = \frac{72}{1} = 72 \text{ سم}$$

٥-١ جمع الأعداد النسبية ذات المقامات المتشابهة و طرحها



جمع الأعداد النسبية ذات المقامات المتشابهة و طرحها :

لجمع أعداد نسبية ذات مقامات متشابهة : أجمع أو أطرح البسوط و كتب الناتج فوق المقام نفسه

$$+ \quad - \quad \cdot \neq \cdot \quad \frac{b+p}{q} = \frac{b}{q} + \frac{p}{q}$$

نستعمل قواعد جمع الأعداد الصحيحة لتحديد إشارة ناتج جمع عددين نسبيين

لجمع أو طرح الأعداد الكسرية نجمع أو نطرح الأعداد الصحيحة و الكسور ذات المقامات المتشابهة كلا على حده

$$\cdot \neq \cdot \quad \left(\frac{b}{q} - \frac{p}{q}\right) + \frac{r}{q} = \frac{b}{q} - \frac{p}{q} + \frac{r}{q}$$

مثال ١ : أوجدني ناتج كلا مما يلي في أبسط صورة؟؟

$\frac{2-}{5} = \left(\frac{2-}{5}\right) + \frac{3}{5}$	$\frac{4}{3} = \frac{3 \div 12}{3 \div 9} = \frac{4}{9} + \frac{5}{9}$
$\frac{45}{4} = \frac{29 \cdot 90}{2 \div 8} = \frac{71}{8} + \frac{29}{8} = 7 \frac{5}{8} + 3 \frac{5}{8}$	$\frac{5-}{7} = \left(\frac{2-}{7}\right) + \frac{3}{7}$
$\frac{45}{4} = \frac{29 \cdot 90}{2 \div 8} = 10 \frac{10}{8} = 7 \frac{5}{8} + 3 \frac{5}{8}$	$\frac{7-}{5} = \left(\frac{3-}{5}\right) + \frac{4-}{5} = \frac{3}{5} - \frac{4}{5}$
$\left(\frac{7}{12}\right) + \frac{1}{12} = \frac{7}{12} + \frac{1}{12}$ $\frac{1-}{2} = \frac{7 \div 6}{1 \div 12} =$	$\frac{10}{9} = \frac{8}{9} + \frac{2}{9} = \left(\frac{8-}{9}\right) + \frac{2}{9}$
$\frac{2}{6} + \frac{5}{6} = \left(\frac{2}{6}\right) + \frac{5}{6}$ $\frac{1-}{2} = \frac{3 \div 3}{3 \div 6} =$	$\frac{1-}{2} = \frac{3 \div 4}{2 \div 4} = \frac{1}{4} + \frac{3-}{4}$
$\frac{3-}{4} = 0 + \frac{3-}{4}$	$\frac{2}{5} = 0 + \frac{2}{5} \quad \frac{0}{4} = \left(\frac{3-}{4}\right) + \frac{3}{4}$

نتائج هامة :

١. لكل عدد نظير جمعي (معكوس) $\frac{1}{b}$ معكوس $\left(-\frac{1}{b}\right)$ بحيث جمعهما يساوي صفر

$$\frac{3}{4} \text{ معكوسه } -\frac{3}{4} \quad \frac{5}{11} \text{ معكوسه } -\frac{5}{11}$$

٢. الصفر هو العنصر المحايد في الجمع (يحافظ على العدد و على إشارته)

٦-١ جمع الأعداد النسبية ذات المقامات المختلفة و طرحها



جمع الأعداد النسبية ذات المقامات المختلفة و طرحها :

تعيد كتابة العددين على صورة عددين لهما المقام نفسه باستخدام المضاعف المشترك الأصغر ثم تجمع أو تطرح البسطين و تكتب الناتج فوق المقام نفسه

مثال ١ : أوجدني ناتج كلا مما يلي في أبسط صورة ؟؟

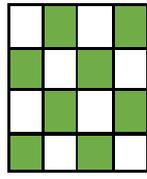
	$\frac{4}{3} = \frac{2 \times 8}{2 \times 3} = \frac{16}{6} = \frac{3}{6} + \frac{13}{6} = \left(\frac{3}{6}\right) + \frac{13}{6}$
	$\frac{29}{6} = \frac{50}{6} + \frac{21}{6} = \frac{25}{3} + \frac{7}{2} = 8\frac{1}{3} + 3\frac{1}{2}$
	$\frac{7}{12} = \frac{2}{12} + \frac{5}{12} = \left(\frac{2}{12}\right) + \frac{5}{12}$ $\{ \dots, 28, 24, 20, 16, 12, 8, 4 \} = 4 \text{ م}$ $\{ \dots, 30, 24, 18, 12, 6 \} = 6 \text{ م}$
	$\frac{9}{8} = \frac{5}{8} + \frac{4}{8} = \frac{5}{8} + \frac{5}{8}$ $\{ \dots, 32, 24, 16, 8 \} = 8 \text{ م}$ $\{ \dots, 16, 14, 12, 10, 8, 6, 4, 2 \} = 2 \text{ م}$
	$\frac{14}{15} = \frac{2}{15} + \frac{12}{15} = \left(\frac{2}{15}\right) - \frac{12}{15} = \left(\frac{2}{15}\right) - \frac{12}{15}$
	$\frac{13}{24} = \left(\frac{21}{24} - \frac{8}{24}\right) + \frac{8}{24} = \frac{21}{24} - \frac{8}{24} = \frac{7}{8} - \frac{1}{3}$
	$\frac{31}{15} = \left(\frac{10}{15} - \frac{21}{15}\right) + \frac{21}{15} = \frac{2}{3} - \frac{7}{5}$

تطبيق : لعبت الجوهرة $1\frac{1}{4}$ ساعة و درست $2\frac{1}{4}$ ساعة و قامت ببعض الأعمال المنزلية لمدة $\frac{1}{4}$ ساعة ، كم ساعة قضتها الجوهرة في هذه المهام ؟؟؟؟

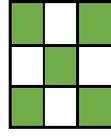
(أ) $2\frac{1}{4}$ ساعة (ب) $3\frac{1}{4}$ ساعة (ج) ٤ ساعات (د) $\frac{1}{4}$ ساعة

$$٤ = \frac{1}{4} + 2\frac{1}{4} + 1\frac{1}{4}$$

٧-١ استراتيجية حل المسألة بالبحث عن نمط



$${}^4t = 4 \times 4$$



$${}^3t = 3 \times 3$$

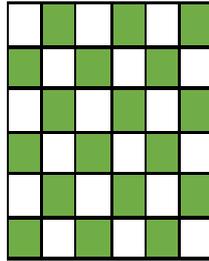


$${}^2t = 2 \times 2$$

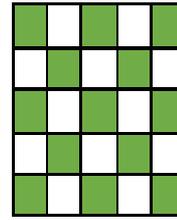


$${}^1t = 1$$

تفريغ ٤ ص ٤٧ -

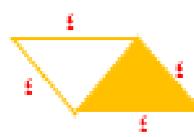
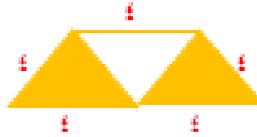


$${}^6t = 6 \times 6$$



$${}^5t = 5 \times 5$$

تفريغ ٥ ص ٤٧ -

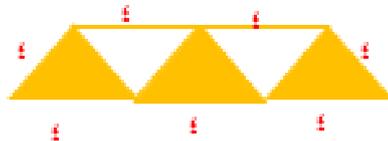


المعطيات :

١/ أفهم

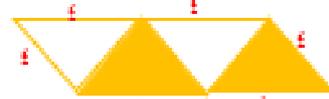
- المعطيات : أشكال متشابهة لها نمط معين ، طول ضلع كل مثلث t م
- المطلوب : إيجاد محيط الشكل الرابع و الخامس من النمط

٢/ أحطط : درسم الشكل الرابع و الخامس ثم نوجد محيطهما



$$4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 = \text{محيط الشكل الرابع}$$

$$28 = 7 \times 4 =$$



$$4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 = \text{محيط الشكل الرابع}$$

$$24 = 6 \times 4 =$$

٣/ الحل :

٤/ التحقق : الإجابة معقولة

١-٨ القوى و الأسس



القوى و الأسس :

القوى هي عملية ضرب عوامل متكررة

$$2^4 = 2 \times 2 \times 2 \times 2$$

الأس ←
 الأسس (العامل المشترك) ←
 عوامل مشتركة

مثال ١: اكتبى كلا مما يلي كعامل مشترك؟؟

$$3^3 \times \left(\frac{1}{4}\right)^2 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4}$$

$$7^2 \times \left(\frac{2}{3}\right)^4 = 7 \times 7 \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times 7 \times \frac{2}{3}$$

$$3^2 \times 5^3 = 5 \times 5 \times 5 \times 3 \times 3 \times 5 \times 5 \times 5$$

نتائج هامة :

$$1 = \left(\frac{p}{p}\right)^0$$

$$\frac{p}{p} = \left(\frac{p}{p}\right)^1$$

$$\frac{p^m}{p} = \left(\frac{p}{p}\right)^m$$

$$\frac{1}{p} = p^{-1}$$

$$1 = p^0$$

$$p = p^1$$

$$\left(\frac{p}{p}\right)^m = \left(\frac{p}{p}\right)^m$$

٨-١ القوى و الأسس



$$\begin{array}{r} ٤٩ \\ ٧ \times \\ \hline ٣٤٣ \end{array}$$

مثال ٢ : احسبي قيمه كلا مما يلي ؟؟

$$\frac{1}{343} = \frac{1 \times 1 \times 1}{7 \times 7 \times 7} = \frac{1}{37} = 2 \left(\frac{1}{7} \right)$$

$$٤٣٢ = ١٦ \times ٢٧ = ٤ \times ٤ \times ٣ \times ٣ \times ٣ = ٢٤ \times ٣٣$$

$$\frac{1}{612} = \frac{1 \times 1 \times 1}{6 \times 6 \times 6} = 2 \left(\frac{1}{6} \right) = 2 - 6$$

$$\frac{1}{94} = \frac{1 \times 1}{7 \times 7} = 2 \left(\frac{1}{7} \right) = 2 - 7$$

$$\frac{18}{9} = \frac{9 \times 9}{3 \times 3} = 2 \left(\frac{9}{3} \right) = 2 - \left(\frac{3}{9} \right)$$

$$\frac{2}{11} = 1 \left(\frac{2}{11} \right) = 1 - \left(\frac{11}{2} \right)$$

$$\frac{4}{52} = \frac{2 \times 2}{5 \times 5} = \frac{22}{25} = 2 \left(\frac{2}{5} \right)$$

$$١ = ٧$$

$$١ = \left(\frac{3}{11} \right)$$

تطبيق : إذا كانت ، ه = ٧ ، ج = ٢ أوجد قيمة كلا مما يلي ؟؟

$$٢٢٤ = ٧ \times ٣٢ = ٧ \times ٢ \times ٢ \times ٢ \times ٢ \times ٢ = ٧ \times ٥٢ = ٥ \times ٥$$

$$\frac{94}{4} = 49 \times \frac{1}{4} = 27 \times 2 \left(\frac{1}{2} \right) = 27 \times 2 - 2 = 25 \times 2 - 2$$

$$\frac{1}{23} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = 0 \left(\frac{1}{2} \right) = 0 - 2$$

أي عدد أس صفر يساوي ١ $١ = \left(\frac{7}{2} \right)$

أي عدد أس ١ يساوي نفس العدد $\frac{42}{86} = 1 \left(\frac{42}{86} \right)$

أي عدد أس سالب واحد يساوي مقلوب العدد $\frac{3}{5} = 1 - \left(\frac{5}{3} \right)$

$$\frac{46}{94} = 2 \left(\frac{8}{7} \right) = 2 - \left(\frac{7}{8} \right)$$

٩-١ الصيغة العلمية



الصيغة العلمية :

طريقة مختصرة لكتابة الأعداد التي قيمتها المطلقة كبيرة جدا
تسمى الصيغة التي تكتب بها الأعداد دون احتمال الأسي بالصيغة القياسية

تحويل الصيغة القياسية للصيغة العلمية :

١. حرك الفاصلة العشرية ليكون موقعها عن يمين أول منزلة غير صفرية من اليسار
٢. عدد المنازل التي حركت فيها الفاصلة العشرية
٣. أوجد قوة العدد ١٠ ، فإذا كانت القيمة المطلقة للعدد الأصلي بين الصفر و الواحد فإن الأس يكون سالب ، و بغير ذلك يكون الأس موجبا

مثال ١ : اكتب كلا من الأعداد التالية بالصيغة العلمية ؟؟

$$٦١٠ \times ٣,٧٢٥ = ٣٧٢٥٠٠٠$$

$$٧١٠ \times ١,٤١٤ = ١٤١٤٠٠٠٠$$

$$٣^{-١٠} \times ٨,٧٦ = ٠,٠٠٨٧٦$$

$$٥١٠ \times ٢,٧٧ = ٢٧٧٠٠٠$$

$$١^{-١٠} \times ٥,٢٤ = ٠,٥٢٤$$

تحويل الصيغة العلمية للصيغة القياسية :

١. إذا ضرب العدد في إحدى القوى الموجبة للعدد ١٠ فإن الفاصلة العشرية تتحرك لليمين
٢. إذا ضرب العدد في إحدى القوى السالبة للعدد ١٠ فإن الفاصلة العشرية تتحرك لليمنار

مثال ٢ : اكتب كلا مما يلي بالصيغة القياسية ؟؟

$$٧٤٢٠٠٠٠ = ٥١٠ \times ٧,٤٢$$

$$٣١٦٠ = ٣١٠ \times ٣,١٦$$

$$٠,٠٦١ = ٢^{-١٠} \times ٦,١$$

$$٠,٠٠٠١١ = ٤^{-١٠} \times ١,١$$

$$٠,٤٥٥ = ١^{-١٠} \times ٤,٥٥$$

$$٧١١٣٠٠٠٠٠ = ٧١٠ \times ٧,١١٣$$

مراجعة الفصل الأول



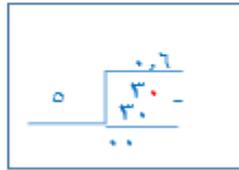
$\frac{3}{5}$ عدد نسبي هو كسر اعتيادي

٧ عدد نسبي مقامه ١

$2\frac{3}{5}$ عدد نسبي هو عدد كسري

٤,٧٦٥٦ عدد نسبي هو عدد عشري منتهي

٨,٨٧٨٧٨٧٨٧٨٧ عدد نسبي هو عدد عشري غير منتهي فهو دوري



$\frac{3}{5}$ اكتبيه كعدد عشري؟؟

$$0,6 = \frac{3}{5}$$

حولنا العدد العشري إلى كسر اعتيادي

$$\frac{9}{50} = \frac{2 \div 18}{2 \div 100} = 0,18$$

قارني؟؟

$\frac{5 \times 5}{5 \times 2} = \frac{25}{10}$ $\frac{2 \times 3}{2 \times 5} = \frac{6}{10}$ $\frac{25}{10} > \frac{6}{10}$	$\frac{7}{2} < \frac{5}{2}$
$\frac{7}{2} > \frac{5}{2}$	$\frac{7}{2} < \frac{5}{2}$

اضربي؟؟

$$\frac{6}{35} = \frac{2 \times 3}{7 \times 5} = \left(\frac{2}{7}\right) \times \frac{3}{5}$$

$$\frac{2}{7} = 1 \times \frac{2}{7}$$

$$1 = 1 \times \frac{5}{5}$$

مراجعة الفصل الأول



تممي العملية التالية:

$$\frac{16-}{10} = \frac{4}{3} \times \frac{4-}{5} = \frac{3}{4} \div \frac{4-}{5}$$

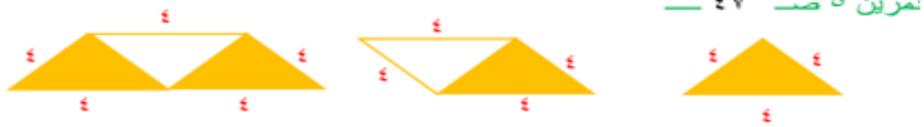
$$\frac{0-}{7} = \left(\frac{2-}{7} \right) + \frac{3-}{7}$$

$$\frac{1-}{7} = \frac{2}{7} + \frac{3-}{7} = \left(\frac{2-}{7} \right) - \frac{3-}{7}$$

$$0 = \frac{3}{7} + \frac{3-}{7}$$

$$\frac{3-}{7} = 0 + \frac{3-}{7}$$

$$\frac{9}{8} = \frac{4}{8} + \frac{5}{8} = \frac{4 \times 1}{4 \times 2} + \frac{5}{8}$$



محيط الشكل الرابع في النمط = ٤+٤+٤+٤+٤+٤ = ٢٤ م

$1 = \left(\frac{0}{2} \right)$	$\frac{0}{2} = \left(\frac{0}{2} \right)$	$\frac{20}{4} = \frac{0}{2} \times \frac{0}{2} = \left(\frac{0}{2} \right)$
$\frac{1}{216} = \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} = \left(\frac{1}{6} \right)^3 = 3^{-6}$		$\frac{2}{5} = \left(\frac{0}{2} \right)$

٣٦

٦ ×

٢١٦



اكتبي بالصيغة العلمية

$$10 \times 6,0189 = 60189.00$$

$$10^{-4} \times 6,02 = 0,000602$$

اكتبي بالصيغة القياسية

$$0,00000534 = 5.34 \times 10^{-6}$$

$$64598000 = 6.4598 \times 10^7$$

الفصل الثاني



و نظرية فيثاغورس والأعداد الحقيقية

١-٢ الجذور التربيعية



الجذور التربيعية:

- تدعى الأعداد مثل ١ ، ٤ ، ٩ ، ١٦ ، ٢٥ ، ... مربعات كاملة؛ لأنها مربعات أعداد صحيحة
- الجذر التربيعي لعدد ما هو أحد عامليه المتساويين ويطلق على الرمز $\sqrt{\quad}$ إشارة الجذر. وتستخدم للدلالة على الجذر التربيعي الموجب
- كل عدد موجب له جذران تربيعيان سالب وموجب

مثال ١ : أوجد الجذور التربيعية التالية :-

$\frac{\sqrt{9}}{\sqrt{49}} = \frac{3}{7}$	$\pm \sqrt{100} = \pm 10$	$\sqrt{25} = 5$
$\frac{\sqrt{4}}{\sqrt{9}} = \frac{2}{3}$	$\sqrt{36} = 6$	$\frac{\sqrt{16}}{\sqrt{81}} = \frac{4}{9}$
لا يمكن إيجادها وغير معرفة ، لأنه لا يجوز أن يكون داخل الجذر إشارة سالبة	$\frac{\sqrt{121}}{\sqrt{100}} = \frac{11}{10}$	$\frac{\sqrt{9}}{\sqrt{100}} = \frac{3}{10}$

ملاحظات هامة:

$$\sqrt{9} - \neq \sqrt{9-}$$

$$3 = \sqrt{9} \leftarrow 9 = 3 \times 3$$

$$3- = \sqrt{9} \leftarrow 9 = (3-) \times (3-)$$

$$\frac{\sqrt{p}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{p}{b}}$$

$$s = \sqrt[2]{(s)}$$

$$0 = \sqrt[2]{(0)}$$

$$7 = \sqrt[2]{(49)}$$

" الجذر عملية عكسية للتربيع "

١-٢ الجذور التربيعية



حل المعادلات باستخدام الجذر التربيعي:

هو استخدام الجذر التربيعي لإيجاد حل المعادلة على الصورة $x^2 = p$

إذا كانت $x^2 = p$ فإن $x = \pm \sqrt{p}$

ملحوظة هامة:

في الحياة الواقعية لا يكون للجذر التربيعي السالب معنى ويكتفى بأخذ الجذر التربيعي الموجب فقط " الجذر الرئيسي "

مثال ٢ : أوجد حل المعادلات التالية و تحقق من حلك ؟؟

$x^2 = \frac{4}{25}$ $\sqrt{\frac{4}{25}} = \sqrt{\frac{2^2}{5^2}}$ $\frac{2}{5} \pm = x$ <p>التحقق</p> $\frac{4}{25} = \left(\frac{2}{5}\right)^2$ $\frac{4}{25} = \left(\frac{2}{5}\right)^{-2}$	$x^2 = 144$ $\sqrt{144} = \sqrt{12^2}$ $12 \pm = x$ <p>التحقق</p> $144 = 12^2$ $144 = (12)^{-2}$	$x^2 = 81$ $\sqrt{81} = \sqrt{9^2}$ $9 \pm = x$ <p>التحقق</p> $81 = 9^2$ $81 = (9)^{-2}$
--	--	--

$x^2 = 25$ $\sqrt{25} = \sqrt{5^2}$ $5 \pm = x$ <p>التحقق</p> $25 = 5^2$ $\frac{25}{100} = \left(\frac{5}{10}\right)^2$ $\frac{25}{100} = \left(\frac{5}{10}\right)^{-2}$ $25 = 5^2$	$x^2 = 20$ $\sqrt{20} = \sqrt{2 \times 10}$ $400 = x^2$ <p>التحقق</p> $20 = 400^2$	$x^2 = 5$ $\sqrt{5} = \sqrt{5^1}$ <p>بتربيع الطرفين</p> $5 = x^2$ <p>التحقق</p> $5 = 5^2$	$x^2 = \frac{1}{9}$ $\sqrt{\frac{1}{9}} = \sqrt{\left(\frac{1}{3}\right)^2}$ $\frac{1}{3} \pm = x$ <p>التحقق</p> $\frac{1}{9} = \left(\frac{1}{3}\right)^2$ $\frac{1}{9} = \left(\frac{1}{3}\right)^{-2}$
--	--	---	---

١-٢ الجذور التربيعية



تطبيق:

(١) احسبي

$\frac{25}{81} = \sqrt{\left(\frac{25}{81}\right)}$	$36 = \sqrt{(36)}$
---	--------------------

(٢) تم ترتيب ٩٠٠ مقعد في حفل مسرحي على شكل مربع، ما عدد المقاعد في كل صف؟؟

عدد المقاعد في كل صف = س

$$900 = س^2$$

$$\sqrt{900} = \sqrt{س^2}$$

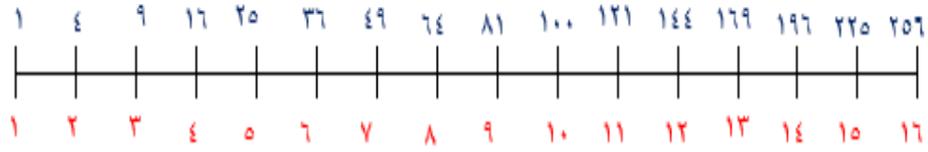
$$30 = س$$

عدد المقاعد في كل صف يساوي ٣٠ مقعد

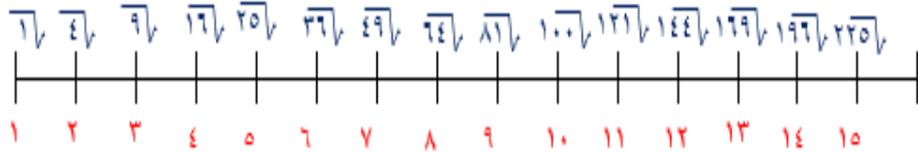
٢-٢ الجذور التربيعية



خط الأعداد التالي يوضح مربعات الأعداد من ١ إلى ١٦



خط الأعداد التالي يوضح جذور الأعداد من ١ إلى ٢٢٥



تقدير الجذر التربيعي:

هو إيجاد القيمة التقديرية للجذر التربيعي للعدد غير المربع الكامل.



مثال ١: قدي $\sqrt{٥}$ لأقرب عدد كلي؟؟

• $\sqrt{٥}$ تقع بين $\sqrt{٤}$ ، $\sqrt{٩}$

$\sqrt{٩} > \sqrt{٥} > \sqrt{٤}$

• $\sqrt{٥}$ أقرب إلى $\sqrt{٤}$ فأفضل تقدير له $\sqrt{٥}$ هو $\sqrt{٤}$

• نكتب $\sqrt{٥} \approx \sqrt{٤} \approx ٢$

٢-٢ الجذور التربيعية

مثال ٢: قدر كل من الجذور التالية لأقرب عدد كلي؟؟



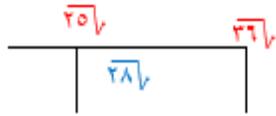
$$6 \approx \sqrt{36} \approx \sqrt{35}$$



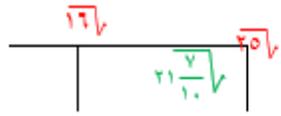
$$7 \approx \sqrt{49} \approx \sqrt{44.8}$$



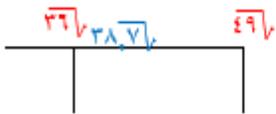
$$8 \approx \sqrt{64} \approx \sqrt{60}$$



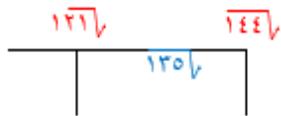
$$5 \approx \sqrt{25} \approx \sqrt{28}$$



$$4 \approx \sqrt{16} \approx \sqrt{21}$$



$$6 \approx \sqrt{36} \approx \sqrt{38.7}$$

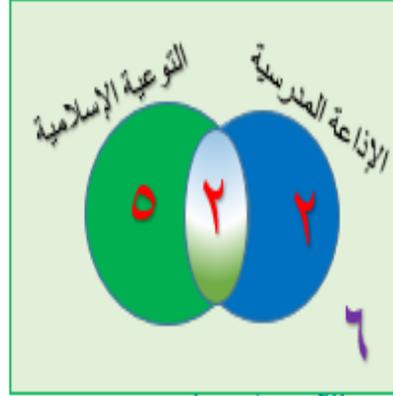


$$12 \approx \sqrt{144} \approx \sqrt{131}$$

٢-٣ استراتيجية حل المسألة باستخدام أشكال فن



مثال ١: اشترك ١٥ طالباً من الصف الثاني المتوسط في النشاط المدرسي ٤ منهم في نشاط الإذاعة المدرسية، و ٧ في نشاط التوعية الإسلامية واثنتان في النشاطين معاً. كم عدد الطلاب الذين لم يشتركوا في أي نشاط؟؟



١. أفهم

● المعطيات : لدينا ١٥ طالب -

٤ مشتركين في الإذاعة - ٧ مشتركين

في التوعية - ٢ مشتركين في الإذاعة و التوعية معاً

● المطلوب : عدد الطلاب الذين لم يشتركوا في أي نشاط؟؟

٢. أخطط : نستخدم أشكال فن

٣. أحل

عدد الطلاب المشتركين في الإذاعة فقط = ٢

عدد الطلاب المشتركين في التوعية فقط = ٥

عدد الطلاب المشتركين في الإذاعة والتوعية معاً = ٢

∴ عدد الطلاب الذين لم يشتركوا في أي نشاط = ١٥ - ٩ = ٦ طلاب

٤. التحقق

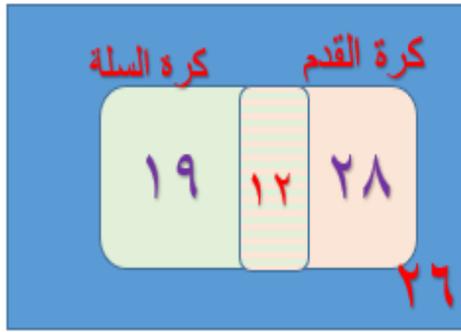
$$٦ + ٢ + ٢ + ٥ = ١٥ \text{ طالب}$$

٢-٣ استراتيجية حل المسألة باستخدام أشكال فن



تمرين ٣ ص ٧١ —

٢ رياضيات: أجرى عمر مسحاً لـ ٨٥ طالباً في مدرسته حول الرياضات التي يلعبونها، فوجد ٤٠ منهم يلعبون كرة القدم، و ٣١ يلعبون كرة السلة، و ١٢ يلعبون كرة القدم وكرة السلة. كم طالباً لا يلعب كرة القدم ولا كرة السلة؟



١. أفهم

• المعطيات: لدينا ٨٥ طالب

٤٠ يلعبون كرة القدم - ٣١ يلعبون

كرة السلة - ١٢ يلعبون

كرة السلة و كرة القدم

• المطلوب: عدد الطلاب الذين لا يلعبون كرة القدم و لا كرة السلة

٢. أخطط: أستخدم أشكال فن

٣. أحل

عدد الطلاب الذين يلعبون كرة القدم فقط = ٢٨

عدد الطلاب الذين يلعبون كرة السلة فقط = ١٩

عدد الطلاب الذين يلعبون كرة القدم وكرة السلة معاً = ١٢

عدد الطلاب الذين لا يلعبون كرة القدم و لا كرة السلة

= ١٩ - ١٢ - ٢٨ - ٨٥ = ٢٦ طلاب

٤. التحقق

٨٥ - ٢٨ = ٥٧ = ١٢ - ٥٧ = ١٩ - ٤٥ = ٢٦

٢-٤ الأعداد الحقيقية



العدد غير النسبي:

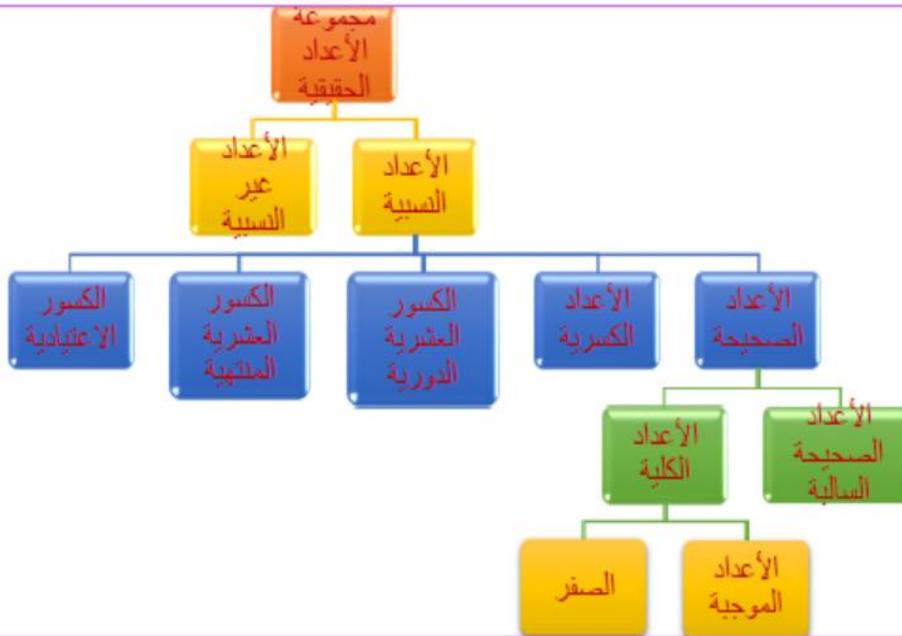
- تُعطي الآلة الحاسبة قيمة $\sqrt{7}$ تساوي الكسر العشري ٢,٦٥٤٥٧٥٣ و يستمر الكسر العشري دون تكرار. وبما أنه غير منتهي و لا يتكرر فمن غير الممكن كتابته على صورة كسر اعتيادي؛ و بذلك فهو ليس نسبي و يسمى مثل هذا العدد عدد غير نسبي
- العدد غير النسبي عددا لا يمكن كتابته على صورة الكسر $\frac{p}{b}$ حيث p ، b أعداد صحيحة، $b \neq 0$.

مثال:

$$\sqrt{2} \approx 1,414213562 \text{ عدد غير نسبي}$$

$$-\sqrt{3} \approx -1,732050808 \text{ عدد غير نسبي}$$

مجموعة الأعداد الحقيقية:



٢-٤ الأعداد الحقيقية



خصائص الأعداد الحقيقية:

التعبير الرمزي	الخاصية
$a+b=b+a$ عملية الجمع ابدالية	الابدال
$a \times b=b \times a$ عملية الضرب ابدالية	التجميع
$(a+b)+c=a+(b+c)$ عملية الجمع تجميعية $(a \times b) \times c=a \times (b \times c)$ عملية الضرب تجميعية	التوزيع
$(a+b) \times c=a \times c+b \times c$ الضرب توزيعي على الجمع	العنصر المحايد
$a=a+0=0+a$ الصفر هو العنصر المحايد في الجمع $a=a \times 1=1 \times a$ الواحد هو العنصر المحايد في الضرب	النظير
لكل عدد a نظير جمعي $(-a)$ بحيث $0=(a-)+a$ لكل عدد a نظير ضرب $(\frac{1}{a})$ بحيث $1=(\frac{1}{a}) \times a$	

تمثيل الأعداد الحقيقية:

كل نقطة على خط الأعداد تمثل عدد حقيقي

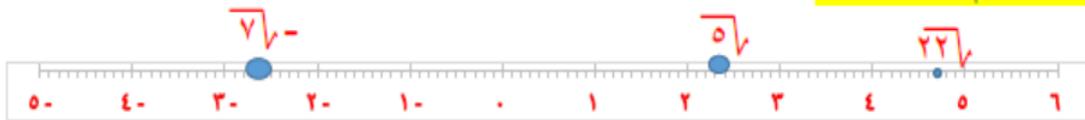
مثال ٢:

قدري الجذور التربيعية التالية لأقرب عُشر ثم مثلها على خط الأعداد؟؟

$$2,2 \approx \sqrt{5} \quad - \quad 2,6 \approx \sqrt{7}$$

$$4,7 \approx \sqrt{22}$$

باستخدام الآلة الحاسبة



٢-٤ الأعداد الحقيقية



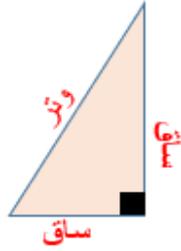
مقارنة الأعداد الحقيقية:

مثال ٣: ضعي إشارة > أو < أو = لتصبح العبارات التالية صحيحة !!

$\frac{3}{2} \circ \sqrt{15}$ $3,5 < 3,9$ $\frac{3}{2} < \sqrt{15} \therefore$	$\frac{1}{3} \circ \sqrt{3}$ $1,3 < 1,7$ $\frac{1}{3} < \sqrt{3} \therefore$
$3,3 \circ \sqrt{10}$ $3,3 > 3,2$ $3,3 > \sqrt{10} \therefore$	$\sqrt{6,5} \circ \frac{2}{5}$ $8,7 > 2,4$ $\sqrt{6,5} > \frac{2}{5} \therefore$

تحويل كل الأعداد إلى أعداد عشرية مقربة لأقرب جزء من عشرة

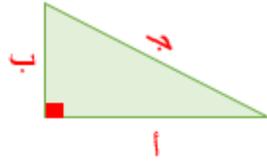
٥-٢ نظرية فيثاغورس



المثلث قائم الزاوية:

- المثلث قائم الزاوية هو مثلث إحدى زواياه قائمة
- الساقان هما الضلعان اللذان يشكلان الزاوية القائمة
- الوتر هو الضلع المقابل للزاوية القائمة، وهو أطول أضلاع المثلث
- الرمز \square يشير إلى أن الزاوية قائمة وقياسها 90°

نظرية فيثاغورس:



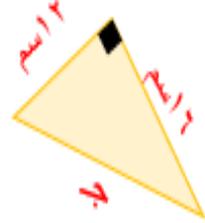
- تصف العلاقة بين طولي الساقين والوتر في أي مثلث قائم الزاوية
- التعبير اللفظي " في المثلث قائم الزاوية مربع طول الوتر يساوي مجموع مربعي طولي الساقين "
- الرموز $ج^2 = أ^2 + ب^2$
- تستعمل نظرية فيثاغورس لإيجاد طول ضلع في مثلث قائم الزاوية إذا عُلم طول الضلعين الآخرين

مثال ١: اكتب معادلة لإيجاد طول الضلع المجهول في كل مثلث مما يأتي ثم أوجده وقرب الناتج إلى أقرب عُشر إذا لزم ذلك؟؟

٢-٥ نظرية فيثاغورس

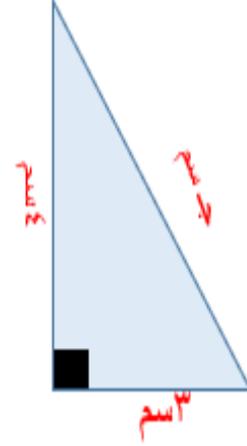


- $ج^2 = أ^2 + ب^2$ قانون فيثاغورس
- $ج^2 = ١٦ + ١٢ = ٢٨$ عوضنا عن أ و ب
- $ج^2 = ٢٥٦ + ١٤٤ = ٤٠٠$ أوجدنا المربعات
- $ج^2 = ٤٠٠$ جمعنا المربعات
- $ج = \sqrt{٤٠٠} = ٢٠$ أخذنا الجذر التربيعي للطرفين
- $ج = \pm ٢٠$



الحل $ج = -٢٠$ مرفوض فلا يوجد طول سالب أبداً
∴ $ج = ٢٠$ سم

- $ج^2 = أ^2 + ب^2$ قانون فيثاغورس
- $ج^2 = ٣ + ٤ = ٧$ عوضنا عن أ و ب
- $ج^2 = ٩ + ١٦ = ٢٥$ أوجدنا المربعات
- $ج^2 = ٢٥$ جمعنا المربعات
- $ج = \sqrt{٢٥} = ٥$ أخذنا الجذر التربيعي



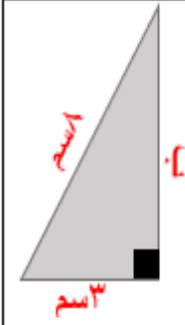
للطرفين أخذنا الجذر التربيعي للطرفين

• $ج = \pm ٥$

• الحل $ج = -٥$ حل مرفوض

• **∴ $ج = ٥$ سم**

٥-٢ نظرية فيثاغورس



• $ج^2 = أ^2 + ب^2$ قانون فيثاغورس
 • $٢٨ = ٢٣ + ب^2$ عوضنا عن أ و ج
 • $٦٤ = ٩ + ب^2$ أوجدنا المربعات
 طرحنا $٩ - ٩ -$

$$ب^2 = ٥٥$$

$$٥٥ = ب^2$$

أخذنا الجذر التربيعي للطرفين $٥٥ = ب^2$

$$ب \approx ٧,٤$$

$$ب = \sqrt{٥٥}$$

• $ج^2 = أ^2 + ب^2$

• $١٥ = ١٠ + أ^2$

• $٢٢٥ = ١٠٠ + أ^2$

$١٠٠ - ١٠٠ -$

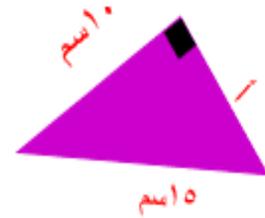
$$أ^2 = ١٢٥$$

$$١٢٥ = أ^2$$

$$١٢٥ = أ^2$$

$$أ = \sqrt{١٢٥}$$

$$أ = ١١,٢$$



٥-٢ نظرية فيثاغورس



عكس نظرية فيثاغورس:

إذا كانت أطوال أضلاع المثلث هي أ ، ب ، ج وحده بحيث أن $ج^2 = أ^2 + ب^2$ فإن المثلث قائم الزاوية

مثال ٢: حددي إذا كان كل مثلث فيما يلي أطوال أضلاعه هي أطوال أضلاع مثلث قائم الزاوية أم لا؟؟ تحققي من إجابتك؟؟

<p>٩ سم، ١٢ سم، ١٥ سم $٢٩ + ٢١٢ = ٢١٥$ $٨١ + ١٤٤ = ٢٢٥$ $٢٢٥ = ٢٢٥$ ∴ المثلث قائم الزاوية</p>	<p>٤ م، ٧ م، ٥ م $٢٥ + ٢٤ = ٢٧$ $٢٥ + ١٦ = ٤٩$ $٤١ \neq ٤٩$ ∴ الأطوال ٧ م و ٤ م و ٥ م ليست لمثلث قائم الزاوية</p>
<p>٣ م، ٤ م، ٥ م $٢٣ + ٢٤ = ٢٥$ $٩ + ١٦ = ٢٥$ $٢٥ = ٢٥$ ∴ المثلث قائم الزاوية</p>	<p>٥ سم، ١٠ سم، ١٢ سم $٢١٠ + ٢٥ = ٢١٢$ $١٠٠ + ٢٥ = ١٤٤$ $١٢٥ \neq ١٤٤$ ∴ المثلث ليس قائم الزاوية</p>

$$ج^2 = أ^2 + ب^2 \text{ قانون فيثاغورس}$$

$$ج^2 = ٢٦ + ٢٨ \text{ عوضنا عن أ و ب}$$

$$ج^2 = ٣٦ + ٦٤ \text{ أوجدنا المربعات}$$

$$ج^2 = ١٠٠ \text{ جمعنا المربعات}$$



$$ج = \sqrt{١٠٠} = ١٠ \text{ أخذنا الجذر التربيعي للطرفين}$$

$$ج = ١٠ \pm$$

$$\text{الحل } ج = -١٠ \text{ مرفوض}$$

$$\therefore ج = ١٠ \text{ سم}$$

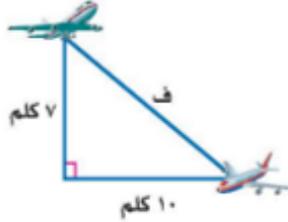
إذا طلب الوتر : نعوض ثم نربع ثم نجمع ثم نأخذ الجذر
 إذا طلب الساق : نعوض ثم نربع ثم نطرح ثم نأخذ الجذر

٢-٦ تطبيقات على نظرية فيثاغورس

يمكن استعمال نظرية فيثاغورس لحل مسائل متنوعة.



مثال ١:



تحقق من فهمك:

(١) **طيران**: اكتب معادلة يمكن استعمالها لإيجاد المسافة بين الطائرتين، ثم حلها. وقرب الناتج إلى أقرب جزء من عشرة.

$$ف^2 = 27 + 100 \text{ عوضنا}$$

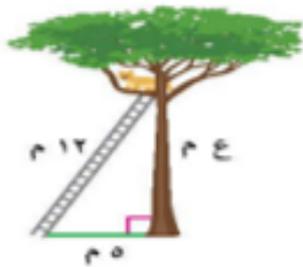
$$ف^2 = 127 \text{ أوجدنا المربعات}$$

$$127 = ف^2 \text{ جمعنا المربعات}$$

$$\sqrt{127} = ف \text{ أخذنا الجذر التربيعي للطرفين}$$

$$ف = \sqrt{127} \text{ كلم}$$

كم ترتفع القطة على
لشجرة؟



$$12^2$$

$$- 20$$

$$119$$

$$ع^2 = 12 - 20 \text{ عوضنا}$$

$$ع^2 = 119 \text{ ربعنا}$$

$$ع^2 = 119 \text{ طرحنا المربعات}$$

$$\sqrt{119} = ع \text{ أخذنا الجذر التربيعي}$$

للطرفين

$$ع = \sqrt{119} \text{ متر}$$

$$ع \approx 10,9 \text{ متر}$$

٢-٢ تطبيقات على نظرية فيثاغورس



١ ما ارتفاع الخيمة؟

٢٥ = ٢٥ - ٢٣ عوضنا
 ٢٥ = ٢٥ - ٩ أوجدنا المربعات
 ٢٥ = ١٦ طرحنا المربعات
 $\sqrt{١٦} = \sqrt{٢٥}$ أخذنا الجذر التربيعي للطرفين
 ٤ = ٥ أقدام

٧ كم يبعد الطائر عن
الولد؟

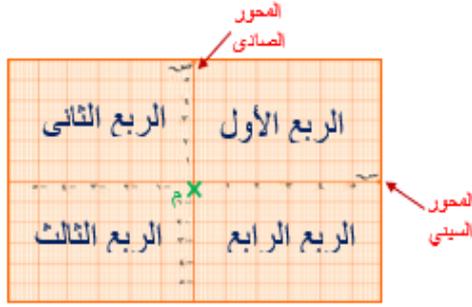
٢٠	٧٠
٢٠ ×	٧٠ ×
—————	—————
٤٠٠	٤٩٠٠

٢٠ + ٢٧٠ = ٢٨٠
 ٤٠٠ + ٤٩٠٠ = ٥٣٠٠
 ٥٣٠٠ = ٢٨٠
 $\sqrt{٥٣٠٠} = \sqrt{٢٨٠}$
 ٥٣٠٠ = ٢٨٠
 ٧٢,٨ = ٢٨٠

٢ ما ارتفاع مسار الكرسي المتحرك؟

٢٢,٨٥ - ٢٣ = ٢
 ٨,١ - ٩ = ٢
 ٠,٩ = ٢
 $\sqrt{٠,٩} = \sqrt{٢}$
 $\frac{٩}{١٠} = ٢$
 $\frac{٣}{١٠} = ٢$
 ٣,٩ = ٢

٧-٢ هندسة الأبعاد في المستوى الاحداثي



المستوى الاحداثي:

نظام احداثي شبيه بورق
المربعات، و يستخدم لتعيين النقاط
باستعمال زوج مرتب من الأعداد
مكوناته:

المحور السيني: خط الأعداد
الأفقي

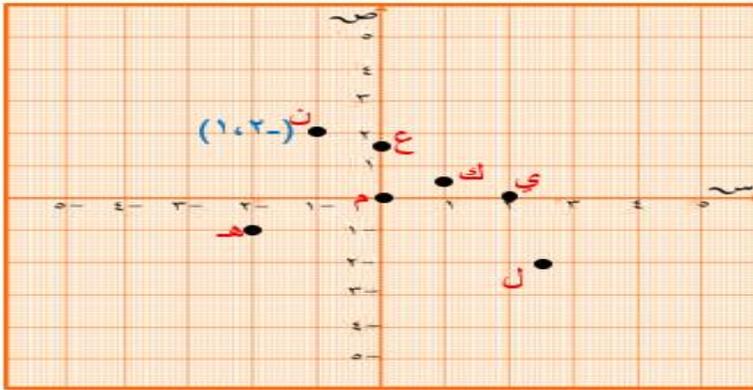
المحور الصادي: خط الأعداد الرأسى (العمودي)

نقط الأصل: نقطة تقاطع خطي الأعداد

الأرباع: أجزاء المستوى الاحداثي الأربعة

الزوج المرتب: زوج من الأعداد يُستخدم لتعيين أي نقطة على المستوى
الاحداثي، يطلق على العدد الأول " المقطع السيني " أو " الاحداثي السيني " و على
العدد الثاني " المقطع الصادي " أو " الاحداثي الصادي "

مثال ١: سم الأزواج المرتبة للنقاط الموضحة في الشكل
التالي ؟؟



ن (٢ ، ١ -)

م (٠ ، ٠)

هـ (١ - ، ٢ -)

ل (٢ - ، ٢ ، ٥)

ل (٢ - ، ٢ ، ١/٢)

ك (٠ ، ٥ ، ١)

ك (١ ، ١ ، ١/٢)

ع (١ ، ٣/٤ ، ٠) = (١ ، ٧٥ ، ٠)

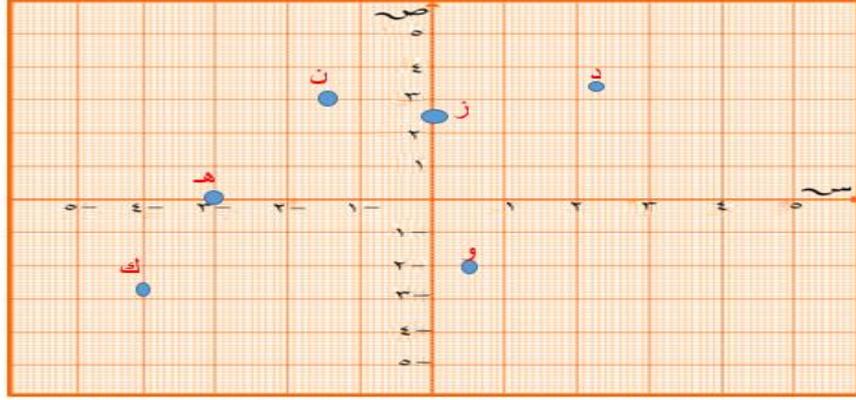
ي (٠ ، ٢)

٧-٢ هندسة الأبعاد في المستوى الاحداثي



مثال ٢: مثلثي النقاط التالية في المستوى الاحداثي

د $(\frac{1}{4}, 2)$ ، $(\frac{1}{4}, 3)$ ، ن $(-1, 5)$ ، هـ $(-3, 0)$ ، و $(-\frac{1}{4}, -2)$ ،
ز $(0, \frac{1}{4})$ ، ك $(-4, -\frac{3}{4})$

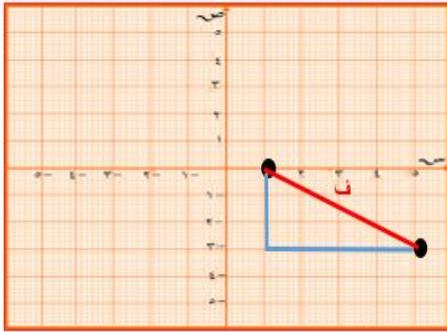


إيجاد المسافة في المستوى الاحداثي:

نمثل النقطتين ثم نرسم مثلث قائم الزاوية تكون المسافة بين النقطتين وترّاً له. ثم نستعمل نظرية فيثاغورس لإيجاد المسافة بين النقطتين.

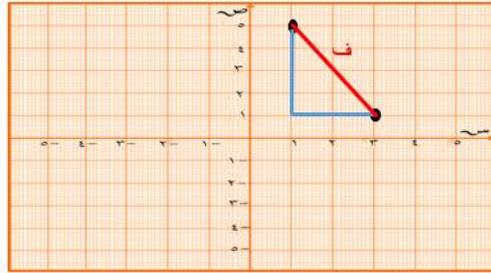
مثال ٣: مثلثي كل زوج مما يأتي ثم احسبي المسافة بين كل نقطتين إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك؟؟

(ب) $(0, 1)$ ، $(3, 5)$



$$\begin{aligned} 24 + 23 &= 2\text{ف} \\ 16 + 9 &= 2\text{ف} \\ 25 &= 2\text{ف} \\ \sqrt{25} &= \sqrt{2\text{ف}} \\ 5 &= \text{ف} \end{aligned}$$

(أ) $(1, 3)$ ، $(5, 1)$



$$\begin{aligned} 22 + 24 &= 2\text{ف} \\ 4 + 16 &= 2\text{ف} \\ 20 &= 2\text{ف} \\ \sqrt{20} &= \sqrt{2\text{ف}} \\ \sqrt{20} &= \text{ف} \\ &\approx 4.5 \\ 4.5 &= \text{ف} \end{aligned}$$

مراجعة الفصل الثاني

س ١ / جد الجذر التربيعي فيما يلي:



$9 = \sqrt{\quad}$ لا يمكن إيجاده لأنه لا يجوز يكون داخل الجذر إشارة سالبة	$12 = -\sqrt{144}$	$4 = \sqrt{16}$
$\sqrt{7} = \sqrt{7}$ لأنه جذر أصم	$\frac{\sqrt{36}}{\sqrt{100}} = \frac{6}{10}$	$\frac{\sqrt{81}}{\sqrt{4}} = \frac{9}{2}$

س ٢: قدر قيمة ما يلي:

$$\sqrt{14} \approx \sqrt{16} \approx 4$$

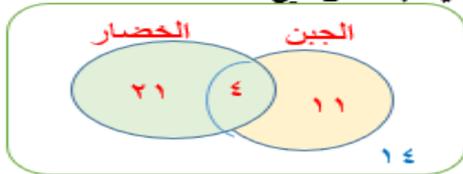
س ٣ / حل كل معادلة مما يلي وتحقق من صحة الحل:

$49 = 7^2$ $\sqrt{49} = 7$ ص = ٧	$8 = \sqrt{64}$ $\sqrt{8} = \sqrt{64}$ ص = ٦٤

س ٤ / أجرى احد المطاعم مسحا ل ٥٠ زبونا فبينت النتائج أن:

١٥ شخصا يحبون فطيرة الجبن و ٢٥ شخصا يحبون فطيرة الخضار ،

و ٤ أشخاص يحبون النوعين معا أجب عما يأتي مستعينا بأشكال فين:



عدد الذين يحبون فطيرة الجبن فقط = $11 = 4 - 15$ زبون

عدد الذين يحبون فطيرة الخضار فقط = $21 = 4 - 25$ زبون

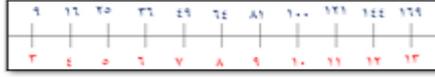
عدد الذين لا يحبون فطيرة الجبن وفطيرة الخضار = $50 = 21 - 4 - 11$ زبون

التحقق: $50 = 4 + 21 + 11 + 14$ زبوناً

مراجعة الفصل الثاني



من ٨ . اكتب معادلة يمكن استعمالها لإيجاد البعد بين الساعة وجهاز الحاسوب .



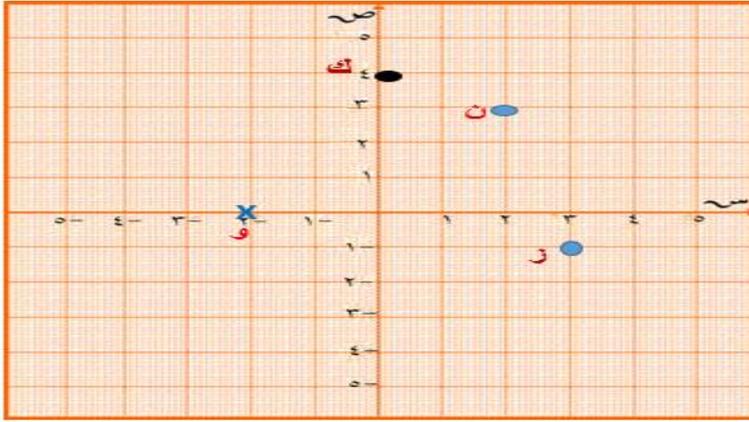
$$س = ٢٥ - ٢٣ = ٢$$

$$س = ٢٥ - ٩ = ١٦$$

$$س = ١٦$$

$$\sqrt{١٦} = \sqrt{٤ \times ٤} = ٤$$

$$س = ٤ م$$



س ٩ :

(١) أوجدني إحداثيات

ن، و،

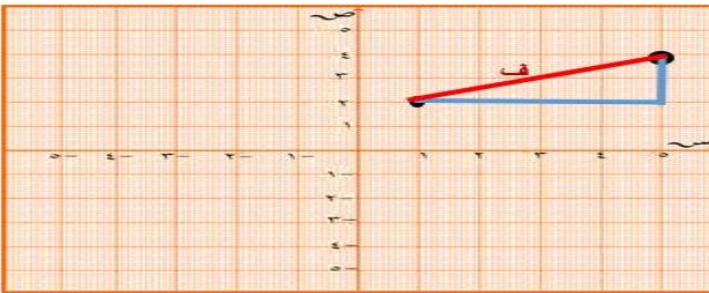
ن (٣، ٢)

و (٠، -٢)

(٢) مثلي على المستوي الاحداثي

ك (٤، ٠)

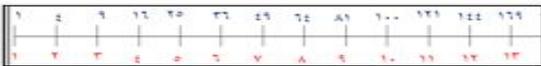
ز (١، -٣)



أوجدني المسافة بين النقطتين

ع (٢، ١)

هـ (٤، ٥)



$$ف = ٢٤ - ٢٢ = ٢$$

$$ف = ٤ + ١٦ = ٢٠$$

$$ف = ٢٠$$

$$\sqrt{٢٠} = \sqrt{٤ \times ٥} = ٢\sqrt{٥}$$

$$ف = ٢\sqrt{٥}$$

الفصل الثالث



المتسلسلة والالتصاليه

١-٣ العلاقات المتناسبة وغير متناسبة



أنواع علاقات التناسب

- ١) علاقات متناسبة : علاقة بين كميتين النسبة بينهما ثابتة
- ٢) علاقات غير متناسبة : علاقة بين كميتين النسبة بينهما غير ثابتة

مثال ١ : يبيع أحد المطاعم الوجبة الواحدة بمبلغ ١٤ ريالاً و يتقاضى ريالين عن توصيل كل طلب . هل تتناسب التكلفة مع عدد الوجبات المطلوبة ؟

(١) كما يلي

عدد الوجبات	١	٢	٣	٤
التكلفة (بالريال)	١٦	٣٠	٤٤	٥٨

(٢) نكتب النسبة بين التكلفة و عدد الوجبات في صورة نسبية ثم نبسطها .

$$\frac{\text{التكلفة}}{\text{العدد}} = \frac{١٦}{١} = ١٦ ، \quad \frac{٣٠}{٢} = ١٥$$

∴ النسب غير ثابتة

(٣) ∴ لا تتناسب التكلفة مع عدد الوجبات المطلوبة

مثال ٢ : مع راشد في بداية العام الدراسي ٤٢٠ ريال ، إذا ادخر ٢٠ ريال كل أسبوع فهل يتناسب المبلغ الإجمالي لكل أسبوع مع عدد الأسابيع ؟؟ وضحي إجابتك .

(١) نوجد المبلغ الإجمالي في كل أسبوع و نظمها في جدول كما يلي :-

الزمن (أسبوع)	١	٢	٣	٤
المبلغ الإجمالي	٤٤٠	٤٦٠	٤٨٠	٥٠٠

(٢) نوجد نسبة المبلغ إلى عدد الأسابيع

$$\frac{\text{اجمالي المبلغ}}{\text{عدد الأسابيع}} = \frac{٤٤٠}{١} = ٤٤٠ ، \quad \frac{٤٦٠}{٢} = ٢٣٠$$

$$\frac{٤٨٠}{٣} = ١٦٠ ، \quad \frac{٥٠٠}{٤} = ١٢٥$$

∴ النسب غير ثابتة

(٣) ∴ لا يتناسب المبلغ الإجمالي لكل أسبوع مع عدد الأسابيع

١-٣ العلاقات المتناسبة وغير متناسبة



مثال ٣ : تمرين ١ ص ١٠٣-

٢ **لياقة:** في أحد المراكز الرياضية، يشرف كل مدرب على ٢٨ متدربًا، إذا كان هناك ٣ مدربين احتياطيين، فهل يتناسب عدد المتدربين مع عدد المدربين؟ وضح إجابتك.

٤	٣	٢	١	عدد المدربين
١١٢	٨٤	٥٦	٢٨	عدد المتدربين

$$28 = 2/56, \quad 28 = 1/28 = \frac{\text{عدد المتدربين}}{\text{عدد المدربين}}$$

$$28 = 4/112, \quad 28 = 3/84,$$

∴ النسب ثابتة

∴ نعم يتناسب عدد المتدربين مع عدد المدربين

مثال ٤ : تمرين ٤ ص ١٠٣-

٤ **أعمال:** يعمل صالح بائعًا في أحد المحال التجارية، ويتقاضى مبلغ ٦٥ ريالًا عن كل يوم عمل. هل يتناسب المبلغ الذي يتقاضاه صالح مع عدد أيام العمل؟ وضح إجابتك.

٤	٣	٢	١	أيام العمل
٢٦٠	١٩٥	١٣٠	٦٥	المبلغ الذي يتقاضاه

$$65 = 2/130, \quad 65 = 1/65 = \frac{\text{المبلغ}}{\text{عدد الأيام}}$$

$$65 = 4/260, \quad 65 = 3/195,$$

∴ النسب ثابتة

∴ نعم يتناسب المبلغ الذي يتقاضاه صالح مع عدد الأيام

٢-٣ معدل التغير

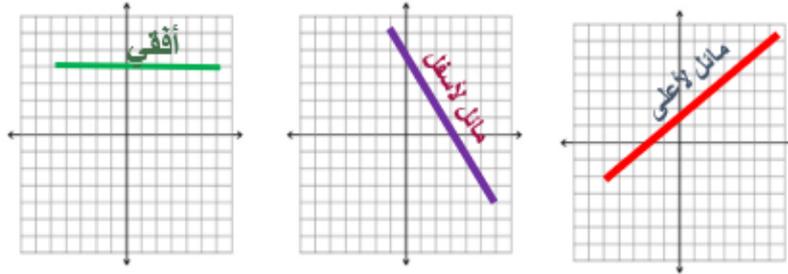


معدل التغير:

❖ هو معدل يصف كيف تتغير علاقة كمية بكمية أخرى
❖

النوع	موجب	سالب	صفري
مدلوله	يتزايد	يتناقص	لا يتغير

❖ تمثيله



❖ يمكن مقارنة معدلات التغير الممثلة بأشكال بيانية من خلال ملاحظة شدة الارتفاع أو الانخفاض للقطع المستقيمة عند قراءة الشكل من اليسار لليمين

❖ يستخدم الخط المتقطع عندما لا توجد بيانات بين النقاط الواردة في التمثيل

❖ عند مقارنة المعدلات السالبة للتغير نقارن القيم المطلقة للأعداد

❖ معدل التغير بين الكميتين أ، ب = $\frac{\text{التغير في أ}}{\text{التغير في ب}}$

مثال ١: يبين الجدول الآتي طول ثامر عندما كان عمره ٨ سنوات و ١١ سنة ، أوجد معدل التغير في طوله خلال هذه العمرين ؟؟

١٤٥	١٣٠	الطول (سم)
١١	٨	العمر (سنة)

$$\text{معدل التغير} = \frac{\text{التغير في الطول}}{\text{التغير في العمر}} = \frac{١٣٠-١٤٥}{٨-١١} = \frac{١٥}{٣} = ٥ \text{ سم / سنة}$$

= ٥ سنتمترات في السنة

∴ طول ثامر يزداد بمعدل ٥ سم في السنة



مثال ٢: الجدول التالي يبين درجات حسام في ٦ اختبارات للغة الإنجليزية

الدرجة	الاختبار
٦٧	١
٧٥	٢
٧٧	٣
٨٣	٤
٨٣	٥
٧٩	٦

(١) أوجد معدل التغير الدرجات من الاختبار الثاني و الرابع؟؟

معدل التغير الدرجات من الاختبار الثاني و الرابع

$$= \frac{٧٥-٨٣}{٢-٤} = \frac{٨}{٢} = ٤ \text{ درجات / اختبار}$$

زادت درجات حسام

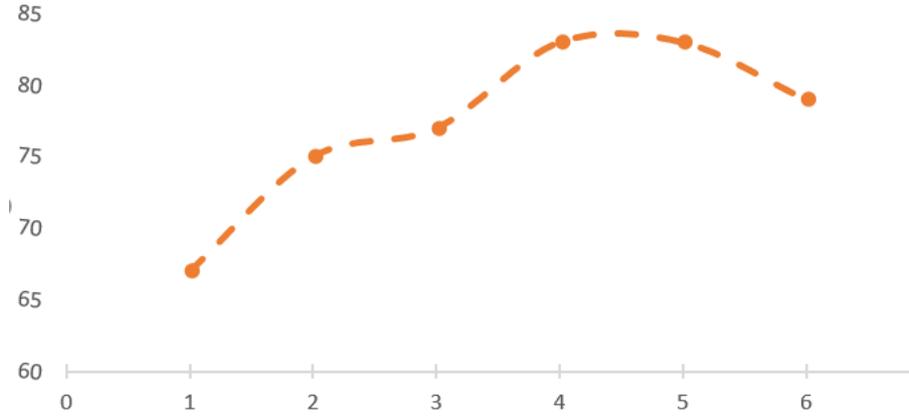
(٢) أوجد معدل التغير الدرجات من الاختبار الخامس و السادس؟؟
معدل التغير الدرجات من الاختبار الخامس و السادس

$$= \frac{٨٣-٧٩}{٥-٦} = \frac{٤}{١} = ٤ \text{ درجات / اختبار}$$

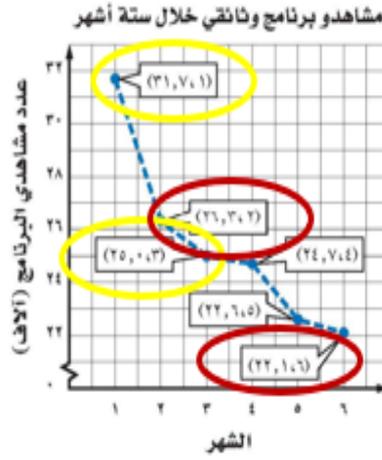
نقصت درجات حسام

(٣) متلي المعلومات الواردة في الجدول بيانيا و حدد الاختبارين اللذين كان معدل التغير بينهما أكبر؟؟ وضح اجابتك

معدل التغير أكبر بين الاختبارين الأول و الثاني ، لأن الميل بين نقطتيهما أكبر



٢-٣ معدل التغير



- تلقاؤ:** للأسئلة ٧ - ٩ استعمل المعلومات الواردة في التمثيل البياني، والذي يمثل عدد مشاهدي أحد البرامج الوثائقية خلال ستة أشهر.
- ٧ أوجد معدل التغير في عدد المشاهدين بين الشهرين ١ و ٣.
- ٨ أوجد معدل التغير في عدد المشاهدين بين الشهرين ٢ و ٦.
- ٩ اذكر بين أي شهرين كان معدل التغير في عدد المشاهدين أكبر؟

$$\begin{array}{r} 31,7- \\ 25,0 \\ \hline 6,7- \end{array}$$

$$\frac{31,7-25}{1-3} = \frac{6,7}{-2} = \frac{\text{التغير في عدد المشاهدين}}{\text{التغير في الشهر}} \quad (7)$$

= - ٣,٣٥ ألف مشاهد كل شهر

∴ نقص عدد المشاهدين

$$\begin{array}{r} 26,3- \\ 22,1 \\ \hline 4,2- \end{array}$$

$$\frac{26,3-22,1}{2-6} = \frac{4,2}{-4} = \frac{\text{التغير في عدد المشاهدين}}{\text{التغير في الشهر}} \quad (8)$$

= - ١,٥ ألف مشاهد كل شهر

∴ نقص عدد المشاهدين

٩ معدل التغير في عدد المشاهدين أكبر بين الشهر الأول و الثاني

٣-٣ المعدل الثابت للتغير



العلاقة الخطية :

- ❖ هي العلاقة التي تمثل بيانيا بخط مستقيم ؛ و فيها يكون معدل التغير بين نقطتين مقدارا ثابتا.
- ❖ بعض و ليس كل العلاقات الخطية متناسبة.
- ❖ إذا كان أ ، ب كميتين فإن العلاقة بينهما تكون خطية متناسبة إذا كانت النسبة بينهما ثابتة و معدل التغير ثابت.

$$\text{❖ } \frac{\text{التغير في أ}}{\text{التغير في ب}} = \text{ثابت} , \quad \text{❖ } \frac{\text{أ}}{\text{ب}} = \text{ثابت}$$

مثال ١ : بيني ما إذا كانت العلاقة بين كل كميتين في الجداول الآتية خطية أم لا ؟؟ و إذا كانت خطية فأوجدي المعدل الثابت للتغير ؟ و إذا لم تكن كذلك وضح السبب ؟

تبريد الماء	
الزمن (الدقيقة)	درجة الحرارة (س)
٥	٣٥
١٠	٣٢
١٥	٣٠
٢٠	٢٨

معدل التغير من ٥ إلى ١٠ دقائق = $\frac{35-32}{5} = \frac{3}{5} = 0.6$

معدل التغير من ١٠ إلى ١٥ دقائق = $\frac{32-30}{5} = \frac{2}{5} = 0.4$

∴ معدل التغير غير ثابت
∴ العلاقة ليست خطية متناسبة

هدايا	
عدد الهدايا	التمن (الريال)
٢	٨,٥
٤	١٧
٦	٢٥,٥
٨	٣٤

نسبة التمن إلى عدد الهدايا = $\frac{8,5}{2} = 4,25$

$4,25 = \frac{17}{4} , 4,25 = \frac{25,5}{6} , 4,25 = \frac{34}{8}$

∴ نسبة تمن الهدايا إلى عددها ثابت

معدل التغير من ٢ إلى ٤ هدايا = $\frac{8,5-17}{4-2} = \frac{8,5-17}{2} = \frac{8,5}{2} = 4,25$

معدل التغير من ٤ إلى ٦ هدايا = $\frac{17-25,5}{6-4} = \frac{17-25,5}{2} = \frac{8,5}{2} = 4,25$

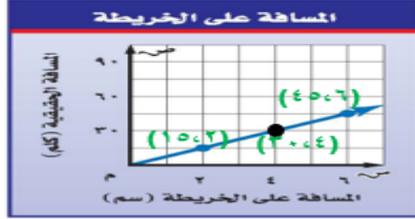
معدل التغير من ٦ إلى ٨ هدايا = $\frac{25,5-34}{8-6} = \frac{25,5-34}{2} = \frac{8,5}{2} = 4,25$

∴ معدل التغير ثابت

∴ العلاقة خطية متناسبة

٣-٣ المعدل الثابت للتغير

مثال ٢ : أوجد المعدل الثابت للتغير في كلا من الأشكال التالية وفسري معناه ؟؟



$$\text{المعدل للتغير من ٢ إلى ٤ سم} = \frac{١٥-٣٠}{٢-٤} = ٧,٥$$

$$\text{المعدل للتغير من ٤ إلى ٦} = \frac{٣٠-٤٥}{٤-٦} = ٧,٥$$

أي أن معدل التغير ثابت

٤٥	٣٠	١٥	المسافة الحقيقية
٦	٤	٢	المسافة على الخارطة

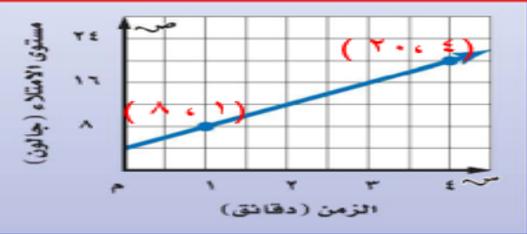
$$\text{المسافة في الحقيقة} = \frac{٣٠}{٤} = ٧,٥ \quad \text{المسافة على الخارطة} = \frac{١٥}{٢} = ٧,٥$$

$$\text{٧,٥} = \frac{٤٥}{٦}$$

∴ نسبة المسافة في الحقيقة إلى المسافة على الخارطة ثابتة

∴ العلاقة خطية متناسبة

مستوى امتلاء البتزين في خزان السيارة



$$\text{المعدل الثابت للتغير} = \frac{٨-٢٠}{١-٤} = ٣/١٢ = ٤ \text{ جالون / دقيقة}$$

٢٠	١٦	١٢	٨	مستوى الامتلاء
٤	٣	٢	١	الزمن

$$\text{نسبة مستوى الماء إلى الزمن} = \frac{٨}{١} = ٨ \quad \text{٨} = \frac{١٢}{٢} \quad \text{٨} = \frac{٢٠}{٤}$$

أي أن النسبة غير ثابتة

العلاقة خطية (انظر الرسم) ولكن النسبة بين مستوى الامتلاء و الزمن غير ثابتة

∴ العلاقة غير متناسبة

٤-٣ حل التناسب



التناسب:

التناسب معادلة تبين أن نسبتين أو معدلين متكافئان

$$\frac{p}{d} = \frac{p}{b} \text{ يسمى تناسب}$$

الضرب التبادلي:

التناسب $\frac{p}{d} = \frac{p}{b}$ فيه تسمى نواتج الضرب $d \times p$ ، $b \times d$

ضرب تبادلي

نواتج الضرب التبادلي في التناسب تكون متساوية

$$d \times p = b \times d$$

يُستعمل الضرب التبادلي في حل تناسب أحد طرفيه مجهولة

مثال ١: أوجدني حل كل تناسب مما يلي :

$\frac{5}{ص} = \frac{2}{34}$ $ص \times 2 = 5 \times 34$ $ص \times 2 = 170$ $\frac{ص \times 2}{2} = \frac{170}{2}$ $ص = 85$ $85 = ص$	$\frac{32}{7} = \frac{56}{ك}$ $7 \times 32 = ك \times 56$ $224 = ك \times 56$ $\frac{224}{56} = \frac{ك \times 56}{56}$ $4 = ك$	$\frac{9}{10} = \frac{س}{4}$ $4 \times 9 = 10 \times س$ $36 = 10 \times س$ $\frac{36}{10} = \frac{10 \times س}{10}$ $3,6 = س$
---	---	---

مثال ٢: إذا كانت عملية إعادة تدوير ٩٠٠ كجم من الورق تحمي ١٧ شجرة تقريباً، فاكتبي تناسب و حلّيه لإيجاد عدد الأشجار المتوقع حمايتها إذا تم تدوير ٢٢٥٠ كجم من الورق

نفرض عدد الـ ٢٢٥٠ أشجار المتوقع حمايتها = س

$$\begin{array}{r} 2250 \\ 17 \times \\ \hline 10750 \\ 2250 + \\ \hline 38250 \end{array}$$

$$\frac{2250}{س} = \frac{900}{17} \text{ تكون التناسب}$$

نحل التناسب $17 \times 2250 = س \times 900$

$$38250 = س \times 900$$

$$\frac{38250}{900} = \frac{س \times 900}{900}$$

$$س = 42,5 \text{ شجرة}$$

٣-٤ حل الثاسب



ملحوظة هامة :

يمكن استعمال نسبة ثابتة لكتابة معادلة تُعبر عن العلاقة بين كميتين متناسبتين ، و تسمى النسبة الثابتة في هذه الحالة **ثابت التناسب**

مثال ٣ : يطبع رامي صفحتين في ١٥ دقيقة

(أ) اكتب معادلة تُعبر عن العلاقة بين عدد الدقائق و عدد الصفحات المطلوبة ص ؟

$$\text{ثابت التناسب} = \frac{\text{عدد الصفحات}}{\text{عدد الدقائق}} = \frac{\text{ص}}{\text{ن}} = \frac{٢}{١٥} = \frac{١}{٧,٥}$$

(ب) إذا استمرت الطباعة وفق المعدل نفسه ، فما عدد الدقائق اللازمة لطباعة ١٠ صفحات و لطباعة ٢٥ صفحة ؟

• عدد الدقائق لطباعة ص صفحات :

$$\begin{array}{r} ٧,٥ \\ ١٠ \times \\ \hline ٧٥,٠ \end{array}$$

$$\frac{١}{٧,٥} = \frac{\text{ص}}{\text{ن}}$$

$$٧,٥ \times \text{ص} = ١ \times \text{ن}$$

$$\text{ن} = ٧,٥ \times \text{ص}$$

• عدد الدقائق لطباعة ١٠ صفحات :

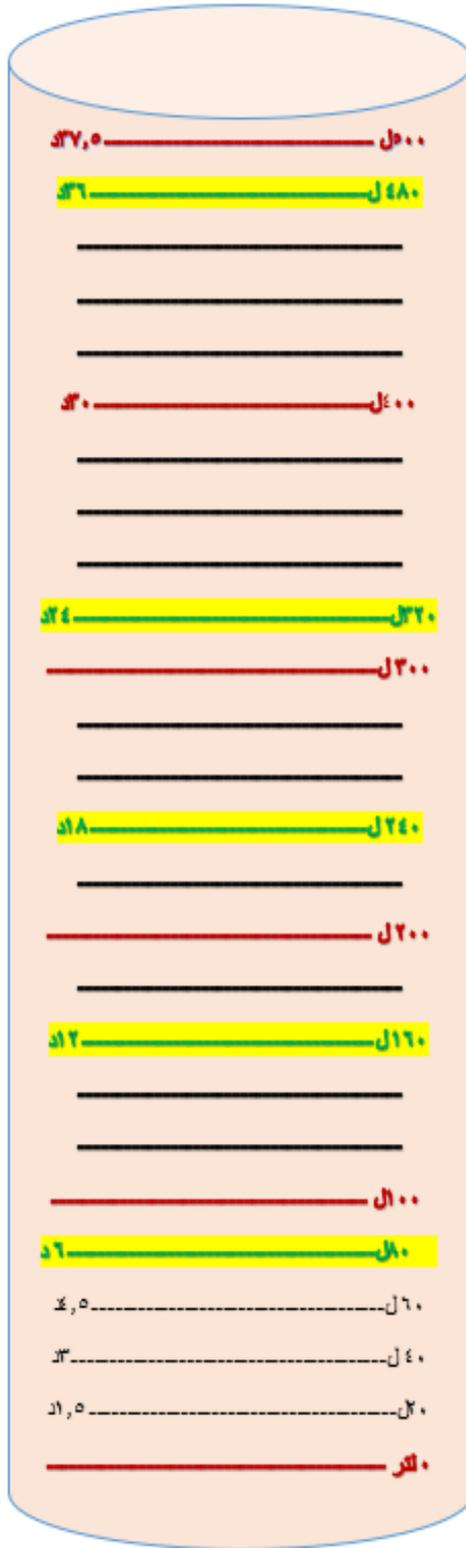
$$٧٥ = ٧٥,٠ = ١٠ \times ٧,٥ =$$

عدد الدقائق لطباعة ٢٥ صفحة :

$$١٨٧,٥ = ٢٥ \times ٧,٥ =$$

$$\begin{array}{r} ٧,٥ \\ ٢٥ \times \\ \hline ٣٧٥ \\ ١٥٠ \quad + \\ \hline ١٨٧,٥ \end{array}$$

٣-٥ استراتيجية حل المسألة بالرسم



تمرين ٤ ص ١٢٥ -

(١) أفهم

المعطيات : حوض سعته

٥٠٠ لتر ، يصب فيه الماء

بمقدار ٨٠ لتر كل ٦ دقائق

المطلوب : ما عدد الدقائق

اللازمة لملاء الحوض ؟

(٢) أخطط : استخدم

استراتيجية الرسم

(٣) أحل : عدد الدقائق

لملاء الحوض = ٣٧,٥ د

(٤) أتتحق : الإجابة معقولة

عدد اللترات	٨٠	١٦٠	٢٤٠	٣٢٠	٤٠٠	٤٨٠
الزمن (بالدقائق)	٦	١٢	١٨	٢٤	٣٠	٣٦

٢٠ لتر تحتاج لـ ١,٥ دقيقة

∴ يمتلئ الحوض حتى ٥٠٠ لتر

في ٣٧,٥ دقيقة

٣-٦ تشابه المضلعات



المضلع :

مجموعة من القطع المستقيمة متصلة نهاياتها بحيث تكون شكلا مغلقا

المضلعات المتشابهة :

مضلعات لها الشكل نفسه

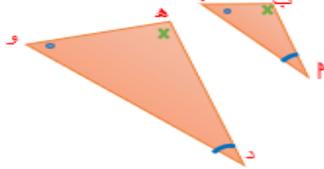
رمز التشابه \sim ، رمز التطابق في الهندسة \cong

تشابه المضلعات :

يتشابه مضلعان إذا كان :

(١) أطوال أضلاعها المتناظرة متناسبة

(٢) زواياها المتناظرة متطابقة



في الشكل المقابل

المثلثان م ب ج ، د هـ و متشابهان

و نكتب $\Delta م ب ج \sim \Delta د هـ و$

حيث $م \cong د$ ، $ب \cong هـ$ ، $ج \cong و$

$$\frac{م ب ج}{د هـ و} = \frac{م ب}{د هـ} = \frac{ب ج}{د و} = \frac{ج و}{هـ و}$$

عامل المقياس :

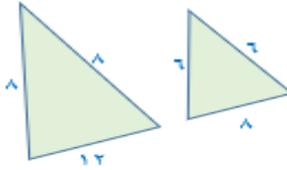
النسبة بين طولي ضلعين متناظرين في مضلعين متشابهين ، و يمكن استعمال عامل المقياس في إيجاد القياسات الناقصة في المضلعات المتشابهة .

مثال ١ : حددي ما إذا كانت المضلعات متشابهة أم لا ؟

وضحي إجابتك ؟؟

$$\frac{٨}{١٢} = \frac{٦}{٨} = \frac{٦}{٨}$$

$$\frac{٢}{٣} \neq \frac{٣}{٤} = \frac{٣}{٤}$$

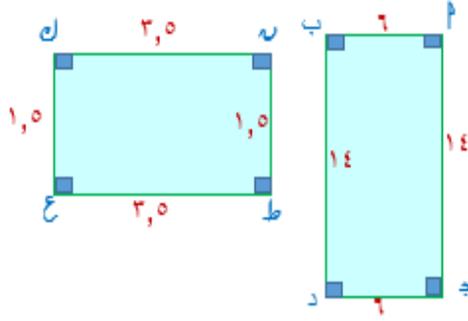


$$\frac{١٢}{٨} = \frac{٨}{٦} = \frac{٨}{٦} \quad (أ)$$

$$\frac{٣}{٢} \neq \frac{٤}{٣} = \frac{٤}{٣}$$

∴ المثلثان غير متشابهان لأن أضلاعهما غير متناسبة

٣-٦ تشابه المضلعات

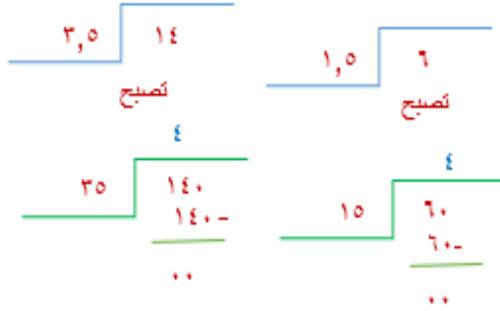


(ب)

$$\frac{3,5}{14} = \frac{5,1}{6}$$

$$21 = 21$$

• المضلعان مستطيلان
جميع زواياهما قائمه ؛



فإن الزوايا المتناظرة متطابقة

$$15/60 = 1,5/6$$

$$35 \div 140 = 3,5 \div 14$$

$$\frac{14}{3,5} = \frac{6}{1,5}$$

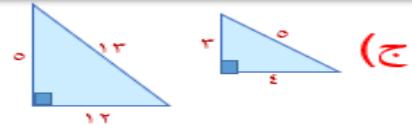
$$4 = 4$$

∴ الأضلاع المتناظرة متناسبة

∴ المضلعان متشابهان و نكتب ب د ج ~ ط ن ع

$$\frac{5}{13} = \frac{4}{12} = \frac{3}{5}$$

$$\frac{5}{13} \neq \frac{4}{12} \neq \frac{3}{5}$$



• الزوايا المتناظرة متطابقة

$$\frac{5}{3} = \frac{12}{4} = \frac{13}{5}$$

$$1,7 \neq 3 \neq 2,6$$

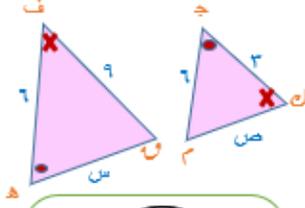
∴ الأضلاع المتناظرة غير متناسبة

∴ المثلثان غير متشابهان

٦-٣ تشابه المضلعات

مثال ٢ : في الشكل المجاور Δ ف و ه \sim Δ ك م ج

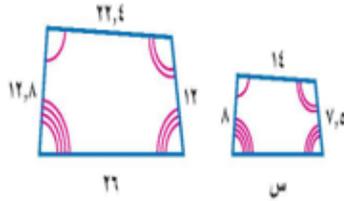
اكتبي تناسبا و حلبيه للإيجاد القياسات الناقصة ؟



$$\frac{ف و ه}{ك م ج}$$

$\frac{ف ه}{ك م} = \frac{ف ق}{ك م}$ $\frac{6}{3} = \frac{9}{ص}$ $3 \times 9 = ص \times 6$ $27 = ص \times 6$ $\frac{27}{6} = \frac{ص}{6}$ $ص = 4,5$	$\frac{ف و ه}{ك م ج} = \frac{ف ه}{ك م ج}$ $\frac{6}{2} = \frac{9}{3}$ $\frac{6}{3} = \frac{س}{3}$ $6 \times 6 = س \times 3$ $36 = س \times 3$ $\frac{36}{3} = \frac{س}{3}$ $س = 12$
--	---

مثال ٣ : أوجدني القياس الناقص ؟



• عامل المقياس = $\frac{7,5}{12}$

• نكون تناسب $\frac{7,5}{12} = \frac{س}{26}$

$$7,5 \times 26 = س \times 12$$

$$195 = س \times 12$$

$$\frac{195}{12} = \frac{س}{12}$$

$$س = 16,25$$

٣-٦ تشابه المضلعات



نتيجة هامة :

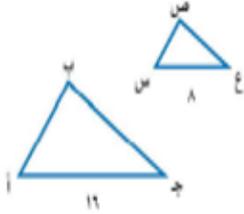
إذا تشابه شكلان و كان عامل المقياس بينهما يساوي

$$\frac{أ}{ب} ؛ فإن النسبة بين محيطهما تساوي $\frac{أ}{ب}$$$

مثال ٤ : إذا كان $\Delta أ ب ج \sim \Delta س ص ع$ و محيط $\Delta أ ب ج$ يساوي ٤٠ وحدة ، فما محيط $\Delta س ص ع$ ؟؟

$$\bullet \text{ عامل المقياس} = \frac{أ ب ج}{س ص ع} = \frac{١٦}{٨} = \frac{٢}{١}$$

$$\bullet \frac{\text{محيط المثلث أ ب ج}}{\text{محيط المثلث س ص ع}} = \text{عامل المقياس}$$



$$\frac{٢}{١} = \frac{٤٠}{\text{محيط المثلث س ص ع}}$$

$$\times ٢ \text{ محيط } \Delta س ص ع = ١ \times ٤٠$$

$$\text{محيط } \Delta س ص ع = \frac{٤٠}{٢}$$

$$\therefore \text{ محيط } \Delta س ص ع = ٢٠ \text{ وحدة}$$

تطبيق : إذا كان محيط المربع أ يساوي ٢٨ وحدة و محيط المربع الثاني ب يساوي ٤٢ وحدة ، فما عامل المقياس بين المربعين ؟؟

$$\begin{array}{r} ٢٨ \\ ٣ \overline{) ٢٨} \\ \underline{٢٠} \\ ٨ \\ \underline{٦} \\ ٢ \\ \underline{٢} \\ ٠ \end{array}$$

$$\frac{\text{محيط المربع أ}}{\text{محيط المربع ب}} = \text{عامل المقياس}$$

$$\frac{٢ \div ٤}{٢ \div ٦} = \frac{٧ \div ٢٨}{٧ \div ٤٢} = \text{عامل المقياس}$$

$$\text{عامل المقياس} = \frac{٢}{٣} = ٠,٧ \text{ وحدة}$$

محيط ب / محيط أ

$$\frac{٧ \div ٤٢}{٧ \div ٢٨} =$$

$$\frac{٣}{٢} = \frac{٢ \div ٦}{٢ \div ٤} =$$



التمدد :

تُسمى الصورة الناتجة عن تكبير شكل معطى أو تصغيره **تمدداً** و الصورة الناتجة عن التمدد **تشبه** الصورة الأصلية . و هذا يعني أن الأبعاد المتناظرة **متناسبة** .

مركز التمدد :

هو النقطة الثابتة التي تُستعمل في القياس عند تعديل قياسات الشكل .

معامل مقياس التمدد :

هو النسبة بين طول الصورة إلى طول الشكل الأصلي

التكبير :

عندما يكون عامل مقياس التمدد **أكبر** من الواحد ؛ فمعنى ذلك أن الصورة **أكبر** من الشكل الأصلي

التصغير :

عندما يكون عامل مقياس التمدد **أكبر** من الصفر و **أصغر** من الواحد ؛ فمعنى ذلك أن الصورة **أصغر** من الشكل الأصلي

ملحوظة هامة :

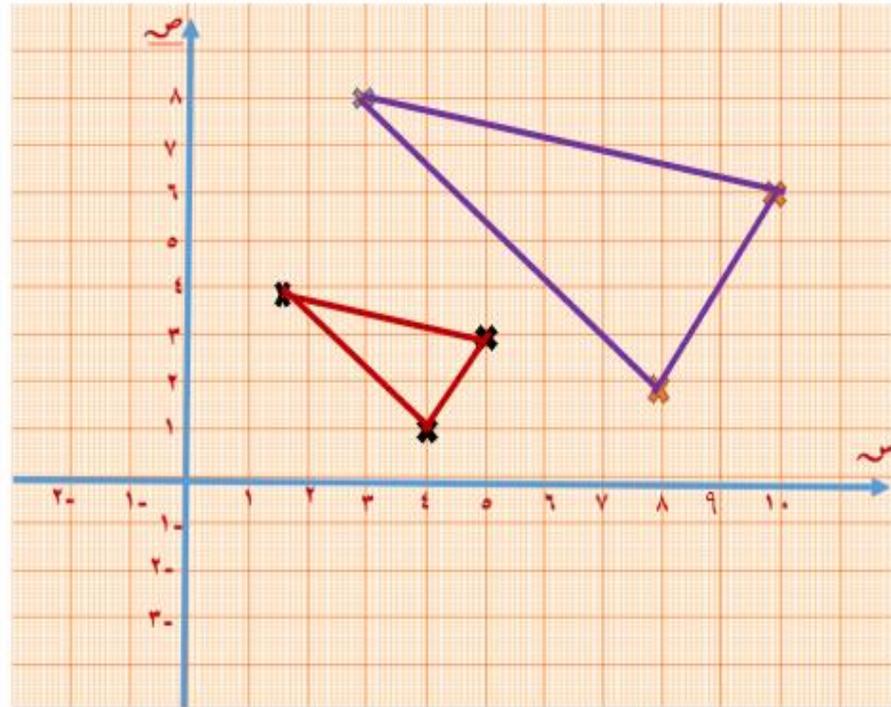
إذا كانت النقطة أ مركز التمدد فإن صورتها هي **النقطة نفسها**

٣-٧ التكبير و التصغير



مثال ١ : مثلي بيانيا Δ ج ك ل الذي رؤوسه ج (٨ ، ٣) ، ك (٦ ، ٠) ، ل (٢ ، ٨) ثم مثلي بيانيا الصورة التي تمثل Δ ج ك ل الناتج عن التمديد عامل مقياسه $\frac{1}{2}$

احداثيات الصورة	العلاقة	الاحداثيات الأصلية
ج (٤ ، ١,٥)	$(\frac{1}{2} \times ٨ , \frac{1}{2} \times ٣)$	ج (٨ ، ٣)
ك (٣ ، ٥)	$(\frac{1}{2} \times ٦ , \frac{1}{2} \times ١٠)$	ك (٦ ، ١٠)
ل (١ ، ٤)	$(\frac{1}{2} \times ٢ , \frac{1}{2} \times ٨)$	ل (٢ ، ٨)

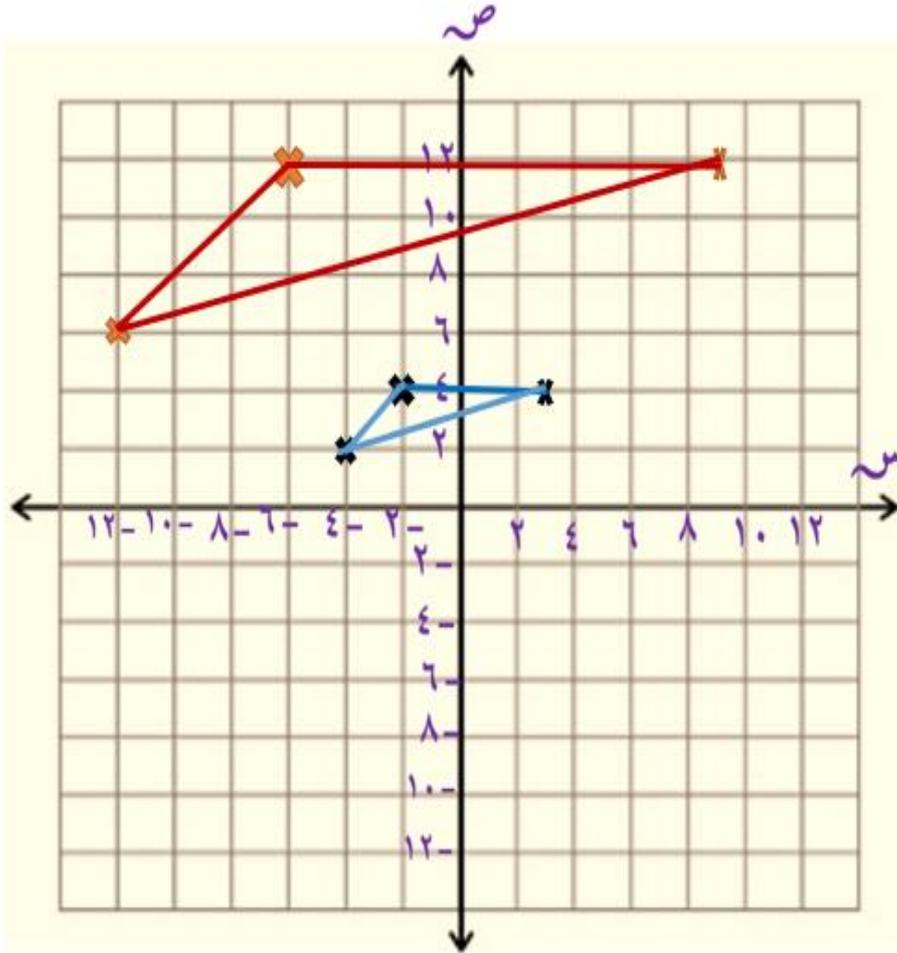


٧-٣ التكبير و التصغير



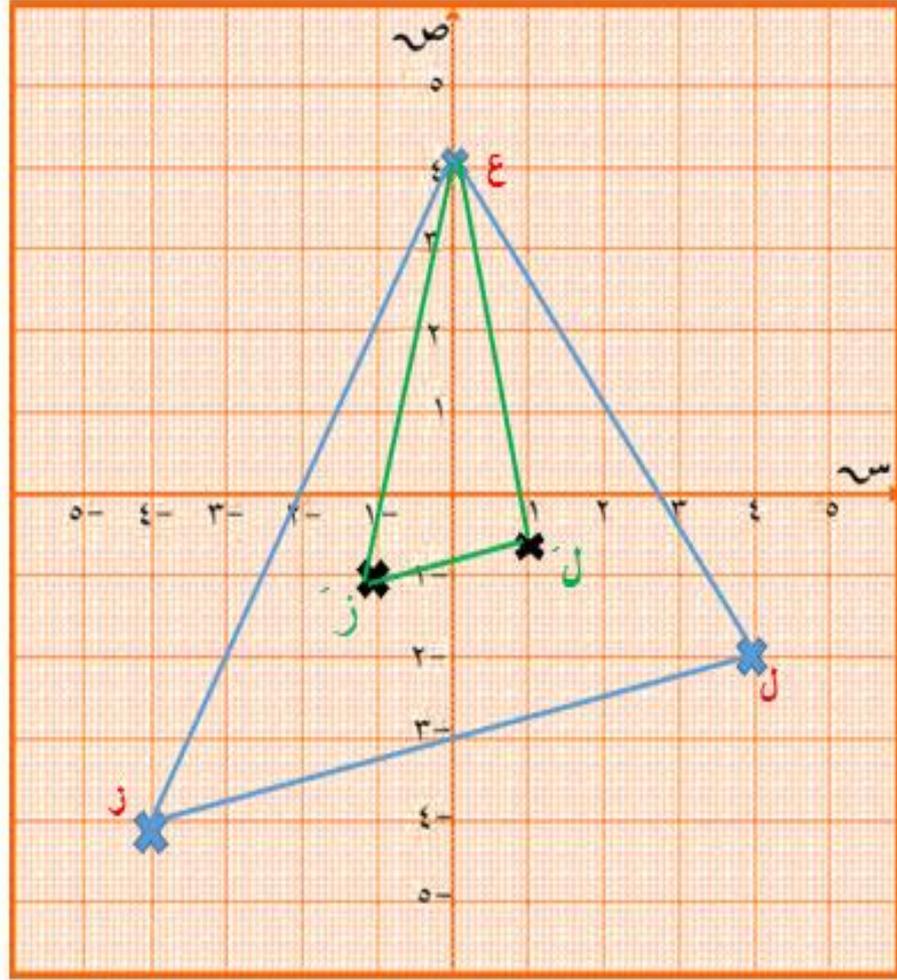
مثال ٢ : مثلي بيانيا Δ ج ك ل الذي رؤوسه ج (-٤، ٢) ، ك (-٢، ٤) ، ل (٣، ٤) ثم مثلي بيانيا الصورة التي تمثل Δ ج ك ل الناتج عن التمدد عامل مقياسه = ٣

الاحداثيات الأصلية	العلاقة	احداثيات الصورة
ج (-٤، ٢)	$(3 \times 2, 3 \times 4-)$	ج (-٦، ١٢)
ك (-٢، ٤)	$(3 \times 4, 3 \times 2-)$	ك (-١٢، ٦)
ل (٣، ٤)	$(3 \times 4, 3 \times 3)$	ل (١٢، ٩)



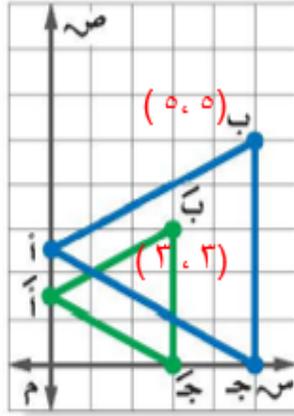


أ) ارسم مثلثاً كبيراً ع ل ز على ورقة مربعات ، ثم ارسم صورة له بعد إجراء تمدد مركزه ع و عامل مقياسه $\frac{1}{4}$ ؟



ع (٤، ٠)	ع (٤، ٠) لأن ع مركز التمدد
ل (٢، ٤)	ل (٢، ٤) = $(\frac{1}{4} \times ٤ - ١, \frac{1}{4} \times ٢ - ١)$
ز (٤، ٤)	ز (٤، ٤) = $(\frac{1}{4} \times ٤ - ١, \frac{1}{4} \times ٤ - ١)$

٧-٣ التكبير و التصغير



تمرين ١٣ ص ١٣٦ -

ج (٥، ٥) ، ج (٣، ٥)

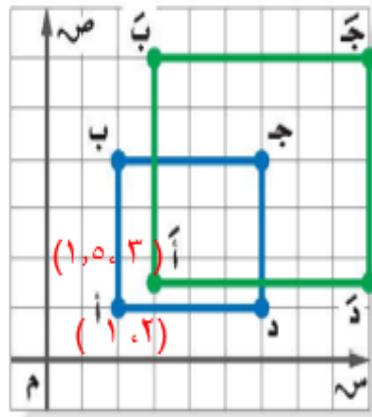
عامل المقياس =

الاحداثي السيني لـ ج

الاحداثي السيني لـ ج

$$1 > \frac{3}{5} =$$

∴ التمدد تصغير



تمرين ١٤ ص ١٣٦ -

د (٦، ٦) ، د (٩، ٥)

عامل المقياس =

الاحداثي السيني لـ د

الاحداثي السيني لـ د

$$1 < 1,5 = \frac{3}{2} = \frac{9}{6} =$$

∴ التمدد تكبير

٣-٨ القياس غير المباشر



القياس غير المباشر :

نوع من أنواع القياس لإيجاد الأطوال أو المسافات التي يصعب قياسها بصورة مباشرة ... حيث نستخدم التناسب في المضلعات المتشابهة

سمى طاليس القياس غير المباشر بتقدير الظل

٣ بنايات: ما ارتفاع هذه البناية؟

مثال ١ :

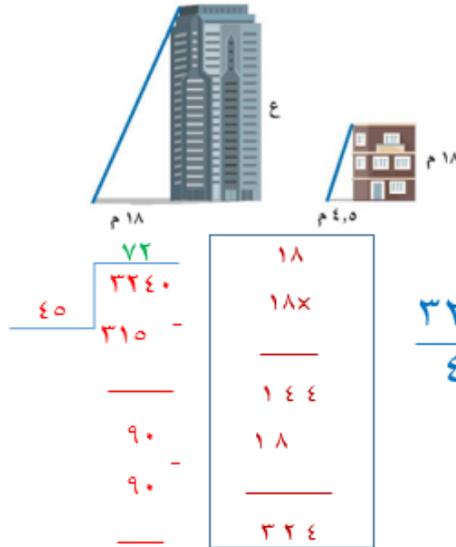
$$\frac{\text{ظل البناية أ}}{\text{طول البناية أ}} = \frac{\text{ظل البناية ب}}{\text{طول البناية ب}}$$

$$\frac{18}{4,5} = \frac{ع}{18}$$

$$18 \times 18 = 4,5 \times ع$$

$$\frac{3240}{4,5} = \frac{324}{4,5} = \frac{18 \times 18}{4,5} = ع$$

$$ع = 72 \text{ م}$$



٤ أعلام: ما ارتفاع العلم الأحمر؟

$$\frac{\text{ظل العلم الأزرق}}{\text{طول العلم الأزرق}} = \frac{\text{ظل العلم الأحمر}}{\text{طول العلم الأحمر}}$$

$$\frac{7}{ع} = \frac{2}{6}$$

$$7 \times 6 = 2 \times ع$$

$$\frac{7 \times 6}{2} = ع$$

$$\frac{42}{2} = ع$$

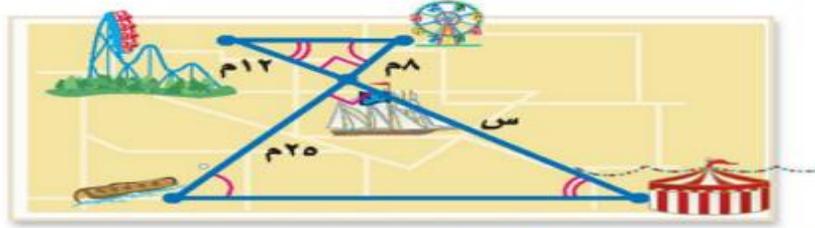
$$ع = 21 \text{ م}$$



٣-٨ القياس غير المباشر



٥ متنزّه: ما المسافة بين الخيمة والسفينة؟



المسافة بين الخيمة و السفينة = س

$$\begin{array}{r} 37,5 \\ 8 \overline{) 300} \\ \underline{24} \\ 60 \\ \underline{56} \\ 40 \\ \underline{40} \\ 00 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 25 \\ 12 \times \\ \hline 50 \\ 25 + \\ \hline 300 \end{array}$$

$$\frac{12}{س} = \frac{8}{25}$$

$$12 \times 25 = س \times 8$$

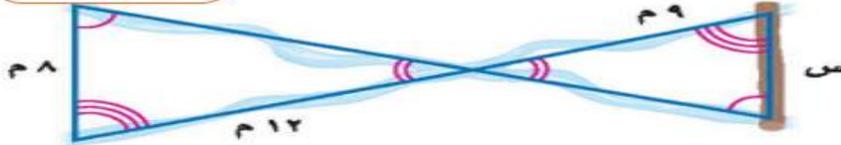
$$300 = س \times 8$$

$$\frac{300}{8} = \frac{س \times 8}{8}$$

$$س = 37,5 \text{ م}$$

$$\frac{8}{س} = \frac{12}{9}$$

٦ أتهار: ما طول المسافة بين الجدولين؟



$$\begin{array}{r} 72 \\ 12 \overline{) 72} \\ \underline{72} \\ 00 \end{array}$$

المسافة بين الجدولين = س

$$\frac{9}{س} = \frac{12}{8}$$

$$8 \times 9 = س \times 12$$

$$72 = س \times 12$$

$$\frac{72}{12} = \frac{س \times 12}{12}$$

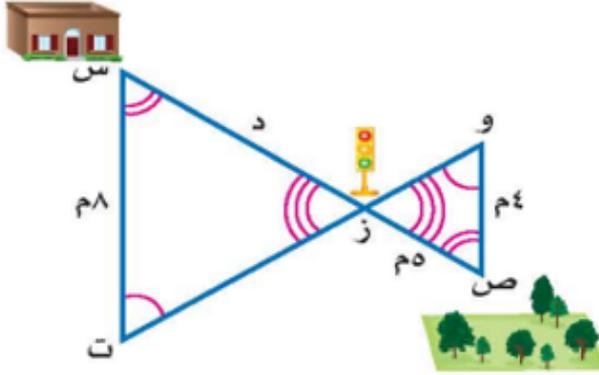
$$س = 6 \text{ متر}$$

٣-٨ القياس غير المباشر



تطبيق : تمرين ٢ ص ١٤٠ -

مشي : أوجد المسافة بين المتنزه والبيت.



• نوجد المسافة بين المنزل و إشارة المرور

$$\frac{4}{8} = \frac{5}{d}$$

$$8 \times 5 = d \times 4$$

$$40 = 4d$$

$$\frac{40}{4} = \frac{4d}{4}$$

$$d = 10 \text{ متر}$$

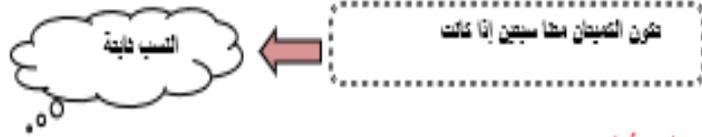
• نوجد المسافة من المنزل إلى المتنزه = 10 + 5

$$= 15 \text{ متر}$$

مراجعة الفصل الثالث



العلاقات المتناسبة وغير المتناسبة:



السؤال الأول :

أ- في الجدول المجاور هل يتناسب المبلغ مع عدد ساعات العمل ؟

المبلغ	٦٠	٨٠	١٠٠	١٢٠
عدد ساعات العمل	٣	٤	٥	٦

$$٢٠ = \frac{٨٠}{٤} \quad , \quad ٢٠ = \frac{٦٠}{٣} = \frac{\text{المبلغ}}{\text{عدد الساعات}}$$

$$٢٠ = \frac{١٢٠}{٦} \quad , \quad ٢٠ = \frac{١٠٠}{٥}$$

∴ النسب ثابتة

∴ نعم يتناسب المبلغ مع عدد الساعات

معدل التغير:

$$\text{معدل التغير} = \frac{\text{التغير في الكمية الأولى}}{\text{التغير في الكمية الثانية}}$$

السؤال الثاني:

الجدول التالي يبين درجات سمر في خمسة اختبارات . أوجد معدل التغير في

الدرجات من الاختبار الأول إلى الرابع ∴∴

معدل التغير من الاختبار الأول إلى الاختبار الرابع

$$١٢ = \frac{٣٦}{٣} = \frac{٦١-٩٧}{١-٤}$$

الدرجة	الاختبار
٩١	١
٧٧	٢
٧٢	٣
٩٧	٤
٨٧	٥

مراجعة الفصل الثالث



المعدل الثابت للتغير:

السؤال الثالث:

بني ما إذا كانت العلاقة بين الكميتين في كل جدول مما يأتي خطية أم لا ،

وإذا كانت خطية فجد المعدل الثابت للتغير ، وإذا لم تكن كذلك فوضحي

السبب: معدل التغير من ١ إلى ٢ ساعة = $\frac{١٢-٢٤}{١-٢} = \frac{١٢}{١} = ١٢$

معدل التغير من ٢ إلى ٣ ساعة = $\frac{١٤-٢٦}{١-٢} = \frac{١٢}{١} = ١٢$

معدل التغير من ٣ إلى ٤ ساعة = $\frac{١٤-٢٦}{٣-٤} = \frac{١٢}{١} = ١٢$

** معدل التغير غير ثابت

∴ العلاقة غير خطية

عدد الزبائن في احد المحلات	
عدد الزبائن	الزمن (ساعة)
١٢	١
١٤	٢
٢٦	٣
٢٦	٤

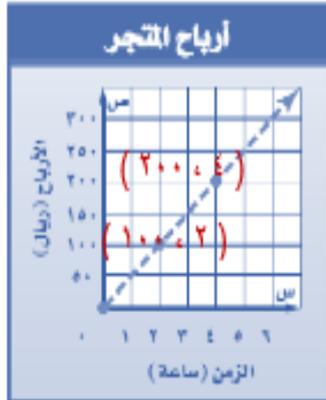
١- أوجد المعدل الثابت للتغير وفسري معناه .

معدل التغير الثابت = $\frac{١٠٠-٢٠٠}{٢-٤} = \frac{١٠٠}{٢} = ٥٠$ ريال/ ساعة

معناه: تزيد أرباح المتجر ٥٠ ريال كل ساعة

٢- هل العلاقة بين الأرباح والزمن خطية متناسبة أم لا ؟

وضحي إجابتك



الأرباح	الزمن
٣٠٠	٦
٢٥٠	٥
٢٠٠	٤
١٥٠	٣
١٠٠	٢
٥٠	١

نسبة الأرباح للزمن: $\frac{٥٠}{١} = \frac{١٠٠}{٢} = \frac{١٥٠}{٣} = \frac{٢٠٠}{٤} = \frac{٢٥٠}{٥} = \frac{٣٠٠}{٦} = ٥٠$

∴ النسب ثابتة

∴ العلاقة خطية متناسبة

∴ العلاقة خطية متناسبة

مراجعة الفصل الثالث



$$\frac{2}{ص} = \frac{2.4}{2.3}$$

$$\therefore ص = 1,5$$

طريق التناسل:

أه طي كل تناسب مما يأتي:

$$\frac{2}{ص} = \frac{4}{3}$$

$$2 \times 3 = ص \times 4$$

$$\frac{2 \times 3}{4} = ص$$

$$\frac{6}{4} = ص$$

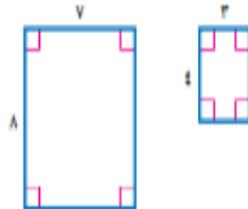
$$\frac{3}{2} = ص$$

$$ص = 1,5$$

تشابه المضلعات:

أه جدي ما إذا كان كل زوجين من أزواج المضلعات الآتية متشابهين .

ووضحي إجابتك . .



• الزوايا قائمة فهي متطابقة

$$\frac{4}{8} = \frac{3}{7}$$

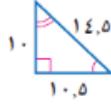
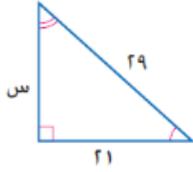
$$7 \times 4 = 8 \times 3$$

$$28 \neq 24$$

∴ الأضلاع غير متناسبة

∴ المستطيلان غير متشابهان

مراجعة الفصل الثالث



$$\begin{array}{r} 20 \\ 2100 \\ 210 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\frac{10.5}{21} = \frac{10}{س}$$

$$21 \times 10 = س \times 10.5$$

$$210 = س \times 10.5$$

$$\frac{2100}{10.5} = \frac{210}{س} = س$$

$$س = 20$$

٢- إذا كان المثلثان الأتيين متشابهين فاكتبي تناسباً وحليه لإيجاد القياس الناقص؟

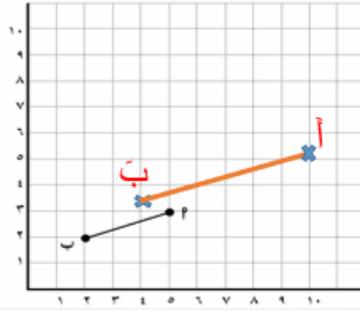
التحقيق والتكبير:

١- أكملي العبارة الآتية بما يتناسب:

١- التمدد الذي عامل مقياسه أكبر من (1) يسمى.....

٢- التمدد الذي عامل مقياسه بين 0 و 1 يسمى.....

التكبي و التصغير

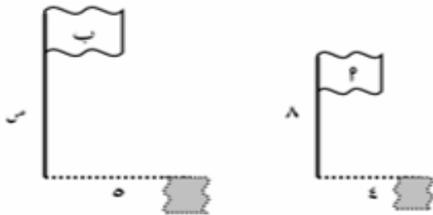


مثلي بياناً القطعة أ ب الناتجة من تمدد للقطعة ا ب
بعامل مقياس 2 ؟

الصورة	العلاقة	الأصل
أ (٦، ١٠)	(٢ × ٣ × ٢ × ٥)	أ (٣، ٥)
ب (٤، ٤)	(٢ × ٢، ٢ × ٢)	ب (٢، ٢)

القياس غير المباشر:

١- ما ارتفاع العلم ب ؟



$$\frac{8}{4} = \frac{س}{4} \Rightarrow س = 8$$

$$\frac{2 \times 5}{2 \times 4} = \frac{س}{8} \Rightarrow س = 10$$

$$\frac{8}{4} = \frac{س}{5}$$

$$8 \times 5 = 4 \times س$$

$$40 = س \times 4$$

$$\frac{40}{4} = س$$

$$س = 10$$

المراجع

- كتاب الطالب للصف الثاني متوسط عام ١٤٤٢ هـ
- كتاب المعلم للصف الأول متوسط
- قناة عين التعليمية
- منتديات يزيد التعليمية
- شبكة الرياضيات التعليمية
- سلسلة العيكان لتبسيط الرياضيات

خاتمة

الحمد لله الذي هدانا و أعاننا إلى ما بلغناه من
نتائج و أفكار الحمد لله على التمام
أتمنى أن أكون قد وفقت في عرض كل مفيد و
مهم في هذا العمل المتواضع و ما حصل
من صواب فمن الله العزيز الكريم و ما حصل
من خطأ أو تقصير فمن النفس و الشيطان
تمنياتي للجميع بالتوفيق و النجاح و آخر
دعوانا أن الحمد لله رب العالمين .