

## العمليات على المتجهات في الفضاء

إذا كان  $\mathbf{a} = \langle a_1, a_2, a_3 \rangle, \mathbf{b} = \langle b_1, b_2, b_3 \rangle$  متجهين و  $k$  عدد حقيقياً، فإن :

خصائص العمليات على المتجهات في الفضاء هي  
الخصائص نفسها في المستوى الإحداثي.

$$\mathbf{a} + \mathbf{b} = \langle a_1 + b_1, a_2 + b_2, a_3 + b_3 \rangle \quad \text{جمع متجهين}$$

$$\mathbf{a} - \mathbf{b} = \langle a_1 - b_1, a_2 - b_2, a_3 - b_3 \rangle \quad \text{طرح متجهين}$$

$$k \mathbf{a} = \langle ka_1, ka_2, ka_3 \rangle \quad \text{ضرب متجه في عدد حقيقي}$$

الصورة  
الإحداثية  
لمتجه في  
الفضاء

الصورة الإحداثية لـ  $\overrightarrow{AB}$  الذي نقطته بدايته  $A(x_1, y_1, z_1)$   
ونقطة نهايته  $B(x_2, y_2, z_2)$  هي:

$$\langle x_2 - x_1, y_2 - y_1, z_2 - z_1 \rangle$$

التعبير عن  
المتجهات  
في الفضاء  
يشبه  
المستوى  
الإحداثي

طول  
المتجه  
في الفضاء

طول  $\overrightarrow{AB}$  الذي نقطته بدايته  $A(x_1, y_1, z_1)$   
ونقطة نهايته  $B(x_2, y_2, z_2)$  هو:

$$|\overrightarrow{AB}| = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$$

متجه  
الوحدة  
في الفضاء

متجه الوحدة  $\mathbf{u}$  باتجاه  $\overrightarrow{AB}$  هو :

$$\mathbf{u} = \frac{\overrightarrow{AB}}{|\overrightarrow{AB}|}$$