

أوجد الجذور التكعيبية للعدد $2 + 2i$

أولاً : تكتب على الصورة القطبية : $2 + 2i = \sqrt{8}(\cos 45^\circ + i \sin 45^\circ)$

$$n = 3, \theta = 45^\circ$$

لإيجاد الجذور نعموض عن k بـ $0, 1, 2$

$$r^{\frac{1}{n}} \left(\cos \frac{\theta + 2k\pi}{n} + i \sin \frac{\theta + 2k\pi}{n} \right)$$

$k = 2$ الجذر الثالث

$$\approx -0.37 - 1.37i$$

$k = 1$ الجذر الثاني

$$\approx -1 + i$$

$k = 0$ الجذر الأول

$$\approx 1.37 + 0.37i$$

مثال

الجذور التوينة للعدد واحد

عند كتابة العدد واحد على الصورة القطبية : $r = 1$ و $\theta = 0$

$$1 = 1(\cos 0 + i \sin 0)$$

أي أن **الجذور التوينة للعدد واحد** تقع على دائرة الوحدة .

الجذر الأول يكون مساوي لـ $\cos 0 + i \sin 0 = 1$

ملاحظة

عند التعويض بـ $k = 0$

الجذور التوينة المختلفة للعدد واحد جميعها لها المقياس نفسه 1