

تمثيل المتباينات بيانيًا
 حل المتباينات بالقسمة كتابة المتباينة المعامل حل المتباينات بالطرح
 حل معادلة ذات خطوتين التخمين والتحقق
 تبسيط العبارة كتابة المعادلات
 العبارات المتكافئة التحقق من صحة الحل حل المتباينات بالجمع
 معمل الجبر أبسط صورة متغيرات في طرفيها
 معادلة ذات خطوتين الحد
 الحدود المتشابهة
 حل المتباينات بالضرب

نشاط علاجي للفصل التاسع : الجبر – المعادلات والمتباينات – الصف الثاني المتوسط.

		اسم الطالبة/		الفصل/	
		تاريخ البدء/	١٠ / ١١ / ١٤٤٤ هـ	تاريخ الانتهاء/	١٩ / ١١ / ١٤٤٤ هـ
عزيزتي الطالبة: طبعي ما تم دراسته في الفصل التاسع: الجبر – المعادلات والمتباينات في تنفيذ المهام التالية:					
الدرجة/		المهام الجزئية/			
المستحقة	الكلية				
	١٥	حل جميع الأسئلة بشكل صحيح وكامل.			
	٢	القدرة على التعبير "المناقشة الشفهية".			
	١	المحافظة على النظافة والترتيب.			
	٢	تسليم النشاط في الوقت المحدد.			
	٢+	محاكاة معمل الجبر.			
	٢٠	المجموع الكلي.			
تصميم وإعداد/					
					
احتفظي بهذا النشاط للاستفادة منه في دراسة الرياضيات في الأعوام القادمة بإذن الله. ﷻ					

العمليات الحسابية على الأعداد الصحيحة

العدد الصحيح

هو أي عدد من المجموعة $\{ \dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots \}$

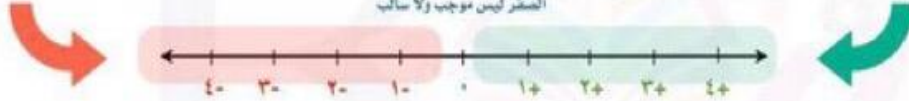
الأعداد الصحيحة السالبة

هي أعداد صحيحة أقل من 0 وتكتب مسبقة بإشارة -

الأعداد الصحيحة الموجبة

هي أعداد صحيحة أكبر من 0 وتكتب مسبقة بإشارة + أو بدونها

الضبط ليس موجب ولا سالب



الضرب والقسمة

إذا تشابهت الإشارات موجب



إذا اختلفت الإشارات سالب

إذا تشابهت الإشارات

نفس الإشارة ونجمع

الوجه الإيجابي



إذا تشابهت الإشارات

نفس الإشارة ونجمع

الوجه السلبي



إذا اختلفت الإشارات

نأخذ إشارة العدد الأكبر ونطرح

الوجه الوترقي



$$18 - = 3 - \times 6$$

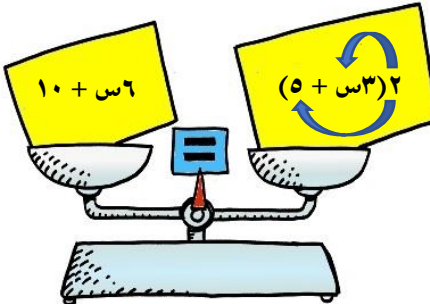
$$9 + = 0 + 4$$

$$8 - = 3 \div 24 -$$

$$10 - = 7 - 8 -$$

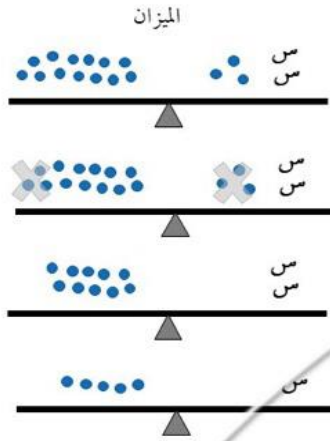
عندما لا تكتب إشارة أمام العدد فهذا يعني أنه عدد موجب

٩ - ١ تبسيط العبارات الجبرية.



كتابة عبارات تتضمن عملية جمع	كتابة عبارات تتضمن عملية جمع
استعملي خاصية التوزيع لإعادة كتابة كل عبارة مما يأتي: $٢(٧ + ن)$ الحل: $٢(٩ + أ)$ الحل: 	استعملي خاصية التوزيع لإعادة كتابة كل عبارة مما يأتي: $٥(س + ٤)$ الحل: $٥(س + ٤) = ٥(س) + ٥(٤)$ $٢٠ + ٥س =$ $(٣ + ص) (٦)$ الحل: $٣ \times ٦ + ٣ \times ص = (٣) (٦ + ص)$ $١٨ + ٣ص =$
كتابة عبارات تتضمن عملية طرح	كتابة عبارات تتضمن عملية طرح
استعملي خاصية التوزيع لإعادة كتابة كل عبارة مما يأتي: $٦(٤ - ك)$ الحل: $٣ - (أ - ٤)$ الحل: 	استعملي خاصية التوزيع لإعادة كتابة كل عبارة مما يأتي: $٢(ب - ٣)$ الحل: $٢(ب - ٣) = ٢(ب) - ٢(٣)$ $٦ - ٢ب =$ $٦ - (م - ٢)$ الحل: $٦ - (م - ٢) = ٦ - م + ٢$ $٦ - (٦ - م) + (٢ - م) =$ $١٢ + م - ٦ =$
تحديد أجزاء عبارة جبرية	تحديد أجزاء عبارة جبرية
عَيِّنِي الحدود، والحدود المتشابهة منها، والمعاملات، والثوابت في العبارة: $١٠ + ب٦ + ٧ - ٤$ الحل:	عَيِّنِي الحدود، والحدود المتشابهة منها، والمعاملات، والثوابت في العبارة: $٥ - ٢ن - ٣ + ن$ الحل: الحدود: ٥ ، $- ٢ن$ ، $- ٣$ ، $ن$ الحدود المتشابهة: ٥ ، $- ٢ن$ ، $ن$ المعاملات: ٥ ، $- ٢$ ، ١ الثوابت: $- ٣$
تبسيط عبارات جبرية	تبسيط عبارات جبرية
بسّطي العبارة: $٢ + ٥ - ١٦ - ٤ + ٨$ الحل: 	بسّطي العبارة: $٧ - ٣ - ٨ + د$ الحل: $٧ - ٣ - ٨ + د = د - ٣ - ١$

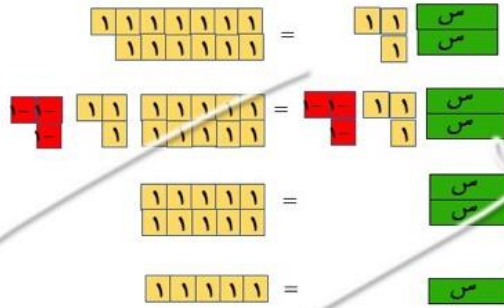
٩ - ٢ حل معادلات ذات خطوتين.



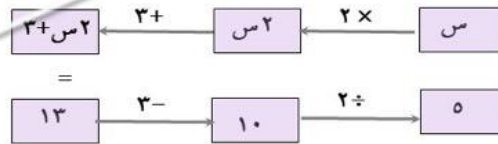
تأكد من صحة حلك:

✓ $13 = 3 + 5 \times 2$

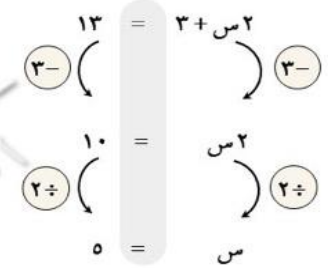
معمل الجبر



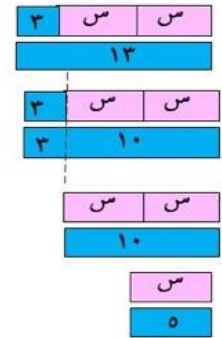
الحل العكسي



نجري نفس العملية للطرفين



النماذج



حل معادلات ذات خطوتين

حلّ المعادلة: $21 = 9 + 5$ ، وتحققي من صحة الحل:
الحل:

.....
.....
.....
.....
.....
.....

التحقق من صحة الحل:

.....
.....
.....
.....
.....

حل معادلات ذات خطوتين

حلّ المعادلة: $29 = 5 + 6$ ، وتحققي من صحة الحل:
الحل:

$29 = 5 + 6$

$5 - 29 = 5 - 5 + 6$

$24 = 6$

$\frac{24}{6} = \frac{6}{6}$

$4 = 6$

التحقق من صحة الحل:

$29 = 5 + 6$

$29 \neq 5 + (4)6$

$29 \neq 5 + 24$

✓ $29 = 29$

معادلات بمعاملات سالبة	معادلات بمعاملات سالبة
حلّ المعادلة: $3 - 8s = 35$، وتحققي من صحة الحل: الحل: التحقق من صحة الحل: 	حلّ المعادلة: $3 - 5v = 37$، وتحققي من صحة الحل: الحل: $3 - 5v = 37$ $3 - 37 = 5v$ $-40 = 5v$ $\frac{-40}{5} = \frac{5v}{5}$ $-8 = v$ التحقق من صحة الحل: $3 - 5v = 37$ $3 - 5(-8) = 37$ $3 - 5(-8) = 37$ $3 - 5(-8) = 37$ $3 - 5(-8) = 37$ $3 - 5(-8) = 37$
تجميع الحدود المتشابهة أولاً	تجميع الحدود المتشابهة أولاً
حلّ المعادلة: $21 - 19 = 15 - 3$، وتحققي من صحة الحل: الحل: التحقق من صحة الحل: 	حلّ المعادلة: $5 + 4 - 6 = 11$، وتحققي من صحة الحل: الحل: $5 + 4 - 6 = 11$ $5 + 4 - 6 = 11$ $5 + 4 - 6 = 11$ $5 + 4 - 6 = 11$ $5 + 4 - 6 = 11$ $5 + 4 - 6 = 11$ $5 + 4 - 6 = 11$ التحقق من صحة الحل: $5 + 4 - 6 = 11$ $5 + 4 - 6 = 11$ $5 + 4 - 6 = 11$ $5 + 4 - 6 = 11$ $5 + 4 - 6 = 11$ $5 + 4 - 6 = 11$



تحويل جمل إلى معادلات

تحويل جمل إلى معادلات

حوّلي كل جملة فيما يأتي إلى معادلة:

١. أصغر من مثلي عدد بمقدار سبعة يساوي - ١.

الحل:

٢. ناتج طرح ستة من سبعة أمثال عدد يساوي - ٢٠.

الحل:

حوّلي كل جملة فيما يأتي إلى معادلة:

٧. أكبر من ثلاثة أمثال عدد بمقدار واحد يساوي ٧.

الحل:

$$٧ = ١ + ٣س$$

٣. ناتج قسمة عدد على خمسة، مطروحاً منه عشرة يساوي ٣.

الحل:

$$٣ = ١٠ - \frac{س}{٥}$$

مثال من واقع الحياة

مثال من واقع الحياة

يتطلب تجديد رخصة القيادة دفع رسم مقداره ٤٠٠ ريال، بالإضافة إلى رسم مخالفة عن كل سنة تأخير. فإذا كان مجموع ما دفعه صالح ٦٠٠ ريال بعد تأخير مدته سنتان، فما قيمة رسم المخالفة السنوية؟

الحل:

اشترى علاء حقيبة وآلة حاسبة بمبلغ ١٢١ ريالاً. فإذا كان المبلغ الذي دفعه ثمناً للحقيبة يزيد بمقدار ٤٥ ريالاً على ثمن الحاسبة، فما ثمن الحاسبة؟

الحل:

نفرض أن ثمن الحاسبة = س ريال.

وبالتالي يصبح ثمن الحقيبة = س + ٤٥ ريال.

ويمكننا كتابة المعادلة كما يلي:

$$١٢١ = (س + ٤٥)$$

$$١٢١ = ٤٥ + ٢س$$

$$٤٥ - ١٢١ = ٤٥ - ٤٥ + ٢س$$

$$٧٦ = ٢س$$

$$\frac{٧٦}{٢} = \frac{٢س}{٢}$$

$$٣٨ = س$$

إذاً ثمن الحاسبة = س = ٣٨ ريال.

التحقق من صحة الحل:

التحقق من صحة الحل:

ثمن الحاسبة = س = ٣٨ ريال.

ثمن الحقيبة = س + ٤٥ = ٣٨ + ٤٥ = ٨٣ ريال.

المبلغ الذي دفعه علاء = ٣٨ + ٨٣ = ١٢١ ريال. ✓

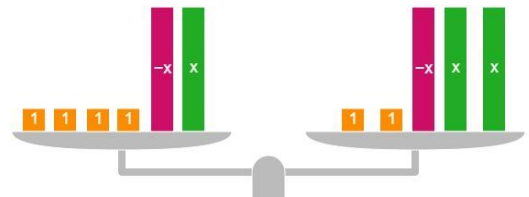
معمل الجبر - حل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها.

استعملي بطاقات الجبر لحل المعادلة: $٣س + ١ = ٧ + س$.

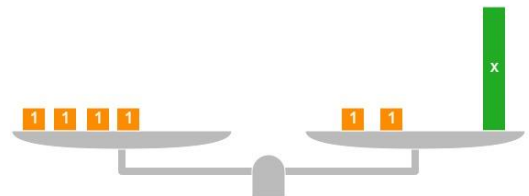
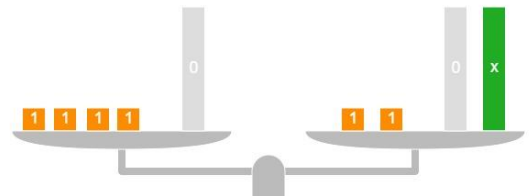
استعملي بطاقات الجبر لحل المعادلة: $٢س + ٢ = س + ٤$.



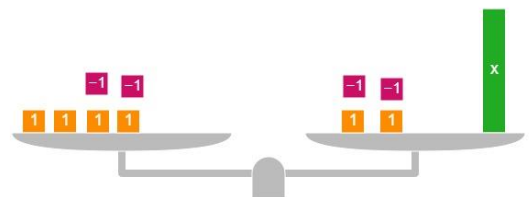
$$٢س + ٢ = س + ٤$$



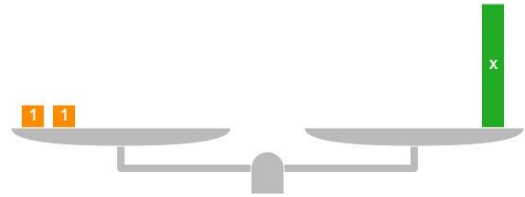
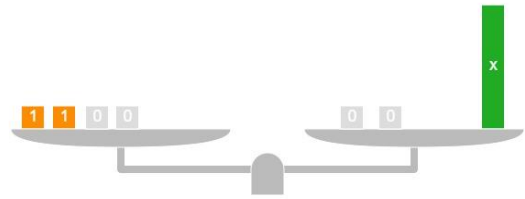
$$٢س - س + ٢ = س - س + ٤$$



$$٢ = س + ٢$$



$$٢ - ٢ = ٢ - ٢ + س$$



$$س = ٢$$

وبما أن: $٢(٢) + ٢ = ٤ + ٢$ ، فالحل صحيح.

٩ - ٤ حل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها.



معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها

معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها

حُلِّي المعادلة: $١٠س = ٣س - ٢٨$ ، وتحققي من صحة الحل:

حُلِّي المعادلة: $٧ي - ٨ = ٦ي + ١$ ، وتحققي من صحة الحل:

الحل:

الحل:

$$٧ي - ٨ = ٦ي + ١$$

$$٧ي - ٦ي - ٨ = ٦ي + ١ - ٦ي$$

$$١ = ٨ - ي$$

$$٨ + ١ = ٨ + ٨ - ي$$

$$٩ = ي$$

التحقق من صحة الحل:

$$٧ي - ٨ = ٦ي + ١$$

$$٧(٩) - ٨ = ٦(٩) + ١$$

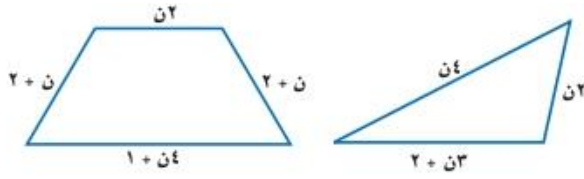
$$٦٣ - ٨ = ٥٤ + ١$$

$$٥٥ = ٥٥ \checkmark$$

التحقق من صحة الحل:

تدريب على اختبار

اكتبي معادلة وحليها لإيجاد قيمة س، إذا علمت أن المضلعين لهما المحيط نفسه.



الحل:

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

التحقق من صحة الحل:

.....

.....

.....

.....

.....

.....

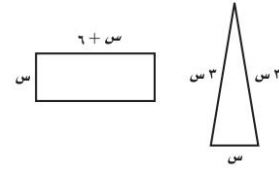
.....

.....

.....

تدريب على اختبار

اكتبي معادلة وحليها لإيجاد قيمة س، إذا علمت أن المضلعين لهما المحيط نفسه.



الحل:

محيط المثلث = محيط المستطيل

مجموع أطوال أضلاع المثلث = مجموع أطوال أضلاع المستطيل

$$3س + 3س + س = س + 6 + س + س + 6 + س$$

$$7س = 12 + 4س$$

$$7س = 12 + 4س$$

$$7س - 4س = 12 + 4س - 4س$$

$$3س = 12$$

$$\frac{3س}{3} = \frac{12}{3}$$

$$س = 4$$

التحقق من صحة الحل:

$$\text{محيط المثلث} = 3س + 3س + س = 3س + 3س + س = 4 + 4 \times 3 + 4 \times 3 = 28$$

$$28 = 4 + 24 = 4 + 12 + 12$$

$$\text{محيط المستطيل} = س + 6 + س + 6 + س + 6 + س = 28$$

$$28 = 4 + 6 + 4 + 4 + 6 + 4 = 28$$

بما أن: محيط المثلث = محيط المستطيل

إذًا: قيمة س = 4 صحيحة.

٩ - ٥ استراتيجية حلّ المسألة. "التخمين والتحقق".



استعملي استراتيجية "التخمين والتحقق" لحل المسألة التالية:



استعملي استراتيجية "التخمين والتحقق" لحل المسألة التالية:

عدد العملات من فئة العشرة ريال = عملة واحدة.	
تحقق	عدد العملات = $5 + 10 + 1 = 16$ عملة. مجموع ما مع حمد = $5 \times 0,5 + 10 \times 1 + 1 \times 10 =$ $2,5 + 10 + 10 =$ $22,5$ ريال. التخمين صحيح. ✓

٩ - ٦ المتباينات.

	
كتابة متباينات باستعمال < أو >	كتابة متباينات باستعمال < أو >
اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي: يجب أن تحصل على عدد من النقاط يزيد على ٥٥٤٠٠ نقطة، حتى تحطم الرقم السابق. الحل: الفرق بين عدد ما والعدد ١١، أصغر من ٨. الحل:	اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي: يعرض محل لعبة إلكترونية للذين تزيد أعمارهم على ٦ سنوات. الحل: ع < ٦ يجب أن تتجاوز مشترياتك ١٠٠ ريال لتحصل على خصم. الحل: م < ١٠٠
كتابة متباينات باستعمال $\leq$ أو $\geq$	كتابة متباينات باستعمال $\leq$ أو $\geq$
اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي: ناتج قسمة عدد ما على ٥، وإضافة أربعة إليه يساوي ٧ على الأكثر. الحل: يمكنك التبرع بالدم إذا كان خضاب الدم لديك ١٢ وحدة على الأقل. الحل:	اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي: يتسع قرص مدمج إلى ٤,٧ جيجابايت من البيانات على الأكثر. الحل: س $\geq 4,7$ ناتج قسمة عدد ما على ٣، وطرح اثنين منه يساوي ١٢ على الأقل. الحل: س $\geq 2 - 12$

التحقق من صحة متباينة	التحقق من صحة متباينة
بيئي ما إذا كانت كل متباينة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة، عند القيمة المعطاة. $٤٢ \leq ٦$ ، $٨ = ٨$ الحل: $١٥ - ٦ < ٨$ ، $٨ = ٨$ الحل: 	بيئي ما إذا كانت كل متباينة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة، عند القيمة المعطاة. $٢٠ = ٩$ ، $١١ > ٩$ س الحل: $٩ > ١١ - ٩$ $٩ > ١١ - ٢٠$ ؟ $٩ \neq ٩$ إذا المتباينة خاطئة عند: $٢٠ = ٩$. $١٥ = ٦ + \frac{١}{٣}$ ، $١٥ = ٦$ ن الحل: $٦ \geq ١ + \frac{١}{٣}$ $٦ \geq ١ + \frac{١٥}{٣}$ ؟ $٦ \geq ١ + ٥$ ؟ $\checkmark ٦ \geq ٦$ إذا المتباينة صحيحة عند: $١٥ = ٦$.
تمثيل المتباينات بيانياً	تمثيل المتباينات بيانياً

إشارة المتباينة.		
دائرة مفتوحة ○ يمين	س أكبر (أكثر) من ١ 	س $\searrow$ ١
دائرة مفتوحة ○ يسار	س أصغر (أقل) من ١ 	س $\swarrow$ ١
دائرة مغلقة ● يمين	س أكبر (أكثر) من أو يساوي ١ س على الأقل ١ 	س $\searrow$ ١
دائرة مغلقة ● يسار	س أصغر (أقل) من أو يساوي ١ س على الأكثر ١ 	س $\swarrow$ ١

مثلي بيانياً كل متباينة فيما يأتي على خط الأعداد:

$$2 \leq y$$

الحل:

$$4 \geq s$$

الحل:

مثلي بيانياً كل متباينة فيما يأتي على خط الأعداد:

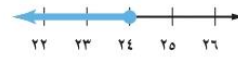
$$6 < y$$

الحل:



$$24 \geq s$$

الحل:



٧ - ٩ حل المتباينات.



٣

٣س + ٢ ≤ ٤ س

٣س - ٣س

٢ ≤ س

مجموعة الحل = {س | س ≥ ٢}

حل المتباينات
بالجمع أو بالطرح

١

٨ ≤ ٤ + س

٤ - ٤

٤ ≤ س

مجموعة الحل = {س | س ≤ ٤}

إرشادات

إذا كانت الإشارة تحتوي على مساواة **نظّل** الدائرة

إذا كانت الإشارة **لا** تحتوي على مساواة تكون الدائرة **مفرغة**

العبارات التي تدل على المتباينات

≤	≥	<	>
أقل من أو يساوي	أكبر من أو يساوي	أقل من	أكبر من
أقل	أكبر	أقل	أكبر
لا يقل عن	لا يزيد عن		

ناتج جمع عدد وأربعة لا يقل عن ١٠

↓ ↓ ↓ ↓

≤ ≥ + -

ص ١٠ ≤ ٤ +

٢

٦ - > ٥ - س

٥ + ٥ +

١ - > س

مجموعة الحل = {س | س > ١}

حلّ المتباينات بالجمع أو الطرح	حلّ المتباينات بالجمع أو الطرح
حلّي المتباينتين الآتيتين، ثم تحقق من صحة الحل. $20 + n \leq 2$ الحل: 	حلّي المتباينتين الآتيتين، ثم تحقق من صحة الحل. $5 + s \geq 18$ الحل: $5 + s \geq 18$ $s + 5 - 5 \geq 18 - 5$ $s \geq 13$ التحقق من صحة الحل: عند عدد أصغر من أو يساوي ١٣. مثلاً: عند $s = 10$ $5 + 10 \geq 18$ $10 + 5 \geq 18$ $15 \geq 18$ $15 \geq 18$ أ - $3 - 5 \leq 5$ الحل: $3 - 5 \leq 5$ $3 + 5 \leq 3 + 5$ $8 \leq 8$ التحقق من صحة الحل: عند عدد أكبر من أو يساوي ٨. مثلاً: عند $u = 13$ $3 - 5 \leq 5$ $3 - 13 \leq 5$ $-10 \leq 5$
حلّ المتباينات بالقسمة والضرب حلّي المتباينتين الآتيتين، ثم تحقق من صحة الحل. $20 - 72 > 12$ الحل: 	حلّ المتباينات بالقسمة والضرب حلّي المتباينتين الآتيتين، ثم تحقق من صحة الحل. $56 - 7 \geq 7$ الحل: $56 - 7 \geq 7$ $\frac{56 - 7}{7} \geq \frac{7}{7}$ $8 - 7 \geq 7$ $8 - 7 \leq 7$ التحقق من صحة الحل: عند عدد أكبر من أو يساوي ٨.

مثلاً: عند ج = ١

$$-٥٦ \geq ٧ج$$

$$-٥٦ \geq ٧ \times ١$$

$$-٥٦ \geq ٧ \checkmark$$

$$-٦ \leq \frac{٥٦}{٤}$$

الحل:

$$-٦ \leq \frac{٥٦}{٤}$$

$$-٦ \leq \frac{٥٦}{٤} (٤) (٤) \leq$$

$$-٢٤ \leq$$

التحقق من صحة الحل: عند عدد أكبر من أو يساوي -٢٤.

مثلاً: عند هـ = ١٦

$$-٦ \leq \frac{٥٦}{٤}$$

$$-٦ \leq \frac{١٦}{٤} \checkmark$$

$$-٦ \leq ٤ \checkmark$$

$$٧ - \leq \frac{٥٦}{٢}$$

الحل:

تدريب ذاتي تفاعلي



عند ضرب (أو قسمة) طرفي متباينة في عدد سالب، فإن إشارة المتباينة تتغير. 

حلّي المتباينتين الآتيتين، ثم تحقق من صحة الحل.

$$-72 > -12$$

الحل:

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

$$-7 \leq \frac{-12}{2}$$

الحل:

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

حلّي المتباينتين الآتيتين، ثم تحقق من صحة الحل.

$$-56 \geq -7$$

الحل:

$$-56 \geq -7$$

$$\frac{-56}{-7} \leq \frac{-7}{-7}$$

$$8 \leq 1$$

$$8 \geq 1$$

التحقق من صحة الحل: عند عدد أصغر من أو يساوي ٨.

مثلاً: عند $-5 = 8$

$$-56 \geq -7$$

$$-56 \geq -7 \quad ?$$

$$\checkmark -35 \geq -56$$

$$-6 \leq \frac{-12}{2}$$

الحل:

$$-6 \leq \frac{-12}{2}$$

$$\frac{-6}{-2} \geq \frac{-12}{-2}$$

$$3 \geq 6$$

التحقق من صحة الحل: عند عدد أصغر من أو يساوي ٢٤.

مثلاً: عند $-16 = 24$

$$-6 \leq \frac{-12}{2}$$

$$-6 \leq \frac{-12}{2} \quad ?$$

$$\checkmark -6 \leq -4$$

