٢ـ٥

حل نظام من معادلتين خطيتين بالتعويض

أ/ رحاب باحكيم

اليوم /

التاريخ/

الحصة /

فيما سبق

درست حل نظام مكون من معادلتين خطيتين بيانيًا.

والآن

- أحل نظامًا مكونًا من معادلتين بالتعويض.
- أحل مسائل من واقع الحياة (تتضمن نظامًا من معادلتين) باستعمال التعويض.

المفردات

التعويض

فيما سبق

درست حل نظام مكون من معادلتين خطيتين بيانيًا.

والآن

- أحل نظامًا مكونًا من معادلتين بالتعويض.
- أحل مسائل من واقع الحياة (تتضمن نظامًا من معادلتين) باستعمال التعويض.

المفردات

التعويض

لماذا؟

في إحدى السنوات أنتجت مزرعة ناصر ١٦ طنًّا من التمور، بينما أنتجت مزرعة محمد ٢٠ طنًّا. ثم بدأ إنتاج المزرعتين يتناقص سنويًّا، فبلغ في السنة التالية ١٣ طنًّا لمزرعة ناصر و١٦ طنًّا لمزرعة محمد.

فإذا استمر تناقص إنتاج كل من المزرعتين وفق المعدل نفسه، فمتى يتساوى الإنتاج السنوي للمزرعتين؟

الحل بالتعويض: يمكنك استعمال نظام مكوّن من معادلتين لإيجاد متى يتساوى إنتاج المزرعتين، وإحدى طرائق إيجاد الحل الدقيق لنظام المعادلات **التعويض**.

مفهوم أساسي

الحل بالتعويض

مطويتك

الخطوة ١: حل إحدى المعادلتين على الأقل باستعمال أحد المتغيرين إذا كان ذلك ضروريًّا.

الخطوة ٢: عوِّض المقدار الناتج من الخطوة (١) في المعادلة الثانية، ثم حلها.

الخطوة ٣: عوِّض القيمة الناتجة من الخطوة (٢) في أي من المعادلتين وحلها لإيجاد قيمة المتغير الثاني، واكتب الحل في صورة زوج مرتب.

فيما سبق

درست حل نظام مكون من معادلتين خطيتين بيانيًا.

والآن

- أحل نظامًا مكونًا من معادلتين بالتعويض.
- أحل مسائل من واقع الحياة (تتضمن نظامًا من معادلتين) باستعمال التعويض.

المفردات

التعويض

مثال ١ حل نظام من معادلتين بالتعويض

تحقق من فهمك

استعمل التعويض لحل النظام الآتي:

أ١) ص = ٤س − ٦

٥س + ٣ص = −١

تحقق من صحة حلك

بعد إيجاد قيم المتغيرين، عوض بهما في كلتا المعادلتين لتتحقق من صحة الحل.

ب١) ٢س + ٥ص = −١

ص = ٣س + ١٠

فيما سبق

درست حل نظام مكون من معادلتين خطيتين بيانيًا.

والآن

- أحل نظامًا مكونًا من معادلتين بالتعويض.
- أحل مسائل من واقع الحياة (تتضمن نظامًا من معادلتين) باستعمال التعويض.

المفردات

التعويض

وإذا لم يكن أحد المتغيرين مكتوبًا وحده في طرف إحدى المعادلتين في النظام، فحل إحدى المعادلتين أولًا بالنسبة لهذا المتغير، ثم عوّض لحل النظام.

صيغة الميل والمقطع

إذا كُتبت كل من المعادلتين بصيغة الميل والمقطع (ص= م س+ب)، فيمكن مساواتهما معًا، ثم إيجاد قيمة س، وتعويضها لإيجاد قيمة ص.

صـــــــ ١٦٧

مثال ٢ الحل ثم التعويض

استعمل التعويض لحل النظام الآتي:

تحقق من فهمك

٢أ) ٤س + ٥ص = ١١

ص – ٣س = –١٣

٢ب) س – ٣ص = –٩

٥س – ٢ص = ٧

فيما سبق

درست حل نظام مكون من معادلتين خطيتين بيانيًا.

والآن

- أحل نظامًا مكونًا من معادلتين بالتعويض.
- أحل مسائل من واقع الحياة (تتضمن نظامًا من معادلتين) باستعمال التعويض.

المفردات

التعويض

وبصورة عامة، إذا كانت نتيجة حل نظام من معادلتين جملة خطأ مثل ٣= -٢، فلا يوجد حل للنظام في هذه الحالة، أما إذا كانت النتيجة متطابقة مثل ٣=٣ فهناك عدد لا نهائيّ من الحلول.

صـــــــــ١٦٧

مثال ٣ عدد لا نهائي من الحلول، أو لا يوجد للنظام حل

صـــــــ ١٦٨

تحقق من فهمك

حل النظام الآتي مستعملًا التعويض:

٣أ) ٢س – ص = ٨

ص = ٢س – ٣

٣ب) ٤س – ٣ص = ١

٦ص – ٨س = -٢

النظام غير المستقل

هناك عدد لا نهائي من الحلول للنظام في المثال ٣؛ لأنه عند كتابة المعادلتين بصيغة الميل والمقطع تكونان متكافئتين، ولهما التمثيل البياني نفسه.

فيما سبق

درست حل نظام مكون من معادلتين خطيتين بيانيًا.

حل مسائل من واقع الحياة: يمكنك استعمال التعويض لحل مسألة من واقع الحياة تتضمن نظامًا من معادلتين.

مثال ٤ من واقع الحياة كتابة نظام من معادلتين وحله

صـــــــ ١٦٨

تحقق من فهمك

٤) **رياضة:** مجموع النقاط التي سجلها فريقان في إحدى مباريات كرة اليد ٣١ نقطة. فإذا كان عددُ نقاط الفريق الأول يساوي ٥,٢ أمثال عدد نقاط الفريق الثاني، فما عدد نقاط كل فريق؟

والآن

- أحل نظامًا مكونًا من معادلتين بالتعويض.
- أحل مسائل من واقع الحياة (تتضمن نظامًا من معادلتين) باستعمال التعويض.

المفردات

التعويض

فيما سبق

درست حل نظام مكون من معادلتين خطيتين بيانيًا.

والآن

- أحل نظامًا مكونًا من معادلتين بالتعويض.
- أحل مسائل من واقع الحياة (تتضمن نظامًا من معادلتين) باستعمال التعويض.

المفردات

التعويض

تـــــــــأكـــــــــد

صـــــــــ ١٦٩

حل كلًّا من الأنظمة الآتية مستعملًا التعويض:

١) س = ص − ٢

٤س + ص = ٢

مهارات التفكير العليا

صـــــــــــ ١٧٠

٢٢) **اكتب:** وضِّح كيف تحدد الأفضل تعويضًا عند استعمال طريقة التعويض لحل نظام من معادلتين.

فيما سبق

درست حل نظام مكون من معادلتين خطيتين بيانيًا.

والآن

- أحل نظامًا مكونًا من معادلتين بالتعويض.
- أحل مسائل من واقع الحياة (تتضمن نظامًا من معادلتين) باستعمال التعويض.

المفردات

التعويض