

مع سلسلتك رفعت

للرياضيات متعة

أجمل

أسهل

أبسط



رياضيات

سادس ابتدائي

الفصل الدراسي الأول

تأليف

أ. سليمان علي مفرح المالك

نبذة عن الكتاب :

عرض المحتوى بطريقة جذابة و مشوقة - عروض بصرية لبعض الدروس
اختبار قصير بعد كل درس (اختبر نفسك)

الأستاذ / سليمان علي المالكي

نفيدكم علماً بأنه قد تم تسجيل عملكم الموسوم بـ:

مع سلسلة رفعة الرياضيات متعة سادس ابتدائي الفصل الدراسي الأول

هـ، ورقم ردمك 4-9142-03-603-978

1443/02/21

وتاريخ

1443/1901

تحت رقم إيداع

حساب المؤلف

تويتر



أ/ سليمان المالكي

حسابات مجموعة رفعة الرياضيات



Snapchat



Instagram



YouTube



Twitter



المكتبة الرقمية



قناة سادس ابتدائي



الدورات التدريبية

لإضافة جميع حسابات وقنوات رفعة

اضغط هنا

للوصول إلى فصول الكتاب

اضغط هنا

اضغط هنا

اضغط هنا

الفصل الأول

الفصل الثاني

الفصل الثالث

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

المقدمة

الحمد لله والصلاة والسلام على نبينا محمد وعلى آله وصحبه أجمعين، أما بعد:

نبذة تعريفية لمجموعة رفعة

هي مجموعة تدار من قبل معلمي ومعلمات الرياضيات من جميع أنحاء المملكة وهي قائمة على التطوير المهني لجميع المعلمين والمعلمات، وابتكار الأفكار الإبداعية للتعليم العام ، والإنتاج الموثق لكل ما يخص الرياضيات والتعليم العام.

وبهدف التسهيل والتيسير لمادة الرياضيات. تقدم مجموعة رقعة بين أيديكم هذا العمل ضمن "سلسلة كتب رفعة" وتتميز هذه الكتب بما يلي

- عرض المحتوى بصورة جذابة ومشوقة.
- عروض بصرية في كل درس.
- اختبار قصير بعد كل درس (اختبر نفسك).

ونطمح من خلاله توصيل المفاهيم الرياضية وموضوعات المنهج بصورة سلسلة وواضحة ..
الإفادة طلابنا وطالباتنا، وتوفير جهود معلمينا ومعلماتنا الأفاضل

والله ولي التوفيق

الفصل الاول : الجبر : الأنماط العددية والدوال

- (1-1) الخطوات الأربع لحل المسألة (6)
- (2-1) العوامل الأولية (12)
- (3-1) القوى والأسس (17)
- (4-1) ترتيب العمليات (21)
- (5-1) المتغيرات والعبارات (25)
- (6-1) الجبر: الدوال (29)
- (7-1) خطة حل المسألة "التخمين والتحقق" (33)
- (8-1) الجبر: المعادلات (39)

الفصل الثاني : الإحصاء والتمثيلات البيانية

- (1-2) خطة حل المسألة "إنشاء جدول" (45)
- (2-2) التمثيل بالأعمدة والخطوط (49)
- (3-2) التمثيل بالنقاط (57)
- (4-2) المتوسط الحسابي (62)
- (5-2) الوسيط والمنوال والمدى (68)

الفصل الثالث : العمليات على الكسور العشرية

- (1-3) تمثيل الكسور العشرية (76)
- (2-3) مقارنة الكسور العشرية وترتيبها (81)
- (3-3) تقريب الكسور العشرية (85)
- (4-3) تقدير ناتج جمع الكسور العشرية وطرحها (89)
- (5-3) جمع الكسور العشرية وطرحها (94)
- (6-3) ضرب الكسور العشرية في أعداد كلية (97)
- (7-3) ضرب الكسور العشرية (101)
- (8-3) قسمة الكسور العشرية على أعداد كلية (105)
- (9-3) القسمة على كسر عشري (109)
- (10-3) خطة حل المسألة "التحقق من معقولية الإجابة" (113)

اضغط على عنوان
الدروس للوصول إلى
بشكل أسرع



الفصل الأول

الجبر: الأنماط العددية والدوال

الخطوات الأربعة لحل المسألة

العوامل الأولية

القوى والاسس

ترتيب العمليات

المتغيرات والعبارات

الدوال

خطة حل المسألة - التخمين

المعادلات

(1-1)

(3-1)

(2-1)

(5-1)

(4-1)

(7-1)

(6-1)

(8-1)

ملخص الدرس:

* يعتمد حل المسألة الرياضية على فهم المعطيات والمطلوب أولاً، ثم التخطيط للحل، ثم حل المسألة باستعمال الخطة، ثم التحقق من معقولية الإجابة.

* هذا الجدول يساعدك في اختيار نوع العملية الحسابية التي تستعملها لحل المسألة:

الجمعُ	الطرحُ	الضربُ	القسمةُ
زائد، جمعُ	ناقصُ	عددُ مرّاتِ	مقسومٌ على
مجموعُ	الفرقُ	ناتجُ ضربِ	توزيعُ إلى
أضفُ	يزيدُ على، يَقلُّ عنُ	مضروباً في	
و، مع، إجمالي	اطرحُ من، كم بقي	مضاعف	

مثال: الجدول أدناه يوضح معدل زيادة كتل الأطفال الحديثي

الولادة، بحسب العمر بالشهور. فإذا استمر هذا النمط في الزيادة، فكم يكون معدل كتل الأطفال عند بلوغ ٥ أشهر؟

العمر بالأشهر	١	٢	٣	٤	٥
الكتلة بالكيلوجرامات	٣,٢٥	٤,٠٠	٤,٧٥	٥,٥٠	

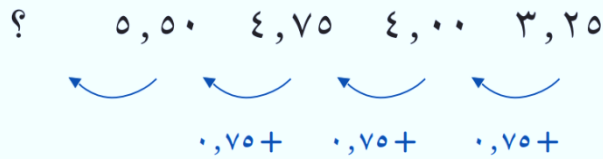
- افهم: المطلوب هو معدل كتل الأطفال عند بلوغ ٥ أشهر.

- خطط: أستعمل الحساب الذهني، لحل النمط.

- الحل: ألاحظ أن القيم تزداد بمقدار ٠,٧٥ في كل مرة.

إرشادات للدراسة

طريقة للحساب
من الطرق التي يمكن
استعمالها لحل المسألة:
الورقة والقلم، أو الحساب
الذهني، أو الآلة الحاسبة،
أو التقدير.



إذن معدل كتل الأطفال عند بلوغ عمر ٥ أشهر = ٦,٢٥ كجم.

- تحقق: أبدأ بـ ٦,٢٥ وأطرح منه ٠,٧٥ في كل مرة حتى أصل إلى معدل كتل الأطفال عند عمر شهر واحد من الولادة، والذي يساوي ٣,٢٥؛ لذا فإن الناتج صحيح.

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- اشترك سالم في فريق الجري. والجدول الآتي يوضح عدد الكيلومترات التي قطعها في أول أربع أيام من التدريب. فإذا استمر سالم على هذا النمط، فإنه يقطع في يوم الخميس:

اليوم	الأحد	الاثنين	الثلاثاء	الأربعاء	الخميس
المسافة بالكيلومترات	٢	٤	٧	١١	

(أ) ١٣ كم (ب) ١٤ كم (ج) ١٦ كم (د) ١٧ كم

٢- تبلغ كتلة ذكر الدب البني ٦٢٥ كجم تقريباً، وكتلة أنثاه ٢٨٥ كجم تقريباً. فكم كيلوجراماً تقل كتلة أنثى الدب البني عن كتلة الذكر؟

(أ) ٤٦٠ كجم (ب) ٣٤٠ كجم (ج) ٤٤٠ كجم (د) ٤٥٠ كجم

- ٣- يبلغ طول نهر النيل ٦٦٥٠ كم، بينما يبلغ طول نهر الفولجا ٣٦٩٠ كم. فكم يزيد طول نهر النيل على طول نهر الفولجا؟
- (أ) ٣٠٤٠ كم (ب) ٢٠٦٠ كم (ج) ٢٩٦٠ كم (د) ٣٩٦٠ كم

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

- ١- العدد ٦ هو الذي يكمل النمط: ٥ ، ١١ ، ١٧ ، ٢٣ ، ... ()

- ٢- كانت مواعيد أول خمسة مراجعين لطبيب الأسنان في فترة الصباح هي ٧:٤٠ ، ٨:١٠ ، ٨:٤٠ ، ٩:١٠ ، ٩:٤٠ صباحاً. فإذا استمر هذا النمط، فإن معاد المراجع التالي هو ١٠:١٠ صباحاً. ()

٣- اشترى سعيد سيارة جديدة، على أن يدفع ثمنها على أقساط شهرية مدة ٤ سنوات. فإذا كان القسط الشهري ٩٥٠ ريالاً، فإن ثمن السيارة هو ٣٨٠٠ ريالاً. ()

س٣: يستعمل بلال مقياساً ليجد عدد الخطوات التي يمشيها من بيته إلى مدرسته. فإذا كان يمشي إلى مدرسته يومياً ١٦٦٠ خطوة (ذهاباً وإياباً)، فكم خطوة تقريباً يمشيها في الأسبوع كله؟ (٥ أيام دراسية في الأسبوع).

س٤: أوجد الأعداد الثلاثة التالية في النمط أدناه:

٥٧ ، ٤٩ ، ٤١ ، ٣٣ ، ... ، ... ، ...

س٥: يستطيع وليد أن يسبح ٨ أشواط في ٤ دقائق. إذا استمر بهذا المعدل في السباحة، فكم دقيقة يحتاج لسباحة ٤٠ شوطاً؟

.....

.....

ملخص الدرس:

* العدد الأولي: هو عدد له عاملان فقط هما: (١، والعدد نفسه).

* العدد غير الأولي: هو عدد أكبر من ١، وله أكثر من عاملين.

$6 = 3 \times 2$ ، $6 = 6 \times 1$ $7 = 7 \times 1$

عوامل العدد ٦ عوامل العدد ٧

* العدد ١ والعدد صفر هي أعداد ليست أولية ولا غير أولية.

* تحليل العدد غير الأولي: التعبير عنه في صورة ضرب أعداد أولية.

مثال ١:

١٢ عدد غير أولي، لأن له أكثر من عاملين (١، ٢، ٣، ٤، ٦، ١٢)

١٩ عدد أولي، لأن له عاملان فقط (١، ١٩)

مثال ٢: حل العدد ٣٦ إلى عوامله الأولية:

الطريقة الثانية		الطريقة الأولى	
العدد	عوامله الأولية		
٣٦	٢	٣٦	
١٨	٢	١٨ × ٢	
٩	٣	٩ × ٢ × ٢	
٣	٣	٣ × ٣ × ٢ × ٢	

$$٣ \times ٣ \times ٢ \times ٢ = ٣٦$$

لذلك فالعوامل الأولية للعدد ٣٦ هي: ٣، ٢

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- أي الأعداد الآتية أولي؟

(د) ٢١

(ج) ١٣

(ب) ٢٥

(أ) ١٠

٢- أي الأعداد الآتية غير أولي؟

- أ) ٧ ب) ١٩ ج) ٢٧ د) ٢٩

٣- أي مما يأتي يعبر عن تحليل العدد ٢٢٥ إلى عوامله الأولية؟

- أ) $٥ \times ٥ \times ٣ \times ٢$ ب) $٥ \times ٥ \times ٣ \times ٣ \times ٣$
 ج) $٥ \times ٥ \times ٣ \times ٣$ د) $٧ \times ٥ \times ٥ \times ٣$

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

١- العدد ١ ليس أولياً ولا غير أولي. ()

٢- العدد ٢٩١ هو عدد أولي. ()

٣- الذي يعبر عن تحليل العدد ٤٩ إلى عوامله الأولية هو ٧×٧ ()

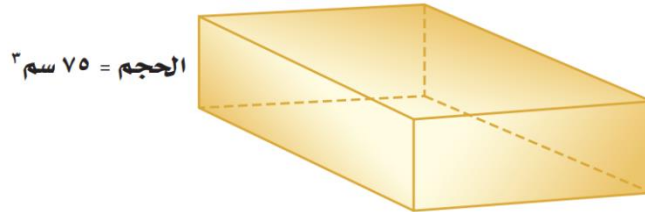
س٣: نسقت نورة عددًا من باقات الورد، كل منها يحوي العدد نفسه من الورد. فإذا كان عدد الورد التي نسقتها ٢٠ وردة، فأوجد ثلاث طرائق للتعبير عن عدد الباقات وعدد الورد في كل باقة.

.....

.....

.....

س٤: إذا كان حجم متوازي المستطيلات يساوي
الطول $\times$ العرض $\times$ الارتفاع.
فهل يمكن أن تكون أبعاد متوازي المستطيلات أدناه هي
٣ سم، ٥ سم، ٥ سم؟



.....

.....

.....

س٥: اختر عددين أوليين، كل منهما أكبر من ٥٠ وأصغر من ١٠٠

.....

.....

ملخص الدرس:

* يمكن كتابة حاصل ضرب العوامل المتشابهة باستعمال الأسس والأساس.

$$2^5 = \underbrace{2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2}_{\text{٥ عوامل}} = 2^{\text{الأسس}} \leftarrow \text{الأس} \leftarrow 5$$

هي نفسها

$$5 = 5$$

* الأعداد المكتوبة في صورة أسس تسمى قوى.

طريقة قراءتها	القوى
القوة الخامسة للعدد ٢	2^5
القوة الثانية للعدد ٣، أو ٣ تربيع	3^2
القوة الثالثة للعدد ١٠، أو ١٠ تكعيب	10^3

* يمكن أن تستعمل الأسس لكتابة العوامل الأولية لعدد.

$$\underbrace{3 \times 3}_{3^2} \times \underbrace{2 \times 2 \times 2}_{2^3} = 72$$

$$3^2 \times 2^3 =$$

مثال: حلل العدد ٣٠٠ إلى عوامله الأولية باستعمال الأسس:

$$5 \times 5 \times 3 \times 2 \times 2 = 300$$

$$5^2 \times 3 \times 2^2 =$$

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

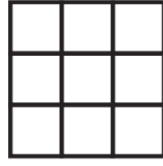
١- العبارة $2 \times 2 \times 2 \times 2$ تساوي:

- (أ) 2^4 (ب) 2^4 (ج) 2^2 (د) 2^4

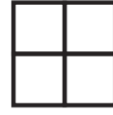
٢- أي مما يأتي يعبر عن تحليل العدد ٣٦٠ إلى عوامله الأولية؟

- (أ) $2^2 \times 3 \times 5^2$ (ب) $2^2 \times 3^2 \times 5$
(ج) $2^2 \times 3^2 \times 5$ (د) $2 \times 3^2 \times 5$

٣- إذا استمر نمط الأشكال أدناه، فأَي القيم التالية تمثل الشكل السابع؟



٢٣



٢٢



٢١

(د) ٧٣

(ج) ٧٧

(ب) ١٧

(أ) ٧٢

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

١- إذا كان هناك ٣٠ نوعاً من القردة تقريباً تعيش على سطح الأرض، فإن عدد أنواع القردة تقريباً هو ٢٤٣ نوعاً. ()

٢- ٥٤ هي نفسها ٤ × ٤ × ٤ × ٤ × ٤ ()

٣- ٧ تربيع هي نفسها ٧٤ ()

س٣: اكتب القوة الآتية في صورة حاصل ضرب العامل في نفسه
ثم أوجد قيمة ذلك: 3^9

.....

.....

.....

س٤: حلل العدد ٩٨ إلى عوامله الأولية مستعملًا الأسس.

.....

.....

.....

س٥: زرع عبد العزيز ٦ صفوف من أشجار النخيل في حديقته،
في كل صف منها ٦ أشجار، ما مجموع الأشجار التي زرعها في
حديقته؟ اكتب عدد الأشجار باستعمال الأسس، ثم أوجد قيمة
ذلك.

.....

.....

.....

ملخص الدرس:

* لحل العبارة العددية التي تحتوي على أكثر من عملية حسابية:

()
س
÷ / × ←
- / + ←

١- حل الأقواس أولاً.

٢- أوجد قيم القوى.

٣- اضرب واقسم مبتدئاً من اليمين.

٤- اجمع واطرح مبتدئاً من اليمين.

مثال: أوجد قيمة:

$$(6-9) \times 17 + 4 \div 20$$

$$3 \times 17 + 4 \div 20 =$$

$$3 \times 17 + 0 =$$

$$51 + 0 =$$

$$51 =$$

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- أوجد قيمة: $2 \div 8 + 5$

(أ) ٢٥ (ب) ٢٩ (ج) ٣٣ (د) ٦٦

٢- العدد ١٦ هو الناتج الصحيح للعبارة العددية:

(أ) $2 \times 6 + 2$ (ب) $8 - 7 + 3$
(ج) $9 + 3 - 10$ (د) $9 - 3 + 10$

٣- عمر فاطمة أقل بستين من عمر عائشة، وعائشة أكبر من هند التي عمرها ٩ سنوات بخمس سنوات. أي جدول مما يأتي نستطيع منه حساب عمر فاطمة؟

الاسم	العمر (بالسنوات)	(أ)
فاطمة	$٥ + ٩$	
عائشة	$٢ - ٥ + ٩$	
هند	٩	

الاسم	العمر (بالسنوات)	(ب)
فاطمة	٢	
عائشة	٥	
هند	٩	

الاسم	العمر (بالسنوات)	(ج)
فاطمة	٥	
عائشة	٤	
هند	٩	

الاسم	العمر (بالسنوات)	(د)
فاطمة	$٢ - ٥ + ٩$	
عائشة	$٥ + ٩$	
هند	٩	

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

١- قيمة العبارة $٧ + ٩ \times (٣ + ٨)$ هي ١٠٦ ()

٢- العبارة اللفظية: مكعب ناتج قسمة العدد ٤٢ على ٦ هي نفسها العبارة العددية: $٦ \div ٣٢٤$ ()

٣- العدد الناقص في الجملة العددية: $١٢ - ٣٥ \div \dots = ١٢١$ هو ٣ ()

س٣: تقرأ مريم كتاباً عن سيرة أحد الصحابة، فقرأت في ٥ أيام متتالية بمعدل كل يوم ٦ صفحات، وفي اليومين التاليين كل يوم ٣ صفحات، وبقيت ٥ صفحات من الكتاب. اكتب عبارة تمثل عدد صفحات الكتاب، ثم أوجد العدد.

.....

.....

.....

س٤: ذهبت عبير مع ثلاث من زميلاتهن إلى مدينة الألعاب، فإذا دفعت كلٌ منهن ٧ ريالاً ثمن تذكرة الدخول، و٣ ريالاً ثمن قطعة حلوى، وريالاً ثمن قارورة ماء، فاكتب عبارة تمثل الثمن الكلي الذي دفعته عبير وزميلاتها، ثم أوجد هذا الثمن.

.....

.....

.....

س٥: اكتب عبارة عددية قيمتها ١٠، تتضمن عمليتين مختلفتين وأربعة أعداد.

.....

.....

ملخص الدرس:

- * المتغير هو رمز يمثل العدد المجهول.
- * العبارة الجبرية: هي تجمع من المتغيرات والأعداد تربط بينها عملية واحدة على الأقل.



- * يمكن التعبير عن عملية الضرب بطرق أخرى غير الإشارة $\times$



مثال: احسب قيمة العبارة الجبرية: $٥ن + ٤$ ، إذا كانت $ن = ٣$

الحل: $٥ن + ٤ = ٤ + ٣ \times ٥$

$$٤ + ١٥ =$$

$$١٩ =$$

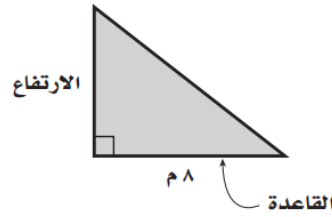
اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- إذا كانت $m = 4$ ، فإن $m - 2$ تساوي:

- أ) ٨ ب) ١٢ ج) ١٤ د) ١٦

٢- يمكن إيجاد ارتفاع المثلث أدناه باستعمال العبارة $48 \div b$ ، حيث b تمثل قاعدة المثلث. أوجد ارتفاع المثلث.



- أ) ٤ م ب) ٦ م ج) ٨ م د) ١٠ م

٣- يبين الجدول أدناه مجموع الميداليات التي حصلت عليها بعض الدول المشاركة في دورة الألعاب الأولمبية الشتوية أحد الأعوام. أي عبارة مما يأتي تمثل المجموع الكلي للميداليات في الجدول؟

الدولة	مجموع الميداليات
ألمانيا	١٩
أمريكا	٢٨
كندا	س
هولندا	٢٤
روسيا	٣٣
النرويج	٢٦

المصدر: International Olympic Committee

(ب) $١٣٠ + س$

(أ) $١٣٠ - س$

(د) $١٣٠ + س$

(ج) $١٣٠ - س$

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

()

١- إذا كانت $ن = ١٦$ فإن $٣٢ = ٢ن$

()

٢- إذا كانت $أ = ٤$ ، فإن $١٢ = ٤ - أ٣$

()

٣- إذا كانت $٤ب ÷ ٥ = ١٢$ فإن $١٥ = ب$

س٣: إذا كان $٤س$ يمثل محيط مربع طول ضلعه $س$ ، فأوجد محيط مربع طول ضلعه ٢٦ سم.

.....

.....

.....

س٤: تُستعمل العبارة $م ن$ لإيجاد مقدار نمو نبتة معينة من الخيزران في زمن محدد؛ حيث تدل $م$ على معدل النمو، وتدل $ن$ على مقدار الزمن. فما مقدار النمو لهذه النبتة في ٧ أيام إذا كان معدل نموها ٩٠ سنتماً في اليوم الواحد؟

.....

.....

.....

س٥: حدد العبارة المختلفة عن العبارات الثلاث الأخرى. وفسر إجابتك.

$$٢ + ١٣$$

س ص

$$٨ + ٦$$

ص ٧

.....

.....

ملخص الدرس:

* الدالة هي العلاقة بين مدخلة ومخرجة.

* قاعدة الدالة تصف العلاقة بين المدخلات والمخرجات.

قاعدة الدالة هي $٧ + س$

المدخلة (س)	المخرجة (س + ٧)
١٠	١٧
١٢	١٩
١٤	٢١

* تعريف المتغير هو اختيار متغير يمثل المدخلة.

مثال: يتقاضى عامل في أحد المصانع مبلغ ١٥٠ ريالاً عن كل يوم عمل. عرف متغيراً ثم اكتب قاعدة الدالة التي تربط الأجرة الكلية بعدد الأيام التي يعمل فيها هذا العامل.

الحل: نفترض أن س يرمز إلى عدد أيام العمل.

١٥٠ ريالاً عن كل يوم عمل	التعبير اللفظي
تعبّر س عن عدد أيام العمل	المتغير
$١٥٠ \times س$	العبارة الجبرية

فتكون قاعدة الدالة هي ١٥٠ س

اختبر نفسك:

■	المدخلُ (س)
٠	١
٢	٣
٤	٥

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- قاعدة الدالة في الجدول المجاور هي:

(أ) $s \times 0$ (ب) $s - 1$ (ج) $s + 0$ (د) $s + 1$

٢- يربح محل ٥ ريالاً عن كل قميص يبيعه، أي عبارة مما يأتي تُمثل ربح بيع ٢٥ قميصاً؟

(أ) $25 + 5$ (ب) 25×5 (ج) $25 \div 5$ (د) $25 - 5$

٣- أي عبارة مما يأتي تمثل أفضل علاقة بين قيم ص وقيم س؟

س	١	٢	٣	٤	٥	٦
ص	٥	٧	٩	١١	١٣	١٥

(أ) $2s + 3$ (ب) $s + 5$ (ج) $3s - 2$ (د) $6 - s$

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

١- إذا أراد عمر شراء حلوى، سعر الكيلوجرام الواحد منها ٢٥ ريالاً، فإن قاعدة الدالة التي تربط التكلفة الكلية للحلوى بعدد الكيلوجرامات التي يشتريها هي ٢٥ س ()

٢- إذا كان عمر رائد يزيد بمقدار ٨ سنوات على عمر أخته، فإن قاعدة الدالة التي تربط عمره بعمر أخته هي $٨ \times س$ ()

٣- إذا قدمت فاطمة ٣٠ قطعة من الكعك لضيوفها، فإن قاعدة الدالة التي تربط عدد الكعك لكل ضيف بعدد الضيوف هي $٣٠ \div س$ ()

س٣: املأ فراغات الجدول الآتي:

المدخلُ (س)	المخرجةُ (س ÷ ٣)
٠	■
٣	■
٩	■

س٤: أوجد قاعدة الدالة الممثلة في الجدولين الآتيين:

س	■
٠	٠
٤	٢٠
٧	٣٥

س	■
٧	٢
٩	٤
١٥	١٠

س٥: إذا كان متوسط سرعة طيران النحل في أثناء جمعه الرحيق ١١ كم في الساعة الواحدة، فعرف متغيراً واكتب قاعدة الدالة وأوجد المسافة التي يستطيع أن يطيرها في ساعتين بهذا المعدل.

.....

.....

.....

ملخص الدرس:



* يمكن حل بعض المسائل بالتخمين والتحقق، ثم تعديل التخمين حتى تتوصل إلى إجابة صحيحة.

مثال: حصل عبد الرحمن على مبلغ ٧٠ ريال من أقربائه يوم العيد، وكان مجموع ما معه ٩ أوراق نقدية من فئتي ٥ ريالات و ١٠ ريالات. فما عدد الأوراق التي حصل عليها من كلٍّ من الفئتين؟

- **افهم:** مع عبد الرحمن ٧٠ ريالاً

- معه ٩ أوراق نقدية

- الأوراق من فئتي ٥ و ١٠ ريالات

- أريد إيجاد عدد أوراق كلٍّ من الفئتين.

- **خطط:** خمن ثم تحقق حتى تصل إلى الإجابة الصحيحة.

- الحل:

	المبلغ الكلي	عدد الأوراق من فئة ١٠ ريالات	عدد الأوراق من فئة ٥ ريالات
أكبر	$80 = 10 \times 5 + 5 \times 6$	٥	٦
أصغر قليلاً	$65 = 10 \times 4 + 5 \times 5$	٤	٥
✓	$70 = 10 \times 5 + 5 \times 4$	٥	٤

إذن حصل عبد الرحمن على ٥ أوراق من فئة ١٠ ريالات،
و٤ أوراق من فئة ٥ ريالات.

- تحقق: ٥ أوراق من فئة ١٠ ريالات تساوي ٥٠ ريالاً،
و٤ أوراق من فئة ٥ ريالات تساوي ٢٠ ريالاً.
وبما أن $70 = 20 + 50$ ؛ فإن التخمين صحيح.

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

- ١- يوجد في محفظة سلمان ٢٢٠ ريالاً في صورة أوراق نقدية عددها ٢٠ من الفئات التالية: ١ ريال، ٥ ريالات، ١٠ ريالات، ٥٠ ريالاً. فما عدد الأوراق النقدية الموجودة في محفظة سلمان من كل فئة من تلك الفئات؟
- (أ) ورقة من فئة ٥٠، و ١٥ ورقات من فئة ١٠، و ٥ ورقات من فئة ٥، و ٥ ورقات من فئة الريال.
- (ب) ورقة من فئة ٥٠، وورقتان من فئة ١٠، و ٧ ورقات من فئة ٥، و ١٠ ورقات من فئة الريال.
- (ج) ورقتان من فئة ٥٠، و ١٠ ورقات من فئة ١٠، و ٣ ورقات من فئة ٥، و ٥ ورقات من فئة الريال.
- (د) ٣ ورقات من فئة ٥٠، و ٥ ورقات من فئة ١٠، وورقتان من فئة ٥، و ١٠ ورقات من فئة الريال.

٢- عُمر خليل يساوي ٤ أمثال عُمر حسن، وعُمر منصور يساوي مثلي عمر خليل. فإذا كان مجموع أعمارهم الثلاثة يساوي ١١٧ سنة، فما عمر منصور؟

(أ) ٩ (ب) ٣٦ (ج) ٧٢ (د) ١١٧

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

إذا حصل صالح على ١٨ درجة في اختبار العلوم، وكان الاختبار يتكون من ٦ مسائل، لكل منها درجتان، ومسألتين لكل منهما ٤ درجات، فإن عدد المسائل التي حلها صالح بصورة صحيحة هو ٦ مسائل لكل منها درجتان، ومسألة واحدة لها ٤ درجات.

()

س٣: تبيع مكتبة كُتِبَ مستعملة في رزم من ٥ كتب، وكُتِبَ جديدة في رزم من ٣ كتب. إذا اشترى مشعل ١٦ كتاباً، فما عدد الرزم التي اشتراها من الكتب المستعملة والجديدة؟

س٤: يفكر أحمد في أربعة أعداد من ١ إلى ٩ مجموعها ١٨. أوجد هذه الأعداد.

س٥: إذا كانت أسعار تذاكر دخول مدينة الألعاب هي ٧ ريالاً للكبار، و٤ ريالاً للصغار، ودفع أربعة عشر شخصاً مبلغ ٦٨ ريالاً ثمن تذاكر الدخول، فما عدد كل من الكبار والصغار بينهم؟

.....

.....

.....

.....

.....

.....

ملخص الدرس:

* المعادلة هي جملة تحتوي على إشارة "="

$$7 \times 2 = 14 \quad 4 = 6 - 10 \quad 9 = 7 + 2$$

* تحتوي بعض المعادلات على متغيرات.

$$3 = م \div 15 \quad 6 - ك = 4 \quad 9 = س + 2$$

* حل المعادلة هو التعويض عن المتغير بقيمة صحيحة.

$$\begin{aligned} 9 &= س + 2 \\ 9 &= 7 + 2 \\ 9 &= 9 \end{aligned}$$

الجملة صحيحة.

قيمة المتغير التي جعلت
الجملة صحيحة هي ٧.
إذن حل هذه المعادلة هو ٧.

مثال: حل المعادلة $3ص = 15$ ذهنياً

أفكر: ٣ ضرب كم يساوي ١٥

الحل: $3ص = 15$

$$5 \times 3 = 15$$

إذن الحل هو ٥

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

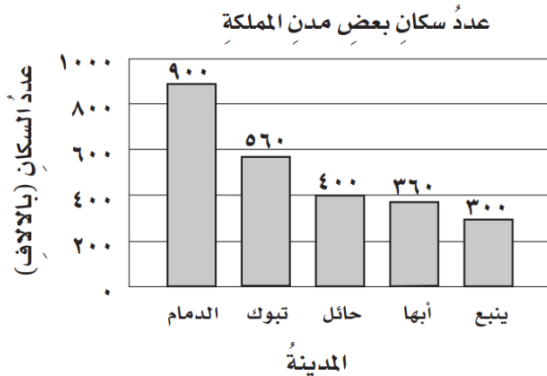
١- حل المعادلة $س + ٦ = ١٨$ هو:

- أ) ٦ ب) ٨ ج) ١٠ د) ١٢

٢- العدد ٩ هو الحل الصحيح للمعادلة:

- أ) $٢٥ = م$ ب) $٢٢ \div ص = ٢$
ج) $٥٤ = ٦ب$ د) $١٥ - ب = ١٢$

٣- التمثيل يُمثل عدد السكان لأقرب ألف لبعض مدن المملكة عام ١٤٣١ هـ، أي معادلة مما يأتي يمكن استعمالها لإيجاد الفرق (ع) بين عدد سكان أبها وعدد سكان الدمام؟



أ) $٩٠٠ = ٣٦٠ + ع$

ب) $٩٠٠ = ٣٦٠ - ع$

ج) $ع = ٣٦٠ + ٩٠٠$

د) $٣٦٠ = ٩٠٠ - ع$

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

١- الحل الصحيح للمعادلة $١٥ ك = ٣٠$ هو ٢ ()

٢- $(٧ + ١٥ - س)$ تُعتبر معادلة. ()

٣- العدد ١٦ هو الحل الصحيح للمعادلة $٢٦ \div ك = ٢$ ()

س٣: يبلغ طول أحد أنواع الدلافين ٨ أقدام. فإذا علمت أن كل ٣٠ سم تقريباً تساوي ١ قدم، فحل المعادلة $٨ \times ٣٠ = ل$ ؛ لتجد قيمة ل التي ترمز إلى طول الدلفين بالسنتيمترات.

.....

.....

س٤: إذا كان مجموع عمري يوسف وأخيه حمد ٢١ سنة، وعمر يوسف ٦ سنوات، فحل المعادلة $٦ + ص = ٢١$ ؛ لتجد قيمة ص التي ترمز إلى عمر حمد.

س٥: أعط مثالاً على معادلة يكون العدد ٥ حلاً لها.

ملخص الفصل الأول الجبر: الأنماط العددية والدوال

القوى والأسس

$$2^5 = \underbrace{2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2}_5 \text{ عوامل} = 2 \text{ الأس}$$

الأعداد المكتوبة في صورة أسس تسمى قوى.

القوى	طريقة قراءتها
2^5	القوة الخامسة للعدد ٢
2^3	القوة الثانية للعدد ٢، أو ٣ تربيع
2^{10}	القوة الثالثة للعدد ١٠، أو ١٠ تكعيب

يمكن أن تستعمل الأسس لكتابة العوامل الأولية لعدد.

$$72 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 2^3 \times 3^2$$

العوامل الأولية

العدد الأولي

هو عدد له عاملان فقط (١، والعدد نفسه).

العدد غير الأولي

هو عدد أكبر من ١، وله أكثر من عاملين.

$$6 = 3 \times 2, 6 = 6 \times 1 \quad 7 = 7 \times 1$$

عوامل العدد ٦ عوامل العدد ٧

تحليل العدد غير الأولي

التعبير عنه في صورة ضرب أعداد أولية.

الطريقة الأولى	الطريقة الثانية										
$36 = 2 \times 18 = 2 \times 2 \times 9 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 2^2 \times 3^2$	<table> <tr> <th>العدد</th><th>عوامله الأولية</th></tr> <tr> <td>٣٦</td><td>٢</td></tr> <tr> <td>١٨</td><td>٢</td></tr> <tr> <td>٩</td><td>٣</td></tr> <tr> <td>٣</td><td>٣</td></tr> </table>	العدد	عوامله الأولية	٣٦	٢	١٨	٢	٩	٣	٣	٣
العدد	عوامله الأولية										
٣٦	٢										
١٨	٢										
٩	٣										
٣	٣										

المتغيرات والعبارات

المتغير

هو رمز يُمثل العدد المجهول.

العبرة الجبرية

هي تجميع من المتغيرات والأعداد تربط بينها عملية واحدة على الأقل.

$$2 + n \rightarrow \text{أي حرف يمكن استعماله للتعبير عن المتغير.}$$

ترتيب العمليات

لحل العبارة العددية التي تحتوي على أكثر من عملية حسابية:

- حل الأقواس أولاً.
- أوجد قيم القوى.
- اضرب واقسم مبتدئاً من اليمين.
- اجمع واطرح مبتدئاً من اليمين.

$$\begin{array}{l} () \\ \text{س} \\ \div / \times \leftarrow \\ - / + \leftarrow \end{array}$$

المعادلات

المعادلة

هي جملة تحتوي على إشارة "="

$$7 \times 2 = 14 \quad 4 = 6 - 10 \quad 9 = 7 + 2$$

تحتوي بعض المعادلات على متغيرات.

$$3 = 15 \div m \quad 4 = 6 - k \quad 9 = 2 + s$$

حل المعادلة

هو التعويض عن المتغير بقيمة صحيحة.

$$\begin{array}{l} 9 = 2 + s \\ 9 = 2 + 7 \\ 9 = 9 \end{array}$$

الجملة صحيحة.

قيمة المتغير التي جعلت الجملة صحيحة هي ٧. إذن حل هذه المعادلة هو ٧.

الدوال

الدالة

هي العلاقة بين المدخلات والمخرجات

قاعدة الدالة

تصف العلاقة بين المدخلات والمخرجات.

المدخل (س)	المخرجة (س + ٧)
١٧	٢٤
١٩	٢٦
٢١	٢٨

تعريف المتغير

هو اختيار متغير يُمثل المدخلة.

التعبير اللغوي: ١٥٠ ريالاً عن كل يوم عمل

المتغير: س

العبارة الجبرية: $150 \times s$

اضغط على عنوان
الدرس للوصول اليه
بشكل اسرع



الفصل الثاني

الإحصاء والتمثيلات البيانية

خطة حل المسألة "انشاء جدول"

(1-2)

التمثيل بالأعمدة والخطوط

(2-2)

(3-2)

التمثيل بالنقاط

المتوسط الحسابي

(4-2)

الوسيط والمنوال والمدى

(5-2)

ملخص الدرس:

* يمكن حل بعض المسائل عن طريق إنشاء جدول.

مثال: أجرت لولو مسحاً لمعرفة الوجبة المفضلة لدى زميلاتها

من بين أربعة بدائل، مستعملة الرموز الآتية (د) للدجاج، (ل) للحم الغنم، (س) للسمك، (خ) للخضار. وكانت النتائج كما يأتي:
خ، ل، د، س، د، د، ل، د، س، د، د، د، د، س، س، د، د، د، د، خ
فما عدد الطالبات اللاتي اخترن السمك زيادة على عدد اللاتي
اخترن الخضار؟

- **افهم:** أريد معرفة عدد الطالبات اللاتي اخترن السمك زيادة على
عدد اللاتي اخترن الخضار.

- **خطط:** أكون جدولاً تكرارياً للبيانات.

الوجبة المفضلة		
الوجبة	الإشارات	التكرارات
دجاج		٩
لحم غنم		٣
سمك		٥
خضار		٣

- **الحل:**

اختارت ٥ طالبات السمك، واختارت ٣ طالبات الخضار.
فيكون $٥ - ٣ = ٢$ ؛ أي أن طالبتين اختارتا السمك زيادة على
اللاتي اخترن الخضار.

- **تحقق:** بالعودة للقائمة أجد أن ٥ طالبات اخترن السمك،
و ٣ اخترن الخضار؛ لذا فالإجابة الصحيحة هي أن
الفرق طالتان.

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

الجدول الآتي يبين الألوان المفضلة لطلاب أحد فصول الصف
السادس. كم يزيد عدد الطلاب الذين يفضلون اللون البني على
الذين يفضلون الأخضر؟ (بإنشاء جدول تكراري)

(أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٣ (د) ٤

الألوان المفضلة						
ز	ص	ز	خ	ب	ز	ب
ص	ز	ب	ب	ص	خ	خ
ب	خ	ز	ص	ز	ز	ب

ز = أزرق، ص = أصفر، ب = بني، خ = أخضر.

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

إذا كان الجدول الآتي يوضح ألوان السيارات في أحد المواقف،
فإن السيارات الفضية تزيد على السيارات الحمراء بـ ٤ سيارات.
()

ألوان السيارات في الموقف						
ب	ح	ف	ض	ف	ف	س
س	ف	ف	ح	ح	ب	ف
ح	ب	ض	س	ف	ف	س
س	ف	ب	ف	س	س	س

ف = فضي، ح = أحمر، س = أسود، ض = أخضر، ب = أبيض.

س٣: الجدول الآتي يوضح عدد الساعات التي قضاها بعض الطلاب
في ممارسة الرياضة خلال العطلة الأسبوعية. فكم طالباً قضى أقل
من ٣ ساعات؟ أنشئ جدولاً تكرارياً.

عدد ساعات ممارسة الرياضة										
٥	١	٥	٣	١	٤	٢	٤	٣	٦	٠
٢	١	٢	٥	٣	٢	١	٥	١	٠	١
٤	٣	٢	٦	٨	٤	٣	٧	٢	١	٢

س٤: الجدول الآتي يوضح درجات عدد من طلاب الصف السادس في اختبار مادة الرياضيات. فكم طالباً كانت درجته ٧ على الأقل؟
أنشئ جدولاً تكرارياً.

درجاتُ الطلابِ						
٩	١٠	٧	٦	٧	٩	٨
١٠	٨	٥	١٠	١٠	٨	٩
٥	٥	١٠	٨	٩	٦	٧

س٥: يوضح الجدول الآتي درجات الحرارة العظمى المسجلة في عدد من مدن المملكة خلال أحد الأيام. ما عدد المدن التي سجلت فيها درجة الحرارة بين ٢٦، ٣١؟

درجاتُ الحرارةِ العُظمى المسجلةُ في بعضِ مدنِ المملكةِ					
٢٥	٣٦	٣٢	٣٠	٢٧	٢٨
٢٧	٢٤	٢٧	٣٨	٢٩	٢٤

ملخص الدرس:

- * البيانات هي معلومات تكون عددية في الغالب. وغالباً من تكون معروضة في جدول.
- * التمثيل البياني هو طريقة لعرض البيانات بصرياً.
- * يستعمل التمثيل بالأعمدة للمقارنة بين البيانات وتصنيفها.



* التكرار هو عدد مرات حدوث النوع الواحد.

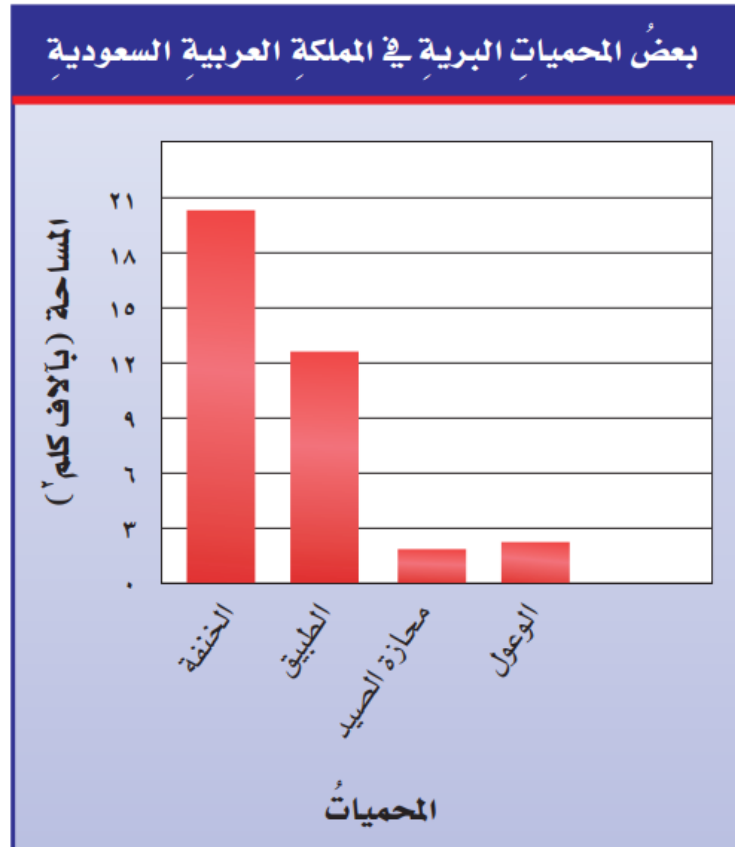
مثال: الجدول الآتي يوضح بعض المحميات البرية في المملكة العربية السعودية ومساحة كل منها. مثل البيانات بالأعمدة.

بعض المحميات البرية في المملكة العربية السعودية	
المحمية	المساحة (بآلاف كلم ^٢)
الخنفة	٢٠,٥
الطويق	١٢,٢
محازة الصيد	٢,٢
الوعول	٢,٤

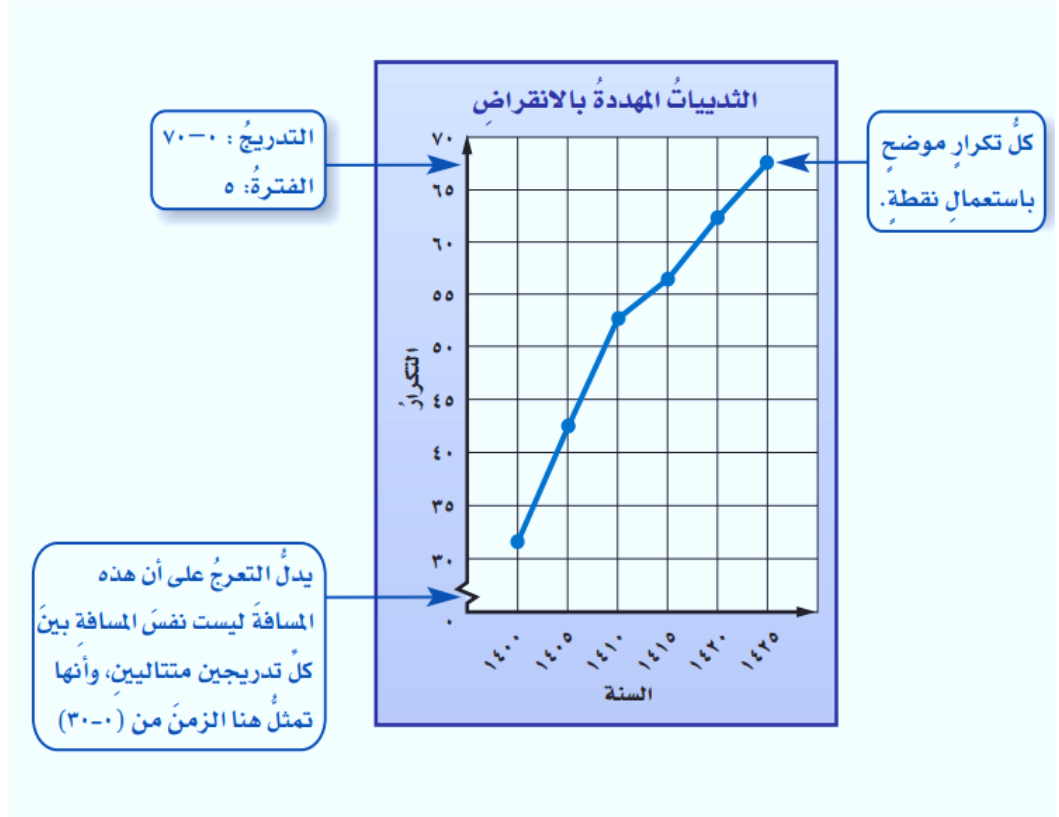
الحل: نحدد تدريجاً يشمل البيانات من صفر إلى ٢١، ونحدد

طول الفترات المناسب وهو هنا ٣

نكتب عنواناً كل من المحورين، وعنواناً للتمثيل البياني، ثم نرسم عموداً لكل محمية من المحميات.



* يستعمل التمثيل بالخطوط لتوضيح تغير مجموعة من البيانات مع مرور الزمن.



* يمكن وصف هبوط البيانات وصعودها من خلال ملاحظة ميل القطع المستقيمة.

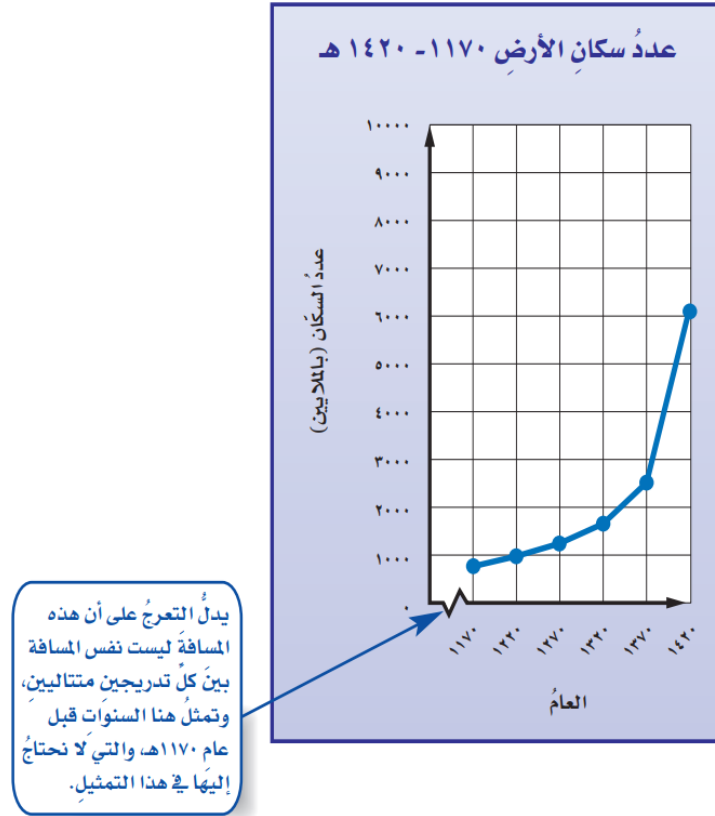
عدد سكان الأرض	
العام	عدد السكان (بالملايين)
١١٧٠ هـ	٧٩٠
١٢٢٠ هـ	٩٨٠
١٢٧٠ هـ	١٢٦٠
١٣٢٠ هـ	١٦٥٠
١٣٧٠ هـ	٢٥٥٥
١٤٢٠ هـ	٦٠٨٠

مثال: مثل بالخطوط بيانات الجدول الآتي، وصف التغير في عدد السكان من عام ١١٧٠ هـ إلى ١٤٢٠ هـ.

الحل:

نختار تدریجاً من صفر إلى ١٠٠٠٠ لكي يشمل البيانات من ٧٩٠ مليوناً إلى ٦٠٨٠ مليوناً، ونحدد طول الفترات المناسب وهو هنا ١٠٠٠ مليون.

نكتب عنواناً كل من المحورين، وعنواناً للتمثيل البياني، ثم نرسم عموداً لكل محمية من المحميات.



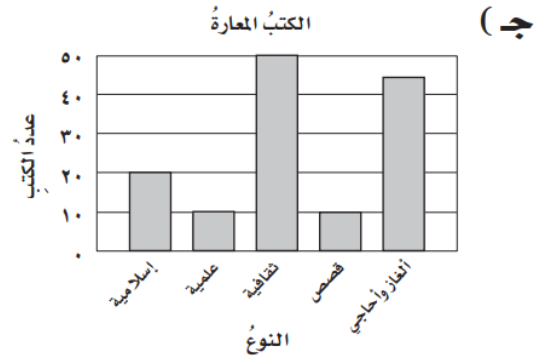
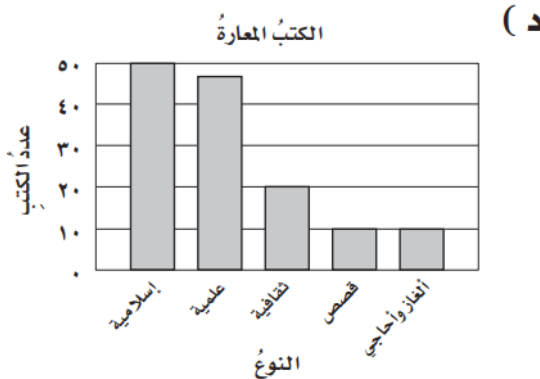
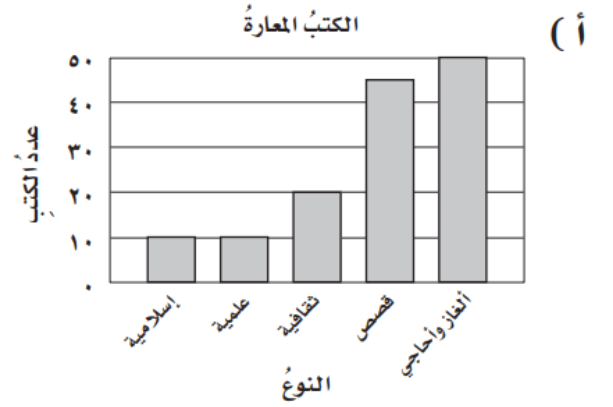
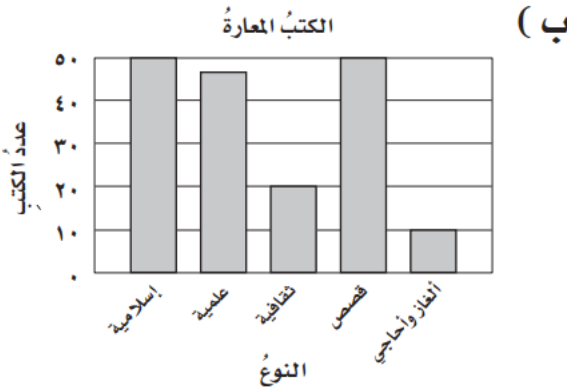
نلاحظ ازدياد عدد السكان زيادة كبيرة من عام ١١٧٠ هـ إلى عام ١٤٢٠ هـ.

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

سجل أمين مكتبة مدرسية أنواع الكتب وعددا التي استعارها عدد من الطلاب في الجدول المجاور. أي تمثيل بالأعمدة مما يأتي يمثل هذه البيانات؟

الكتب المعارة	
النوع	عدد الكتب
إسلامية	٥٠
علمية	٤٦
ثقافية	٢٠
قصص	١٠
الغاز وأحاجي	١٠



س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

- ١- التمثيل البياني هو طريقة لعرض البيانات بصرياً. ()
- ٢- من أنواع التمثيل البياني: التمثيل بالأعمدة والتمثيل بالخطوط. ()
- ٣- يستعمل التمثيل بالأعمدة لتوضيح تغير مجموعة من البيانات مع مرور الزمن. ()

س٣: مثل بالأعمدة بيانات الجدول الآتي، وبين كيف يمكنك المقارنة بين عدد أقمار المشتري وعدد أقمار نبتون؟

عدد الأقمار لبعض الكواكب	
الكوكب	عدد الأقمار
الأرض	١
المريخ	٢
نبتون	١٣
أورانوس	٢٧
زحل	٤٧
المشتري	٦٣

س٤: مثل بالخطوط بيانات الجدول المجاور. وصف التغير في عدد سكان هذه القرية من عام ١٤٢٠ هـ إلى ١٤٣٥ هـ .
وما السنة التي أظهرت أكبر تغير في عدد السكان مقارنة بسابقتها؟

سكان إحدى القرى	
السنة	عدد السكان (نسمة)
١٤١٥ هـ	٧٦٤
١٤٢٠ هـ	٧٥٧
١٤٢٥ هـ	٦٣٨
١٤٣٠ هـ	٦٠٧
١٤٣٥ هـ	٥٧٢

س٥: هل يؤثر تغيير التدرج الرأسي أو فترته في شكل التمثيل بالأعمدة أو بالخطوط؟ فسر إجابتك بأمثلة توضيحية.

.....

.....

.....



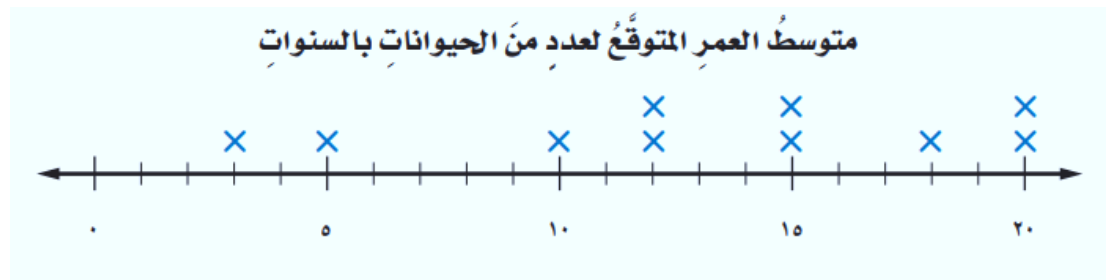
ملخص الدرس:

* التمثيل بالنقاط: شكل يوضح تكرار البيانات على خط الأعداد.

الحيوان	العمر (سنة)
الدب الأسود	١٨
القط	١٢
الشمبانزي	٢٠
البقرة	١٥
الزرافة	١٠
الحصان	٢٠
الفهد	١٢
الأسد	١٥
الفأر	٣
الأرنب	٥

مثال: الجدول الآتي يوضح متوسط العمر المتوقع لعدد من الحيوانات، مثل البيانات بالنقاط، واكتب جملة أو جملتين لتحليل البيانات.

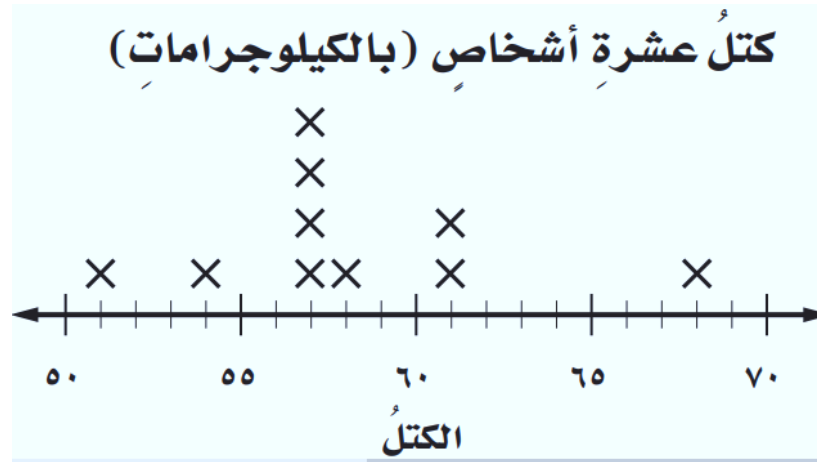
الحل: نرسم خط الأعداد، ونستعمل تدريجاً من صفر إلى ٢٠ لكي يشمل البيانات من ٣ إلى ٢٠، ونضع × فوق كل عدد يمثل العمر المتوقع لكل حيوان، ونكتب عنواناً للتمثيل.



يوجد حيوانان لهما أكبر عمر متوقع من بين الحيوانات وهو ٢٠ سنة.

اختبر نفسك:

س١: استعمل تمثيل النقاط الآتي في اختيار الإجابة الصحيحة:



١- عدد الأشخاص الذين كتل كلٍ منهم ٥٤ كجم هو:

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) ٤

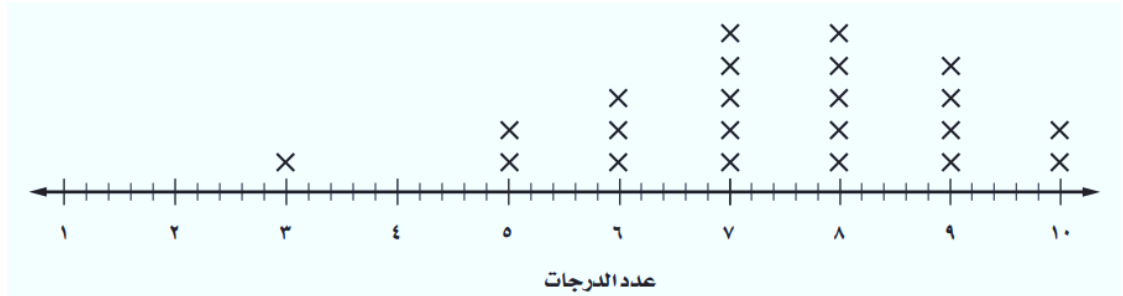
٢- عدد الأشخاص الذين تجاوزت كتلتهم ٦٠ كجم هو:

- (أ) ٢ (ب) ٣ (ج) ٤ (د) ٥

٣- الكتلة الأكثر تكراراً هي:

- (أ) ٥٥ (ب) ٥٧ (ج) ٦٠ (د) ٦١

س٢: استعمل تمثيل النقاط الآتي (والذي يمثل درجات عدد من الطلاب في اختبار الرياضيات) وضع علامة صح أو خطأ:



١- يزيد عدد الطلاب الذين حصلوا على الدرجة ٨ على عدد الذين حصلوا على الدرجة ٣ بمقدار ٤ طلاب. ()

٢- الفرق بين أعلى درجة وأقل درجة حصل عليها الطلاب هو ٨ درجات. ()

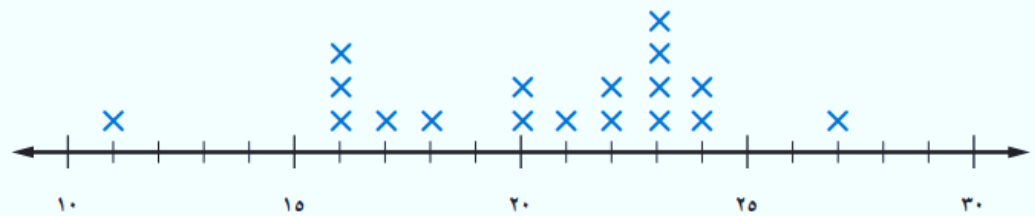
٣- العدد الكلي للطلاب هو ٢١ طالباً. ()

س٣: مثل البيانات في الجدول الآتي بالنقاط.

نقاطُ فرقِ كرةِ السلةِ			
٢٤	١١	٢١	١٦
١١	١٦	١٤	٨
١٤	٨	١٠	٢١
١٨	١٢	٢٤	١١
١٤	١١	٢٧	١٨

س٤: اكتب جملة أو جملتين لتحليل بيانات التمثيل الآتي:

كمية البروتين في وجبة مختارة من أنواع اللحوم (بالجرامات)



س٥: اكتب مقارنة بين التمثيل بالنقاط والتمثيل بالخطوط.

.....

.....

.....

.....

ملخص الدرس:



* المتوسط الحسابي لمجموعة من البيانات هو مجموع البيانات مقسوماً على عددها.

مثال: في الشكل الآتي، أوجد متوسط عدد الطلاب لكل نشاط.



$$\frac{٦ + ١١ + ٦ + ٩}{٤} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$٨ = \frac{٣٢}{٤} =$$

أي أن متوسط عدد الطلاب لكل نشاط هو ٨

* القيم المتطرفة هي القيم الأعلى كثيرا أو الأقل كثيرا من بقية البيانات.

* المتوسط الحسابي مع وجود القيمة المتطرفة، لا يمثل البيانات بصورة أفضل.

مثال: عدد الدقائق التي استعمل فيها راشد الهاتف في آخر

خمسة أشهر على النحو الآتي: ٤٩٤ ، ٥٠٢ ، ٤٨٦ ، ٦٩٠ ، ٤٧٨

الحل: أولا: مع القيمة المتطرفة:

$$\frac{٤٧٨ + ٦٩٠ + ٤٨٦ + ٥٠٢ + ٤٩٤}{٥} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$٥٣٠ = ٥ \div ٢٦٥٠ =$$

ثانياً: بدون القيمة المتطرفة:

$$٤٩٠ = ٤ \div ١٩٦٠ = \frac{٤٧٨ + ٤٨٦ + ٥٠٢ + ٤٩٤}{٤} = \text{المتوسط الحسابي}$$

إذن المتوسط الحسابي مع وجود القيمة المتطرفة أكبر من جميع القيمة إلا قيمة واحدة. وبدون القيمة المتطرفة يمثل المتوسط الحسابي البيانات بصورة أفضل.

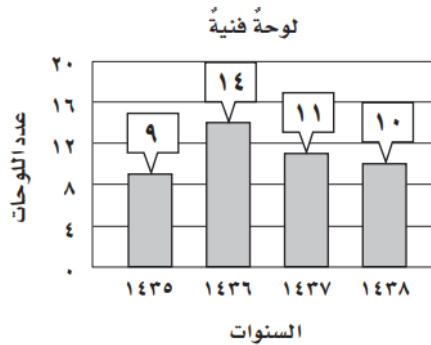
اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- المتوسط الحسابي للأعداد: ٣، ٥، ٦، ٧، ٩، ١٢ هو

- (أ) ٦ (ب) ٧ (ج) ٨ (د) ٩

٢- يبين الجدول بالأعمدة الآتي عدد اللوحات الفنية التي رسمها فيصل في السنوات ١٤٣٦ - ١٤٣٨ هـ. ما المتوسط الحسابي لعدد اللوحات التي رسمها فيصل لكل سنة؟



- (أ) ٩ (ب) ١٠ (ج) ١١ (د) ١٤

٣- يبين الجدول الآتي عدد الكتب المباعة خلال أسبوع.
ما المتوسط الحسابي لعدد الكتب المباعة لكل يوم؟

الكتبُ المباعةُ	
اليومُ	العددُ
السبْتُ	٥٨
الأحدُ	٤٧
الاثنين	٥٤
الثلاثاءُ	٧٠
الأربعاءُ	٤٥
الخميسُ	٨٠

أ) ٥٩ ب) ٦٠ ج) ٦١ د) ٦٢

س٢: استعمل بيانات الجدول الآتي وضع علامة صح أو خطأ:

الأشجارُ البريةُ	
الشجرةُ	الارتفاعُ بالأمتارِ
النخلةُ	٣٠
العرعرُ	٦
الزعرورُ	١٠
السنديانُ	١٥
الملوُ	١٥
الأكاسيا	٨

١- المتوسط الحسابي للبيانات هو ١٤ ()

٢- القيمة المتطرفة هي ٣٠ ()

٣- لم تؤثر القيمة المتطرفة على دقة تمثيل المتوسط الحسابي للبيانات. ()

س٣: أوجد المتوسط الحسابي للبيانات الممثلة في الشكل الآتي.



س٤: أوجد المتوسط الحسابي لأعمار عدد من الطلاب بالسنوات:

١٣، ١٧، ١٤، ١٦، ١٦، ١٤، ١٦، ١٤.

س٥: أوجد قيمة المجهول (س)، على أن يكون المتوسط الحسابي للأعمار ٤٠، ٤٥، ٤٨، س، ٤٢، ٤١ يساوي ٤٥ ، وفسر إجابتك.

.....

.....

.....

.....

.....

ملخص الدرس:

* الوسيط هو العدد الأوسط للبيانات المرتبة (من أصغر لأكبر أو العكس)، عندما يكون عددها فردياً. أو المتوسط الحسابي للعددين الأوسطين عندما يكون عدد البيانات زوجياً.

٣، ٤، ٨، ١٠، ١٢

٢، ٤، ٦، ٨، ١١، ١٢

$$V = \frac{8 + 6}{2}$$

* المنوال هو القيمة أو القيم الأكثر تكراراً في البيانات.

١٢، ٢٣، ٢٨، ٢٨، ٣٢، ٤٦، ٤٦

مثال: يوضح الجدول الآتي عدد الطيور النادرة في ١١ حديقة حيوان. أوجد الوسيط والمنوال لهذه البيانات.

عدد الطيور النادرة					
٢٨	٣٦	١٨	٢٥	١٢	٤٤
١٨	٤٢	٣٤	١٦	٣٠	

الحل: نرتب البيانات من الأصغر إلى الأكبر:

١٢ ، ١٦ ، ١٨ ، ١٨ ، ٢٥ ، ٢٨ ، ٣٠ ، ٣٤ ، ٣٦ ، ٤٢ ، ٤٤

إذن الوسيط هو ٢٨ ،

والمنوال هو ١٨

* المدى لمجموعة من البيانات هو الفرق بين أكبر قيم المجموعة وأصغرها. ويبيّن مقدار تباعد البيانات أو تجمعها.

مثال: كان مقدار التوفير الأسبوعي بالريالات لعدد من العمال كما يلي: ١٢٥ ، ٤٥ ، ٦٧ ، ١٥٠ ، ٣٢ ، ٤٥ ، ١٢ . أوجد مدى هذه البيانات، ثم اكتب جملة تصف توزيعها.

الحل: المدى = $150 - 12 = 138$

وهو يدل على الانتشار الواسع للبيانات.

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- ما المدى لمجموعة البيانات الآتية: عدد الطلاب في ٧ أنشطة مدرسية: ١٥ ، ٢٠ ، ٢٣ ، ١٣ ، ١٧ ، ٢١ ، ١٧ ؟

- (أ) ٩ (ب) ١٠ (ج) ١١ (د) ١٢

٢- ما الوسيط لأعمار الموظفين: ٢٣ ، ٢١ ، ٢٧ ، ٣٦ ، ٤٤ ؟

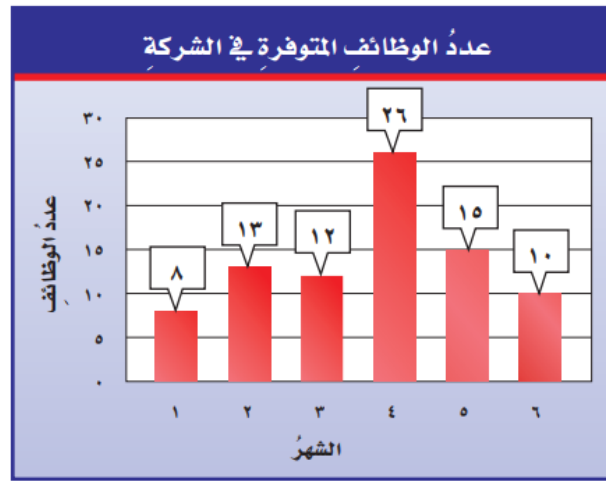
- (أ) ٢١ (ب) ٢٣ (ج) ٢٧ (د) ٣٦

٣- ما المنوال لمجموعة البيانات:

ارتفاع مباني بالأمتار: ٢٣ ، ٢٧ ، ٢٤ ، ٢٦ ، ٢٦ ، ٢٦ ، ٢٤ ، ٢٦ ؟

- (أ) ٢٦ (ب) ٢٤ (ج) ٢٤ ، ٢٦ (د) ٢٣

س٢: استعمل الرسم البياني الآتي وضع علامة صح أو خطأ:



١- المتوسط الحسابي لهذه البيانات هو ٢٦ ()

٢- الوسيط لهذه البيانات هو ١٢,٥ ()

٣- مدى هذه البيانات هو ١٨ ()

س٣: أوجد الوسيط والمنوال والمدى لعدد الدقائق التي قضاها حمد في قراءة القرآن خلال أسبوع:

٢٥ ، ١٥ ، ٣٠ ، ٢٥ ، ٢٠ ، ١٥ ، ٢٤

.....

.....

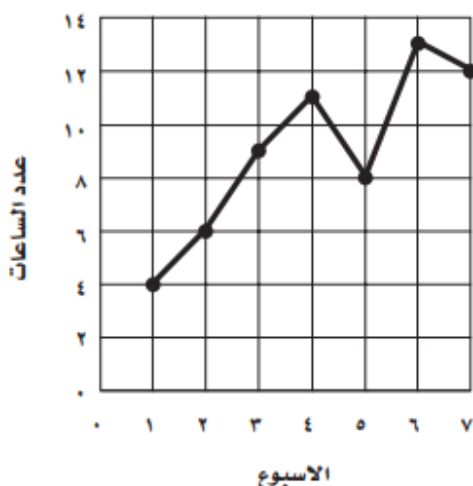
.....

.....

.....

س٤: أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال والمدى للبيانات الممثلة في الأشكال الآتية:

الزمن الذي استغرقه سعيد في السباحة



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

س٥: كانت أسعار ٧ كتب (بالريالات):

١٢ ، ٣٧ ، ٤٥ ، ١٨ ، ٨ ، ٢٥ ، ١٨

أوجد سعر الكتاب الثامن إذا كان المتوسط الحسابي لأسعار الكتب
الثمانية هو ٢٣ ريالاً.

.....

.....

.....

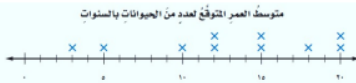
.....

.....

ملخص الفصل الثاني الإحصاء والتمثيلات البيانية

التمثيل بالنقاط

- يستعمل التمثيل بالنقاط لتوضيح تكرار البيانات على خط الأعداد



الوسيط والمنوال والمدى

- الوسيط هو العدد الأوسط للبيانات المرتبة (من أصغر لأكبر أو العكس)، عندما يكون عددها فرديًا.

٣، ٤، ٨، ١٠، ١٢

والوسيط هو المتوسط الحسابي للعددين الأوسطين عندما يكون عدد البيانات زوجيًا.

٢، ٤، ٦، ٨، ١١، ١٢

$$V = \frac{8 + 6}{2}$$

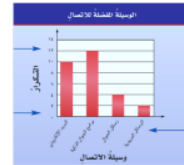
- المنوال هو القيمة أو القيم الأكثر تكرارًا في البيانات.

١٢، ٢٣، ٢٨، ٢٨، ٣٢، ٤٦، ٤٦

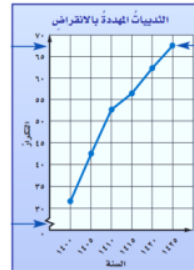
- المدى لمجموعة من البيانات هو الفرق بين أكبر قيم المجموعة وأصغرها. ويبين مقدار تباعد البيانات أو تجمعها.

التمثيل بالأعمدة والخطوط

- يستعمل التمثيل بالأعمدة للمقارنة بين البيانات وتصنيفها.



- يستعمل التمثيل بالخطوط لتوضيح تغير مجموعة من البيانات مع مرور الزمن.



المتوسط الحسابي

- المتوسط الحسابي لمجموعة من البيانات هو مجموع البيانات مقسومًا على عددها.

- القيم المتطرفة هي القيم الأعلى كثيرا أو الأقل كثيرا من بقية البيانات.

اضغط على عنوان
للوصول اليه بشكل
اسرع



الفصل الثالث

العمليات على الكسور العشرية

ضرب الكسور العشرية
في اعداد كلية

(6-3)

تمثيل الكسور العشرية

(1-3)

ضرب الكسور العشرية

(7-3)

تمثيل الكسور العشرية
وترتيبها

(2-3)

قسمة الكسور العشرية
على اعداد كلية

(8-3)

تقريب الكسور العشرية

(3-3)

القسمة على كسر عشري

(9-3)

تقدير ناتج جمع الكسور
العشرية وطرحها

(4-3)

خطة حل المسألة "التحقق
من معقولية الإجابة "

(10-3)

جمع الكسور العشرية
وطرحها

(5-3)

ملخص الدرس:

- * تعتمد الكسور العشرية على الأساس عشرة.
- * الكسور العشرية أعداد لها أرقام في منزلة الأجزاء من عشرة وما بعدها.

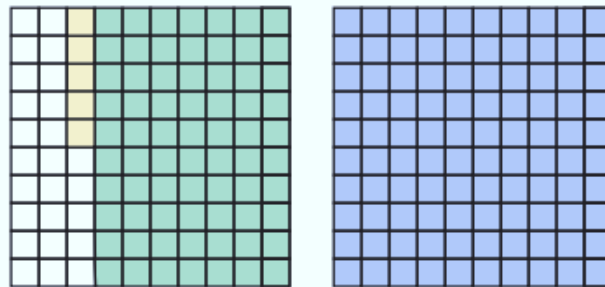
١,٧٥

جدول المنازل العشرية

١٠٠٠	١٠٠	١٠	١	٠,١	٠,٠١	٠,٠٠١	٠,٠٠٠١
الألوف	المئات	العشرات	الأحاد	الأجزاء من عشرة	الأجزاء من مئة	الأجزاء من ألف	الأجزاء من عشرة آلاف
٠	٠	٠	١	٧	٥	٠	٠

عدد كلي الفاصلة العشرية أصغر من ١

نموذج الكسر العشري



٧٥ جزءاً من مئة

واحد

مثال:

الصيغة القياسية $\leftarrow 35,0096$ الصيغة اللفظية $\leftarrow$ خمسة وثلاثون، وستة وتسعون من عشرة آلاف.الصيغة التحليلية $\leftarrow (3 \times 10) + (0 \times 1) + (0 \times 0,1) + (6 \times 0,0001) + (9 \times 0,001) + (0 \times 0,01)$ **القراءة في الرياضيات:**

الفاصلة العشرية: يُقرأ الكسر
 العشري ٢٣٥,٠ : مئتان وخمسة وثلاثون من ألف. أمّا
 الكسر العشري ٢٣٥,٠٣٥
 فيقرأ: مئتان وخمسة وثلاثون وخمسة وثلاثون من ألف.

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- ما الصيغة القياسية للكسر سبعة من عشرة؟

أ) ٧,١٠ ب) ١٠,٧ ج) ٧,٠٠ د) ٠,٧

٢- إذا كان طول جناح إحدى الحشرات ٢,٢٥ سم، فأَيُّ مما يأتي يُعبّر عن طول جناح هذه الحشرة؟

- أ) اثنان وخمسة وعشرون من عشرة
- ب) اثنان وخمسة وعشرون من مئة
- ج) اثنان وخمسة وعشرون من ألف
- د) مئتان وخمسة وعشرون من ألف



٣- أَيُّ مما يأتي يُمثل طول الإطار المجاور؟

- أ) $(1 \times 7) + (10 \times 7) + 0 + 0,1 + 0,1 \times 7$
- ب) $(10 \times 70) + (1 \times 7) + 0,01 \times 7 + 0,01 \times 0$
- ج) سبع وسبعون، وسبع وخمسون من مئة.
- د) سبع وسبعون، وخمس وسبعون من مئة.

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

١- العدد ٠,٣٨٧ هو نفسه: ثلاث مئة وسبعة وثمانون من ألف.

()

٢- الرقم ٤ في العدد ٢٠,٠٥٤ يقع في منزلة الأجزاء من ألف.

()

٣- الصيغة القياسية للعدد ثلاثة وثمانون من عشرة آلاف هو

()

٨٣,١٠٠٠٠

س٣: اكتب العدد اثنان وخمسون وواحد من مئة بالصيغتين القياسية والتحليلية.

.....

.....

.....

س٤: اكتب العدد ٩,٠٧٦٩ بالصيغة اللفظية.

.....

.....

س٥: حدد العدد الذي تختلف قيمته عن بقية الأعداد الثلاثة الأخرى، وفسر إجابتك.

٠,٣٤	ثلاثة وأربعة من مئة	$+(٠,١ \times ٣)$ $(٠,٠١ \times ٤)$	أربعة وثلاثون من مئة
------	------------------------	--	-------------------------

.....

.....

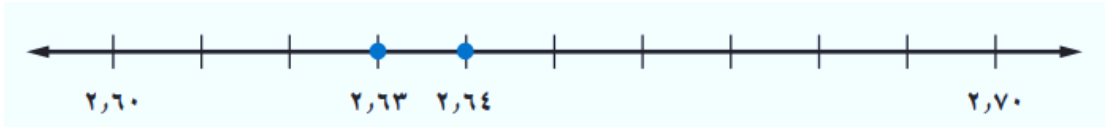
.....

.....

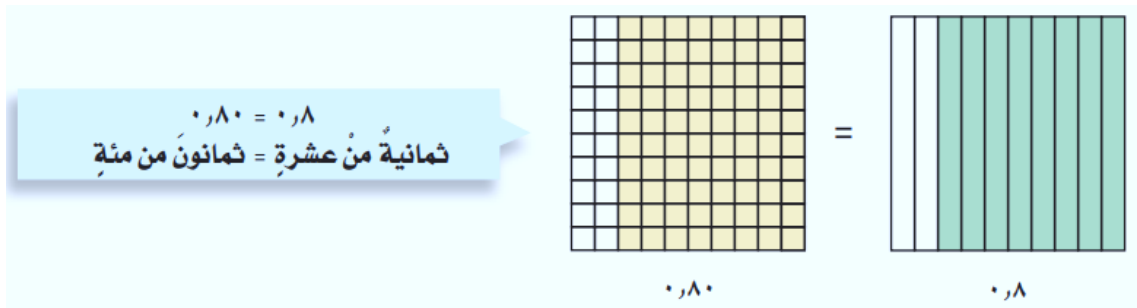
ملخص الدرس:

* مقارنة الكسور العشرية تشبه مقارنة الأعداد الكلية.

* المتباينة هي جملة رياضية تقارن بين مقدارين باستعمال $<$ أو $>$ أو $=$



* الكسور العشرية ٠,٨ و ٠,٨٠ متكافئة (أي: متساوية)



مثال: قارن بين ٢,٦٤ و ٢,٦٣ مستعملًا $<$ أو $>$ أو $=$:

٢,٦٣

٢,٦٤

الحل: إذن ٢,٣٦ أكبر من ٢,٤٦

١٥,٠٠

١٤,٩٥

١٥,٨٠

١٥,٠١

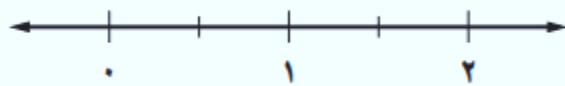
مثال ٢: رتب تصاعدياً: ١٥, ١٤,٩٥, ١٥,٨, ١٥,٠١

الحل: إذن الترتيب هو: ١٥, ١٤,٩٥, ١٥,٠١, ١٥,٨

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- إذا مثلنا الكسور العشرية: $١,٠٠٥$ ، $٠,٨٨١$ ، $٠,٥٥٩$ ، $٠,٧٣$ على خط الأعداد أدناه، فأَي كسر عشري أقرب إلى الصفر؟



(أ) $١,٠٠٥$ (ب) $٠,٥٥٩$ (ج) $٠,٨٨١$ (د) $٠,٧٣$

٢- أي عدد مما يأتي يقع بين: $٢,٣٥$ ، $٣,٠٦$ ؟

(أ) $٢,٣١٥$ (ب) $٢,٥٧١$ (ج) $٣,٠٨٤$ (د) $٣,٦٢٨$

٣- يبين الجدول الآتي الزمن الذي استغرقه كل متسابق في سباق ١٠٠ م. أي مما يأتي يمثل ترتيب وصول المتسابقين إلى خط النهاية؟

الزمن (بالثانية)	المتسابق
١٤,٣١	خالد
١٣,٨٤	تركي
١٣,٩٧	عثمان
١٣,٧٩	أحمد

(أ) خالد، تركي، عثمان، أحمد
 (ب) أحمد، عثمان، تركي، خالد
 (ج) خالد، عثمان، تركي، أحمد
 (د) أحمد، تركي، عثمان، خالد

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

١- الكسر ٥,٥١ أكبر من الكسر ٥,١٥ ()

٢- الكسور العشرية ٣٢١,٥٣٩ ، ٣٢١,٥٣ ، ٣٢١,٥ مرتبة تنازلياً.

()

٣- الكسر العشري ٤٥,٥ يكافئ الكسر العشري ٤٥,٠٥ ()

س٣: رتب تصاعدياً: ٩,٢٧ ، ٩,٦ ، ٨,٩٩٥ ، ٩,٠٥٩٩

.....

س٤: رتب تنازلياً: ٢,١ ، ٢,٠١ ، ٢,١١ ، ٢,١١١

.....

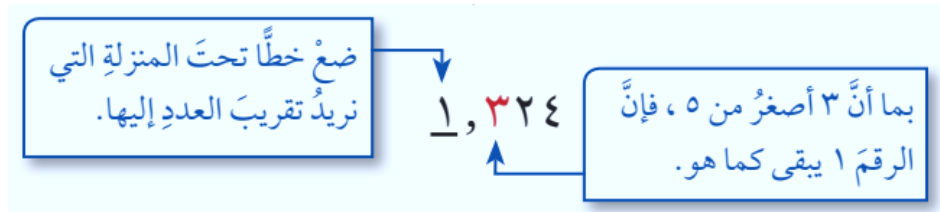
س٥: أكمل الكسور العشرية الآتية بحيث تكون مرتبة تصاعدياً.

٧٩,٨٨ ، ، ٧٩,٨٦٧ ، ، ٧٩,٨٥٧

ملخص الدرس:

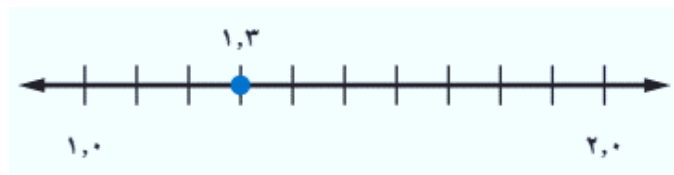
- * لتقريب كسر عشري ضع خطأً تحت المنزلة التي تريد التقريب إليها:
- إذا كان الرقم عن يمين تلك المنزلة ٥ أو أكبر فأضف واحدًا إلى الرقم الذي تحته خطأً.
 - وإذا كان أقل من ٥ لا تضيف واحدًا.
 - ثم احذف جميع الأرقام عن يمين المنزلة التي تحتها خطأً.

مثال ١: قرب الكسر العشري ١,٣٢٤ إلى أقرب عدد كلي.



إذن نقرب ١,٣٢٤ إلى العدد ١

ويتضح أيضا من خلال خط الأعداد أن ١,٣ أقرب إلى ١ منها إلى ٢



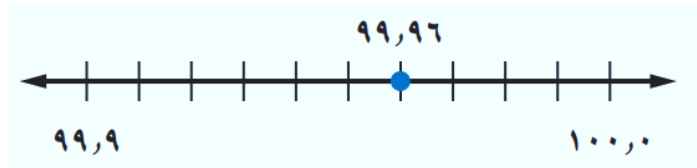
مثال ٢: قرب العدد ٩٩,٩٦ إلى أقرب جزء من عشرة.

بما أن العدد في هذه المنزلة هو ٦، إذن أضف واحدًا إلى المنزلة التي تحتها خطًا.

ضع خطًا تحت المنزلة التي تقرب العدد إليها.

٩٩, ٩٦

إذن نقربه إلى ١٠٠,٠٠



اختبر نفسك:

س ١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- عند تقريب العدد ١,٧٥ إلى أقرب عدد كلي نحصل على:

- (أ) ١,٠٠ (ب) ٢,٠٠ (ج) ١,٧ (د) ١,٥

٢- إذا بلغت سرعة الرياح في أحد الأيام ٣٢,٢٧٥ كلم لكل ساعة،

فما أقرب عدد كلي لهذه السرعة؟

- (أ) ٣٢٢ (ب) ٣٠٠ (ج) ٣٢ (د) ٣٠

٣- يبين الجدول أدناه الكثافة السكانية (لكل كلم^٢) لبعض دول الخليج العربي. ما الكثافة السكانية لدولة الإمارات إلى أقرب جزء من عشرة؟

(أ) ٥٢,٠ (ب) ٥٤,٠ (ج) ٥٣,٩ (د) ٥٣,٨

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام العبارات الآتية:

١- الكسر ٢,٥٠ هو الكسر ٢,٤٩٩ مقرباً إلى أقرب جزء من مئة.

()

٢- عند تقريب ٤٠,٤٥٨ إلى أقرب جزء من عشرة نحصل على ٤٠.

()

٣- في تقريب الكسور العشرية نستعمل نفس الطريقة التي

نستعملها في تقريب الأعداد الكلية.

()

س٣: يبلغ طول شريط من البلاستيك ٢,٩٦٩ متر. أوجد طوله إلى أقرب متر.

س٤: إذا كان الريال السعودي يعادل ٠,١٨٩٣٢١ دينار أردني، فاقرب هذا العدد إلى أقرب جزء من مئة.

س٥: ما العدد الذي إذا قربته إلى أقرب جزء من عشرة يصبح ٦,١ وإذا قربته إلى أقرب جزء من مئة يصبح ٦,٠٨ ، وإلى أقرب جزء من ألف يصبح الناتج ٦,٠٨٣ ؟

ملخص الدرس:

* يمكن تقدير ناتج جمع الكسور العشرية وطرحها بنفس الطريقة التي استعملتها في الأعداد الكلية.



مثال: قدر مجموع $3,406 + 0,204$

$$\begin{array}{r} 0 \\ 4 + \\ \hline 9 \end{array} \quad \leftarrow \quad \begin{array}{r} 0,204 \\ 3,706 + \\ \hline \end{array}$$

* عند تجميع البيانات حول عدد معين، يمكن تقريب أحدها إلى هذا العدد، ثم ضربه في عدد البيانات.

مثال: قدر مجموع $40,00 + 48,70 + 01,20 + 02,90$

الأربعة أعداد قريبة من ٥٠ ، إذن مجموعها يساوي تقريباً

$$200 = 50 \times 4$$

* يمكن استعمال التقدير للحد الأدنى للحصول على تقدير أقل من القيمة الحقيقية، وذلك بتثبيت الرقم الموجود في المنزلة اليسرى واعتبار باقي الأرقام عن يمينه أصفاراً.

مثال: قدر ناتج جمع $٣٤,٦ + ٥٥,٣$ مستعملًا التقدير للحد الأدنى.

$$\begin{array}{r}
 ٣٤,٦ \\
 ٥٥,٣ + \\
 \hline
 \end{array}
 \quad \leftarrow \quad
 \begin{array}{r}
 ٣٠,٠ \\
 ٥٠,٠ + \\
 \hline
 ٨٠,٠
 \end{array}$$

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- ما أفضل تقدير لناتج جمع $١٥,٢٤ + ٣٢,١٠$ مما يأتي؟

- (أ) ٤٠ (ب) ٤٥ (ج) ٥٥ (د) ٦٠

٢- يبين الجدول الآتي عدد سكان بعض الدول العربية بالملايين.
أي مما يأتي يُمثل تقدير مجموع عدد سكان هذه الدول؟

الدولة	عدد السكان
السعودية	٣٢,٦١
الأردن	٩,٥٥
الإمارات	٩,٢٧
تونس	١١,٣١
لبنان	٦,٠١

(أ) ٥٠ مليوناً (ب) ٥٥ مليوناً (ج) ٦٠ مليوناً (د) ٧٠ مليوناً

٣- يُمثل الجدول أدناه الأسعار بالريال في أحد المتاجر الصغيرة.
فأي مما يأتي يُمثل أفضل تقدير لما سيدفعه مهند إذا اشترى
شطيرة جبن وحلوى وعصيراً وماء؟

قائمة الأسعار	
شطيرة جبن	١٥,٩٥ ريال
الحلوى	٤,٧٥ ريال
العصير	١,٨٠ ريال
الحليب	١,٩٩ ريال
الماء	٠,٩٠ ريال

(أ) ٢٠ ريالاً (ب) ٢٣ ريالاً (ج) ٢٧ ريالاً (د) ٢٩ ريالاً

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

١- يُعد ١٥٠ تقديراً مناسباً لناتج جمع $٨٦,٨٥ + ٣٣,١٥$ ()

٢- يُعد ٢٠ تقديراً مناسباً لناتج طرح $١٩,٧٢ - ٤١,٥٩$ ()

٣- يمكن تقدير جمع $٥٥,٣٣ + ٥٤,٩٩ + ٥٥,٤٩$ بضرب ٥٥×٣ ()

س٣: يبيع أحمد وراشد الخضار والفواكه، فإذا بلغت مبيعات أحمد ٤٣٢,٥ ريالاً ومبيعات راشد ٣٧٨,٥ ريالاً. فكم تقريباً تزيد مبيعات أحمد على مبيعات راشد؟

.....

.....

س٤: قدر ناتج: $٧٥,٤٥ - ١٥,٢٣$ باستعمال التقدير للحد الأدنى.

.....

.....

س٥: كيف تعرف أن مجموع الأعداد: $٧,٤$ ، $٢,٨$ ، $٤,٢$ هو أصغر من ١٥ ؟

.....

.....

.....

ملخص الدرس:

* لجمع أو طرح كسرين عشريين: ضع الفاصلتين العشريتين فوق بعضهما البعض، ثم اجمع أو اطرح الأرقام في المنازل نفسها.

مثال: أوجد ناتج طرح ٦ - ٤,٧٨

$$\begin{array}{r} 6,00 \\ - 4,78 \\ \hline 1,22 \end{array}$$

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- ناتج جمع ٥,٥ + ٣,٢ هو:

- (أ) ٨,٥ (ب) ٨,٧ (ج) ٨,٨ (د) ٨,٩

٢- ناتج طرح ٥,٦ - ٣,٥ هو:

- أ) ١,٢ ب) ٢,٠ ج) ٢,١ د) ٢,٢

٣- يريد ناصر عمل مستطيل طوله ٣,٧٥ سم وعرضه ٣,٢٥ سم من شريط. فكيف يحسب عدد السنتمترات المطلوبة من الشريط لعمل المستطيل؟

- أ) يجمع ٣,٧٥ إلى ٣,٢٥
 ب) يجمع ٣,٧٥ إلى ٣,٢٥ ، ثم يضرب الناتج في ٢
 ج) يجد ناتج ضرب ٣,٧٥ في ٣,٢٥
 د) يطرح ٣,٢٥ من ٣,٧٥

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

١- ناتج جمع ١٥,٦٣ + ٢٤,٣٦ هو ٣٩,٩٩ ()

٢- ناتج طرح ٥٨,٦٧ - ٢٨,٧٢ هو ٣٠,١٥ ()

٣- لا يمكن جمع: ١,٣٤ + ٢ ()

س٣: إذا كانت $أ = ١٢٨$ ، $ب = ٢٢,٠٣٥$. فأوجد قيمة $أ - ب$

.....

.....

.....

س٤: اشترى علي أقلاماً بمبلغ $١٠,٥$ ريالاً، ودفاتر بمبلغ $١٤,٥$ ريالاً. فإذا أعطى البائع ٥٠ ريالاً. فما المبلغ الذي سيعيده إليه البائع؟

.....

.....

.....

س٥: اكتب مثالا لكسرين عشرين مجموعهما $١٤٥,٧٥$

.....

.....

ملخص الدرس:



* عند ضرب كسر عشري في عدد كلي استعمل عد المنازل العشرية لوضع الفاصلة في موقعها الصحيح. يمكنك التحقق من الناتج باستعمال التقدير.

$$\begin{array}{r}
 ٢١ \\
 ١٤,٢ \\
 \times ٦ \\
 \hline
 ٨٥,٢
 \end{array}$$

منزلة عشرية واحدة
عدّ منزلة واحدة عن
اليمين، وضع الفاصلة.

$$\begin{array}{r}
 ٢ \\
 ٠,٨٣ \\
 \times ٩ \\
 \hline
 ٧,٤٧
 \end{array}$$

منزلتان عشريتان
ضع الفاصلة بعد منزلتين
عن اليمين

* إذا لم يوجد منازل عشرية كافية في ناتج الضرب أضف أصفاراً عن اليسار.

$$\begin{array}{r}
 ٠,٠١٨ \\
 \times ٢ \\
 \hline
 ٠,٠٣٦
 \end{array}$$

الفاصلة بعد ثلاث منازل عشرية.

ضع صفراً عن يسار ٣٦؛ ليصبح لديك ٣ منازل عشرية في ناتج الضرب.

* يمكن استعمال الحساب الذهني لضرب الكسور العشرية في

١٠، ١٠٠، ١٠٠٠

$$5700 = 5,700 = 1000 \times 5,7$$

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- ناتج ضرب ١,٢ × ٧ هو:

أ) ٦,٤ ب) ٧,٤ ج) ٨,٤ د) ٨,٥

٢- إذا كانت كتلة مقعد دراسي في فصل ٤,٧٥ كيلوجرامات، فما

كتلة ٥ مقاعد؟

أ) ١٥,٥٠ ب) ٢٠,٢٥ ج) ٢٣,٧٥ د) ٢٤,٧٥

٣- يبين الجدول أدناه أسعار صندوق الطماطم وصندوق البطاطس. ما مجموع سعر صندوقين من الطماطم وثلاثة صناديق من البطاطس؟

(أ) ١٤٠,٧٥ ريال	(ب) ١٤٤,٢٥ ريال
(ج) ١٤٤,٧٥ ريال	(د) ١٤٥ ريال

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

١- ناتج ضرب $٧ \times ٠,٠١٢$ هو $٠,٠٤٨$ ()

٢- إذا كانت $٢٧ = ن$ فإن قيمة $٣,٠٥ ن$ هي $٨٢,٣٥$ ()

٣- ناتج ضرب $٣,٤٥ \times ١٠٠٠$ هو ٣٤٥٠ ()

س٣: أوجد ناتج ضرب: $١,٥ \times ١٠٠٠$

س٤: يُباع القلم الواحد بسعر ١,٥٠ ريال، فإذا اشترى أحمد ١٤ قلمًا، فكم ريالًا دفع مقابل هذا الطابع؟

.....

.....

.....

س٥: أوجد ناتج ضرب $١٠٠ \times ١,١٧ \times ٥,٤$ بطريقتين مختلفتين، بحيث لا تحتاج فيهما إلى ضرب $١,١٧ \times ٥,٤$

.....

.....

.....

* لضرب الكسور العشرية: اتبع طريقة ضرب الأعداد الكلية، ولمعرفة موقع الفاصلة العشرية: أوجد مجموع عدد المنازل العشرية في العددين المضروبين.

$$\begin{array}{r}
 4,2 \leftarrow \text{الفاصلة بعد منزلة عشرية واحدة} \\
 \times 6,7 \leftarrow \text{الفاصلة بعد منزلة عشرية واحدة} \\
 \hline
 294 \\
 2020 + \\
 \hline
 28,14 \leftarrow \text{ضع الفاصلة بعد منزلتين عشريتين.}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 1,6 \leftarrow \text{الفاصلة بعد منزلة عشرية واحدة} \\
 \times 0,09 \leftarrow \text{الفاصلة بعد منزلتين عشريتين} \\
 \hline
 0,144 \leftarrow \text{ضع الفاصلة بعد ثلاث منازل عشرية}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 18,45 \leftarrow \text{الفاصلة بعد منزلتين عشريتين} \\
 \times 11,5 \leftarrow \text{الفاصلة بعد منزلة عشرية واحدة} \\
 \hline
 9225 \\
 18450 \\
 184500 + \\
 \hline
 212,175 \leftarrow \text{ضع الفاصلة بعد ثلاث منازل عشرية عن اليمين في ناتج الضرب}
 \end{array}$$

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- ناتج ضرب $٠,٦ \times ٠,٥$ هو:

- أ) $٠,٣$ ب) $٠,٣$ ج) ٣ د) ٣٠

٢- احسب مساحة المستطيل المرسوم أدناه.



- أ) $١٤,٠٤ \text{ سم}^٢$ ب) $١٠,٢٤٨ \text{ سم}^٢$
 ج) $٨,٩٩٢ \text{ سم}^٢$ د) $٧,٨٦٨ \text{ سم}^٢$

٣- إذا كان ثمن كيلوجرام الخيار $٣,٤٥$ ريالاً، واشترى فيصل $٢,٧$ كيلوجرام. فأَيُّ مما يأتي يبين ما دفعه فيصل؟

- أ) ناتج $٢,٧ + ٣,٤٥$ ب) ناتج $٣,٤٥ + ٣,٤٥$
 ج) ناتج $٣,٤٥ \times ٣,٤٥$ د) ناتج $٢,٧ \times ٣,٤٥$

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

١- ناتج ضرب $١,٥ \times ٢,٧$ هو ٤٠٥ ()

٢- إذا كانت س = ٨,٦ فإن قيمة $٢,٧$ س هي ٢٣,٢٢ ()

٣- إذا كانت ص = ٠,٥٤ فإن قيمة $٠,٠٩٦ + ٢,٢٨$ ص هي ١,٢٣١٢ ()

س٣: تبلغ سرعة الزرافة ١٤,٣١ متراً في الثانية. فكم متراً تقطع الزرافة في ١,٨ ثانية؟

.....

.....

س٤: إذا كان الميل يساوي ١,٦٠٩ كيلومتر، فكم كيلومتراً في ٢,٥ ميل؟

.....

.....

س٥: أوجد قيمة $٠,١٦ (٧ - ٢,٨)$

* قسمة عدد كسري على عدد كليّ تشبه عملية قسمة الأعداد الكلية تماماً.

→ ضع الفاصلة العشرية في ناتج القسمة فوق الفاصلة العشرية للمقسوم

$$\begin{array}{r} 3,4 \\ 2 \overline{) 6,8} \\ \underline{6} \\ 0,8 \\ \underline{8} \\ 0 \end{array}$$

ضع الفاصلة العشرية
أضف صفراً وأكمل القسمة

$$\begin{array}{r} 0,55 \\ 14 \overline{) 7,70} \\ \underline{7} \\ 0,70 \\ \underline{70} \\ 0,0 \end{array}$$

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- ناتج قسمة ٣,٦ ÷ ٤ هو:

- أ) ٠,٠٩ ب) ٠,٩ ج) ٩ د) ٩,٠١

٢- ناتج قسمة $8,03 \div 6$ مقرباً إلى أقرب جزء من عشرة هو:

- (أ) ١,٤ (ب) ١,٤٢ (ج) ١,٥ (د) ١,٦

٣- يبين الجدول أدناه عدد المشتركين بالملايين في خدمة الإنترنت في ثلاث شركات. احسب المتوسط الحسابي لعدد المشتركين.

الشركة	عدد المشتركين
أ	٢,٤٥
ب	٣,١٢
ج	٢,٨

(ب) ٢,٨٤ مليون

(أ) ٢,٩ مليون

(د) ٢,٥٢ مليون

(ج) ٢,٧٩ مليون

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

()

١- ناتج قسمة $36,8 \div 2$ هو ١٨,٤

()

٢- ناتج قسمة $10,22 \div 14$ هو ٧,٣

٣- ناتج قسمة $751,2 \div 25$ مقرباً إلى أقرب جزء من عشرة هو ٣٠ ()

س٣: قام أحمد وأربعة من أصحابه برحلة برية، وبلغت تكاليف الرحلة ٢٤٧,٥٠ ريالاً. فإذا قُسم هذا المبلغ عليهم بالتساوي، فكم ريالاً سيدفع كل واحد منهم؟

س٤: إذا كان ثمن صندوق يحوي ٣ زجاجات عصير ١٠,٩٥ ريالاً، وثمان صندوق يحوي ١٢ زجاجة عصير ٤٥,٩ ريالاً، وثمان صندوق يحوي ٢٤ زجاجة عصير ٩١,٢ ريالاً، فأَي هذه العروض أفضل للمشتري؟ ولماذا؟

س٥: اكتب كيف يمكنك استعمال التقدير لوضع الفاصلة العشرية
في ناتج قسمة $٢٢ \div ٤٢,٥٦$

.....

.....

.....

* للقسمة على كسر عشري: حول المقسوم عليه إلى عدد كلي أولاً، بضرب كل من المقسوم والمقسوم عليه في قوى العشرة نفسها.

ضع الفاصلة العشرية
اقسم كما في قسمة الأعداد الكلية

$$\begin{array}{r} 6,45 \\ 22 \overline{) 141,90} \\ \underline{132} \\ 99 \\ \underline{88} \\ 110 \\ \underline{110} \\ 000 \end{array} \leftarrow \begin{array}{r} 14,19 \\ 2,2 \overline{) 14,19} \end{array}$$

أضف صفراً للاستمرار

اضرب المقسوم عليه في ١٠ ليصبح عدداً كلياً. ثم اضرب المقسوم في العدد نفسه (١٠).

ضع الفاصلة العشرية

$$\begin{array}{r} 130,0 \\ 4 \overline{) 520,0} \\ \underline{4} \\ 12 \\ \underline{12} \\ 00 \end{array} \leftarrow \begin{array}{r} 52,0 \\ 0,4 \overline{) 52,0} \end{array}$$

ضع صفراً في منزلة أحاد ناتج القسمة، لأن: $0 = 4 \div 0$

اضرب المقسوم، والمقسوم عليه في ١٠

إذن $130 = 0,4 \div 52$

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

١- ناتج قسمة $٣,٦٩ \div ٠,٣$ هو:

- (أ) ٠,١٢٣ (ب) ١,٢٣ (ج) ١٢,٣ (د) ١٢٣,٠

٢- يبلغ متوسط طول خطوة الشخص ٢,٥ قدم تقريباً. فكم خطوة يسيرها شخص في المتوسط ليقطع مسافة ٥٠ قدماً؟

- (أ) خطوتان (ب) ٢٠ خطوة
(ج) ٢٠٠ خطوة (د) ٢٠٠٠ خطوة

٣- يبين الجدول أدناه عدد الحجاج بالملايين في موسمين إلى أقرب إلى أقرب جزء من عشرة. فكم مرة عدد حجاج ١٤٣٣ هـ يساوي عدد حجاج عام ١٤٣٥ هـ ؟

العام	العدد
١٤٣٣ هـ	٣,٢
١٤٣٥ هـ	٢,١

- (أ) ١,١ مليون (ب) ١,٥ مليون
(ج) ٥,٣ مليون (د) ٦,٧٢ مليون

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

١- ناتج قسمة $١٣,٥ \div ٠,٠٣$ هو ٤٥٠ ()

٢- ناتج قسمة $٠,١٢ \div ٠,١٥$ هو ٠,٠٨ ()

٣- في القسمة على كسر عشري لا نحتاج إلى تحويل المقسوم عليه إلى عدد كلي. ()

س٣: يصل طول أحد أنواع السحالي إلى ٠,٦٠٨ متر تقريباً، بينما يبلغ طول نوع آخر ٠,٣٩٥ متر، فكم مرة يساوي طول النوع الأول طول النوع الثاني، مقرباً الجواب لأقرب جزء من مئة؟

.....

.....

س٤: إذا كانت $ب = ٨٨,٢$ ، $د = ١٧,٥$ فأوجد قيمة $\frac{ب}{د}$ مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا تطلب الأمر ذلك.

.....

.....

.....

س٥: حدد المسألة التي لا تعطي ناتج القسمة نفسه كما في المسائل الثلاث المتبقية. ووضح إجابتك.

$$٠,٠٧ \div ٠,٠٤٩$$

$$٠,٧ \div ٠,٤٩$$

$$٧ \div ٤,٩$$

$$٧ \div ٤٩$$

.....

.....

.....

.....

.....



ملخص الدرس:

* يفيد التحقق من معقولية الإجابة في حل بعض المسائل.

مثال: قام عبد الرحمن بكتابة خمس صفحات من قصة قصيرة على الحاسوب طبقاً للجدول أدناه. إذا كان يمكنه كتابة القصة خلال ٧٢ دقيقة؛ فأَيُّ مما يأتي يُعدُّ تقديراً مناسباً للزمن المتبقي لإكمال كتابة القصة: ٤٠ دقيقة، ٥٠ دقيقة، ٦٠ دقيقة؟

رقم الصفحة	١	٢	٣	٤	٥
الزمن (دقيقة)	٥,٢٠	٤,٦٠	٥,٧٥	٤,٤٠	٤,٥٠

- **افهم:** أعرف زمن كتابة كل صفحة من الصفحات الخمس، والزمن الكلي لكتابة القصة.
أريد معرفة التقدير المعقول للزمن المتبقي لإكمال كتابتها.

- **خط:** أقدر زمن كتابة كل صفحة من الصفحات الخمس، ثم أجمع الأزمنة التقديرية، وأطرح هذا المجموع من الزمن الكلي لكتابة القصة وهو ٧٢ دقيقة.

- الحل: الصفحة ١ : $0,20 \approx 0$

الصفحة ٢ : $4,60 \approx 0$

الصفحة ٣ : $0,75 \approx 6$

الصفحة ٤ : $4,40 \approx 4$

الصفحة ٥ : $4,50 \approx 0$

إذن المجموع التقديري $= 20$

بما أن $72 - 20 = 47$ ؛ لذا فالتقدير المعقول للزمن المتبقي هو ٥٠ دقيقة.

- تحقق: بما أن $0,20 + 4,60 + 0,75 + 4,40 + 4,50 = 24,45$

و $72 - 24,45 = 47,55$ ، فإن التقدير (٥٠دقيقة) معقول.

اختبر نفسك:

س١: اختر الإجابة الصحيحة:

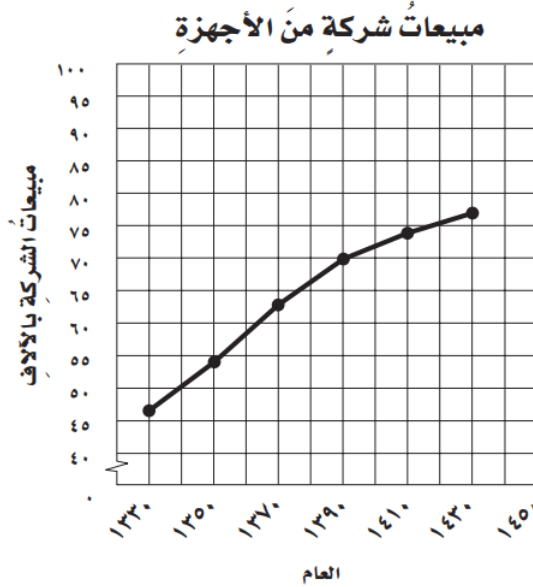
أرادت آمنة شراء قميصين، خلال فترة التخفيضات، ثمن الواحد منهما ٣٤,٩٥ ريالاً، و ٣ أزواج من الجوارب ثمن الواحد منها ٧,٩٥ ريالاً. فما عدد الريالات التي تحتاج توفيرها لشراء ذلك؟
 (أ) ٥٠ ريالاً (ب) ١٠٠ ريال (ج) ١٥٠ ريالاً (د) ٢٠٠ ريال

س٢: ضع علامة صح أو خطأ أمام ما يأتي:

إذا احتاج الخياط إلى ٣٣,٥ متراً من القماش لعمل ١٠ أثواب، فإنه من المعقول أن يحتاج ١٥٠ متراً فقط لعمل ٥٠ ثوب.

()

س٣: استعمل الشكل الآتي لتحديد ما إذا كان العدد ٨٠ أو ٨٥ أو ٩٠ ألفاً هو التوقع المعقول لعدد مبيعات الشركة في عام ١٤٥٠ هـ.



س٤: إذا كان سعر كيلو جرام التفاح ٤,٧٥ ريالاً، وسعر كيلو جرام الطماطم ٢,٧٥ ريال، وثمان زجاجة من الماء ١,٢٥ ريال وأراد أحمد أن يشتري ٢ كيلو جرام تفاح و ٢ كيلو جرام طماطم، وزجاجة ماء، فهل ١٥ ريالاً تكفي لذلك؟ فسر إجابتك.

ملخص الفصل الثالث

العمليات على الكسور العشرية

تقدير ناتج جمع الكسور العشرية وطرحها

*يمكن تقدير ناتج جمع الكسور العشرية وطرحها بنفس الطريقة التي استعملتها في الأعداد الكلية.

$$\begin{array}{r} 0 \\ 3 + \\ \hline 9 \end{array} \quad \leftarrow \quad \begin{array}{r} 0,20\text{€} \\ 3,90\text{€} + \\ \hline \end{array}$$

قدر مجموع $40,00 + 48,75 + 51,25 + 52,90$

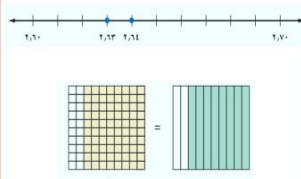
الأربعة أعداد قريبة من ٥٠ ،
إذن مجموعها يساوي تقريبًا
 $200 = 50 \times 4$

التقدير للحد الأدنى.

٣٠,٠		٣٤,٦
٥٠,٠ +	←	٥٥,٣ +
٨٠,٠		

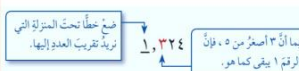
مقارنة الكسور العشرية وترتيبها

* مقارنة الكسور العشرية تشبه
مقارنة الأعداد الكلية.



تقريب الكسور العشرية

* تقريب الكسور العشرية يشبه
تقريب الأعداد الكلية.



تمثيل الكسور العشرية

* الكسور العشرية أعداد لها أرقام في منزلة الأجزاء من عشرة وما بعدها.

جدول المنازل العشرية									
١٠٠٠	١٠٠	١٠	١	عشر	مئتي	مئتي	ألف	عشرة آلاف	مائة ألف
الألف	النزل	العشر	الأحاد	عشر	مئتي	مئتي	ألف	عشرة آلاف	مائة ألف
٠	٠	٠	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧

أصغر من ١

الفاصلة العشرية

عدد كمي

الصيغة القياسية ← ٣٥,٠٠٩٦

الصيغة اللفظية ← خمسة وثلاثون، وستة وتسعون من
عشرة آلاف.

الصيغة التحليلية $\leftarrow (1 \times 0) + (0 \times 1) + (0 \times 0)$

قسمة الكسور العشرية على أعداد كلية

* قسمة عدد كسري على عدد كليّ تشبه عملية قسمة الأعداد الكلية تمامًا.

$$\begin{array}{r} \rightarrow 0,00 \\ 14 \overline{) 14,70} \\ \underline{14} \\ 0 \\ \underline{0} \\ 0 \\ \underline{0} \\ 0 \end{array}$$

القسمة على كسر عشري

* حول المقسوم عليه إلى عدد كلي
أولاً، بضرب كل من المقسوم
والمقسوم عليه في قوى العشرة نفسها.

$$\begin{array}{r} 7,45 \\ 22 \overline{) 161,90} \\ \underline{132} \\ 29 \\ \underline{22} \\ 70 \\ \underline{66} \\ 40 \\ \underline{38} \\ 20 \end{array} \leftarrow \begin{array}{r} 2,2 \overline{) 14,19} \\ \underline{44} \\ 119 \\ \underline{110} \\ 90 \\ \underline{88} \\ 20 \end{array}$$

اضرب المقسوم عليه في ١٠
 ليصبح عدداً كاملاً. ثم اضرب
 المقسوم في العدد نفسه (١٠).

ضرب الكسور العشرية

* لمعرفة موقع الفاصلة العشرية:
أوجد مجموع عدد المنازل
العشرية في العددين المضروبين.

$$\begin{array}{r} 2,2 \\ 7,7 \times \\ \hline 298 \\ 2020 + \\ \hline 28,18 \end{array}$$

جمع الكسور العشرية وطرحها

* ضع الفاصلتين العشريتين فوق بعضهما البعض، ثم اجمع أو اطرح.

$$\frac{7, \dots}{\varepsilon, \vee \wedge -}$$

ضرب الكسور العشرية في أعداد كلية

* عند ضرب كسر عشري في عدد كلي
استعمل عد المنازل العشرية
لوضع الفاصلة في موقعها الصحيح.

الفاصلة بعد ثلاث منازل عشرية. →

ضع صفراً عن يسار ٠,٣٦ ليصبح لديك ٣ منازل عشرية في ناتج الضرب. →

٥٧٠٠ × ٥,٧ = ٥٧٠٠ × ٥,٧

الخاتمة

الإهتمام بالمهارات الأساسية للطلاب خصوصا فى المرحلة الابتدائية أحد الجوانب الأساسية فى أى منظومة تعليمية، فهى تساعد على التفكير بالطرق المختلفة وغير التقليدية دون أى جهد، غير أن لها جانب أساسى فى ارتفاع تحسين مستوى التحصيل فى جميع المواد التعليمية (عبد الحق، ٢٠٠٧، ص ٥٤).

فمناهج الرياضيات بشكل خاص تنمى المهارات المعرفية بشكل مكثف لدى الطالب من خلال أساليب التفكير الجديدة والحلول المبتكرة، ونرى ذلك من خلال الإهتمام الواضح من قبل الدولة فى تنمية معارف الطالب المرتبطة بمادة الرياضيات.

ونتيجة ذلك تسهم مناهج الرياضيات فى أعداد الفرد المتعلم أعداد يساعد على التغلب على المشكلات التى يمكن أن تواجهه مستقبلا، لذا أصبح الإهتمام بموضوع المسائل الرياضية من الأهداف الرئيسة فى تدريس الرياضيات، لأن ذلك يسهم فى نقل أثر التعلم ويساعد على مواجهة المشكلات بصورة عامة. (الزعبى، ٢٠٠٨)

ولكن مع المشكلات التى تواجهها المدارس حاليا على مستوى العالم، وانعدام حضور الطلاب، وظهور صعوبات التعلم، قد أدى الى سطحية التمثيل المعرفى للمعلومات لدى الطالب، ومن ثم صعوبة استيعابها وتسكينها، والإحتفاظ بها، وإعادة استرجاعها، وتوظيفها على نحو فعال، وبالتالي انخفاض معدل أدائهم الوظيفي الأكاديمي بصورة واضحة. (شلبى، ٢٠٠١، ص ٨٩: ١١٨)

لذلك تم التوجه الى أساليب تعلم جديدة، ولكن مع هذه الأساليب كان مستوى الطالب غير معلوم لذلك تم النظر الى أساليب تقويم تقيس ماتحصل عليه الطالب وفى نفس الوقت تنمى المهارات الأساسية لديه ومن هذه الأساليب "التقويم الذاتى".

فيشير ابراهيم (٢٠١٧، ص ٥٣: ٥٤) للمميزات التى يقدمها التقويم الذاتى للطالب:

- يزيد من قدرة الطالب على طرح الأسئلة وتقديم الشرح.
- يساعد على العمل التعاوني وتبادل الأفكار بين الطالب.
- يحمل الطالب مسئولية تعلمهم واعتمادهم على انفسهم.
- ينمى قدرتهم على الإكتشاف.
- تنمية مهارات التفكير والتحليل.

- ربط ما تعلموه بمواقف الحياة الواقعية

فالهدف من الكتاب هو تقديم الدعم الذاتى لدى الطالب لتنمية مهاراتة الأساسية، فالإختبارات هنا لمعرفة اوجة القصور التى يوجها الطالب والعمل بشكل يؤدى الى تحسين مستويات الطلاب تدريجيا خلال فترة زمنية قصيرة وتنمية مهارات التفكير والتحليل.

متمنيا أن ينفع بهذا العمل الميدان التعليمى، والله أسأل الإخلاص فى القبول والعمل.

المراجع

- عبد الحق، خالد غزازی (٢٠٠٧). فعالية برنامج مقترح فى تكنولوجيا التبريد وتكييف الهواء قائم على المدخل المنظومى لإكساب المهارات العلمية وتنمية الإبداع لدى طلاب التعليم الثانوى الصناعى، رسالة دكتوراة، كلية التربية، جامعة الزقازيق، القاهرة.
- ابراهيم، حسام الدين (٢٠١٧). التقويم الذاتى فى ايرلندا الجنوبية وامكانية الاستفادة منه بسلطنة عمان، المجلة الدولية للدراسات التربوية والنفسية.
- الزعبي، على محمد (٢٠٠٨). رصد بعض مهارات التفكير ماورا المعرفية المستخدمة من قبل معلمى الرياضيات وطلبتهم فى المرحلة الأساسية العليا فى الأردن فى اثناء حل المسائل الهندسية. مجلة جامعة دمشق. المجلد (٢٤). العدد (٢). كلية التربية. جامعة مؤتة. الأردن.
- ماجروهيل - رياضيات الصف السادس الابتدائي الفصل الدراسي الثاني - وزارة التعليم ، مجموعة العبيكان للاستثمار. المملكة العربية السعودية . (١٤٣٨) .
- موقع بوابة عين <https://ien.edu.sa/Home/Dashbord>

تأليف

أ. سليمان علي المالكي

تصميم الغلاف : أ. توفيق علي زكري