SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

مجموعة رفعة الرياضيات
تطوير - إنتاج - توثيق

ميل المستقيم

@luna_xr36

t.me/lunaaaxr633

SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

مجموعة رفعة الرياضيات
تطوير - إنتاج - توثيق

سؤال قدرات

اذا كانت الزاويتان ٢ق , ١ق
متتامتان , و كان , ١ق =٤٠
أوجد ٢ق =؟؟؟

@luna_xr36
t.me/lunaaaxr633

فيما سبق

درستُ برهنة توازي مستقيمين باستعمال علاقات الزوايا

والآن

أجد ميل المستقيم

أستعمل الميل لتحديد المستقيمات المتوازية و المستقيمات المتعامدة

المفردات

الميل

معدل التغير

SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

لماذا؟

تستعمل لوحات مرورية لتنبه السائقين إلى حالة الطريق.
فاللوحة المجاورة تشير إلى انحدار الطريق بنسبة 6% ،
وهذا يعني أن الطريق ترتفع أو تهبط بمقدار 6 m رأسيًّا
لكل 100 m أفقيًّا.

كيف يمكن لسائق شاحنة أن يستجيب لإشارة المرور؟

كيف يمكن لأصحاب الاحتياجات الخاصة الصعود إلى المباني؟

@luna_xr36
t.me/lunaaaxr633
SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

ميل المستقيم: درست سابقًا حساب ميل المستقيم في المستوى الإحداثي باستعمال أي نقطتين عليه، وعرفت أنه نسبة التغير الرأسي إلى التغير الأفقي.

$$\text{الميل} = \frac{\text{التغير الرأسي}}{\text{التغير الأفقي}}$$

يمكنك استعمال إحداثيات النقاط على المستقيم لتشتق صيغة للميل.

مفهوم أساسي

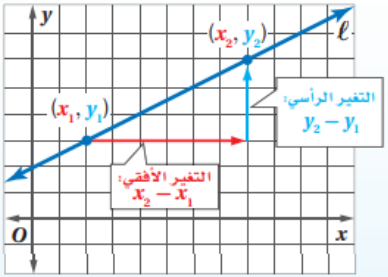
أضف إلى مطويتك

ميل المستقيم

في المستوى الإحداثي، **ميل** المستقيم هو نسبة التغير في الإحداثي y إلى التغير في الإحداثي x بين أي نقطتين عليه.

ويعطى الميل m لمستقيم يحوي نقطتين إحداثياهما (x_1, y_1) و (x_2, y_2) بالصيغة:

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$ ، حيث $x_1 \neq x_2$.



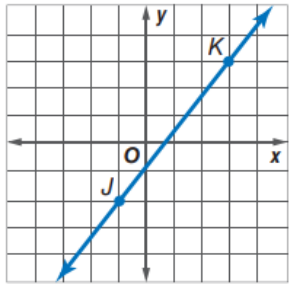
$$m = \frac{\text{التغير الرأسي}}{\text{التغير الأفقي}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

@luna_xr36
t.me/lunaaaxr633
SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

مثال ١ : إيجاد ميل المستقيم

أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:

(a



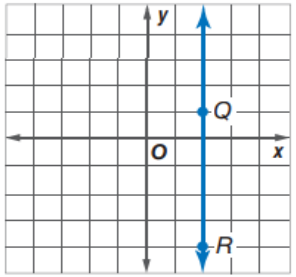
عوِّض عن (x_1, y_1) بِـ $(-2, -1)$،
وعن (x_2, y_2) بِـ $(3, 3)$.

صيغة الميل $m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$

عوّض $= \frac{3 - (-2)}{3 - (-1)}$

بسّط $= \frac{5}{4}$

(d



$(x_1, y_1) = (2, 1), (x_2, y_2) = (2, -4)$

صيغة الميل $m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$

عوّض $= \frac{-4 - 1}{2 - 2}$

بسّط $= \frac{-5}{0}$

ميل هذا المستقيم غير معرّف.

@luna_xr36

t.me/lunaaaxr633

SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

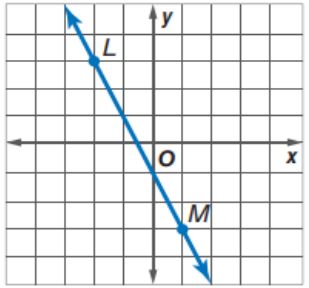
(b

$(x_1, y_1) = (-2, 3), (x_2, y_2) = (1, -3)$

صيغة الميل $m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$

عوّض $= \frac{-3 - 3}{1 - (-2)}$

بسّط $= -2$



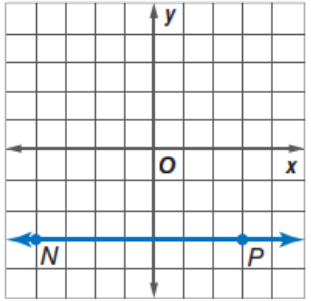
(c

$(x_1, y_1) = (-4, -3), (x_2, y_2) = (3, -3)$

صيغة الميل $m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$

عوّض $= \frac{-3 - (-3)}{3 - (-4)}$

بسّط $= \frac{0}{7} = 0$



@luna_xr36
t.me/lunaaaxr633
SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

تحقق من فهمك ١

1A) المستقيم الذي يحتوي على $(6, -2), (-3, -5)$

1C) المستقيم الذي يحتوي على $(4, 2), (4, -3)$.

@luna_xr36
t.me/lunaaaxr633
SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

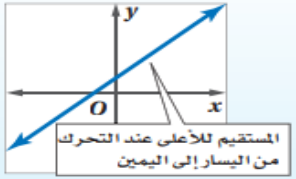
يوضّح المثال 1 أربع حالات مختلفة للميل وهي :

ملخص المفهوم

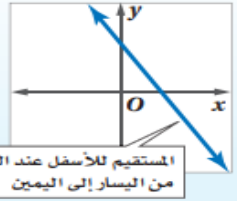
أضف إلى مطويتك

حالات الميل

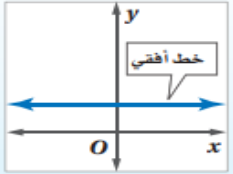
الميل موجب



الميل سالب



الميل يساوي صفرًا



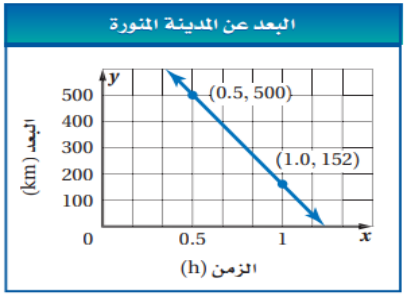
الميل غير معرّف

يمكن تفسير الميل على أنه **معدّل التغير** في الكمية y بالنسبة إلى الكمية x، ويمكن استعمال ميل المستقيم أيضًا لتعيين إحداثيَّي أي نقطة على المستقيم.

@luna_xr36
t.me/lunaaaxr633
SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

مثال ؟ : استعمال الميل معدلاً للمتغير

طائرات: تحلِّق طائرة في مسارٍ جويٍّ مستقيم يمر بمدينة الرياض ثم بالمدينة المنورة. إذا كانت الطائرة على بُعد **500 km** من المدينة المنورة بعد **0.5 h** من مرورها فوق الرياض، ثم أصبحت على بُعد **152 km** من المدينة المنورة بعد نصف ساعة أخرى. كم كان بُعدها عن المدينة المنورة بعد **0.75 h** من مرورها فوق الرياض إذا كانت سرعتها ثابتةً.



افهم: استعمل البيانات المعطاة لترسم المستقيم الذي يمثل البعد y بالكيلومترات كدالة في الزمن x بالساعات.

عيِّن النقطتين $(0.5, 500)$, $(1, 152)$ في المستوى الإحداثي، ثم ارسم مستقيمًا يمر بهما.

المطلوب هو إيجاد البعد عن المدينة المنورة بعد 0.75 h

خطط: أوجد ميل المستقيم في الشكل المجاور، واستعمله معدّل تغيّر المسافة بالكيلومتر بالنسبة للزمن بالساعة لإيجاد بُعد الطائرة عن المدينة المنورة بعد 0.75 h

حل: استعمل صيغة الميل لإيجاد ميل المستقيم.

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{(152 - 500)\text{ km}}{(1.0 - 0.5)\text{ h}} = \frac{-348\text{ km}}{0.5\text{ h}} = \frac{-696\text{ km}}{1\text{ h}}$$

تحلِّق الطائرة بسرعة 696 km/h

والإشارة السالبة تشير إلى تناقص المسافة مع مرور الزمن.

استعمل ميل المستقيم وإحدى النقطتين عليه؛ لتجد البعد y عندما يكون الزمن $x = 0.75$

$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$	صيغة الميل
$-696 = \frac{y_2 - 500}{0.75 - 0.5}$	$m = -696, x_1 = 0.5, y_1 = 500, x_2 = 0.75$
$-696 = \frac{y_2 - 500}{0.25}$	بسّط
$-174 = y_2 - 500$	اضرب كلا الطرفين في 0.25
$326 = y_2$	اجمع 500 إلى كل طرف

إذن كان بعد الطائرة عن المدينة المنورة بعد 0.75 h يساوي 326 km

تحقق من فهمك ؟

2) **مبيعات:** كانت مبيعات مصنع معلبات غذائية 20 مليون علبة عام 2003م، و200 مليون علبة عام 2008م، إذا حافظ المصنع على المعدل نفسه من الزيادة، فكم تكون مبيعاته من العلب عام 2012م ؟

@luna_xr36
t.me/lunaaaxr633
SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

المستقيمات المتوازية والمستقيمات المتعامدة: يمكنك استعمال ميلَي مستقيمين لتحدد ما إذا كانا متوازيين أو متعامدين. فالمستقيمات التي لها الميل نفسه تكون متوازية.

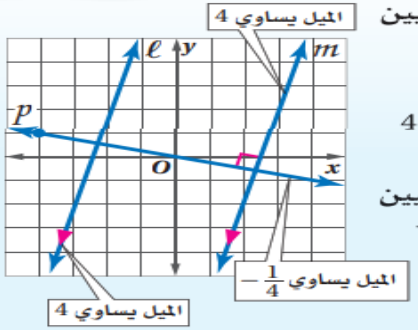
مسلمات

أضف إلى مطويتك

المستقيمات المتوازية والمستقيمات المتعامدة

2.4 **ميلا المستقيمين المتوازيين:** يكون للمستقيمين غير الرأسيين الميل نفسه إذا وفقط إذا كانا متوازيين. وجميع المستقيمات الرأسية متوازية.

مثال: المستقيمان المتوازيان ℓ, m لهما الميل نفسه ويساوي 4



2.5 **ميلا المستقيمين المتعامدين:** يكون المستقيمان غير الرأسيين متعامدين إذا وفقط إذا كان حاصل ضرب ميليهما يساوي -1 والمستقيمات الأفقية والرأسية متعامدة.

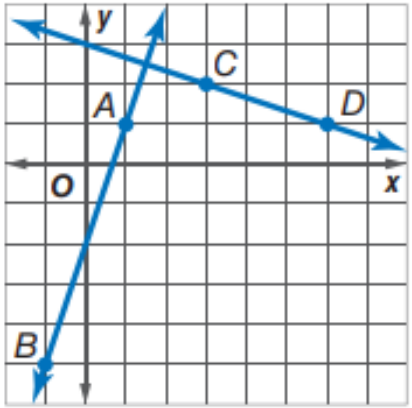
مثال: المستقيم m عمودي على المستقيم p، أو $m \perp p$

ناتج ضرب الميلين هو $4 \cdot -\frac{1}{4} = -1$

@luna_xr36
t.me/lunaaaxr633
SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

مثال ٣ : تحديد علاقات المستقيمات

حدّد ما إذا كان $\overleftrightarrow{AB}, \overleftrightarrow{CD}$ متوازيين أو متعامدين أو غير ذلك إذا كانت $A(1,1), B(-1,-5), C(3,2), D(6,1)$، ومثّل كل مستقيم بيانيًّا لتتحقق من إجابتك.



الخطوة 1: أوجد ميل كل مستقيم.

ميل $\overleftrightarrow{AB}$: $\frac{-5-1}{-1-1}=\frac{-6}{-2}=3$

ميل $\overleftrightarrow{CD}$: $\frac{1-2}{6-3}=-\frac{1}{3}$

الخطوة 2: حدّد العلاقة إن وجدت بين المستقيمين.

بما أن ميلَي المستقيمين غير متساويين فهما غير متوازيين. ولتحدد ما إذا كانا متعامدين أم لا، أوجد ناتج ضرب ميليهما.

ناتج ضرب ميلَي $\overleftrightarrow{AB}, \overleftrightarrow{CD}$ $\quad 3\left(-\frac{1}{3}\right)=-1$

بما أن حاصل ضرب ميلَي $\overleftrightarrow{AB}, \overleftrightarrow{CD}$ يساوي -1 إذن هما متعامدان.

@luna_xr36
t.me/lunaaaxr633
SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

تحقق من فهمك ٣

حدد ما إذا كان $\overleftrightarrow{AB}$, $\overleftrightarrow{CD}$ متوازيين أو متعامدين أو غير ذلك في كلٍّ مما يأتي، ومثِّل كل مستقيم بيانيًّا لتتحقق من إجابتك.

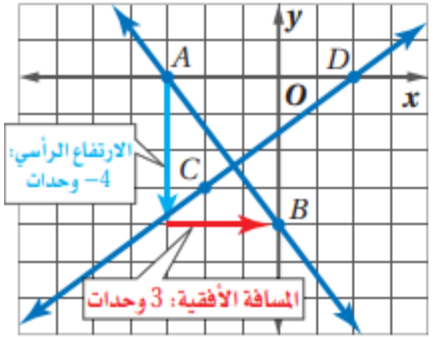
(3A $A(14, 13), B(-11, 0), C(-3, 7), D(-4, -5)$

(3B $A(3, 6), B(-9, 2), C(5, 4), D(2, 3)$

@luna_xr36
t.me/lunaaaxr633
SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

مثال ٤ : استعمال الميل لتمثيل المستقيم بيانياً

مثل بيانيًا المستقيم الذي يمر بالنقطة $A(-3, 0)$ ويعامد $\overleftrightarrow{CD}$ ، حيث $C(-2, -3), D(2, 0)$.



لإيجاد ميل $\overleftrightarrow{CD}$ عوّض عن (x_1, y_1) بـ $(-3, -2)$ وعن (x_2, y_2) بـ $(2, 0)$:

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{0 - (-3)}{2 - (-2)} = \frac{3}{4}$$

إذن ميل المستقيم العمودي على $\overleftrightarrow{CD}$ والمار بالنقطة A

يساوي $-\frac{4}{3}$ ، لأن $\frac{3}{4}\left(-\frac{4}{3}\right) = -1$.

لتمثيل المستقيم بيانيًّا، ابدأ من النقطة A، وتحرك 4 وحدات إلى أسفل، ثم 3 وحدات نحو اليمين، وسمِّ النقطة B ، ثم ارسم $\overleftrightarrow{AB}$.

@luna_xr36
t.me/lunaaaxr633
SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

تحقق من فهمك ٤

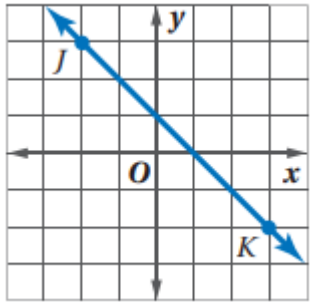
4) مثل بيانيًا المستقيم الذي يمر بالنقطة $P(0, 1)$ ويعامد $\overleftrightarrow{QR}$ ، حيث $Q(-6, -2), R(0, -6)$.

@luna_xr36
t.me/lunaaaxr633
SAJA AL FAISAL
MATH IS LIVE

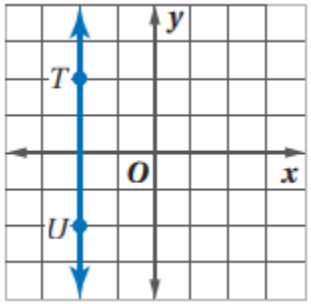
تأكد

أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:

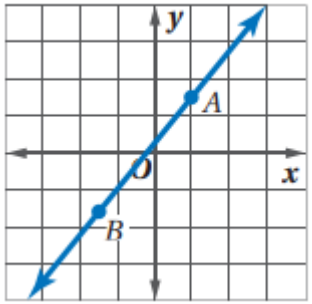
(1



(2



(3



@luna_xr36
t.me/lunaaaxr633
SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

تأكد

10) ميله يساوي 3 ، ويمر بالنقطة $A(-1, 4)$.

11) يمر بالنقطة $P(7, 3)$، ويعامد $\overleftrightarrow{LM}$ ، حيث $L(-2, -3), M(-1, 5)$.

@luna_xr36
t.me/lunaaaxr633
SAJA AL FAISAL
MATH IS LIVE

تدريب تقويمي

44) أي المعادلات الآتية تمثل مستقيمًا يعامد المستقيم الذي معادلته $y = \frac{3}{4}x + 8$؟

A $y = -\frac{4}{3}x - 6$

B $y = \frac{4}{3}x + 5$

C $y = \frac{3}{4}x + \frac{1}{4}$

D $y = -\frac{3}{4}x - 5$

45) أي القيم الآتية تمثل ميل المستقيم المار بالنقطتين $(2, 4), (0, -2)$؟

A $-\frac{1}{3}$

B -3

C $\frac{1}{3}$

D 3

@luna_xr36
t.me/lunaaaxr633
SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE

الواجب المنزلي

دمتم بسعادة
أحبتي

@luna_xr36

t.me/lunaaaxr633

SAJA AL FAISAL
MATE IS LIVE