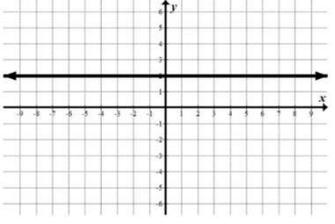
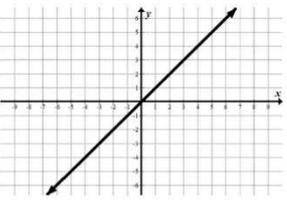
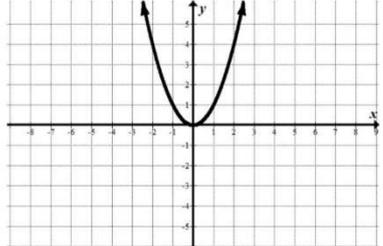
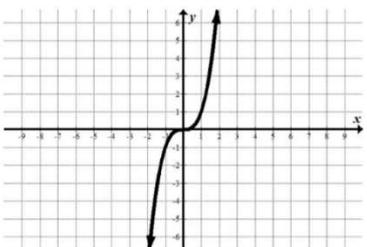
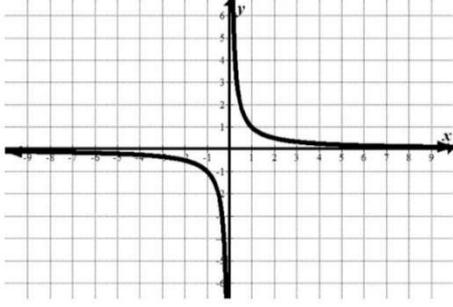


1-5 الدوال الرئيسية (الأم) و التحويلات الهندسية

التمثيل البياني	الدالة الرئيسية (الأم)		
 <p>لتمثيل البياني هو مستقيم افقي</p>	$f(x) = c$		الدالة الثابتة
	c	مقطع y	زوجية
	لا يوجد	مقطع x	حول y
	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = c$ $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = c$	سلوك الدالة	R أو $(-\infty, \infty)$
	متصلة على مجالها , ثابتة	الاتصال	$\{y: y = c\}$
 <p>التمثيل البياني للدالة يمر بجميع النقاط التي احداثياتها (a, a)</p>	$f(x) = x$		الدالة المحايدة
	0	مقطع y	فردية
	0	مقطع x	حول $(0,0)$
	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$	سلوك الدالة	R أو $(-\infty, \infty)$
	متصلة على مجالها , متزايدة في $(-\infty, \infty)$	الاتصال	R أو $(-\infty, \infty)$
 <p>التمثيل البياني للدالة على صورة حرف U</p>	$f(x) = x^2$		الدالة التربيعية
	0	مقطع y	زوجية
	0	مقطع x	حول y
	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \infty$ $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$	سلوك الدالة	R أو $(-\infty, \infty)$
	متصلة على مجالها , متزايدة في $(0, \infty)$ متناقصة في $(-\infty, 0)$	الاتصال	R^+ أو $[0, \infty)$
 <p>التمثيل البياني متمائل حول نقطة الاصل</p>	$f(x) = x^3$		الدالة التكعيبية
	0	مقطع y	فردية
	0	مقطع x	حول $(0,0)$
	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$	سلوك الدالة	R أو $(-\infty, \infty)$
	متصلة على مجالها , متزايدة في $(-\infty, \infty)$	الاتصال	R أو $(-\infty, \infty)$

التمثيل البياني



التمثيل البياني للدالة مكون من جزئين

الدالت الرئيسية (الام)

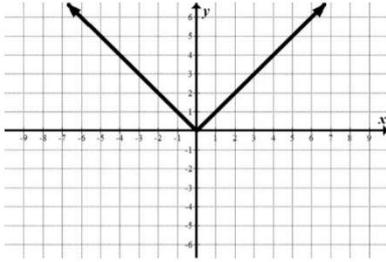
$$f(x) = \frac{1}{x}$$

دالة المقلوب

النوع	فردية	مقطع y	لا يوجد
التماثل	حول (0,0)	مقطع x	لا يوجد
المجال	$R - \{0\}$ $(-\infty, 0)$ $\cup (0, \infty)$	سلوك الدالة	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$ $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 0$
المدى	$R - \{0\}$ $(-\infty, 0)$ $\cup (0, \infty)$	الاتصال	عدم اتصال لانهائي عند $x = 0$, متناقصة في $(0, \infty)$ متناقصة في $(-\infty, 0)$

$$f(x) = |x|$$

دالة القيمة المطلقة

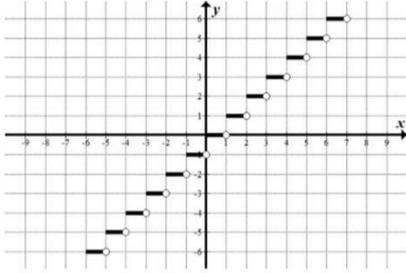


التمثيل البياني للدالة على صورة حرف V

النوع	زوجية	مقطع y	0
التماثل	حول y	مقطع x	0
المجال	$(-\infty, \infty)$ أو R	سلوك الدالة	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \infty$ $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$
المدى	$[0, \infty)$ أو R^+	الاتصال	متصلة على مجالها, متزايدة في $(0, \infty)$ متناقصة في $(-\infty, 0)$

$$f(x) = [x]$$

دالة أكبر عدد صحيح

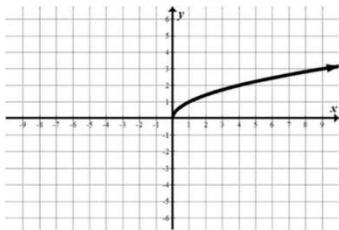


دالة اكبر عدد صحيح أقل من او يساوي x , وهي نوع من أنواع الدوال الدرجية

النوع	لا يوجد	مقطع y	0
التماثل	لا يوجد	مقطع x	عند $[0, 1)$
المجال	R	سلوك الدالة	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$
المدى	Z	الاتصال	عدم اتصال ففزي, ثابتة عند $x \notin Z$ متزايدة عند $x \in Z$

$$f(x) = \sqrt{x}$$

دالة الجذر التربيعي

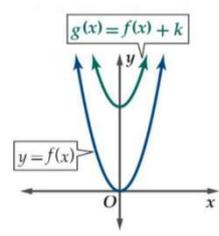
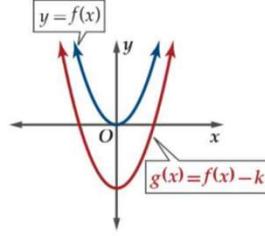
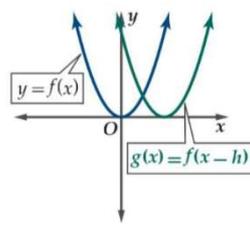
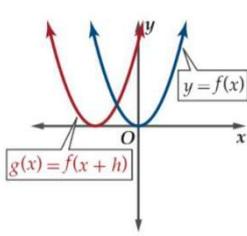


التمثيل البياني للدالة في الربع الاول

النوع	لا يوجد	مقطع y	0
التماثل	لا يوجد	مقطع x	0
المجال	$[0, \infty)$ أو R^+	سلوك الدالة	$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 0$ $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$
المدى	$[0, \infty)$ أو R^+	الاتصال	متصلة على مجالها, متزايدة في $[0, \infty)$

التحويلات الهندسية للدوال (الأم) : يمكن إجراء تحويل للدالة الرئيسية لإنشاء منحنيات أخرى في عائلة هذه الدالة .

الانسحاب (الإزاحة) : احد التحويلات القياسية التي تنقل منحنى الدالة للأعلى أو للأسفل أو الى اليمين أو الى اليسار.



هو منحنى $f(x)$ مزاهاً

$g(x) = f(x - h)$

هو منحنى $f(x)$ مزاهاً

$g(x) = f(x) + k$

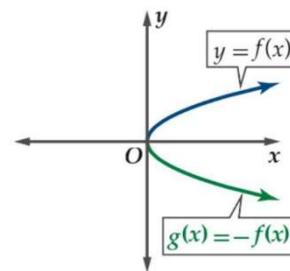
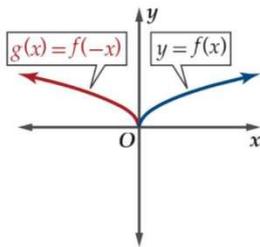
$|h|$ وحدة الى اليسار عندما $h < 0$

$|h|$ وحدة الى اليمين عندما $h > 0$

$|k|$ وحدة الى اعلى عندما $k > 0$

$|k|$ وحدة الى اعلى عندما $k > 0$

الانعكاس : احد التحويلات القياسية الذي يكون لمنحنى الدالة صورة مرآة بالنسبة لمستقيم محدد.



هو انعكاس منحنى $f(x)$

$g(x) = f(-x)$

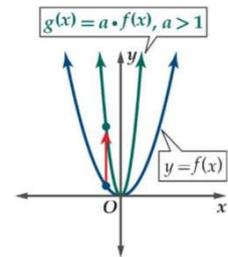
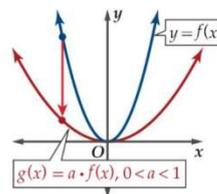
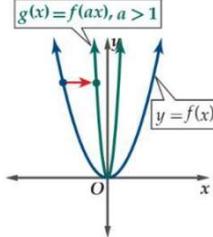
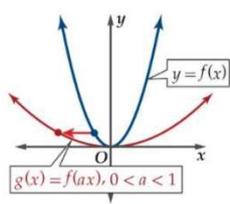
هو انعكاس منحنى $f(x)$

$g(x) = -f(x)$

انعكاس حول محور y

انعكاس حول محور x

التمدد : هو تحويل غير قياسي يؤدي الى تضيق (ضغط) او توسع (مط) منحنى الدالة رأسياً أو أفقياً.



$g(x) = f(ax)$ (عدد موجب a هو تمدد لمنحنى $f(x)$)

$g(x) = a \cdot f(x)$ (عدد موجب a هو تمدد لمنحنى $f(x)$)

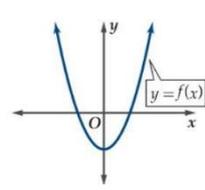
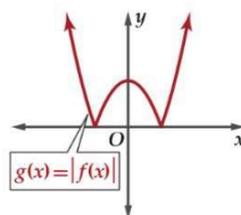
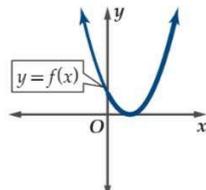
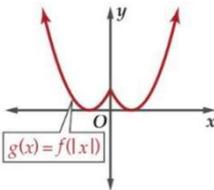
$0 < a < 1$ توسع أفقي

$a > 1$ تضيق أفقي

$0 < a < 1$ تضيق رأسي

$a > 1$ توسع رأسي

التحويلات الهندسية مع دوال القيمت المطلقت : تحويل هندسي غير قياسي.



$g(x) = f(|x|)$

$g(x) = |f(x)|$

يغير هذا التحويل الهندسي جزء منحنى الدالة الموجود الى يسار المحور y ويضع مكانه صورة جزء المنحنى الواقع الى اليمين المحور y بالانعكاس حول المحور y .

يغير هذا التحويل الهندسي أي جزء من منحنى الدالة يقع تحت المحور x ليصبح فوقه بالانعكاس حول المحور x .

عين الدالة الرئيسية (الأم) $f(x)$ للدالة $g(x)$, ثم صف العلاقة بين منحنى $g(x)$ و منحنى $f(x)$ ((التحويلات الهندسية))

$$g(x) = \frac{4}{x+1}$$

$$g(x) = 3\sqrt{x+8}$$

$$g(x) = 3|x| - 4$$

صف العلاقة بين منحنىي الدالتين : $f(x) = |x|$ و $g(x) = -|x| - 2$

اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

(1) أي منحنيات الدوال الآتية ناتج عن توسع رأسي , ثم انعكاس حول محور x لمنحنى الدالة $g(x) = x^2$

$f(x) = -\frac{1}{3}x^2$	D	$f(x) = -\frac{1}{x^2+3}$	C	$f(x) = -3x^2$	B	$f(x) = \frac{1}{3}x^2$	A
--------------------------	---	---------------------------	---	----------------	---	-------------------------	---

(2) ما الانسحاب الذي يُجرى على الدالة الرئيسية (الأم) $P(x) = x^3$ للحصول على الدالة $p(x) = (x-7)^3$

A 7 وحدات الى أسفل B 7 وحدات الى أعلى C 7 وحدات الى اليسار D 7 وحدات الى اليمين

(3) مالدالة الناتجة عن إجراء التحويلات الهندسية : تضيق أفقي معاملته 2 ' و توسع رأسي , و انعكاس حول المحور y على الدالة الرئيسية (الأم) $f(x) = \sqrt{x}$

$f(x) = 3\sqrt{-2x}$	D	$f(x) = 2\sqrt{-3x}$	C	$f(x) = -3\sqrt{2x}$	B	$f(x) = -2\sqrt{3x}$	A
----------------------	---	----------------------	---	----------------------	---	----------------------	---

(4) ما الانسحابات التي أجريت على الدالة $h(x) = [x]$, بحيث نتجت الدالة $h(x) = [x+9] - 5$

A 9 وحدات الى اليسار و 5 وحدات الى الأسفل. B 5 وحدات الى اليسار و 9 وحدات الى الأسفل. C 9 وحدات الى اليمين و 5 وحدات الى الأسفل. D 5 وحدات الى اليمين و 9 وحدات الى أعلى.

(5) ما التحويلات الهندسية التي تمت على الدالة (الأم) $f(x) = [x]$ لتمثيل الدالة $f(x) = 2[x-3] + 4$

توسيع رأسي انسحاب 3 وحدات الى اليسار انسحاب 4 وحدات للأعلى	A	توسيع رأسي انسحاب 3 وحدات الى أسفل انسحاب 4 وحدات الى اليسار	B	توسيع رأسي انسحاب 3 وحدات الى اليمين انسحاب 4 وحدات للأعلى	C	تضيق رأسي انسحاب 3 وحدات الى أسفل انسحاب 4 وحدات الى اليمين	D
--	---	--	---	--	---	---	---

(6) هو تحويل غير قياسي يؤدي الى تضيق (ضغط) او توسع (مط) منحنى الدالة رأسيًا أو أفقيًا.

A الدوران B الانسحاب B الانعكاس D التمدد

(7) احد التحويلات القياسية الذي يكون لمنحنى الدالة صورة مرآة بالنسبة لمستقيم محدد.

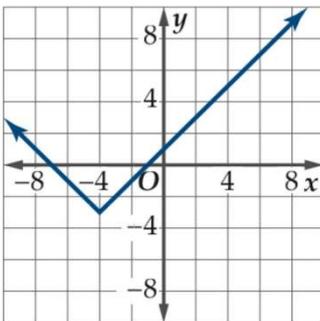
A الدوران B الانسحاب B الانعكاس D التمدد

(8) الدالة الأم للدالة $f(x) = -(x+3)^3$

$f(x) = -x^3$	D	$f(x) = x^3$	C	$f(x) = x^2$	B	$f(x) = (x+3)^3$	A
---------------	---	--------------	---	--------------	---	------------------	---

(9) أي الدوال التالية يمثلها التمثيل البياني المجاور ؟

$$f(x) = \dots$$



$ x+4 +3$	D	$ x+4 -3$	C	$ x-4 +3$	B	$ x-4 -3$	A
-----------	---	-----------	---	-----------	---	-----------	---