

رياضيات ثالث متوسط

الفصل الدراسي الثاني

إعداد /

أ. الأكاديمي منير الردادي
أ. حسناء سعيد الغامدي
أ. منى عيضة النبتي

تصميم وتنسيق /

أ.أمل عطية المزروعي



الردمك

السادة / الاे منير منور الردادي - حسناء سعيد عطيه الغامدي - منى عيضة عوض الله الثبيتي

نفيدكم علماً بأنه قد تم تسجيل عملكم الموسوم بـ:

سلسلة رفعة - لدفتر الرياضيات ثالث متوسط الفصل الدراسي الثاني

978-603-04-3535-7، ورقم ردمك هـ

1444/05/07

وتاريخ

1444/4260

تحت رقم ايداع

المقدمة

الحمد لله رب العالمين والصلوة والسلام على أشرف الأنبياء والمرسلين

أما بعد ...

نبذة عن مجموعة رفعة

هي مجموعة تدار من قبل معلمين ومعلمات الرياضيات من جميع أنحاء المملكة و

هي قائمة على التطوير المهني للمعلمين والمعلمات وإبتكار الأفكار الإبداعية

للتعليم العام

وبهدف التيسير والتسهيل لمادة الرياضيات ونشر العلم

نقدم لكم سلسلة رفعة لدفتر الرياضيات

"دفتر رياضيات ثالث متوسط الفصل الدراسي الأول"

نسأل الله أن يجعله خالصاً لوجهه وأن تجدوا فيه الفائدة



قنوات المؤلفات



حسابات مجموعة رفعة





رياضيات ثالث متوسط

الفصل الدراسي الثاني

.....
.....
.....

اسم الطالب
الفصل

اسم المعلم
.....

جدول حصص الرياضيات

السبعة	السادسة	الخامسة	الرابعة	الثالثة	الثانية	الأولى	
							الاحد
							الاثنين
							الثلاثاء
							الاربعاء
							الخميس

للوصول إلى القمة

لابد من المرور عبر محطات الفشل
فالشخص الطموح هو الذي يجعل من فشله
 مجرد استراحة لينطلق كالسهم

عنوان شخصيتك
واضح من نظافة دفترك

فصل المقرر



مجمع رفعه الرياضيات

تطوير - إنتاج - توثيق

قاعدة مهمة

إن لم يكن لك هدف في الحياة فاجعل لنفسك هدف
وان لم يكن لك طريق نحو هدفك شق طريقك نحو ذلك الهدف.
لا تستسلم من صعوبة الطريق ولا إغفال الهدف
فبالإرادة تحطم المستحيل وتتهر عنوان اليأس وجروت التسويف



أنظمة المعادلات الخطية

٥

- ١- حل نظام من معادلتين خطيتين بيانيا
- ٢- حل نظام من معادلتين خطيتين بالتعويض
- ٣- حل نظام من معادلتين خطيتين بالحذف
باستعمال الجمع أو الطرح
- ٤- حل نظام من معادلتين خطيتين بالحذف
باستعمال الضرب
- ٥- تطبيقات على النظام المكون من معادلتين خطيتين

كثيرات الحدود

٦

- ١-٦ ضرب وحدات الحد
- ٢-٦ قسمة وحدات الحد
- ٣-٦ كثيرات الحدود
- ٤-٦ جمع كثيرات الحدود و طرحها
- ٥-٦ ضرب وحدة حد في كثيرة حدود
- ٦-٦ ضرب كثيرات الحدود
- ٧-٦ حالات خاصة من ضرب كثيرات الحدود

تحليل والمعادلات التربيعية

٧

- ١-٧ تحليل وحدة الحد
- ٢-٧ استعمال خاصية التوزيع
- ٣-٧ المعادلات التربيعية : $s^2 + bs + c = 0$
- ٤-٧ المعادلات التربيعية : $a s^2 + bs + c = 0$
- ٥-٧ المعادلات التربيعية : الفرق بين مربعين .
- ٦-٧ المعادلات التربيعية : المربعات الكاملة .

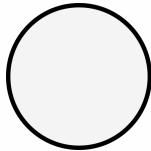


@mimaalth

@hsanaa - 2



متابعة و تقييم الدفتر





أنظمة المعادلات الخطية

٥

١-٥ حل نظام من معادلتين خطيتين بيانيا

٢-٥ حل نظام من معادلتين خطيتين بالتعويض

٣-٥ حل نظام من معادلتين خطيتين بالحذف باستعمال
الجمع أو الطرح

٤-٥ حل نظام من معادلتين خطيتين بالحذف باستعمال الضرب

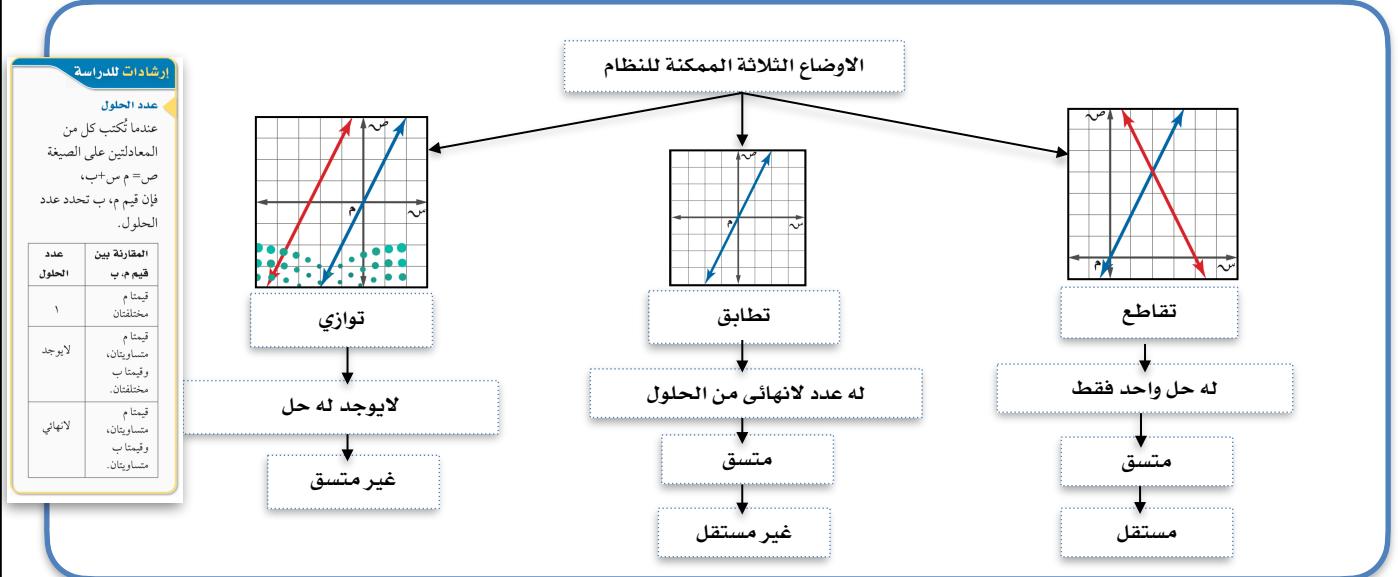
٥-٥ تطبيقات على النظام المكون من معادلتين خطيتين

الموضوع حل نظام من معادلتين خطيتين بياناً التاريخ : / /



عدد حلول نظام مكون من معادلتين خطيتين

■ حل النظم هو الزوج المرتب (s, c) الذي يمثل حلا لكلا المعادلتين وبالتالي حلا للنظام

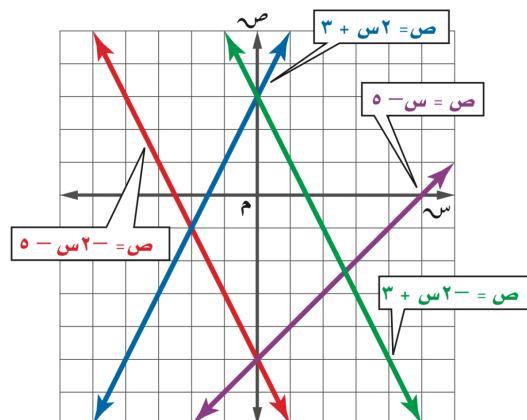


استعمل التمثيل المجاور لتحديد اذا كان النظم الآتي:
متتسقا أم غير متتسق ومستقلأ أم غير مستقل

تحقق من فهمك

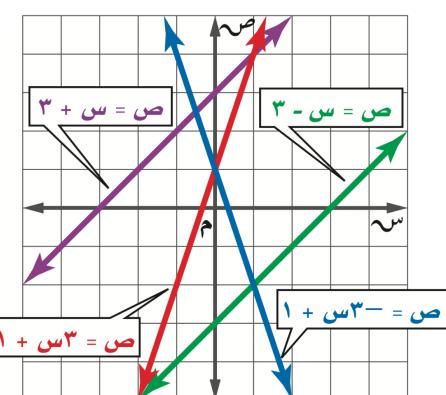
نوع النظم
 $c = 2s + 3$
 $c = 2s - 5$

نوع النظم
 $c = s - 5$
 $c = -2s - 5$



استعمل التمثيل المجاور لتحديد اذا كان النظم الآتي:
متتسقا أم غير متتسق ومستقلأ أم غير مستقل

تأكد



نوع النظم
 $c = 3s + 1$
 $c = 3s - 3$



نوع النظم
 $c = 3s + 1$
 $c = -s + 3$



نوع النظم
 $c = s + 3$
 $s - c = -3$



الموضوع حل نظام من معادلتين خطيتين بياناً التاریخ : / /



٤) حل نظاماً مكوناً من معادلتين خطيتين بياناً

مثلاً كل نظام مما يأتي بياناً واجد عدد حلوله وإذا كان واحداً فاكتبه:

تحقق من فهمك



$$س - ص = ٢$$

$$٣س + ٢ص = ٩$$

١٢
الحل

يمكن التمثل باستخدام الجدول

أو استخدام المقطع الصادي والسيني

$$س - ص = ٢$$

المقطع الصادي

المقطع السياني

$$٣س + ٢ص = ٩$$

المقطع الصادي

المقطع السياني

$$٣س + ٢ص = ٩$$

نوع المستقيمين

عدد الحلول هو

$$\begin{aligned} ص &= س - ٢ \\ ٦س + ٣ص &= ٩ \end{aligned}$$

٢ ب

الحل

$$ص = س - ٢$$

المقطع الصادي

المقطع السياني

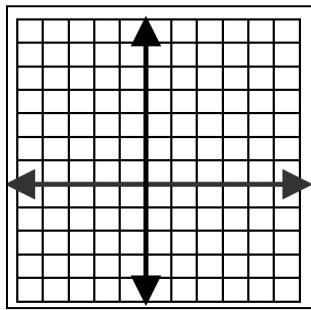
$$٦س + ٣ص = ٩$$

المقطع الصادي

المقطع السياني

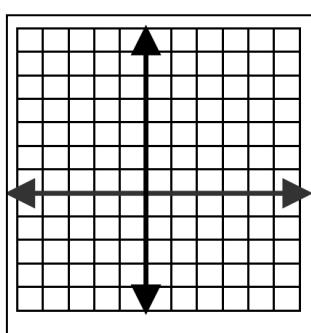
نوع المستقيمين

عدد الحلول هو.



فإن نوع النظام.
حلها هو

فإن نوع النظام.
حلها هو



فإن نوع النظام.
حلها هو

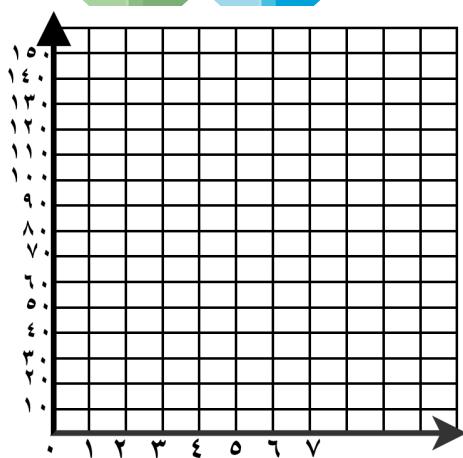
تأكد

$$ص = س + ٤$$

$$ص = س - ٤$$



عبد الله
قرأ ٨٥ صفحة.
ويقرأ ١٠ صفحات يومياً.
 صالح
قرأ ٢٥ صفحة.
ويقرأ ٢٠ صفحات يومياً.



يقرأ كل من صالح وعبد الله قصة طويلة كما في الشكل المقابل
أ) اكتب معادلة تعبّر عن عدد الصفحات التي يقرأها كل منهما

تحقق من فهمك



ب) مثل كل معادلة بيانياً

ج) بعد كم يوم يصبح صالح أكثر ماقرأه عبد الله؟



مسائل مهارات التفكير العليا



٢٣

تبرير: هل النظام الذي يتكون من معادلتين وتشكل كل من النقاطتين (٢،٠)، (٠،٢) حال له، تكون له حلول أخرى أحياناً أم دائماً أم ليس له أية حلول أخرى

أي من أنظمة المعادلات الآتية يختلف عن الأنظمة الثلاثة الأخرى؟ فسر أجابت

$$4s - c = 5 \\ 2s + c = 1$$

$$-s + 4c = 8 \\ 3s - 6c = 6$$

$$4s + 2c = 14 \\ 12s + 6c = 18$$

$$3s - 2c = 1 \\ 2s + 3c = 18$$



٢٤

قصت قطعة من السلك طولها ٨٤ سنتيمتراً إلى قطع متساوية ثم ألصقت من نهاياتها لتشكل أحرف مكعب فما حجم هذا المكعب؟

٢٧

د

ج

ب

أ

تدريب على اختبار



ملاحظات هامة اختبار دوري تمارين إضافية أخرى.....

كن عالي الهمة ..
ولا ترضى بغير القمة !





حل نظاماً مكوناً من معادلتين بالتعويض



خطوات الحل بالتعويض

- حل احدى المعادلتين على الاقل باستعمال احد المتغيرين و اذا كان ذلك ضرورياً
- عوض بالمقدار الناتج في الخطوة (١) في المعادلة الثانية ثم حلها
- عوض القيمة الناتجة من الخطوة (٢) في اي من المعادلتين وحلها لايجاد قيمة لمتغير الثاني واكتب الحل كزوج مرتب

استعمال التعويض لحل النظام الاتي

تحقق من فهتمك

$$\begin{aligned} \text{ص} &= 4 - س \\ 5\text{س} + 3\text{ص} &= 1 \end{aligned}$$

١١



استعمال التعويض لحل النظام الاتي

تأكد

$$\begin{aligned} س &= 2 - ص \\ 4\text{س} + \text{ص} &= 2 \end{aligned}$$



استعمال التعويض لحل النظام الاتي

تحقق من فهتمك

$$\begin{aligned} 4\text{س} + 5\text{ص} &= 11 \\ \text{ص} - 3\text{س} &= 13 \end{aligned}$$

١٢



تحمن جذور الإنجاز الحقيقي
في رغبتك في أن تصبح
أفضل ما يمكنك ..



١١

سلسلة رفعة لدفتر الرياضيات



٤) عدد لانهائي من الحلول أو لا يوجد حل للنظام

اذا كانت نتيجة حل نظام معادلتين جملة خطا فلا يوجد حل للنظام في هذه الحالة
اما اذا كانت النتيجة متطابقة فهناك عدد لانهائي من الحلول

استعمال التعويض لحل النظام الاتي

تحقق من فهمك



$$\begin{aligned} 4s - 3c &= 1 \\ 6c - 8s &= 2 \end{aligned}$$

٣ ب

$$\begin{aligned} 2s - c &= 8 \\ c &= 2s - 3 \end{aligned}$$

١٣

استعمال التعويض لحل النظام الاتي

تأكد



$$\begin{aligned} s - c &= 1 \\ 3s + 3c &= 9 \end{aligned}$$

١

$$\begin{aligned} 2s + 3c &= 4 \\ 4s + 6c &= 9 \end{aligned}$$

٩

حل مسائل من واقع الحياة

٤)

تأكد



هندسة : اذا كان مجموع قياسي الزاويتين s ، c يساوي 180° وقياس الزاوية s يزيد بمقدار 24° على قياس الزاوية c فاجب عما يأتي
أ) اكتب نظاماً من معادلتين لتمثيل الموقف

ب) أوجد قياس كل زاوية



مسائل مهارات التفكير العليا



تبرير : قارن بين حل نظام من معادلتين بكل من طريقة التمثيل البياني ، وطريقة التعويض



تدريب على اختبار

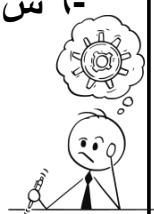


أي من الانظمة الاتية له حل واحد

D) $s + c = 1$
 $c = 3 - s$

E) $s - 2c = 8$
 $2s = 4c + 2$

F) $c = 5s + 1$
 $8s - 2c = 10$



كن عالي الهمة ..
ولا ترضى بغير القمة !



..... أخرى

تمارين إضافية

اختبار دوري

ملاحظات هامة

الموضوع

حل نظام من معادلتين خطيتين بالحذف
باستعمال الجمع أو الطرح

التاريخ : / /



خطوات الحل بالحذف

- اكتب النظام على ان يكون الحدان المتشابهان اللذان معامل أحدهما معكوس الاخر بعضهما فوق بعض
- اجمع المعادلتين أو اطرحهما للتخلص من أحد المتغيرين ثم حل المعادلة
- عوض القيمة الناتجة في الخطوة ٢ في احدى المعادلتين وحلها لايجاد المتغير الثاني
- واكتب الحل كزوج مرتب

حل نظام من معادلات بـ استعمال طريقة الحذف بالجمع

استعمال الحذف لـ حل النظام الـ اتي

$$\begin{aligned} 3 - 4s &= 3s \\ 4s - 5s &= 5 \end{aligned}$$

تحقق من فهمك



استعمال التعويض لـ حل النظام الـ اتي

$$\begin{aligned} 3s + 5s &= 38 \\ 8s &= 38 \end{aligned}$$



تأكد



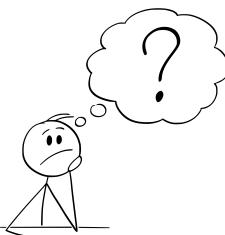
$$s = 4$$

كتابة نظام وحله

تأكد



ما العددان اللذان مجموعهما ٢٤ ، و خمسة أمثال الاول ناقص الثاني يساوي ١٢ ؟



تحمن جذور الإنجاز الحقيقي
في رغبتك في أن تصبح
أفضل ما يمكنك ..





حل نظام من معادلات باستعمال طريقة الحذف بالطرح

حل النظام

$$11 = 3b + 8j$$

$$7 = 8b + 7j$$

٣

تحقق من فهمك

(١، ١، ٥) د

(١، ١، ٧٥) ج

(١٠، ١، ٧٥) ب

(١٠، ١، ٥) تأكيد

استعمال التعويض لحل النظام الآتي

$$5m - b = 7$$

$$7m - b = 11$$

اكتب : بين متى يكون من المفيد استعمال الحذف لحل
نظام من معادلتين

مسائل مهارات التفكير العليا

رأس مالك هو علمك
وعدوك هو جهلك .

حل النظام

$$s + 4c = 1$$

$$9s - 3c = 2$$

تدريب على اختبار

عدد لانهائي من الحلول

د

ليس له حل

ج

(١، ٣-)

ب

(٠، ١)

..... أخرى

تمارين إضافية

اختبار دوري

ملاحظات هامة

الموضوع

حل نظام من معادلتين خطيتين بالحذف
باستعمال الضرب

التاريخ : / /



خطوات الحل بالحذف

- اضرب احدى المعادلتين على الأقل في عدد ثابت للحصول على معادلتين فيها حدان احدهما معكوس الآخر
- اجمع المعادلتين أو اطرحهما للتخلص من أحد المتغيرين ثم حل المعادلة
- عوض القيمة الناتجة في الخطوة ٢ في احدى المعادلتين وحلها لایجاد المتغير الثاني
- واكتب الحل كزوج مرتب

حل نظام من معادلات باستعمال طريقة الحذف بالضرب

استعمال الحذف لحل النظام الاتي

$$9r + k = 13$$
$$4r + 2k = -4$$

١١

تحقق من فهتمك



استعمال التعويض لحل النظام الاتي

$$2s + 7c = 1$$
$$s + 5c = 2$$

تأكد



ضرب كلتا المعادلتين لحذف أحد المتغيرين

تأكد



استعمال الحذف لحل
النظام الاتي

تحقق من فهتمك



$$4s + 2c = 14$$
$$5s + 3c = 17$$

$$6s - 3c = 5$$
$$2s + 5c = 10$$

١١

كن
صاحب
أهداف
لا
أمناني .
.

١٦

سلسلة رفعة لدفتر الرياضيات

الموضوع

حل نظام من معادلتين خطيتين بالحذف
باستعمال الضرب

التاريخ : / /



حسين

$$11 = 2r + t$$

$$7 - = (-) (9 - t)$$

$$r = 18$$

$$11 = 2r + t$$

$$11 = t + 18(2)$$

$$11 = t + 36$$

$$25 - = t$$

$$\frac{25}{7} = \frac{t}{7}$$

$$3,6 - = t$$

الحل (3,6 - , 18)

سعید

$$11 = 2r + t$$

$$7 - = (-) (9 - t)$$

$$11 = 2r + t$$

$$11 = (-) (2r + t - 18)$$

$$45 = 5t$$

$$t = 9$$

$$11 = 2r + t$$

$$11 = (1) (2r + t)$$

$$11 = 2r + 9$$

$$2 = r$$

$$\frac{4}{2} = \frac{2}{1}$$

$$r = 2$$

الحل (1,2)

مسائل مهارات التفكير العليا



اكتشف الخطأ :

ايهم اجابته صحيحة

٢٠



حل النظام
٩ - س = ٣ - ص
٦ - س = ٣ + ص

تدريب على اختبار



(١ - ٣ ، ١)

(١ ، ٣ -)

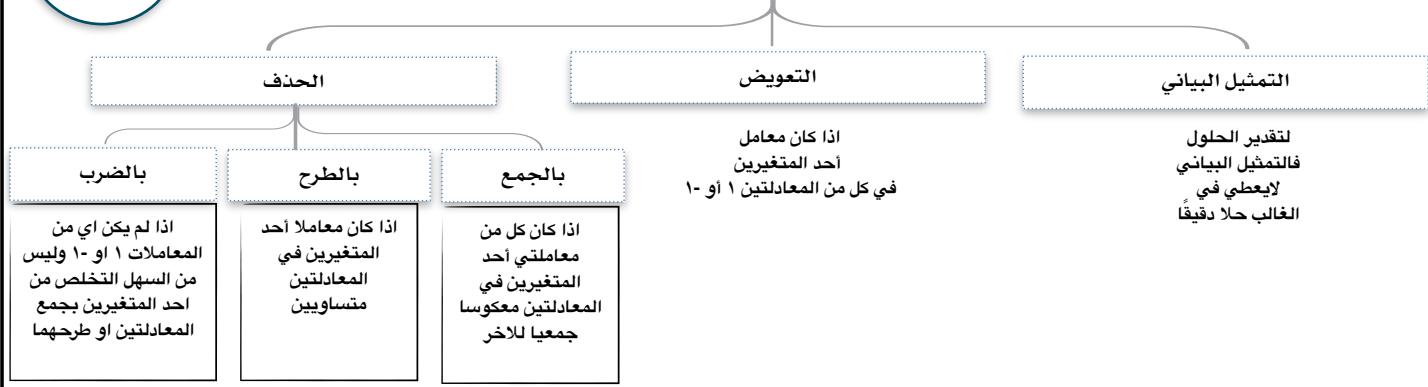
(٣ ، ٣ -)

(٣ ، ٣)





٤) تحديد أفضل الطرق لحل نظام معادلتين



حدد أفضل طريقة لحل النظام الآتي ثم حله

$$\begin{aligned} 3s - 4c &= 10 \\ 2s + 8c &= 5 \end{aligned}$$

١ ب

تحقق من فهمك

$$\begin{aligned} 5s + 7c &= 2 \\ 9s + 7c &= 2 \end{aligned}$$



١١

$$\begin{aligned} 5s - c &= 17 \\ 3s + 2c &= 5 \end{aligned}$$

١ د

$$\begin{aligned} s - c &= 9 \\ 7s + c &= 7 \end{aligned}$$

١ ج



تطبيق أنظمة المعادلات الخطية



تحقق من فهمك

٢

تطوع سعيد لعمل خيري مدة ٥٠ ساعة ويخطط ليقطع ٣ ساعات في كل أسبوع من الأسابيع القادمة أما أسامة فهو متطلع جديد يخطط ليقطع ٥ ساعات في كل أسبوع اكتب نظاماً من المعادلات وحله لايجاد بعد كم أسبوع يصبح عدد الساعات التي تطوع بها كل من سعيد واسامة متساوياً

تسوق : اشتري عبدالله ٤ كراسات و ٣ حقائب بمبلغ ١٨١
ريالاً واشتري عبدالرحمن كراسة وحقيبتين بمبلغ ٩٤ ريالاً

تأكد

ب) حدد أفضل طريقة لحل النظام

أ) اكتب نظاماً من معادلتين

اي أنظمة المعادلات الآتية يختلف عن الانظمة الثلاثة الأخرى؟

مسائل مهارات التفكير العليا



$$\begin{aligned} s - c &= 3 \\ s + \frac{1}{3}c &= 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} s + c &= 0 \\ s - 2c &= 5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} c &= s - 4 \\ c &= \frac{s}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} c &= s + 1 \\ c &= 3s \end{aligned}$$

اذا كانت $s + 3c = 12$ ، $4s - 5c = 17$ فما قيمة ص ؟

تدريب على اختبار



(١٠، ٣)

د

(٣، ١-)

ج

٣

ب

١-

أ

..... أخرى

تمارين إضافية

اختبار دوري

ملاحظات هامة

التاريخ



الموضوع





دروس الفصل السادس



كثيرات الحدود

٦

١-٦ ضرب وحيدات الحد



٢-٦ قسمة وحيدات الحد



٣-٦ كثيرات الحدود



٤-٦ جمع كثيرات الحدود و طرحتها



٥-٦ ضرب وحيدة حد في كثيرة حدود



٦-٦ ضرب كثيرات الحدود



٧-٦ حالات خاصة من ضرب كثيرات الحدود



تعريف المفردات:

وحدة الحد: تكون وحيدة الحد عدداً أو متغيراً أو حاصل ضرب عدد في متغير واحد أو أكثر بأسس صحيحة غير سالبة. وتكون من حد واحد فقط.

الثابت: هو وحيدة حد تمثل عدداً حقيقياً.

تمييز وحدات الحد



حدد ما إذا كانت العبارات الآتية وحيدة حد ، اكتب "نعم" أو "لا" ، وفسر إجابتك:

تحقق من فهمك

٥ - س +

١١

٢٣ أ ب ج د

١٤

٢ ع ص س

١٣

م ف ن

١٤

تأكد



إجابتك:

١٥

حدد ما إذا كانت العبارات الآتية وحيدة حد ، اكتب "نعم" أو "لا" ، وفسر

٢ - ٢ ١٣

$$ن + م = ن \times م$$

ضرب القوى



ضرب القوى: لضرب قوتين لهما الأساس نفسه ، اجمع أسبيهما .

بسط كل عبارة مما يأتي :

تحقق من فهمك



$$(ص^3)^4 (ص^7)^4 =$$

١١

بسط كل عبارة مما يأتي :

تأكد



$$ك(ك^4)^2 (ك^9)^4 =$$

$$ك(ك^3) =$$

٧



$$n \times m = A$$

قوة القوة



قوة القوة: لإيجاد قوة القوة ، اضرب الأسس .

بسط العبارة الآتية :

تحقق من فهتمك

$$= 2^2 [2^2]$$

١٣

بسط كل عبارة مما يأتي :

تأكد

$$= 2^2 [2^3]$$

١١

$$(a b)^n = a^n b^n$$

قوة حاصل الضرب



قوة حاصل الضرب: لإيجاد قوة حاصل الضرب ، أوجد قوة كل عامل .

تحقق من فهتمك

عبر عن مساحة المربع الذي طول ضلعه $3 s^3$ على صورة وحيدة حد .

٤

٤ ب عبر عن مساحة المثلث الذي ارتفاعه $4 a$ وطول قاعدته $5 a$ على صورة وحيدة حد .

تبسيط العبارات



بسط العبارة الآتية :

تحقق من فهتمك

$$\frac{1}{2} a b [4 b]$$

مسائل مهارات التفكير العليا



مسألة مفتوحة: اكتب ثلاثة عبارات مختلفة يمكن تبسيطها إلى س٦

٥٢

تدريب على الاختبار



٤٤ أي العبارات الآتية ليست وحيدة حد ؟

٥ ج ه٤



$$\frac{1}{2} - \frac{1}{2}$$



$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$$

ب



س ص

 أخرى تمارين إضافية اختبار دوري ملاحظات هامة



$$\frac{٢٦}{٥} = ٥ - ن$$

قسمة القوى



قسمة القوى : عند قسمة قوتين لها الأساس نفسه اطرح أسيهما
(أس البسط – أس المقام) .

تأكد



بسط العبارات التالية :

$$\frac{هـ٥}{هـ٢}$$

١

تحقق من فهمك



$$\frac{سـ٣ صـ٤}{سـ٢ صـ٣}$$

١١

$$\frac{٢٦}{٣ بـ} = \frac{٣ بـ}{٢}$$

قوى القسمة



قوى القسمة لإيجاد قوة ناتج قسمة ، أوجد كلاً من قوة البسط و قوة المقام .

تأكد



بسط العبارة :

$$\frac{٥(٣ جـ٢ دـ٢)}{٢ هـ٥}$$

٩

تحقق من فهمك



$$\frac{٢(٢ صـ٢ عـ٣)}{٣}$$

٢٢

خاصية الأس الصفرى



خاصية الأٍصفرى: أي عدد غير الصفر مرفوع للقوة صفر يساوي واحد دائمًا

تأكد



بسط العبارات التالية :

تحقق من فهمك



$$\left(\frac{سـ٣ صـ٤ عـ٣}{سـ٣ صـ٤} \right)^٠$$

١٠

$$\frac{بـ٤ جـ٢ دـ٠}{بـ٢ جـ٠}$$

١٣

$$\frac{٤ رـ٢ هـ٥}{٣ رـ٢ هـ٣}$$

١١

$$\left(\frac{٢ هـ٧ جـ٤ نـ٢}{٦ هـ٩ جـ٣ نـ١٥} \right)$$

٣٦



خاصية الأسس السالبة



لأي عدد حقيقي أ لا يساوي الصفر، و لأي عدد صحيح ن
فإن مقلوب أ هو أ، و مقلوب أ هو

تأكد



$$\frac{f - 3 - g}{h - 4}$$

١٢

بسط العبارات التالية:

تحقق من فهمك



$$\frac{f - 3 - g}{h - 4}$$

١٤

مسائل مهارات التفكير العليا



تبرير: هل المعادلة " $s \times s = s^2$ " صحيحة أحياناً أم صحيحة دائماً أم غير صحيحة
أبداً؟ فسر إجابتك.

تدريب على الاختبار



$$(33) بسط العبارة: (4^{-2} \times 5^{-1}) \times (64^{-1})$$

$$(\text{أ}) \quad \frac{1}{64}$$

$$(\text{ج}) \quad 320$$

$$(\text{ب}) \quad 64$$

$$(\text{د}) \quad 1024$$

 أخرى.....

 تمارين إضافية

 اختبار دوري

 ملاحظات هامة


التاريخ : / /





■ كثيرة الحدود هي وحيدة حد أو مجموعة وحدات حد، وتسمى كل وحيدة حد منها حدا في كثيرة الحدود.

■ درجة كثيرة الحدود : هي أكبر درجة لاي حد من حدودها

■ درجة وحيدة الحد : هي مجموع أساس كل متغيراتها

تمييز كثيرات الحدود

تأكد



تحقق من فهتمك



حدد إذا كانت كل عبارة فيما يأتي كثيرة حدود أم لا ، و إذا كانت كذلك فصنفها إلى وحيدة الحد ، أو ثنائية حد ، أو ثلاثة حدود

$2x^2 + 5x + 3$

١

١١ س

$x^4 + 6x^5$

٤

١٠ س

١١

درجة كثيرة الحدود

تأكد



تحقق من فهتمك



٣-



٧ س ص٥ ع

$x^3 - 6$



١٢

الصورة القياسية لكثيرة الحدود

اكتب كثيرة الحدود بالصورة القياسية ، و حدد المعامل الرئيس فيها :

تأكد



تحقق من فهتمك



$4x^2 - 5x^4 + 2x^5$



$3x^3 - 8x^2 + 4x^4 - 2x^5$

١٢

مسائل مهارات التفكير العليا



تبرير : وضح اذا كانت العبارة (يمكن ان تكون درجة ثنائية الحد صفرًا) صحيحة دائمًا ، أم صحيحة أحياناً ، أم غير صحيحة ابداً و فسر اجابتك

تدريب على الاختبار



ما قيمة ص التي تحقق نظام المعادلات أدناه ؟

$$2s + 19 = 4s - 6 \quad s = ?$$

١٥) ب) ٨ ج) ٧ د) ١٠

..... أخرى

تمارين إضافية

اختبار دوري

ملاحظات هامة



جمع كثيرات الحدود



تأكد



اوجد الناتج :

$$(6s^2 - 4) + (-2s^3 + s)$$

تحقق من فهمك



اوجد الناتج :

$$(5s^2 - 3s + 4) + (6s^3 - 3s^2)$$

طرح كثيرات الحدود



اوجد الناتج :

$$(4s^3 - 3s^2 + 6s - 4) - (2s^3 + s^2 - 2)$$

تحقق من فهمك



اوجد الناتج :

$$(3n^3 - 5n + n^2) - (-8n^2 + 3n^3)$$

تأكد



الموضوع: جمع كثيرات الحدود و طرحتها التاريخ: / /



مسائل مهارات التفكير العليا



٢٠) اكتشف الخطأ: يجد كل من ثامر وسلطان ناتج: $(س^2 - س) - (س^3 + س^2)$. فأيهما كانت إجابته صحيحة؟ فسر إجابتك.

سلطان

$$= (س^2 - س) - (س^3 + س^2) \\ = (س^2 - س) + (-س^3 - س^2) \\ = -س^3 - س^2$$

ثامر

$$= (س^3 - س) - (س^3 + س^2) \\ = (س^3 - س) + (-س^3 - س^2) \\ = -س^2$$

تدريب على الاختبار



يمكن التعبير عن ثلاثة اعداد صحيحة متتالية بالرموز:
س ، س+١ ، س+٢ ما مجموع هذه الاعداد الثلاثة ؟

د س + ٣

ج س + ٣

هـ س (س+١) (س+٢)

..... أخرى

تمارين إضافية

اختبار دورى

ملاحظات هامة

كن عالي الهمة ..
ولا ترضي بغير القمة !.





٦) ضرب وحيدة حد في كثيرة حدود

تأكد **أوجد الناتج:**
 $(5n - 3)^2 + 2n$

تحقق من فهمك **أوجد الناتج:**
 $(15 - 2n)(14 - 2n)$

٧) تبسيط العبارات

بسط العبارة:
 $= 3(5s^2 + 2s - 4) - s(7s^2 + 2s - 3)$

تأكد **بسط العبارة:**

$s(3s^2 + 4) + 2(7s^2 - 3)$



معادلات تتضمن كثيرات حدود في طرفيها

حل المعادلة:

$$4b) \quad d(d+3) - d(d-4) = 16 - d$$

تحقق من فهمك



حل المعادلة:

تأكد

$$(11 - 6d)(2 - 2d) = 11(2 - 2d) - 6(2 - 2d)$$





اكتب: صف خطوات ضرب وحيدة حد في كثيرة حدود.

تدريب على الاختبار

- إذا كانت $A = 5s + 7t$ ، $B = 2s - 3t$ ، فأوجد $A + B$
أ) $2s - 9t$ ب) $3s + 4t$ ج) $2s + 9t$ د) $2s - 5t$

..... أخرى

تمارين إضافية

اختبار دورى

ملاحظات هامة



خاصية التوزيع

أوجد الناتج :

تأكد



$$(s + 5)(s + 2) =$$



بسط العبارة :

تحقق من فهمك



$$(m^3 + 4)(m + 5) =$$



طريقة التوزيع بالترتيب

أوجد الناتج :

تأكد



$$(4n + 3)(n + 9)$$



تحقق من فهمك

أوجد الناتج :



$$(4b - 5)(2b + 3) =$$



أوجد الناتج :

تأكد



$$(4x^2 - 3x + 7)(x^3 + 2x^2 - 5x) =$$



تحقق من فهمك

أوجد الناتج :



$$(3s - 5)(2s^2 + 7s - 8) =$$



مسائل مهارات التفكير العليا



تبرير: وضح اذا كانت العبارة (يمكن استعمال التوزيع بالترتيب لضرب ثنائية حد في ثلاثة وحد) صحيحة دايماً أم صحية أحياناً أم غير صحيحة أبداً وفسر اجابتك

تدريب على الاختبار



- ٣٢) ما ناتج ضرب العبارتين: $2s^5 - 5s^3 + 4s^2$
- ج) $6s^2 - 20$
- أ) $5s - 1$
- ب) $6s^2 - 20s^7 + 2s^6$
- د) $6s^2 + 2s^5 - 20$

..... أخرى

تمارين إضافية

اختبار دورى

ملاحظات هامة

تكمّن جذور الإنجاز الحقيقي في
رغبتك في أن تصبح أفضل
مايمكنك ..





مربع مجموع حددين



$$a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$$

اوجد الناتج :

تحقق من فهمك

$$(s^2 + 4s)^2 =$$

اوجد الناتج :

تأكد

$$(s^2 + 5s)^2 =$$

مربع الفرق بين حددين

$$a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$$

اوجد الناتج :

تحقق من فهمك

$$(6b - 1)^2 =$$

اوجد الناتج :

تأكد

$$(11 - a)^2 =$$

ناتج ضرب مجموع حددين في الفرق بينهما

$$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$$

اوجد الناتج :

تحقق من فهمك

$$a(3n + 2)(3n - 2) =$$

تأكد

$$(a - 3)(3 + a) =$$



حدد العبارة المختلفة عن العبارات الثلاث الأخرى فيما يأتي :

$$(ج + د)(ج - د)$$

$$(ج - د)(ج + د)$$

$$(ج + د)(ج - د)$$

$$(ج - د)(ج - د)$$

تدريب على الاختبار



٥١) مانتج ضرب (٣ - ٢)(٢ - ١) ؟

ج) $٩ - ١٢ - ٤٠$

أ) $٩ + ١٢ + ٤٠$

د) $٩ + ١٢ - ٤٠$

ب) $٩ + ٤٠$

..... أخرى

تمارين إضافية

اختبار دوري

ملاحظات هامة



دروس الفصل السابع



التحليل والمعادلات التربيعية

١-٧ تحليل وحيدة الحد

٢-٧ استعمال خاصية التوزيع

٣-٧ المعادلات التربيعية: $s^2 + bs + c = 0$

٤-٧ المعادلات التربيعية: $a s^2 + bs + c = 0$

٥-٧ المعادلات التربيعية: الفرق بين مربعين.

٦-٧ المعادلات التربيعية: المربعات الكاملة.



أحل وحيدة الحد إلى عواملها .



تحقق من فهتمك



حل كل وحيدة حد فيما يأتي تحليلا تماماً :

٢١٥٢ - ب

(أ)

٣٤ س ٤ ص ٣

١١

حل كل وحيدة حد فيما يأتي تحليلا تماماً :

تأكد



٤ ج ١٢ هـ



أجد القاسم المشترك الأكبر (ق.م.أ) .

أوجد القاسم المشترك الأكبر (ق.م.أ) لكل زوج من وحدات الحد الآتية :

٢١١١ ب، ٢١، ١٢ ب

(ب)

٦ س ص ٣ ، ١٨ ص ع



١٢



أجد القاسم المشترك الأكبر (ق.م.أ).



أوجد القاسم المشترك الأكبر (ق.م.أ) لكل زوج من وحدات الحد الآتية :

تأكد



٧ ج.ه ، ١١ م ب

٢٤ ج.د ، ٤٨ ج.د

5

تحقق من فهمك



(3) ما أكبر قيمة يمكن أن تمثل الطول المشترك لكل من المستطيلين اللذين مساحتها 84 سم^2 ، 70 سم^2 علما بأن بعدي كل منهما عددان كليان؟

تأكد



هنسة : ما أكبر قيمة يمكن أن تمثل العرض المشترك لكل من المستطيلين للذين مساحتها 15 سم^2 ، 16 سم^2 علما بأن بعدي كل منهما عددان كليان؟

9



مسائل مهارات التفكير العلية



تحدد : أوجد أصغر زوج من الأعداد يحقق الشروط الآتية (ق.م.أ) للعددين يساوي ١١ ، أحدهما زوجي، والآخر فردي ، أحدهما ليس من مضاعفات الآخر .

تدريب على اختبار



ما قيمة $ه$ في المعادلة $٤ - ٢٧ = ١٩ + ه$:

٤



٤-



٤٦



٢٣



كن عالي الهمة ..
ولا ترضى بغير القمة !



..... أخرى

تمرين إضافية

اختبار دوري

ملاحظات هامة



أستعمل خاصية التوزيع لتحليل كثيرة حدود .



أستعمل خاصية التوزيع لتحليل كل من كثيرات الحدود الآتية :

تحقق من فهتمك



١١) $(n^2 + 2n^2 - 7)l$

١٥ - ٣٠ ف

حل كلًا من كثيرات الحدود الآتية :

تحقق من فهتمك



١٢) $(n^3 + 15n^2 - 4n - 20)k$

$n^5 - nr - 5$

١٣) $(2f^3 - 18f^2 + 27)f$

$4d - 8 + d - 2j$

٤٣) $(m^8 + m^6 + 2n^2 + nm)$

تأكد



١٥١٥ - ٢١ ب



أحل معادلات تربيعية على الصورة $A s^2 + B s = 0$.

تحقق من فهمنك

حل كلا من المعادلات الآتية :

$$s^2 = 100$$

٤ ج

$$n(n+2) = 0$$

٤ أ

حل كلا من المعادلات الآتية :

تأكد :

$$(m^3 - 9)(2 + m^4) = 0$$

تحقق من فهمنك

(5) قفزة الأرنب : يمكن تمثيل قفزة الأرنب بالمعادلة $u = 2n^2 - 5n$ حيث تمثل (u) ارتفاع القفزة بالمتر ، (n) الزمن بالثواني أوجد قيمة n عندما $u = 0$



مسائل مهارات التفكير العليا



اكتشف الخطأ : حل كل من حمد وراشد المعادلة $2m^2 = 4$ فأيهما كانت إجابته

حمد

$$\begin{aligned} m^4 &= 2m^2 \\ m^4 &= \frac{2m^2}{m^2} \\ 2 &= m \end{aligned}$$

راشد

$$\begin{aligned} m^4 &= 2m^2 \\ 0 &= m^4 - 2m^2 \\ 0 &= (2 - m^2)m^2 \\ 0 &= 2 - m^2 \\ 0 &= m^2 \end{aligned}$$

أي مما يأتي يمثل عاماً للكثيرة
الحدود : $6u^2 - 3u + 4$ $u^2 - 2u + 3$

تدريب على اختبار

١ - $u^2 - 2u$ ٢ - $u + 3u^2$ ٣ - $u^2 - 2u$ ٤ - $u + 2u^2$ 

تكمّن جذور الإنجاز الحقيقي
في رغبتك في أن تصبح
أفضل ما يمكنك ..

 أخرى..... تمارين إضافية اختبار دوري ملاحظات هامة



أحلل ثلاثة حدود على الصورة $s^2 + bs + c$

الخطوات

فتح قوسين ونوزع سين على القوسين

١

اذا الاخير موجب القوسين ياخذون اشارة الوسط

٢

من هما عددان حاصل ضربهم ج وحاصل جمعهم ب اذا الاخير موجب

٣

تأكد :



تحقق من فهتمك



حل كلا من كثيرات الحدود التالية :

$$s^2 + 14s + 24$$

١

$$d^2 + 11d + 24$$

١١

تأكد :



تحقق من فهتمك



حل كلا من كثيرات الحدود التالية :

$$m^2 - 15m + 50$$

٤

$$m^2 - 21m + 22$$

١٢

$$s^2 + bs + c$$

أحلل ثلاثة حدود على الصورة.

الخطوات

فتح قوسين ونوزع سين على القوسين

١

اذا الاخير سالب احد الاقواس يكون سالب والآخر
موجب بحيث العدد الكبير ياخذ إشارة الوسط

٢

من هما عددان حاصل ضربهم ج وحاصل طرحهم ب اذا الاخير سالب

٣

تأكد :



تحقق من فهتمك



حل كلا من كثيرات الحدود التالية :

$$s^2 - 7s - 30$$

٥

$$r^2 - 2r - 24$$

٦



مسائل مهارات التفكير العليا



اكتشف الخطأ : حل كل من خليل وماجد العبارة : $s^2 + 6s - 16 = 0$ فأيهما إجابته صحيحة :

خليل

$$s^2 + 6s - 16 = (s+8)(s-2)$$

ماجد

$$s^2 + 6s - 16 = (s-8)(s+2)$$

أحل المعادلات على الصورة : $s^2 + bs + c = 0$

حل كل معادلة مما يأتي ، وتحقق من صحة الحل :

٤٦ $s^2 + 3s - 18 = 0$

٤٧ $4u^2 - 3u = 0$

تحقق من فهمك

٤٦

(٥) **هندسة** : متوازي أضلاع ارتفاعه أقل من قاعده بـ ١٨ سم ، ومساحته ١٧٥ سم 2 فما ارتفاعه ؟

تحقق من فهمك



حل كل معادلة مما يأتي ، وتحقق من صحة الحل :

٤٨ $n^2 - 3n + 2 = 0$

٤٩ $s^2 - 4s - 21 = 0$

تأكد :



٤٧

سلسلة رفعة لدفتر الرياضيات



أوجد جميع قيم h التي تجعل كثيرة الحدود في كل مما ي يأتي قابلة للتحليل
باستعمال الأعداد الصحيحة :

١٩- س ٢ - هـ س (٣٣)

تدريب على اختبار



(٣٨) إذا كان الفرق بين ٢١ والعدد n هو ٦ ، فما المعادلة
التي تبين هذه العلاقة :

٢١ - $n = 6$ (د) $21 - n = 6$ (ج) $21 + n = 6$ (ب) $n - 21 = 6$ (أ)

..... أخرى

تمارين إضافية

اختبار دوري

ملاحظات هامة



طريق النجاح

مليء بالمعوقات

ولا يصل للنهايات

الا اصحاب العزيمة القوية



أحلل ثلاثة حدود على الصورة . $Ax^2 + Bx + C$

تأكد :



تحقق من فهمك



حل كلا من كثيرات الحدود التالية :

$$2x^2 + 22x + 56$$



$$5x^2 + 13x + 6$$

١١

تأكد :



تحقق من فهمك



حل كلا من كثيرات الحدود التالية :

$$3x^2 - 11x - 20$$



$$2n^2 - n - 1$$

١٢

تحديد كثيرات الحدود الاولية



تأكد :



تحقق من فهمك



حل كلا من كثيرات الحدود التالية :

$$5x^2 - 3x + 4$$



$$7r^2 - 4r$$

١٣

٤٩



مسائل مهارات التفكير العليا



٣٥) اكتب : فسر كيف تحدد القيم التي يجب اختيارها لـ A و B و C عند تحليل كثيرة الحدود على الصورة $Ax^2 + Bx + C = 0$

أصل المعادلات على الصورة : $Ax^2 + Bx + C = 0$

تحقق من فهمك



٤) فيزياء : قذف شخص كرة الى الأعلى من سطح بناءة ارتفاعها ٢٠ م . والمعادلة $h = -5t^2 + 20t + 5$ تمثل ارتفاع الكرة (ع) بالأمتار بعد (ن) ثانية . فإذا سقطت الكرة على شرفة ارتفاعها ٤ م عن الأرض ، فكم ثانية بقيت الكرة في الهواء .

حل كل معادلة مما يأتي ، وتحقق من صحة الحل :

تأكد :

$$2s^2 + 9s + 8 = 0$$





مسائل مهارات التفكير العليا



٣٣) اكتشف الخطأ : حل كل من زكريا وسامي المعادلة $6x^2 - x = 12$. فما هي الخطأ في حل كل منهما؟

سامي

$$\begin{aligned} 12 &= x^2 - 6 \\ 12 &= (x - 1)(x - 6) \\ 12 &= 12 \text{ أو } x - 6 = 1 \\ x &= 12 \text{ أو } x = 7 \end{aligned}$$

زكريا

$$\begin{aligned} 12 &= x^2 - 6 \\ 0 &= x^2 - 6 - 12 \\ 0 &= (x - 3)(x + 4) \\ 0 &= 3 - x = 4 + x \\ x &= \frac{3}{4} \text{ أو } x = -\frac{3}{4} \end{aligned}$$

٣٧) ما مجموعة حل المعادلة

$$x^2 + 2x - 24 = 0$$

تدريب على اختبار



{٦، ٤}



{٨، ٣}



{٨، ٣}



{٦، ٤}



..... أخرى

تمارين إضافية

اختبار دوري

ملاحظات هامة

الموضوع المعادلات التربيعية : الفرق بين مربعين التاريخ : / /



أحلل ثنائية حد على صورة فرق بين مربعين .



$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

تأكد



$$س ٩ - ٢$$



تحقق من فهتمك



$$ج ٨١ - ٢$$



تطبيق التحليل أكثر من مره

تأكد



$$\text{حل كلا من كثيرات الحدود الآتية : } ٤٠ - ج ٤ \quad و ٨١ - ٤$$



تحقق من فهتمك



تطبيق طرق مختلفة

تحقق من فهتمك



$$٢٥ - ٥٠ = ٢m + ٣m^2$$



$$٥٠ - ٤ = ٢n^2$$



تأكد



$$ج ٣ + ج ٢ - ج ٣ - ج ٢$$





٤٥) اكتشف الخطأ : حلت كل من هلا ومنى العبارة التالية فأيهما كانت اجابتها صحيحة

منى

$$= 16 - 25x^4$$

$$(4x^2 - 5)(4x^2 + 5)$$

هلا

$$= 16 - 25x^4$$

$$(4x^2 - 5)(4x^2 + 5)$$

أحل المعادلات باستعمال الفرق بين مربعين .

تحقق من فهتمك

٤) حل المعادلة: $18 = 50x^3$ ؟

١) $\frac{5}{3}, \frac{5}{3}$

ج) $\frac{5}{3}, \frac{5}{3}$

ب) $\frac{5}{3}, \frac{5}{3}$

٥) $\frac{5}{3}, 0$

معادلة مما يأتي ، وتحقق من صحة الحل :

تدريب وحل مسائل :

$x^2 - 81 = 0$

٤٣

$100 = 25x^2$

٤٩



مسائل مهارات التفكير العليا



٤٦) تحد: بسط العبارة : $9 - (k^2 + 3)$ بتحليلها بالفرق بين مربعين .

٤٨) تبرير: حدد إذا كانت العبارة صحيحة أم خاطئة و أعط مثلاً مضاداً للتحقق من إجابتك (أي ثنائية حد جميع حدودها مربعات كاملة قابلة للتحليل) .

تدريب على اختبار



٥١ - إذا كان أحد جذري المعادلة $2s^2 + 13s - 24 = 0$ هو - ٨ فما هو الجذر الآخر :

$$\frac{2}{3} - \text{د}$$

$$\frac{2}{3} - \text{ج}$$

$$\frac{3}{2} - \text{ب}$$

$$\frac{3}{2} - \text{أ}$$

..... أخرى

تمارين إضافية

اختبار دوري

ملاحظات هامة





أحل ثلاثة حدود على الصورة مربع كامل .



$$a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$$

$$a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$$

تأكد :



تحقق من فهتمك



حدد إن كانت كل ثلاثة حدود فيما يلي مربع كامل أو لا . و إذا كانت كذلك فحللها :

$$36 + 2s + s^2$$



$$9s^2 + 24s + 16$$



التحليل التام

تأكد :



تحقق من فهتمك



حل كلا من كثیرات الحدود التالية وإن لم يكن ذلك ممکنا فاكتب أولية :

$$4s^2 + 9s - 16$$



$$32 - 2s^2$$





٤٠) اكتشف الخطأ: حل كل من منصور و فيصل العبارة التالية فأيهما كانت إجابته صحيحة

فيصل

$$س^8 - س^4 = س^4(س^4 + 1)(س^4 - 1)$$

منصور

$$س^8 - س^4 = س^4(س^4 + 1)(س^4 - 1)$$

أحل المعادلات تتضمن المربعات الكاملة.



حل كل معادلة مما يأتي ، وتحقق من صحة الحل :

تحقق من فهمك

١٤ $121 = (10 - 1)^2$

١٣ $0 = 36 + 12 + 2 \cdot 1$

حل كل معادلة مما يأتي ، وتحقق من صحة الحل :

تأكد

$64 - 48x + 18x^2 = 9$



$4x^2 = 36$





مسائل مهارات التفكير العلية



٤١) تحد: حلل $s^2 + s - 6 = 0$ تحليلياً تماماً.

٤٥) حدد ثلاثة الحدود التي تختلف عن كثيرات الحدود

$$s^2 - 36 + s + 81$$

$$s^2 + 25 + s + 10$$

$$s^2 + 4 + s + 10$$

$$s^2 - 24 + s + 16$$

تدريب على اختبار



٤٧ - حل المعادلة $(s-3)(s-2)=25$:

١٤ ، ٤



٢ ، ٨ -



١٤ ، ٤ -



٨ ، ٢ -



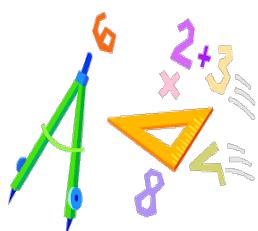
..... أخرى

تمارين إضافية

اختبار دوري

ملاحظات هامة





أجمل وأروع هندسة في
العالم أن تبني جسراً من
الأمل على نهر من
اليأس

المراجع

ما جروهيل - رياضيات ثالث متوسط

الفصل الدراسي الثاني

وزارة التعليم، مجموعة العبيكان للاستثمار

المملكة العربية السعودية

حسابات مجموعة رفعة

