



إعداد الاستاذة / مريم هادي الزبيدي

# الإتصال والنهيات

## أنواع عدم الإتصال

عدم إتصال قفزي  $\lim_{x \rightarrow c} f(x) \neq f(c)$

عدم إتصال لانتهائي  $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = \pm \infty$

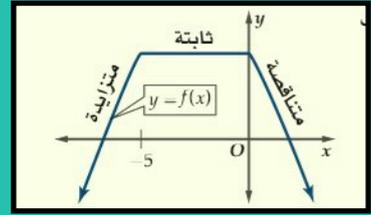
عدم إتصال قابل للإزالة  $\lim_{x \rightarrow c} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow c^+} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow c^-} f(x)$

## اختبار الإتصال

شروط اتصال دالة:  
 •  $f(c)$  موجودة  
 •  $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = \lim_{x \rightarrow c^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow c^-} f(x)$  موجودة  
 •  $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = f(c)$

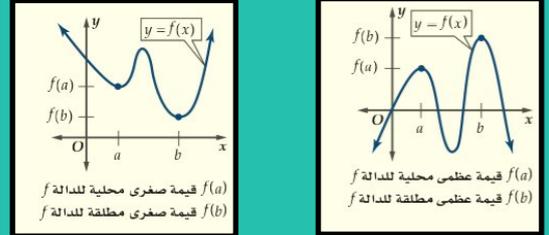
## القيم القصوى ومعدل التغير

### الدوال المتزايدة المتناقصة والثابتة



مريم الزبيدي @mari3math

### القيم القصوى المحلية والمطلقة



### متوسط معدل التغير

متوسط معدل تغير الدالة  $f(x)$  في الفترة  $[a, b]$

$$m_{sec} = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$$

# تحليل التمثيلات البيانية للدوال والعلاقات

## المجال والمدى

بيانيا  $\rightarrow$  المجال جبريا  $\rightarrow$  كثيرة الحدود  $R$

الكسرية {أصفار المقام} الجذرية

الدليل فردي  $\rightarrow$  الجذر في البسط  $R$

الدليل زوجي  $\rightarrow$  الجذر في المقام  $R - \{ \text{أصفار المقام} \}$

تقاطع المنحنى مع محور  $x$

## الدوال الزوجية والفردية

زوجية  $f(-x) = f(x)$

فردية  $f(-x) = -f(x)$

## اختبارات التماثل

اضغط هنا لمشاهدة الشرح

# تحليل الدوال

## العمليات على الدوال

$$(f + g)(x) = f(x) + g(x)$$

$$(f - g)(x) = f(x) - g(x)$$

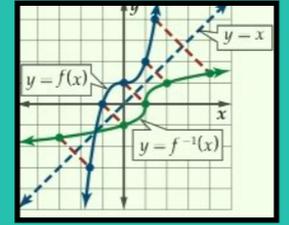
$$(f \cdot g)(x) = f(x) \cdot g(x)$$

$$\left(\frac{f}{g}\right)(x) = \frac{f(x)}{g(x)} \quad g(x) \neq 0$$

$$[f \circ g](x) = f[g(x)]$$

## العلاقات والدوال العكسية

### ايجاد الدالة العكسية بيانيا

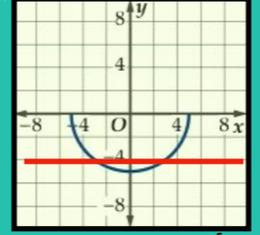


### ايجاد الدالة العكسية جبريا

- نضع  $y$  مكان  $f(x)$
- نبدل بين  $y$  و  $x$
- نحل بالنسبة لـ  $y$

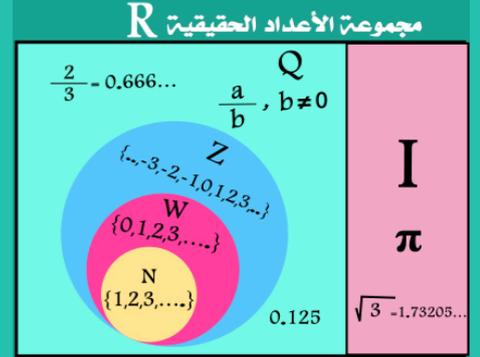
نختار مجموعة من النقاط على  $f(x)$  ثم نوجد صورتها بالانعكاس حول المستقيم  $x=y$

### اختبار الخط الأفقي

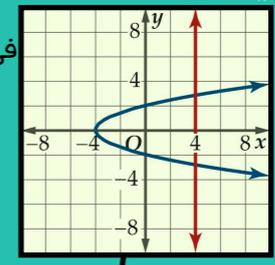


الخط الأفقي قطع المنحنى في أكثر من نقطة.. الدالة العكسية غير موجودة

# الدوال



## تحديد العلاقات التي تمثل دوال



x	y
-8	-5
-5	-4
0	3

ترتبط كل قيمة لـ  $x$  بقيمة  $y$  واحدة فقط لـ  $y$ ، وعليه فإن  $y$  تمثل دالة في  $x$

بما أنه يوجد خط رأسي يقطع التمثيل البياني في أكثر من نقطة، فإن  $y$  لا تمثل دالة في  $x$

## الدوال الرئيسية الأم

<p>دالة القيمة المطلقة <math>f(x) =  x </math></p> <p>المجال <math>R</math> = المدى <math>[0, \infty)</math></p> <p>التمائل حول نقطة الأصل الإبطارد متناقص</p>	<p>الدالة المحايدة <math>f(x) = x</math></p> <p>المجال <math>R</math> = المدى <math>R</math></p> <p>التمائل حول نقطة الأصل الإبطارد متزايدة</p>	<p>الدالة التربيعية <math>f(x) = x^2</math></p> <p>المجال <math>R</math> = المدى <math>[0, \infty)</math></p> <p>التمائل حول نقطة الأصل الإبطارد متناقص</p>	<p>الدالة التكعيبية <math>f(x) = x^3</math></p> <p>المجال <math>R</math> = المدى <math>R</math></p> <p>التمائل حول نقطة الأصل الإبطارد متزايدة</p>
<p>دالة المقلوب <math>f(x) = \frac{1}{x}</math></p> <p>المجال <math>R - \{0\}</math> = المدى <math>R - \{0\}</math></p> <p>التمائل حول نقطة الأصل الإبطارد متناقص</p>	<p>الدالة الثابتة <math>f(x) = c</math></p> <p>المجال <math>R</math> = المدى <math>\{c\}</math></p> <p>التمائل حول محور <math>x</math> ثابت</p>	<p>دالة الجذر التربيعية <math>f(x) = \sqrt{x}</math></p> <p>المجال <math>[0, \infty)</math> = المدى <math>[0, \infty)</math></p> <p>التمائل لا يوجد الإبطارد متزايدة</p>	<p>دالة أكبر عدد صحيح <math>f(x) = [x]</math></p> <p>المجال <math>Z</math> = المدى <math>R</math></p> <p>التمائل لا يوجد الإبطارد متزايدة</p>

## التحويلات الهندسية

انعكاس حول محور  $y$   $\rightarrow$   $g(x) = -a_1 f(-a_2 x + h) + k$

انعكاس حول محور  $x$   $\rightarrow$   $g(x) = a_1 f(-a_2 x + h) + k$

توسيع رأسي  $a > 1$

تضييق رأسي  $0 < a < 1$

توسيع أفقي  $a > 1$

تضييق أفقي  $0 < a < 1$

داخل الدالة أفقي  $\rightarrow$  انسيحاب

خارج الدالة رأسي  $\rightarrow$  انسيحاب