

العمليات على الكسور الاعتيادية

الفصل ٦

الفكرة العامة

- أفهم العمليات على الكسور
الاعتيادية. وأفسرها وأطبقتها.
- أضرب الكسور الاعتيادية
وأقسمها لأحل المسائل.

المفردات:

- الكسور المتشابهة ص (٨٦)
- الكسور غير المتشابهة ص (٩٣)

الربط مع الحياة:

حيوانات: يُعدُّ الوبر من حيوانات الصحراء العربية، ويبلغ متوسط طوله ٤٢ ١/٣ سم.

المطويات

مُنظَّم أفكار

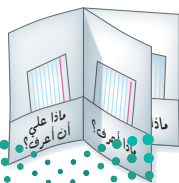
العمليات على الكسور الاعتيادية: اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظتك، مبتدئاً بورقتين A4 وأربع بطاقات ملاحظات، وغراء كما يأتي:



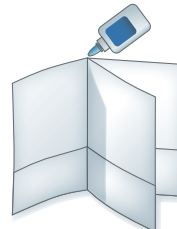
١ **افتح** الطيّة السابقة، واطو بمقدار ٥ سم من أسفل الورقة لتكوّن جيّباً، ثم ألصق حوافه بالغراء.



٢ **اطو** إحدى الورقتين عرضياً من المنتصف.



٣ **اكتب** على جيوب الكتيب اليمنى: ماذا أعرف؟ وعلى الجيوب اليسرى: ماذا عليّ أن أعرف؟ وضع بطاقة ملاحظات في كلّ جيّب.



٤ **كرّر** الخطوتين ١، ٢ مع الورقة الأخرى، ثم ألصق الجزء الخلفي للورقة الأولى مع الجزء الأمامي للورقة الأخرى لعمل كتيب.



التهيئة



أجب عن الاختبار الآتي:

انظر إلى المراجعة السريعة قبل البدء بالإجابة عن الاختبار

اختبار للريخ

مراجعة للريخة

قدّر ناتج كل ممّا يأتي باستعمال التقريب: (مهارة سابقة)

١ ٢, ٦ + ١, ٢ ٢ ٢, ٣ - ٩, ٦

٣ ٤, ٨ - ٨, ٢٥ ٤ ٧, ١ + ٥, ٨٥

٥ **نقود:** اشترى سلطان كيس سكر بـ ١٧, ٩٥ ريالاً، وعلبة عصير بـ ٥, ٤ ريالاً، فكّم ريالاً دفع ثمناً لذلك تقريباً؟

مثال ١:

قدّر ناتج: ٨, ٧٤ - ١٥, ٢ باستعمال التقريب:

قرّب ٨, ٧٤ إلى ٩، وقرّب ١٥, ٢ إلى ٢ إلى ٢ - ٩ = ٧.

لذا ٨, ٧٤ - ١٥, ٢ = ٧ تقريباً.

اكتب كل كسر ممّا يأتي في أبسط صورة: (الدرس ٤-٢)

٦ ٣/١٨ ٧ ٢١/٢٨

٨ ١٦/٤٠ ٩ ٦/٣٨

مثال ٢:

اكتب الكسر ٢٤/٣٦ في أبسط صورة.

اقسم البسط والمقام على (ق. م. أ) لهما والذي يساوي ١٢

$$\frac{24}{36} = \frac{24 \div 12}{36 \div 12} = \frac{2}{3}$$

بما أن القاسم المشترك الأكبر لـ ٢ و ٣ هو ١، فإن ٢/٣ هو أبسط صورة للكسر.

١٠ **واجب منزلي:** أنهت باسمه حلّ ٢١ مسألة من أصل ٣٩ مسألة، اكتب الكسر الدالّ على المسائل المحلولة في أبسط صورة.

مثال ٣:

اكتب ١٩/٧ في صورة عدد كسريّ.

$$\begin{array}{r} 2 \\ 7 \overline{) 19} \\ \underline{14} \\ 5 \end{array}$$

استعمل الباقي بسطاً للكسر

لذا فإنّ ١٩/٧ = ٢ ٥/٧

اكتب كل كسر غير فعليّ فيما يأتي في صورة عدد كسريّ: (الدرس ٤-٣)

١١ ١١/١٠ ١٢ ١٤/٥

١٣ ٧/٥ ١٤ ١٥/٩





معمل الرياضيات تقريب الكسور

استكشاف
١ - ٦

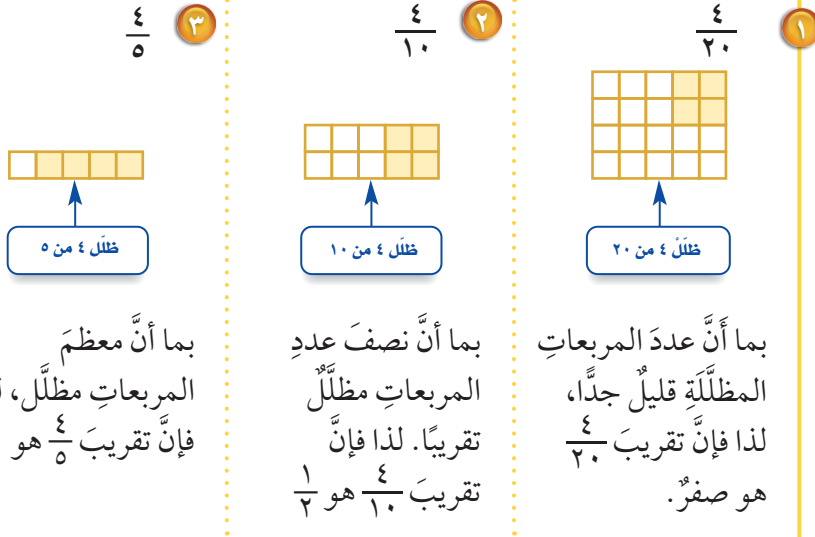
تعلمت في الدرس ٣ - ٣ تقريب الكسور العشرية، والآن يمكنك استعمال طريقة مشابهة لتقريب الكسور الاعتيادية.

فكرة الدرس:

أستعمل النماذج لتقريب
الكسور الاعتيادية إلى أقرب
نصف.

نشاط

ارسم نموذجًا لكل كسر وظلله، ثم استعمل النموذج لتقريب كل كسر إلى أقرب نصف.



تحقق من فهمك:

ارسم نموذجًا لكل كسر وظلله، ثم استعمل النموذج لتقريب كل كسر إلى أقرب نصف:

- (أ) $\frac{13}{20}$ (ب) $\frac{7}{8}$ (ج) $\frac{9}{10}$ (د) $\frac{1}{5}$ (هـ) $\frac{1}{15}$
- (و) $\frac{2}{25}$ (ز) $\frac{6}{10}$ (ح) $\frac{17}{20}$ (ط) $\frac{1}{8}$ (ي) $\frac{7}{16}$

حلّ النتائج

- صنّف الكسور في الفقرات (أ - ي) ثلاث مجموعات وهي: كسور تُقرب إلى صفر، وكسور تُقرب إلى $\frac{1}{2}$ ، وكسور تُقرب إلى ١.
- خمن: قارن بين بسط كل كسر ومقامه في كل مجموعة، ثم بين كيف تُقرب أي كسر إلى أقرب نصف دون استعمال نموذج.
- اختبر تخمينك بإعادة النشاط السابق وحلّ السؤال ١ باستعمال الكسور:

$$\frac{9}{11}, \frac{7}{9}, \frac{7}{15}, \frac{5}{24}, \frac{2}{13}, \frac{16}{20}, \frac{3}{17}, \frac{3}{5}$$



تقريب الكسور والأعداد الكسرية

١-٦

نشاط



استعمل مسطرة وقس سُمك كتابك.

- ١ ما مقدار سُمك كتابك؟
- ٢ بالنظر إلى المسطرة، هل مقدار سُمك الكتاب المُجاور أقرب إلى ٣ سم أم إلى $3\frac{1}{3}$ سم أم إلى ٤ سم؟

الخطوة ١ اختر عدة أشياء من غرفة الصف، وقس أطوالها إلى أقرب نصف سنتيمتر.

الخطوة ٢ صنف القياسات المختلفة ثلاث مجموعات على النحو الآتي:
القياسات التي قُرِبَتْ إلى العدد التالي (التقريب إلى أعلى).
القياسات التي قُرِبَتْ إلى أقرب نصف سنتيمتر.
القياسات التي قُرِبَتْ إلى العدد السابق (التقريب إلى أدنى).

- ٣ قارن بين البسط والمقام في كسور كل مجموعة، موضحاً طريقة المقارنة.
- ٤ اكتب قاعدةً لتقريب الكسور إلى أقرب نصف سنتيمتر.

ومن المفيد أن تكون قادرًا في أغلب الأحيان على تقريب الكسور والأعداد الكسرية إلى أقرب نصف في مواقف من واقع الحياة. والإرشادات الآتية تمكّنك من عملية التقريب هذه:

مفهوم أساسي		
التقريب إلى أدنى:	التقريب إلى $\frac{1}{3}$:	التقريب إلى أعلى:
إذا كان البسط أصغر كثيرًا من المقام، فقرب الكسر إلى العدد السابق.	إذا كان البسط قريبًا من نصف المقام، فقرب الكسر إلى $\frac{1}{3}$.	إذا كان البسط قريبًا من المقام بصورة كبيرة، فقرب الكسر إلى العدد التالي.
مثال:	مثال:	مثال:
$\frac{1}{8}$ تُقرب إلى صفر.	$\frac{3}{8}$ يُقرب العدد إلى $2\frac{1}{3}$	$\frac{7}{8}$ يُقرب إلى ١
١ أصغر من ٨	٣ تساوي نصف ٨ تقريبًا	٧ قريبة من ٨

التقريب إلى أقرب نصف

مثال

١ قرب $\frac{5}{8}$ إلى أقرب نصف.

إرشادات للدراسة

الكسور المتشابهة

يُقَرَّبُ كُلُّ مِنَ الكسرينِ

$\frac{1}{3}$ ، $\frac{2}{3}$ إلى $\frac{1}{2}$

في حين يُقَرَّبُ الكسر $\frac{1}{4}$

إلى أدنى، و $\frac{3}{4}$ إلى أعلى.

تحقق من فهمك:

قرب كلاً مما يأتي إلى أقرب نصف:

(ج) $\frac{2}{9}$

(ب) $2\frac{9}{10}$

(أ) $8\frac{1}{12}$

(و) $\frac{3}{4}$

(هـ) $1\frac{2}{5}$

(د) $\frac{5}{12}$

القياس إلى أقرب نصف

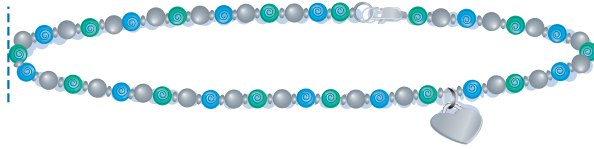
مثال

٢ أوجد طول ورقة الشجر إلى أقرب نصف ستمتر:



تحقق من فهمك:

ز أوجد عرض العقد إلى أقرب نصف ستمتر.



قد يكون من الضروري في بعض المسائل الحياتية تقريب بعض الأعداد إلى أدنى إذا كان من الأفضل للقياس أن يكون صغيراً من أن يكون كبيراً. كما أنه من الضروري أحياناً التقريب إلى أعلى، دون التقيد بقواعد التقريب.

مثال من واقع الحياة

٣ **ذهب:** أرادت امرأة أن تشتري سواراً من ذهب. فإذا كان محيط معصمها $15\frac{1}{4}$ سم، فأى السوارين عليها أن تشتري: سواراً محيطه 15 سم، أم محيطه 16 سم؟



الربط بالحياة

كيف يستعمل صائغ الذهب الرياضيات؟

يستعمل صائغ الذهب الرياضيات في حساب كتلة وسعر الحلية الذهبية التي يبيعها.

تحقق من فهمك

(ح) **أثاث:** تريد ربة منزل أن تشتري أريكة لغرفة الجلوس، فإذا كان عرض باب هذه الغرفة $10\frac{3}{4}$ سم، فهل تُقرب $10\frac{3}{4}$ إلى أعلى أم إلى أدنى؛ لضمان أن تدخل الأريكة من باب غرفة الجلوس؟ وضح إجابتك.

تأكد

قرب كلاً مما يأتي إلى أقرب نصف:

$\frac{1}{5}$ ٥

$\frac{2}{3}$ ٤

$\frac{3}{8}$ ٣

$\frac{1}{3}$ ٢

$\frac{7}{8}$ ١

المثال ١

أوجد طول كل مما يأتي إلى أقرب نصف سم:



٧



٦

المثال ٢

٨ **رسوم:** أرادت خولة أن تحمل رسوماتها في حقيبة من البيت إلى المدرسة لتشارك في معرض للمدرسة، فإذا كان طول الحقيبة $21\frac{1}{4}$ سم، فهل تُقرب $21\frac{1}{4}$ إلى أعلى أم إلى أدنى لضمان دخول رسوماتها في الحقيبة؟ فسّر إجابتك.

المثال ٣

٩ **زراعة:** وجد مزارع أنه يحتاج لتسميد أرضه إلى خلط $15\frac{3}{8}$ كيلوجراماً من السماد بالماء. فهل يُقرب $15\frac{3}{8}$ إلى أعلى أم إلى أدنى عند شرائه السماد؟ وضح إجابتك.

تدرّب وحلّ المسائل

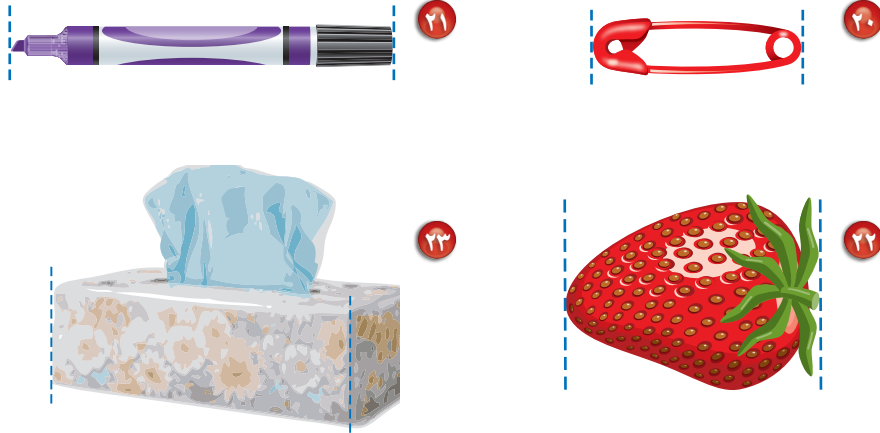
إرشادات للتمارين

التمرين	انظر الأمثلة
١	١٩ - ١٠
٢	٢٣ - ٢٠
٣	٢٥، ٢٤

قرّب كلّ ممّا يأتي إلى أقرب نصف:

$\frac{5}{6}$ (١٠) $2\frac{4}{5}$ (١١) $4\frac{2}{9}$ (١٢) $9\frac{1}{6}$ (١٣) $3\frac{2}{9}$ (١٤)
 $3\frac{1}{12}$ (١٥) $\frac{1}{3}$ (١٦) $5\frac{3}{10}$ (١٧) $\frac{7}{12}$ (١٨) $3\frac{2}{3}$ (١٩)

أوجد طول كلّ ممّا يأتي إلى أقرب نصف سم:



٢٤ نجارة: يريد نجار عمل باب بين عمودين، المسافة بينهما $262\frac{3}{4}$ سم. فهل يُقرّب هذا العدد إلى أعلى، أم إلى أدنى؛ ليتلاءم الباب مع المسافة بين العمودين؟ وضح إجابتك.

٢٥ هدية: يريد ماجد أن يرسل هدية إلى صديقه طولها $35\frac{3}{8}$ سم بالبريد. فهل يُقرّب $35\frac{3}{8}$ سم إلى أعلى أم إلى أدنى عند شرائه صندوقاً ليتسع لهذه الهدية؟ وضح إجابتك.

٢٦ حرف يدوية: تُعدّ خديجة بطاقات أفراح، وتريد أن تضعها داخل مغلفات قياساتها: $15\frac{3}{4}$ سم $\times$ $9\frac{5}{8}$ سم. أوجد أكبر قياس ممكن للبطاقات إلى أقرب نصف سم.

استعمل التقريب لترتيب كلّ مجموعة أعداد فيما يأتي تصاعدياً:

$\frac{4}{7}, \frac{2}{11}, \frac{7}{8}$ (٢٧) $3\frac{6}{7}, 3\frac{3}{14}, 3\frac{5}{9}$ (٢٨) $7\frac{1}{7}, 7\frac{9}{10}, 7\frac{6}{11}$ (٢٩)



مسائل
مهارات التفكير العليا

تحدّ: قَرِّبْ كَلَّامًا يَأْتِي إِلَى أَقْرَبِ رِبْعٍ:

٣٢ $\frac{21}{40}$

٣١ $\frac{79}{100}$

٣٠ $\frac{3}{16}$

٣٣ اكتشف المختلف: حدّد العدد المُختلفَ عَنِ الأعدادِ الثلاثةِ الأُخْرَى.
ووضّح إجابتك.

$\frac{3}{9}$

$\frac{4}{7}$

$\frac{4}{5}$

$\frac{3}{8}$

٣٤ اكتب: كيف تحدّد أنّ ناتج تقريب كسرٍ ما بالتقريبِ إلى أقرب نصفٍ هو:
صفر أم $\frac{1}{2}$ أم ١؟

تدريب على اختبار

٣٥ ما طول الدودة المرسومة أدناه إلى أقرب نصفِ سنتيمتر؟



(أ) ٦

(ب) $5\frac{1}{2}$

(ج) $4\frac{1}{5}$

(د) ٣

٣٦ لدى سمية ورقةٌ بعُدها $10\frac{3}{8}$ سم، $9\frac{3}{4}$ سم،
وتريدُ أن تضعَ عليها صورةً. فما أكبرُ قياسٍ ممكنٍ
لُبُعدي الصورةِ مقَرَّبَةً إلى أقربِ نصفِ سنتيمترٍ؟

(أ) ١٠ سم، ٩ سم

(ب) $10\frac{1}{2}$ سم، $9\frac{1}{2}$ سم

(ج) $10\frac{1}{4}$ سم، ٩ سم

(د) $10\frac{1}{2}$ سم، $9\frac{1}{2}$ سم

الاستعداد للدرس اللاحق

٣٧ مهارةٌ سابقةٌ: قَسِّم ٦ طلابٍ فيما بينهم تكاليفَ عملٍ فطيرتين كبيرتين بالتساوي، إذا كانت تكلفةُ الفطيرةِ الواحدةِ ٩٩، ١٤ ريالاً، فأيهما أكثرُ معقوليةً أن يدفعَ كُلُّ منهم ٥ ريالاتٍ، أم ٦ ريالاتٍ؟ (مهارة سابقة)



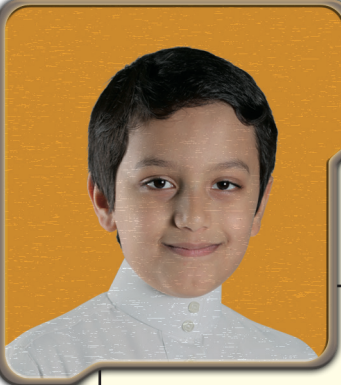


خطّة حلّ المسألة

٦-٢

فكرة الدرس: أحلّ المسائل باستعمال خطّة «تمثيل المسألة»

أمثّل المسألة



سعيد: نريد أنا وماهر وفهد وعليّ أن نركب إحدى عربات مدينة الألعاب. وكلّ عربية فيها صفان، وفي كل صف مقعدان.

مهمّتك: استعمل خطّة «تمثيل المسألة» لتجد عدد الطرق المختلفة التي يمكن أن يجلس بها الأصدقاء الأربعة في العربة على أن يكون ماهر وعليّ بجانب بعضهما.

	افهم
	نظّم
	حلّ
	تحقّق

حلّ الخطّة

١ اشرح كيف يمكن لهذه الخطّة أن تساعد على تحديد معقولة إجابتك بعد الانتهاء من إجراء الحسابات.

٢ اكتب مسألة يمكن حلّها باستعمال خطّة "تمثيل المسألة"، ثمّ وضح طريقة تمثيلها.



مسائل متنوعة

استعمل خطة «تمثيل المسألة» لحل المسائل ٣ - ٥ :

٩ **مدرسة:** يبين الجدول الآتي الشهور التي وُلد فيها بعض طلاب الصف السادس في إحدى المدارس. فبكم يزيد عدد الطلاب الذين وُلدوا في شهر رجب على الذين وُلدوا في شهر شعبان؟

شهور الميلاذ		
رجب	جمادى الأولى	شعبان
المحرم	رجب	صفر
رمضان	صفر	ربيع الأول
ربيع الآخر	شوال	شعبان
رجب	ذو القعدة	شوال
ذو الحجة	رجب	شوال

١٠ **كتل:** كتلة إحدى الأمهات ٦٧,٥ كجم، وكتلة طفلها ١٣,٥ كجم. فكم مرة تساوي كتلة الأم كتلة طفلها؟

١١ **أنماط:** ما العدد المفقود في النمط:

٢٣٤، ٣٤٥، ■، ٥٦٧،؟

١٢ **اختبارات:** فيما يأتي درجات طلاب أحد الصفوف في مادة الرياضيات:

الدرجات					
٦٨	٧٧	٩٩	٨٦	٧٣	٧٥
٨٦	٧٠	٩٧	٩٣	٨٠	٩١
٨٥	٩٨	٧٩	٧٧	٦٥	٨٩

كم مرة تقريباً يساوي عدد الطلاب الذين تتراوح درجاتهم من ٧١ إلى ٨٠ عدد الطلاب الذين تتراوح درجاتهم من ٨١ إلى ٩٠؟

١٣ **لغات:** تستطيع خولة أن تتعلم ١٢ كلمة إنجليزية في ٨ دقائق. فما عدد الكلمات الإنجليزية التي تستطيع تعلمها في ساعة وعشرين دقيقة؟

٣ **مطاعم:** يقدم أحد المطاعم وجبة تتكون من الدجاج أو السمك. بالإضافة إلى القهوة أو الشاي أو عصير الليمون أو الماء. فما عدد الطرق الممكنة لوجبة من هذا المطعم؟ اكتب هذه الطرق.

٤ **سباق تتابع:** اشترك خالد وعمر وفهد وسهيل في سباق جري تتابع. فما عدد الترتيبات الممكنة لهذا السباق على أن يكون خالد آخر من يجري؟ ثم اذكرها.

٥ **فرق:** يُراد توزيع ٢٤ طالبة على أربع فرق بالتساوي على أن تقوم كل طالبة بالعدّ بحسب ترتيب الفرق، وأن يبدأ الفريق الأول بالعدد ١، إذا كان ترتيب طالبة هدى هو الحادية عشرة في عملية العد، فما الفريق الذي تنتمي إليه؟

استعمل الخطة المناسبة مما يأتي لحل المسائل ٦-١٣:

من خطط حل المسألة

- إنشاء جدول
- تمثيل المسألة
- إنشاء قائمة منظمة

٦ **جلوس:** تجلس ست طالبات على مائدة طعام. فإذا انضم إليهن طالبتان وغادرت ثلاث منهن في الوقت نفسه، فما عدد الطالبات اللواتي يجلسن على المائدة الآن؟

٧ **نقود:** اشترت فاطمة منبهًا بخضم مقداره ٩ ريالات عن السعر الأصلي. فإذا دفعت ٣٢ ريالاً، فكم كان سعره الأصلي؟

٨ **إنترنت:** تُريد سلمى أن تزور ثلاثة مواقع إنترنت لمؤسسات حكومية. فبكم ترتيب يمكنها زيارة هذه المواقع؟





جمع الكسور المتشابهة وطرحها

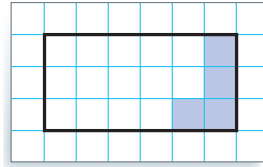
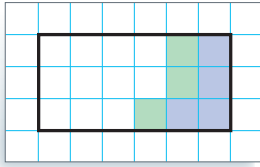
٣ - ٦

نشاط

يمكنك استعمال ورق مربعات لتمثيل جمع كسرين، مثل $\frac{3}{18}$ و $\frac{4}{18}$.
الخطوة ١. ارسم في ورقة مربعات مستطيلاً كالمبين أدناه، وبما أن عدد المربعات الصغيرة هو ١٨، فإن كل مربع منها يمثل $\frac{1}{18}$.



الخطوة ٢. لون أربعة مربعات لتمثل الكسر $\frac{4}{18}$ ، ثم لون ثلاثة مربعات أخرى بلون آخر لتمثل الكسر $\frac{3}{18}$.



الخطوة ٣. بما أن عدد المربعات الملونة هو ٧ من أصل ١٨، فإن مجموع $\frac{4}{18}$ إلى $\frac{3}{18}$ هو $\frac{7}{18}$.

أوجد ناتج جمع كل مما يأتي باستعمال ورق المربعات:

١. $\frac{3}{12} + \frac{4}{12}$ ٢. $\frac{1}{6} + \frac{1}{6}$ ٣. $\frac{3}{10} + \frac{3}{10}$

٤. ما الأنماط التي تلاحظها على البسوط؟

٥. ما الأنماط التي تلاحظها على المقامات؟

٦. اشرح كيف تجد مجموع $\frac{3}{8} + \frac{1}{8}$ دون استعمال ورق المربعات.

الكسور التي لها المقامات نفسها تسمى كسوراً متشابهة. وعندما تجمع كسرين متشابهين أو تطرحهما، فإن المقام يحدد الوحدات الكسرية التي تُضاف أو تُطرح.

$$\underbrace{4 \text{ أجزاء من } 18}_{\frac{4}{18}} + \underbrace{3 \text{ أجزاء من } 18}_{\frac{3}{18}} = \underbrace{7 \text{ أجزاء من } 18}_{\frac{7}{18}}$$

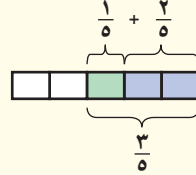
مفهوم أساسي

جمع كسور متشابهة

التعبير اللفظي: لجمع كسرين متشابهين، اجمع بسطيهما، واستعمل المقام نفسه في المجموع. فمثلاً خمسان زائد خمس يساوي ثلاثة أخماس.

$$\frac{1+2}{5} = \frac{1}{5} + \frac{2}{5}$$

$$\frac{3}{5} =$$



جمع الكسور المتشابهة

مثال

أوجد ناتج جمع $\frac{4}{5}$ و $\frac{3}{5}$ ، ثم اكتبه في أبسط صورة.

إرشادات للدراسة

مراجعة

راجع كتابة كسر غير فعلي في صورة عدد كسري في الدرس (٣-٤).

تحقق من فهمك

أوجد ناتج جمع كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

(أ) $\frac{5}{6} + \frac{1}{6}$ (ب) $\frac{6}{7} + \frac{4}{7}$ (ج) $\frac{5}{9} + \frac{1}{9}$

تشبه قاعدة طرح الكسور قاعدة جمع الكسور.

مراجعة المفردات

يكون الكسر في أبسط صورة له عندما يكون القاسم المشترك الأكبر للبسط والمقام ١

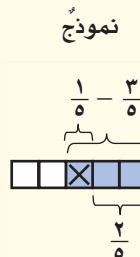
مفهوم أساسي

طرح كسور متشابهة

التعبير اللفظي: لطرح كسرين متشابهين، اطرح بسطيهما، واستعمل المقام نفسه في ناتج الطرح. ومثال ذلك: ثلاثة أخماس ناقص خمس يساوي خمسين.

$$\frac{1-3}{5} = \frac{1}{5} - \frac{3}{5}$$

$$\frac{2}{5} =$$



طرح الكسور المتشابهة

مثال

٢ أوجد ناتج: $\frac{5}{8} - \frac{7}{8}$ ، ثم اكتبه في أبسط صورة.

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج طرح كل مما يأتي في أبسط صورة:

و $\frac{3}{10} - \frac{7}{10}$

هـ $\frac{5}{12} - \frac{11}{12}$

د $\frac{2}{9} - \frac{5}{9}$

مثال من واقع الحياة

٣ نفط: يبلغ احتياطي النفط في المملكة العربية السعودية $\frac{2}{3}$ من مجموع احتياطي النفط العالمي، في حين يبلغ الاحتياطي في الكويت $\frac{1}{3}$ من ذلك المجموع. فما الكسر الذي يدل على الزيادة في احتياطي النفط في السعودية عنه في الكويت؟



الربط بالحياة

تمتلك المملكة العربية السعودية أكبر احتياطي نفطي في العالم، ويُقدَّر بـ ٢٨٩ مليار برميل، وذلك بحسب إحصائيات عام ٢٠١٥م.

تحقق من فهمك:

ز عصير: أضيف $\frac{2}{5}$ لتر من عصير الأناناس إلى وعاء يحتوي على $\frac{3}{5}$ لتر من عصير التفاح. أوجد كمية مزيج العصير الموجودة في الوعاء.

تأكد

المثالان ٢، ١ أوجد ناتج جمع أو طرح كل مما يأتي في أبسط صورة:

٣ $\frac{3}{4} + \frac{3}{4}$

٢ $\frac{1}{7} + \frac{2}{7}$

١ $\frac{1}{5} + \frac{3}{5}$

٦ $\frac{2}{7} - \frac{6}{7}$

٥ $\frac{1}{5} - \frac{4}{5}$

٤ $\frac{1}{8} - \frac{3}{8}$

٧ هوايات: تفضل $\frac{8}{9}$ من طالبات إحدى المدارس هواية القراءة، بينما يفضل $\frac{7}{9}$ منهن هواية الرسم. فما أبسط صورة للكسر الذي يدل على مجموع عدد الطالبات اللواتي تفضلن القراءة والرسم؟

مثال ٣

ارشادات للتمارين

التمارين	انظر الأمثلة
١٣ - ٨	١
١٩ - ١٤	٢
٢١، ٢٠	٣

أوجد ناتج جمع أو طرح كل مما يأتي في أبسط صورة:

٨ $\frac{3}{5} + \frac{4}{5}$ ٩ $\frac{6}{7} + \frac{5}{7}$ ١٠ $\frac{7}{8} + \frac{3}{8}$ ١١ $\frac{5}{9} + \frac{3}{9}$

١٢ $\frac{5}{6} + \frac{5}{6}$ ١٣ $\frac{7}{16} + \frac{15}{16}$ ١٤ $\frac{3}{10} - \frac{9}{10}$ ١٥ $\frac{3}{8} - \frac{5}{8}$

١٦ $\frac{1}{14} - \frac{5}{14}$ ١٧ $\frac{2}{9} - \frac{5}{9}$ ١٨ $\frac{2}{12} - \frac{7}{12}$ ١٩ $\frac{13}{18} - \frac{15}{18}$

٢٠ **تفوق:** في اختبار منتصف العام الدراسي تفوق $\frac{17}{28}$ من طلاب الصف السادس (أ) في مادة الرياضيات، بينما تفوق $\frac{11}{28}$ من طلاب الصف السادس (ب). فكم يزيد الكسر الدال على المتفوقين في الصف (أ) على الكسر الدال عليهم في الصف (ب)؟

٢١ **طبخ:** تحتاج هند إلى $\frac{3}{4}$ فنجان طحين و $\frac{1}{4}$ فنجان حليب و $\frac{1}{4}$ فنجان سكر لعمل كعكة. فما الكسر الدال على الفرق بين الكسر الدال على الطحين، والكسر الدال على الحليب؟

استعمل ترتيب العمليات لتجد الناتج في كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

٢٢ $\frac{3}{5} + \frac{1}{5} + \frac{4}{5}$ ٢٣ $\frac{1}{8} - \frac{5}{8} + \frac{7}{8}$ ٢٤ $\frac{6}{14} + \frac{5}{14} - \frac{13}{14}$

اكتب عبارة جمع أو طرح لكل نموذج مما يأتي، ثم أوجد الناتج:

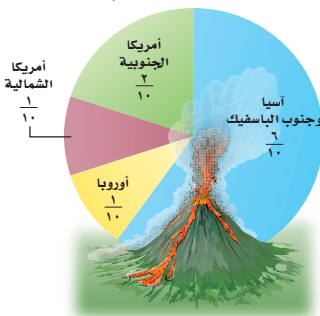


٢٥



٢٦

الثورات البركانية حول العالم لعام ٢٠٠٦ م



٢٧ **تحليل تمثيلات بيانية:** التمثيل المجاور يوضح

المناطق التي حدثت فيها ثورات بركانية عام ٢٠٠٦ م. فما الكسر الدال على الثورات البركانية التي حدثت في أمريكا الشمالية والجنوبية معاً؟ كم يزيد قطاع آسيا وجنوب الباسفيك البركاني على قطاع أوروبا البركاني؟

ارسم نموذجاً يمثل كل عبارة، ثم أوجد ناتج الجمع أو الطرح في كل مما يأتي:

٢٨ $\frac{6}{11} + \frac{3}{11}$ ٢٩ $\frac{1}{4} - \frac{3}{4}$ ٣٠ $\frac{7}{9} + \frac{4}{9}$

٣١ **مسألة مفتوحة:** اختر كسرين متشابهين، الفرق بينهما $\frac{1}{3}$ على ألا يكون العدد ٣ مقام أي منهما. وبرر إجابتك.

٣٢ **تحد:** اكتب العبارة الآتية في أبسط صورة:

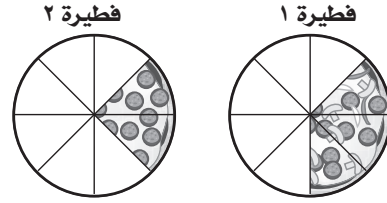
$\frac{1}{15} + \frac{2}{15} - \frac{3}{15} + \frac{4}{15} - \dots + \frac{10}{15} - \frac{11}{15} + \frac{12}{15} - \frac{13}{15} + \frac{14}{15}$

٣٣ **اكتب:** قاعدة بسيطة لجمع أو طرح كسرين متشابهين.

مسائل
مهارات التفكير العليا

تدريب على اختبار

٣٤ اشتريت مجموعة من الأصدقاء فطيرتين كبيرتين، وأكلوا أجزاء من كل فطيرة. والصورة أدناه تمثل الأجزاء المتبقية.



ما الكسر الذي يمثل عدد الأجزاء التي تم أكلها؟

- (أ) $\frac{3}{8}$ (ب) $\frac{5}{8}$
(ج) $1\frac{1}{4}$ (د) $1\frac{3}{8}$

٣٥ تحوي بعض عبوات الجبن ٨ قطع متطابقة، إذا أكل أحمد ١٣ قطعة، ومحمد ٧ قطع، وسعود ١٠ قطع، فأَيُّ مِمَّا يَأْتِي يُسْتَعْمَلُ لإيجاد عدد عبوات الجبن التي أكلها الثلاثة؟

- (أ) $10 + 7 + 13$
(ب) $8(10 + 7 + 13)$
(ج) $\frac{10}{8} \times \frac{7}{8} \times \frac{13}{8}$
(د) $\frac{10}{8} + \frac{7}{8} + \frac{13}{8}$

مراجعة تراكمية

٣٦ **مدرسة:** يريد ٣ طلاب أن يعرض كل منهم ملخصاً لمادة العلوم، بكم طريقة مختلفة يمكن أن يرتب المعلم هؤلاء الطلاب؟ (الدرس ٦ - ٢)

قرب كلاً ممَّا يأتي إلى أقرب نصف: (الدرس ٦ - ١)

- ٣٧ $3\frac{2}{5}$ ٣٨ $\frac{1}{12}$ ٣٩ $6\frac{4}{7}$

٤٠ **رياضة:** يتدرب نايف وبندر على الركض، فيركض نايف ١ كيلومتر كل ٥ دقائق، بينما يركض بندر ٢ كيلومتر كل ٥ دقائق. إذا بدأ بندر الركض بعدما ركض نايف ٣ كيلومتراً، فبعد كم دقيقة سوف يلتقيان؟ (الدرس ٦ - ٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد المضاعف المشترك الأصغر لمقامي الكسرين لكل ممَّا يأتي:

- ٤١ $\frac{5}{8}, \frac{3}{4}$ ٤٢ $\frac{1}{4}, \frac{2}{3}$ ٤٣ $\frac{3}{4}, \frac{3}{10}$ ٤٤ $\frac{2}{9}, \frac{4}{5}$





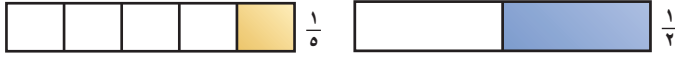
معمل الرياضيات الكسور غير المتشابهة

تُستعمل نماذج الكسور في هذا المعمل لجمع أو طرح كسرين غير متشابهين.

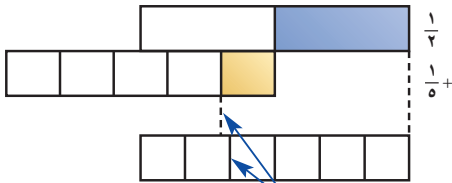
نشاط

١ استعمال نماذج كسرية لإيجاد ناتج $\frac{1}{5} + \frac{1}{4}$

الخطوة ١ اعمل نموذجًا لكل كسر منهما.

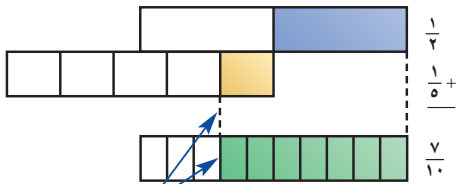


الخطوة ٢ لجمع الكسرين، ضع نهاية الجزء المظلل لنموذج الكسر الأول بمحاذاة بداية نموذج الكسر الثاني.



الخطأ ليساً
على استقامة واحدة

الخطوة ٣ اختبر نماذج كسرية مختلفة تحت النموذجين السابقين، على أن تكون بداية النموذج المختبر مع بداية النموذج الأول، ثم تأكد من أن الخططين المشار إليهما بالسهمين على استقامة واحدة. وإذا لم يتحقق ذلك، فجرب نموذجًا آخر.



الخطأ على
استقامة واحدة

الخطوة ٤ عندما تتوصل إلى النموذج الصحيح، ظلل الأجزاء بين بداية هذا النموذج إلى الموقع الذي يكون عنده الخطان على استقامة واحدة، ثم اقرأ الكسر الممثل.

$$\frac{7}{20} = \frac{1}{5} + \frac{1}{4}$$

تحقق من فهمك:

استعمل نماذج كسرية لإيجاد ناتج جمع كل مما يأتي:

(ج) $\frac{3}{4} + \frac{1}{2}$

(ب) $\frac{1}{3} + \frac{1}{6}$

(د) $\frac{2}{5} + \frac{1}{10}$

استكشاف

٤ - ٦

فكرة الدرس:

أستعمل النماذج لجمع كسرين غير متشابهين، أو طرحهما.

نشاط

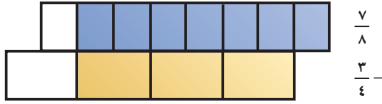
٢ استعمال نماذج كسرية لإيجاد ناتج: $\frac{3}{4} - \frac{7}{8}$

الخطوة ١: اعمل نموذجًا لكل كسر منهما.



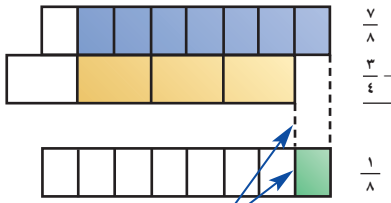
الخطوة ٢:

لكي تطرح، ضع النموذجين أحدهما تحت الآخر على أن تكون نهايتا الأجزاء المظللة للنموذجين إحداهما بمحاذاة الأخرى.



الخطوة ٣:

اختبر نماذج كسرية مختلفة بوضعها تحت النموذجين السابقين، والتحقق من أن الخططين على استقامة واحدة، ثم ظلل الأجزاء من بداية النموذج الصحيح إلى الموقع الذي يكون عنده الخطان على استقامة واحدة.



الخطان على استقامة واحدة

$$\frac{1}{8} = \frac{3}{4} - \frac{7}{8}$$

تحقق من فهمك:

استعمل نماذج كسرية لإيجاد ناتج الطرح في كل مما يأتي:

(د) $\frac{1}{4} - \frac{3}{8}$ (هـ) $\frac{1}{3} - \frac{8}{9}$ (و) $\frac{1}{4} - \frac{2}{3}$

حلّ النتائج

استعمل النماذج الواردة في النشاطين ١، ٢ لملء الفراغات:

١ $\frac{1}{5} + \frac{1}{10} = \frac{1}{10} + \frac{1}{10}$ ٢ $\frac{3}{4} - \frac{7}{8} = \frac{3}{8} - \frac{7}{8}$

اكتب عبارة تستعمل فيها الجمع أو الطرح لكل نموذج فيما يأتي، ثم أوجد الناتج:



٥ خمن: ما العلاقة بين عدد أجزاء نموذج كسر الإجابة ومقامي الكسرين المضافين أو المطروحين؟





جمع الكسور غير المتشابهة وطرحها

٤ - ٦

استعد

عدد الدقائق	الكسر من الساعة
١	$\frac{1}{60}$
٥	$\frac{5}{60}$
١٠	$\frac{10}{60}$
١٥	$\frac{15}{60}$
٢٠	$\frac{20}{60}$
٣٠	$\frac{30}{60}$
٤٥	$\frac{45}{60}$

القياس: يوضح الجدول المجاور كسور

الساعة الواحدة التي تمثل أعدادًا مختلفة من الدقائق.

١ اكتب كل كسر في أبسط صورة.

٢ ما الكسر الذي يساوي مجموع ١٥ دقيقة

و ٢٠ دقيقة؟ اكتبه في أبسط صورة.

٣ فسّر لماذا $\frac{1}{6} + \frac{1}{3} = \frac{1}{2}$ ساعة.

٤ فسّر لماذا $\frac{1}{6} + \frac{1}{3} = \frac{1}{2}$ ساعة.

فكرة الدرس:

أجمع كسرين غير متشابهين، وأطرحهما.

المفردات

الكسور غير المتشابهة

قبل بدء جمع كسرين غير متشابهين، أو كسرين مختلفي المقامين، عليك إعادة كتابة أحد الكسرين أو كليهما؛ للحصول على مقام مشترك.

مفهوم أساسي

جمع كسور غير متشابهة أو طرحها

- لجمع كسرين مختلفي المقام، أو طرحهما:
- أعد كتابة الكسرين مُستعملًا المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) للمقامين.
- اجمع أو اطرح كما في الكسور المتشابهة.
- اكتب المجموع أو الفرق في أبسط صورة عند الحاجة.

جمع كسور غير متشابهة

مثال

١ أوجد ناتج: $\frac{1}{4} + \frac{1}{6}$

الطريقة الأولى استعمال نموذج



استعمال (أ.م.م)

الطريقة الثانية

مراجعة المفردات:

المضاعف المشترك الأصغر للمقامات (أ.م.م) هو أصغر المضاعفات المشتركة بين مقامي كسرين أو أكثر.
مثال: (أ.م.م) لمقامي الكسرين $\frac{1}{3}$ و $\frac{1}{4}$ هو ٤

اختر طريقتك: أوجد ناتج جمع كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

(أ) $\frac{2}{3} + \frac{1}{6}$ (ب) $\frac{1}{6} + \frac{9}{10}$ (ج) $\frac{3}{8} + \frac{1}{4}$

طرح كسور غير متشابهة

مثال

٢ أوجد ناتج: $\frac{1}{4} - \frac{2}{3}$

استعمال نموذج

الطريقة الأولى

استعمال (أ.م.م)

الطريقة الثانية

إرشادات للدراسة

تحقق من معقولية الجواب:

قدر الفرق في المثال ٢:

$\frac{2}{3} - \frac{1}{4} \approx \frac{1}{4} - \frac{1}{4} = 0$ ، صفر، ثم

قارن $\frac{1}{4}$ بالتقدير.

$\frac{1}{4} \approx 0.25$ ، لذا فالإجابة معقولة.

اختر طريقتك: أوجد ناتج طرح كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

(أ) $\frac{2}{5} - \frac{1}{6}$ (ب) $\frac{1}{3} - \frac{3}{4}$ (ج) $\frac{1}{4} - \frac{5}{8}$

وزارة التعليم

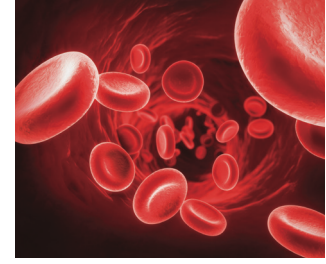
Ministry of Education

2022 - 1444

مثال من واقع الحياة

توزيع فصائل الدم في السعودية				
فصيلة الدم	O	A	B	AB
الكسر	$\frac{13}{20}$	$\frac{13}{50}$	$\frac{9}{50}$	$\frac{1}{20}$

صحة: الجدول المجاور يوضح توزيع فصائل الدم لعينة عشوائية من السكان في المملكة العربية السعودية. استعمل المعلومات الواردة في الجدول لتجد الكسر الدال على عدد حاملي فصيلة الدم O و A.



الربط بالحياة

تحتوي كل قطرة دم على ٥ ملايين خلية دم حمراء تقريباً.

تحقق من فهمك



(ز) **مسح:** الجدول المجاور يوضح نتائج مسح إحصائي حول الهوايات المفضلة لدى أكثر من ٣٦٠٠٠ شخص من خلال الإنترنت. أوجد الكسر الدال على الزيادة في نسبة الذين يفضلون الرسم على الذين يفضلون القراءة.

حساب قيمة عبارة تتضمن كسوراً

مثال

(ج) **جبر:** إذا كانت $\frac{3}{4} = \frac{1}{2}$ ، فاحسب قيمة أ - ب.

إرشادات للدراسة

مراجعة

راجع إيجاد قيم العبارات في الدرس (٥-١).

تحقق من فهمك

(ح) **جبر:** إذا كانت $\frac{2}{5} = \frac{3}{4}$ ، فاحسب قيمة ج - د.

وزارة التعليم

Ministry of Education

الدرس ٤-٦ : جمع الكسور غير المتشابهة وطرقها

تأكّد

المثالان ٢، ١: أوجد ناتج جمع أو طرح كلّ ممّا يأتي في أبسط صورة:

$$\frac{3}{5} - \frac{1}{2}$$

$$\frac{2}{3} - \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{4} + \frac{5}{8}$$

$$\frac{2}{3} + \frac{2}{9}$$

$$\frac{1}{2} - \frac{5}{7}$$

$$\frac{1}{8} - \frac{3}{4}$$

$$\frac{1}{4} + \frac{2}{3}$$

$$\frac{1}{5} + \frac{3}{10}$$

المثال ٣: أدوات: تتراوح قياسات مجموعة قطع المثقب من $\frac{13}{80}$ سم إلى $\frac{13}{20}$ سم. أوجد مدى هذه القطع.

المثال ٤: جبر: احسب قيمة كلّ عبارة ممّا يأتي:

١٠: س + ص إذا كانت س = $\frac{5}{6}$ ، ص = $\frac{7}{12}$ ١١: هـ - و إذا كانت هـ = $\frac{7}{10}$ ، و = $\frac{1}{4}$

تدرّب وحلّ المسائل

أوجد ناتج جمع أو طرح كلّ ممّا يأتي في أبسط صورة:

$$\frac{5}{8} - \frac{1}{4}$$

$$\frac{9}{10} - \frac{1}{2}$$

$$\frac{2}{5} + \frac{1}{2}$$

$$\frac{3}{8} + \frac{1}{4}$$

$$\frac{3}{4} - \frac{2}{5}$$

$$\frac{5}{6} - \frac{7}{10}$$

$$\frac{1}{4} + \frac{2}{3}$$

$$\frac{1}{6} + \frac{3}{4}$$

$$\frac{3}{4} - \frac{7}{8}$$

$$\frac{2}{5} - \frac{9}{10}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{5}{7}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{8}{9}$$

$$\frac{1}{2} - \frac{9}{11}$$

$$\frac{2}{7} - \frac{3}{4}$$

$$\frac{2}{3} + \frac{7}{12}$$

$$\frac{3}{4} + \frac{7}{8}$$

إرشادات للتمارين

للتمارين	انظر الأمثلة
٢٧ - ١٢	٢، ١
٢٩، ٢٨	٣
٣١، ٣٠	٤

تحليل جداول: لحلّ السؤالين ٢٨، ٢٩، استعمل الجدول المجاور الذي يوضّح الكسر الدالّ على بعض أنواع الكتب في مكتبة المدرسة.

٢٨: ما الفرق بين الكسر الذي يمثّل كتب الأدب والشعر، والكسر الذي يمثّل كتب التاريخ؟

٢٩: ما الكسر الذي يمثّل القصص والكتب الدينية معاً؟

النوع	الكسر الممثل
تاريخية	$\frac{1}{12}$
قصص	$\frac{3}{40}$
دينية	$\frac{1}{3}$
أدب وشعر	$\frac{2}{15}$

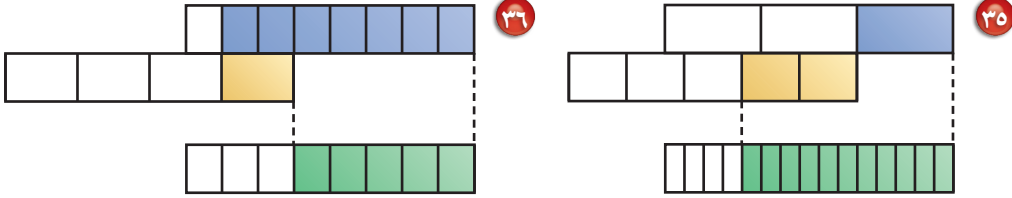
جبر: أوجد قيمة كل عبارة مما يأتي:

٣٠ أ + ب إذا كانت $\frac{7}{11} = \frac{5}{6}$ ، ب = $\frac{5}{6}$ ٣١ س - ص إذا كانت س = $\frac{4}{5}$ ، ص = $\frac{1}{3}$

استعمل ترتيب العمليات في إيجاد الناتج في كل مما يأتي في أبسط صورة:

٣٢ $\frac{11}{15} - \frac{2}{3} + \frac{9}{10}$ ٣٣ $\frac{5}{6} + \frac{5}{8} + \frac{7}{12}$ ٣٤ $\frac{1}{12} - \frac{1}{3} - \frac{15}{16}$

اكتب جملة جمع أو طرح لكل نموذج مما يأتي:



استعمل نماذج كسرية لإيجاد ناتج جمع أو طرح كل عبارة مما يأتي:

٣٧ $\frac{1}{6} + \frac{1}{3}$ ٣٨ $\frac{1}{2} - \frac{5}{8}$ ٣٩ $\frac{2}{3} + \frac{5}{6}$

٤٠ **دراسة:** تعلم نورة أن الدراسة يوميًا أفضل من حفظ المعلومات مرة واحدة. لذا اعتادت تخصيص $\frac{3}{4}$ ساعة لدراسة الرياضيات، و $\frac{3}{5}$ ساعة لدراسة اللغة العربية. فأئي هاتين المادتين خصصت لها زمنًا أكبر؟ وكم كانت الزيادة؟

٤١ **مسألة مفتوحة:** كون نموذجًا، ثم استعمله لتمثيل مجموع كسرين غير

متشابهين.

٤٢ **اكتشف الخطأ:** أوجد كل من سلطان ومازن ناتج $\frac{1}{4} + \frac{5}{8}$ كما هو مبين أدناه. فأيهما كانت إجابته صحيحة؟ وضح إجابتك.



مازن

$$\frac{1+5}{4+8} = \frac{1}{4} + \frac{5}{8}$$

$$\frac{1}{6} = \frac{7}{12} =$$

$$\frac{2}{8} + \frac{5}{8} = \frac{1}{4} + \frac{5}{8}$$

$$\frac{2+5}{8} =$$

$$\frac{7}{8} =$$



سلطان

تحذ: حدّد إن كانت كل جملة مما يأتي صحيحة أحيانًا، أم صحيحة دائمًا، أم غير صحيحة مطلقًا:

٤٣ ناتج جمع كسرين كل منهما أصغر من ١، يكون أصغر من ١

٤٤ ناتج طرح كسرين يكون أصغر من أيّ منهما.

٤٥ **اكتب** مسألة من واقع الحياة تتطلب طرح $\frac{3}{4}$ من $\frac{4}{5}$

مسائل
مهارات التفكير العليا



تدريب على اختبار

٤٦ رسم فهدٌ منظرًا على ورقةٍ من الورق المقوّى طولها $\frac{3}{4}$ متر، وعرضها يقلُّ عن طولها $\frac{1}{3}$ متر، فما عرض هذه الورقة؟

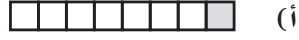
(أ) $\frac{1}{4}$ متر

(ب) $\frac{5}{12}$ متر

(ج) $\frac{7}{12}$ متر

(د) $\frac{1}{12}$ متر

٤٧ قطع سلطانُ مسافةً $\frac{5}{8}$ كيلومترٍ من بيته إلى المسجد، ثمَّ بعد ذلك قطع مسافةً $\frac{1}{4}$ كيلومترٍ لزيارة صديقه. إذا كان كلُّ شريطٍ أدناه يمثل ١ كيلومتر، فأَيُّ شريطٍ مظلّلٍ يمثل المسافة التي قطعها سلطان من بيته إلى صديقه؟



مراجعة تراكمية

أوجد ناتج جمع أو طرح كلٍّ مما يأتي في أبسط صورة: (الدرس ٦ - ٣)

٥١ $\frac{3}{20} - \frac{11}{20}$

٥٢ $\frac{7}{18} + \frac{5}{18}$

٤٩ $\frac{1}{8} - \frac{3}{8}$

٤٨ $\frac{1}{10} + \frac{7}{10}$

٥٢ مطويات: اطوِ ورقةً من منتصفها، ثم أعد طيها مرةً أخرى من منتصفها، وكرّر ذلك مرتين أخريين، ثم افتح الورقة كاملةً. ما عدد الأجزاء الظاهرة في الورقة؟ استعمل خطة تمثيل المسألة. (الدرس ٦ - ٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اكتب عددًا مناسبًا في ■؛ ليصبح الكسران متكافئين: (الدرس ٤ - ٢)

٥٦ $\frac{\blacksquare}{18} = \frac{5}{6}$

٥٥ $\frac{\blacksquare}{12} = \frac{1}{3}$

٥٤ $\frac{\blacksquare}{24} = \frac{1}{8}$

٥٣ $\frac{\blacksquare}{12} = \frac{3}{4}$





جمع الأعداد الكسرية وطرحها

٥-٦

نشاط

يمكنك في هذا النشاط استعمال أطباق دائرية من الورق؛ لجمع الأعداد الكسرية وطرحها.

قص طبقاً ورقياً أرباعاً، وآخر إلى أنصاف.

الخطوة ١

استعمل طبقاً كاملاً وثلاثة أرباع الطبق لتمثيل $1\frac{3}{4}$

الخطوة ٢

استعمل طبقين كاملين ونصف طبق لتمثيل $2\frac{1}{2}$

الخطوة ٣

كوّن ما تستطيع من أطباق الورق الكاملة باستعمال القطع في الخطوات ٢، ٣

الخطوة ٤

١ ما عدد الأطباق الكاملة التي يمكنك عملها؟

٢ ما الكسر الدال على قطع الورق الباقية؟

استعمل نماذج أطباق ورقية لتجد المجموع أو الفرق في كل مما يأتي:

٥ $2\frac{1}{6} + 1\frac{2}{3}$

٤ $1\frac{1}{4} - 2\frac{3}{4}$

٣ $3\frac{1}{2} + 1\frac{3}{4}$

مفهوم أساسي

جمع الأعداد الكسرية وطرحها

- اجمع الأجزاء الكسرية أو اطرَحها.
- ثم اجمع الأعداد الكلية أو اطرَحها.
- أعد كتابة الناتج في أبسط صورة إذا تطلب الأمر ذلك.

مثالان

١ أوجد ناتج: $2\frac{1}{6} - 4\frac{5}{6}$



٢ أوجد ناتج: $٥\frac{1}{4} + ١٠\frac{2}{3}$.

قراءة الرياضيات:

الرموز:

الرمز $\approx$ يعني يساوي تقريباً.

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج جمع أو طرح كل مما يأتي في أبسط صورة:

(أ) $٣\frac{1}{4} + ٥\frac{2}{8}$ (ب) $٢\frac{1}{3} - ٥\frac{1}{4}$ (ج) $٣\frac{1}{4} + ٦\frac{2}{5}$

مثالان إعادة كتابة الأعداد لطرحتها

٣ أوجد ناتج: $٢\frac{7}{8} - ٥$

إرشادات للدراسة

تحويل

يمكنك إيجاد ناتج

$٥ - ٢\frac{7}{8}$ ذهنياً.

فكر:

$٣ = \frac{1}{8} + ٢\frac{7}{8}$

بها أنت، $٢\frac{1}{8} = ٣ - ٥\frac{1}{8}$ ، فإن

$٢\frac{1}{8} = ٢\frac{7}{8} - ٥$

٤ أوجد ناتج: $٩\frac{1}{4} - ١٢\frac{1}{8}$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج طرح كل مما يأتي في أبسط صورة:

(أ) $٢ - ١\frac{6}{7}$ (ب) $٧ - ٢\frac{1}{4}$ (ج) $٣\frac{3}{5} - ٦\frac{2}{5}$ (د) $١١\frac{1}{4} - ٧\frac{1}{8}$ (هـ) $٨\frac{7}{10} - ٦\frac{3}{4}$ (و) $٢ - ١\frac{6}{7}$

مثال من اختبار

٥ **كتل:** تبلغ كتلة أحمد ٧٥ كجم، وكتلة سهيل $٦٨\frac{1}{٤}$ كجم. احسب الفرق بين كتلتيهما.

- (أ) ٥ (ب) $٥\frac{1}{٤}$
(ج) $٦\frac{٣}{٤}$ (د) $٧\frac{٣}{٤}$

إرشادات للاختبارات

حذف البدائل:

تعلم أن الفرق عند تقدير الجواب، يجب أن يكون أكبر من ٦؛ لذا يمكنك حذف البديلين أ، ب.

تحقق من فهمك:

ي) هناك طريقتان لصنع الفطائر تتطلب الأولى $٣\frac{1}{٤}$ أكواب من الدقيق، في حين تتطلب الثانية $١\frac{1}{٣}$ كوب من الدقيق. فكم يزيد عدد أكواب الدقيق في الطريقة الأولى على الطريقة الثانية؟

- (أ) $٢\frac{11}{١٢}$ كوب (ب) $٢\frac{٧}{١٢}$ كوب (ج) $٢\frac{1}{١٢}$ كوب (د) $١\frac{11}{١٢}$ كوب

تاكد

أوجد ناتج جمع أو طرح كل مما يأتي في أبسط صورة:

الأمثلة ١-٤

$$\begin{array}{r} ١٤\frac{٣}{٥} \\ - ٦\frac{٣}{١٠} \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} ٢\frac{٣}{٨} \\ + ٤\frac{1}{٨} \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} ٥\frac{٣}{٤} \\ - ١\frac{1}{٤} \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ١\frac{٣}{٤} - ٤\frac{1}{٣} \\ ٢\frac{٤}{٥} - ٣\frac{٢}{٣} \\ ٨\frac{1}{٤} + ٦\frac{٩}{١٠} \end{array}$$

٧ **اختيار من متعدد:** يقود أحمد سيارته بسرعة $٨٥\frac{٣}{٥}$ كلم/ساعة، بينما يقود خالد سيارته بسرعة $٨٤\frac{1}{٣}$ كلم/ساعة. فكم تزيد سرعة سيارة أحمد على سرعة سيارة خالد؟

المثال ٥

- (أ) $\frac{٩}{١٠}$ (ب) $١\frac{1}{١٠}$ (ج) $١\frac{1}{٥}$ (د) $٢\frac{1}{١٠}$

تدرّب وحلّ المسائل

ارشادات للتمارين

التمارين	انظر الأمثلة
٨ - ١٥	١، ٢
١٦ - ١٩	٣، ٤
٢٠ - ٢٢	٥

أوجد ناتج جمع أو طرح كلّ ممّا يأتي في أبسط صورة:

$$9\frac{4}{5} \text{ ١١}$$

$$4\frac{5}{8} \text{ ١٠}$$

$$4\frac{5}{12} \text{ ٩}$$

$$3\frac{5}{6} \text{ ٨}$$

$$4\frac{2}{5} -$$

$$2\frac{3}{8} -$$

$$6\frac{7}{12} +$$

$$4\frac{1}{6} +$$

$$4\frac{5}{14} - 6\frac{6}{7} \text{ ١٥}$$

$$4\frac{1}{3} - 7\frac{7}{9} \text{ ١٤}$$

$$6\frac{5}{8} + 3\frac{3}{8} \text{ ١٣}$$

$$\frac{4}{5} + 6\frac{3}{5} \text{ ١٢}$$

$$1\frac{5}{6} - 8\frac{1}{3} \text{ ١٩}$$

$$5\frac{3}{10} - 12\frac{1}{5} \text{ ١٨}$$

$$3\frac{3}{5} - 9 \text{ ١٧}$$

$$5\frac{1}{4} - 7 \text{ ١٦}$$

٢٠ أدوات ترشيد المياه: وفّرت رغد بعد استخدامها مرشد استخدام الصنابير $5\frac{1}{4}$ لتراً في اليوم الأول و $4\frac{2}{3}$ لتراً في اليوم الثاني. فكّم تزيد كمية ما وفّرت في اليوم الأول على ما وفّرت في اليوم الثاني؟

٢١ دهان: يرغب أحمد في دهان سقوف ثلاث غرف مختلفة، حيث يحتاج سقف الغرفة الأولى إلى $2\frac{1}{3}$ لتر دهان، وسقف الغرفة الثانية $4\frac{1}{3}$ لتراً، وسقف الغرفة الثالثة $3\frac{3}{4}$ لتراً. فكّم لتراً من الدهان يحتاج أحمد؟

٢٢ مسافات: يبعد بيت محمد $3\frac{1}{4}$ كلم عن بيت عمر. ويبعد بيت عمر $2\frac{1}{4}$ كلم عن الحديقة. والتي تبعد $1\frac{1}{8}$ كلم عن المسجد. إذا أراد محمد أن يذهب من بيته إلى بيت صديقه عمر ليذهب معاً إلى الحديقة ثم إلى المسجد، فأوجد المسافة التي يقطعها محمد.

اكتب عبارة جمع أو طرح لكل نموذج ممّا يأتي، ثم أوجد الناتج:



٢٥ اكتشف الخطأ: أوجدت مرام وغادة ناتج $4 - 7\frac{1}{4}$ فأيهما كانت إجابتها صحيحة؟ وضح إجابتك.



غادة

$$3\frac{1}{4} = 4 - 7\frac{1}{4}$$

$$3\frac{5}{4} - 7\frac{1}{4} = 4 - 7\frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{4} =$$



مرام

٢٦ تحدّ: استعمل الأرقام ١، ١، ٢، ٢، ٣، ٤؛ للحصول على عددين كسريين مجموعهما $4\frac{1}{4}$

٢٧ اكتب: كيف يمكن كتابة $5\frac{3}{7}$ في الصورة $4\frac{1}{7}$ باستعمال الحساب الذهني؟

مسائل مهارات التفكير العليا

تدريب على اختبار

٢٩ كتلة حقيبة عبد الرحمن المدرسية $\frac{1}{8}$ كيلو جرامات، وكتلة حقيبة ناصر المدرسية $\frac{2}{3}$ كيلو جرام. كم تزيد كتلة حقيبة عبد الرحمن على كتلة حقيبة ناصر؟

(أ) $2\frac{11}{24}$ كيلو جرام

(ب) $1\frac{1}{4}$ كيلو جرام

(ج) $1\frac{11}{24}$ كيلو جرام

(د) $1\frac{1}{4}$ كيلو جرام

٢٨ مع مريم شريط، قصت منه ٣ قطع، إذا كان طول القطعة الأولى $\frac{1}{4}$ سم، وطول الثانية $\frac{2}{3}$ سم، وطول الثالثة $\frac{1}{4}$ سم. فما مجموع أطوال هذه القطع معاً؟

(أ) $10\frac{5}{12}$ سم

(ب) $10\frac{1}{3}$ سم

(ج) ١٠ سم

(د) $9\frac{3}{4}$ سم

مراجعة تراكمية

أوجد ناتج جمع أو طرح كل مما يأتي في أبسط صورة: (الدرسان ٦-٣، ٦-٤)

٣٣ $\frac{5}{12} + \frac{7}{9}$

٣٢ $\frac{3}{4} - \frac{4}{5}$

٣١ $\frac{3}{10} - \frac{9}{10}$

٣٠ $\frac{1}{3} + \frac{1}{3}$

٣٤ **جلوس:** بكم طريقة مختلفة يمكن أن يجلس ٤ طلاب على ٤ مقاعد في صف واحد؟ استعمل خطة تمثيل المسألة. (الدرس ٦-٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: قرب كلاً مما يأتي إلى أقرب نصف: (الدرس ٦-١)

٣٨ $2\frac{1}{12}$

٣٧ $5\frac{3}{8}$

٣٦ $7\frac{4}{9}$

٣٥ $1\frac{2}{5}$



أوجد ناتج جمع أو طرح كل مما يأتي في أبسط صورة:

(الدرس ٦ - ٤)

١١ $\frac{1}{6} - \frac{5}{6}$

١٢ $\frac{3}{4} + \frac{5}{8}$

١٢ **اختيار من متعدد:** استغرق عبدالعزيز $\frac{1}{3}$ ساعة في حل واجب الرياضيات، بينما استغرق $\frac{1}{5}$ ساعة في حل واجب العلوم. كم استغرق في حل واجب الرياضيات زيادةً على حل واجب العلوم؟ (الدرس ٦ - ٤)

(أ) $\frac{1}{6}$ ساعة (ب) $\frac{1}{10}$ ساعة

(ج) $\frac{1}{5}$ ساعة (د) $\frac{1}{12}$ ساعة

أوجد ناتج جمع أو طرح كل مما يأتي في أبسط صورة:

(الدرس ٦ - ٥)

١٤ $3\frac{1}{3} - 5\frac{1}{8}$

١٣ $4\frac{4}{12} + 1\frac{5}{12}$

المنطقة	كمية المطر (سم)
أ	$1\frac{1}{4}$
ب	$1\frac{3}{16}$
ج	$1\frac{1}{2}$

١٥ **اختيار من متعدد:** بيّن

الجدول المجاور كميات الأمطار التي هطّلت على ٣ مواقع في أحد الأيام. كم تزيد كمية الأمطار التي هطّلت على المنطقة

ج على الأمطار التي هطّلت على المنطقة ب؟

(الدرس ٦ - ٥)

(أ) $\frac{1}{4}$ سم (ب) $\frac{1}{6}$ سم

(ج) $\frac{1}{2}$ سم (د) $\frac{1}{16}$ سم



قرب كلاً مما يأتي إلى أقرب نصف: (الدرس ٦ - ١)

١ $\frac{7}{8}$

٢ $2\frac{2}{7}$

٣ $6\frac{3}{4}$

٤ **طوابع:** أوجد طول الطابع البريدي أدناه إلى أقرب نصف سنتيمتر. (الدرس ٦ - ١)



٥ **القياس:** يستغرق فهد $1\frac{3}{4}$ ساعة للوصول إلى عمله في الوقت المناسب، فهل يجب عليه مغادرة بيته قبل $1\frac{1}{4}$ ساعة أم ٢ ساعة للوصول إلى عمله؟ (الدرس ٦ - ١)

٦ **ألعاب:** في لعبة المتاهة سار يوسف نحو الشمال، ثم انحرف يميناً وبعد ذلك يساراً. ففي أي اتجاه يسير يوسف الآن؟ (الدرس ٦ - ٢)

أوجد ناتج جمع أو طرح كل مما يأتي في أبسط صورة:

(الدرس ٦ - ٣)

٨ $\frac{5}{11} - \frac{9}{11}$

٧ $\frac{7}{9} + \frac{5}{9}$

٩ شريط ملون طوله $1\frac{1}{16}$ متر، وشريط آخر طوله $\frac{7}{16}$ متر. ما الفرق بين طوليّهما؟ اكتب الإجابة في أبسط صورة. (الدرس ٦ - ٣)



تقدير نواتج ضرب الكسور

٦-٦



استعد

محميات: يوجد ١٦ نمراً في محمية للحيوانات البرية، $\frac{1}{3}$ هذه النمر من الذكور. استعمل ١٦ قطعة عد لتمثيل ١٦ نمراً.

١ هل يمكنك أن توزع قطع العد إلى ثلاث مجموعات، بحيث تحتوي كل منها على العدد نفسه من القطع؟ فسّر إجابتك.

٢ ما مضاعف العدد ٣ القريب من ١٦؟

٣ ما العدد التقريبي لذكور النمر في المحمية؟ وضح إجابتك.

فكرة الدرس:

أقدر نواتج ضرب الكسور باستعمال الأعداد المتناغمة والتقريب.

المفردات

الأعداد المتناغمة

يُعد استعمال الأعداد المتناغمة، أو الأعداد التي يمكن قسمتها ذهنياً، إحدى طرق تقدير نواتج ضرب الكسور.

التقدير باستعمال الأعداد المتناغمة

مثالان

١ قدر ناتج $13 \times \frac{1}{4}$ $13 \times \frac{1}{4}$ تعني $\frac{1}{4}$ الـ ١٣

٢ قدر $\frac{2}{5}$ الـ ١١

تحقق من فهمك:

قدر ناتج الضرب في كل مما يأتي:

(ج) $23 \times \frac{3}{4}$

(ب) $13 \times \frac{5}{6}$

(أ) $16 \times \frac{1}{5}$

التقدير بالتقريب لـ: صفر أو $\frac{1}{4}$ أو ١

مثال

٣ قدر ناتج $\frac{7}{8} \times \frac{1}{3}$

تحقق من فهمك:

قدر ناتج الضرب في كل مما يأتي:

(د) $\frac{9}{10} \times \frac{5}{8}$ (هـ) $\frac{9}{10} \times \frac{5}{6}$ (و) $\frac{1}{9}$ الـ $\frac{5}{6}$

تقدير الأعداد الكسرية

مثال

٤ القياس: قدر مساحة حوض الأزهار الموضح في الشكل المجاور.



م $2\frac{1}{3}$

م $4\frac{7}{8}$

إرشادات للدراسة

مراجعة

يُمكنك مراجعة تقريب

الكسور في الدرس ٦ - ١

تحقق من فهمك:

(ز) تبليط: تم تغطية حافة إحدى الساحات بـ $\frac{2}{3}$ ٣٢ قطعة من الرخام. طول كل قطعة منها $\frac{1}{4}$ م، أوجد الطول التقريبي للحافة بالأمطار.

تأكد

قدر ناتج الضرب في كل مما يأتي:

الأمثلة ١-٣

١ $15 \times \frac{1}{8}$ ٢ $21 \times \frac{3}{4}$ ٣ 26 الـ $\frac{2}{5}$ ٤ 68 الـ $\frac{1}{10}$

٥ $\frac{8}{9} \times \frac{1}{4}$ ٦ $\frac{1}{9} \times \frac{5}{8}$ ٧ $\frac{4}{5} \times 6\frac{2}{3}$ ٨ $10\frac{3}{4} \times \frac{9}{10}$

٩ القياس: قدر مساحة ممرٍ مستطيل الشكل طوله $9\frac{3}{4}$ م وعرضه ٤ م

المثال ٤

١٠ القياس: قدر مساحة حديقة مستطيلة الشكل طولها $24\frac{1}{4}$ م وعرضها $9\frac{2}{3}$ م

وزارة التعليم

Ministry of Education

2022 - 1444

١٠٦ الفصل ٦: العمليات على الكسور الاعتيادية

تدرب وحل المسائل

ارشادات للتمارين

التمارين	انظر الامثلة
٢٠ - ١١	٢، ١
٢٤ - ٢١	٣
٢٦، ٢٥	٤

قدّر ناتج الضرب في كل ممّا يأتي:

$٢١ \times \frac{1}{4}$ (١١) $٢٦ \times \frac{1}{5}$ (١٢) $\frac{1}{3}$ الـ ٤١ (١٣) $\frac{1}{4}$ الـ ١٧ (١٤)
 $٢٢ \times \frac{5}{7}$ (١٥) $\frac{2}{9}$ الـ ٨٨ (١٦) $\frac{2}{3}$ الـ ١٠ (١٧) $\frac{3}{8}$ الـ ٤ (١٨)

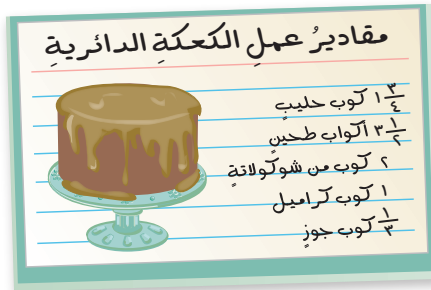
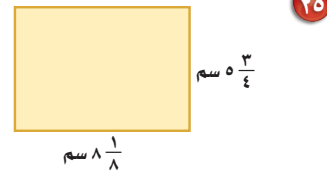
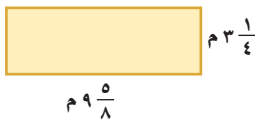
١٩ شطائر: تُعدّ فاطمة شطائر دائرية لـ ١١ صديقة لها، بحيث تخصّص $\frac{1}{4}$ شطيرة لكل واحدة. أوجد بصورة تقريبية عدد قطع الشطائر التي ستعدها فاطمة لصديقاتها.

٢٠ كتب: يودّ طلال أن ينهي قراءة $\frac{2}{5}$ أحد الكتب قبل يوم الجمعة القادم. فإذا كان عدد صفحات الكتاب ٢٠٣، فأوجد عدد الصفحات التقريبي الذي يتعيّن عليه قراءتها قبل يوم الجمعة.

قدّر ناتج الضرب في كل ممّا يأتي:

$\frac{1}{9} \times \frac{5}{8}$ (٢١) $\frac{3}{8} \times \frac{11}{12}$ (٢٢) $\frac{3}{4} \times \frac{1}{3}$ (٢٣) $\frac{1}{12} \times \frac{5}{8}$ (٢٤)

قدّر مساحة كل مستطيل ممّا يأتي:



٢٧ طبخ: استعمل معلومات الشكل المجاور للمقادير التي استعملها سُفيان في عمل الكعكة لحلّ السؤالين ٢٧، ٢٨:

٢٧ إذا كانت كتلة كوب الجوز ٢٤٢ جم، فكمّ جراماً من الجوز في المقادير تقريباً؟

٢٨ إذا أراد سُفيان تجهيز ٣ كعكات، فكم كوباً من الحليب يحتاج تقريباً؟



مسائل

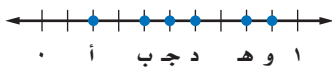
مهارات التفكير العليا

٢٩ اختر طريقة: أي الطرق الآتية يمكنك استعمالها لتحديد بسهولة معقولة الجواب لناتج ضرب $\frac{1}{11} \times 4 \times \frac{1}{13} \times 7$ ؟ فسّر إجابتك.

التقدير

استعمال النماذج

الحساب الذهني

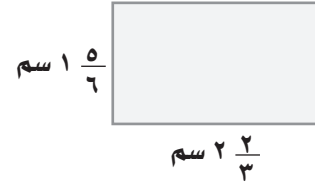


٣٠ تحد: حدّد على خطّ الأعداد النقطة التي يمكن أن تمثل ناتج ضرب العددين اللذين تمثلهما النقطتان د، هـ. وضح إجابتك.

٣١ اكتب: مسألة من واقع الحياة يمكن حلّها بتقدير ناتج $\frac{3}{5} \times 21$ ، ثم حلّها باستعمال الأعداد المتناغمة.

تدريب على اختبار

٣٢ ما أفضل تقريب لمساحة المستطيل أدناه؟



- (أ) ٢ سم (ب) ٣ سم (ج) ٤ سم (د) ٦ سم

٣٣ ذهب ٣٣ طالبًا في رحلة مدرسية. إذا حضر نصف إلى ثلاثة أرباع الطلاب معهم حلويات، فأَيُّ ممّا يأتي يُقدّر عدد الطلاب الذين أحضروا حلويات؟
(أ) أقل من ١٦
(ب) بين ١٦ و ٢٥
(ج) بين ٢٥ و ٣٠
(د) أكثر من ٣٠

مراجعة تراكمية

٣٤ الجبر: استعملت سميرة $\frac{1}{4}$ كيلوجرام من اللحم، و $\frac{1}{3}$ كيلوجرام من الجبن في إعداد وجبة طعام. كم تزيد كمية اللحم على كمية الجبن؟ (الدرس ٦ - ٥)

أوجد ناتج جمع أو طرح كلّ ممّا يأتي في أبسط صورة: (الدرس ٦ - ٤)

٣٨ $\frac{1}{10} - \frac{9}{10}$

٣٧ $\frac{5}{12} + \frac{5}{6}$

٣٦ $\frac{1}{3} - \frac{8}{9}$

٣٥ $\frac{4}{5} + \frac{2}{3}$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد القاسم المشترك الأكبر لكل ممّا يأتي: (الدرس ٤ - ١)

٤٢ ٢٤، ١٦

٤١ ١٥، ٩

٤٠ ١٠، ٤

٣٩ ٩، ٦



معمل الرياضيات ضرب الكسور

استكشاف
٧ - ٦

كما استعملت في درس «استكشاف ٣-٧» نماذج عشرية لضرب الكسور العشرية، فإنه يمكنك استعمال نماذج مشابهة لضرب الكسور الاعتيادية في هذا الدرس.

فكرة الدرس

أضرب الكسور باستعمال
النماذج.

نشاط

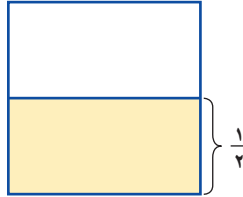
١ أوجد ناتج $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4}$ باستعمال نموذج.

لإيجاد $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4}$ ، أوجد $\frac{1}{4}$ الـ $\frac{1}{3}$

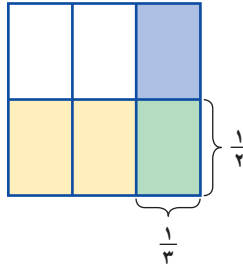
ابدأ بمربع لتمثيل العدد ١



لون $\frac{1}{4}$ المربع باللون الأصفر



لون $\frac{1}{3}$ المربع باللون الأزرق،
وسيظهر الجزء المظلل باللونين الأصفر
والأزرق معاً باللون الأخضر.



وبذلك يكون $\frac{1}{4}$ المربع مظللاً باللون الأخضر؛ لذا $\frac{1}{4} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{3}$

تحقق من فهمك:

استعمل نموذجاً لإيجاد ناتج ضرب كل مما يأتي:

(أ) $\frac{1}{4} \times \frac{1}{4}$ (ب) $\frac{1}{4} \times \frac{1}{3}$ (ج) $\frac{1}{5} \times \frac{1}{4}$

حلّ النتائج

١ صف كيف يمكنك تغيير النموذج لتجد $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4}$ ، هل الناتج هو نفسه؟
ناتج $\frac{1}{4} \times \frac{1}{3}$ ؟ فسّر إجابتك.

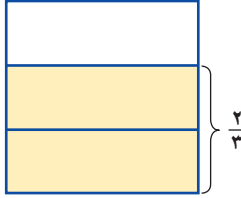
نشاط

٢ استعمل نموذجًا لإيجاد ناتج $\frac{2}{3} \times \frac{3}{5}$ ، واكتبه في أبسط صورة.
لإيجاد ناتج $\frac{2}{3} \times \frac{3}{5}$ ، أوجد $\frac{2}{3}$ الـ $\frac{3}{5}$

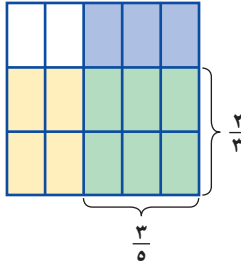
ابدأ بمربع لتمثيل العدد ١



لوّن $\frac{2}{3}$ المربع باللون الأصفر



لوّن $\frac{3}{5}$ المربع باللون الأزرق



فيكون ٦ أجزاء من ١٥ جزءًا ملوّنًا باللون الأخضر؛ لذا فإن: $\frac{2}{3} \times \frac{3}{5} = \frac{6}{15} = \frac{2}{5}$

تحقق من فهمك:

استعمل نموذجًا لإيجاد ناتج ضرب كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

(د) $\frac{2}{3} \times \frac{3}{4}$ (هـ) $\frac{0}{4} \times \frac{2}{5}$ (و) $\frac{3}{8} \times \frac{4}{5}$

إرشادات للدراسة

ضرب الكسور:

طريقة إيجاد $\frac{2}{3} \times \frac{3}{5}$ هي

طريقة إيجاد $\frac{2}{3} \times \frac{3}{5}$ نفسها.

لذلك بإمكانك أن تظلل $\frac{3}{5}$

المربع باللون الأصفر، ثم $\frac{2}{3}$

المربع باللون الأزرق.

حلّ النتائج

٢ ارسم نموذجًا لتوضّح أن $\frac{0}{4} = \frac{2}{3} \times \frac{1}{18}$ ، ثم اشرح كيف يوضّح النموذج أن أبسط صورة للكسر $\frac{1}{18}$ هي $\frac{0}{9}$

٣ فسّر العلاقة بين بسطي الكسرين في المسألة، وبسط الناتج. ماذا تلاحظ حول مقامات الكسرين في المسألة ومقام الناتج؟

٤ خمن: اكتب قاعدة تستعملها لضرب الكسور.





ضرب الكسور

٧-٦

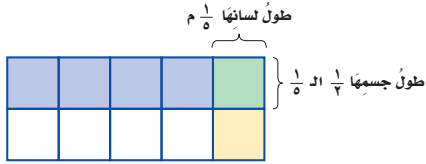
استعد



زواحف: يبلغ طول جسم الحرباء $\frac{1}{3}$ طول لسانها تقريباً. وهناك نوعٌ منها يصل طول لسانه إلى $\frac{1}{5}$ م.

فكرة الدرس:

أضرب الكسور.



المنطقة المشتركة في النموذج المجاور

تمثل طول الحرباء، والذي يساوي

$$\frac{1}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{15} \text{ م}$$

١ بناءً على النموذج، ما الكسر الذي يمثل $\frac{1}{5} \times \frac{1}{3}$ ؟

٢ ما العلاقة بين بسطي العاملين (الكسرين) ومقاميهما مع بسط الناتج ومقامه؟

مفهوم أساسي

ضرب الكسور

التعبير اللفظي: اضرب البسطين واضرب المقامين.

جبر

أعداد

أمثلة:

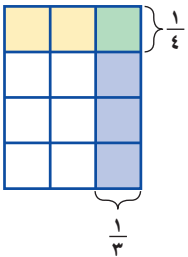
$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{5} = \frac{1 \times 1}{3 \times 5} = \frac{1}{15}$$

كلًا من ب، د لا يساوي صفرًا.

ضرب الكسور

مثال

١ أوجد ناتج: $\frac{1}{4} \times \frac{1}{3}$



تحقق من فهمك:



أوجد ناتج الضرب في كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

(ب) $\frac{3}{4} \times \frac{1}{3}$

(ج) $\frac{3}{5} \times \frac{1}{4}$

لضرب كسر في عدد كلي، اكتب العدد الكلي في صورة كسر أولاً.

مثال ضرب الكسور والأعداد الكلية

٢ أوجد ناتج: $4 \times \frac{3}{5}$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج ما يلي:

(د) $6 \times \frac{2}{3}$ (هـ) $5 \times \frac{3}{4}$ (و) $\frac{1}{2} \times 3$

يمكنك الاختصار قبل إجراء عملية الضرب عند وجود قاسم (عامل) مشترك بين البسط والمقام.

مثال الاختصار قبل الضرب

٣ أوجد ناتج: $\frac{5}{6} \times \frac{3}{4}$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

(ز) $\frac{4}{9} \times \frac{3}{4}$ (ح) $\frac{9}{10} \times \frac{5}{6}$ (ط) $10 \times \frac{3}{5}$

مثال حساب قيم العبارات

٤ جبر: إذا كانت: $\frac{2}{3} = أ$ ، $\frac{3}{8} = ب$ ، فاحسب قيمة أ ب.

إرشادات للدراسة

الحساب الذهني:

يمكنك ضرب بعض الكسور ذهنياً. فمثلاً،

$$\frac{1}{8} = \frac{3}{8} \div 3$$

$$\text{لذا } \frac{1}{4} = \frac{3}{8} \div 2 = \frac{3}{16}$$

تحقق من فهمك:

(ي) إذا كانت $\frac{2}{5} = ب$ ، فاحسب قيمة $\frac{3}{4} ب$

(ك) إذا كانت $\frac{3}{10} = أ$ ، فاحسب قيمة ٥ أ



تأكّد

الأمثلة ١-٣

أوجد ناتج الضرب في كلٍّ ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

$$١٠ \times \frac{٤}{٥} \quad ٣$$

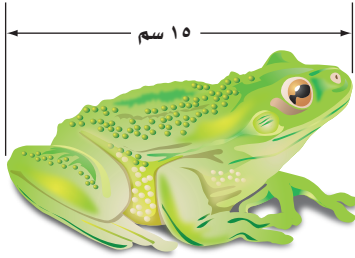
$$\frac{٤}{٥} \times \frac{٢}{٣} \quad ٢$$

$$\frac{١}{٣} \times \frac{١}{٨} \quad ١$$

$$\frac{٥}{٦} \times \frac{٣}{٥} \quad ٦$$

$$\frac{٥}{٦} \times \frac{٣}{١٠} \quad ٥$$

$$١٢ \times \frac{٣}{٤} \quad ٤$$



٧ **ضفادع:** يبلغ طول ذكر أحد أنواع الضفادع $\frac{٢}{٥}$ طول أنثاه. فإذا كان متوسط طول الأنثى ١٥ سم، فأوجد طول ذكر هذا النوع من الضفادع.

المثال ٢

٨ **جبر:** إذا كانت س = $\frac{١}{٤}$ ، ص = $\frac{٥}{٦}$ ، فاحسب قيمة س ص

المثال ٤

تدرّب وحلّ المسائل

أوجد ناتج الضرب في كلٍّ ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

$$\frac{٥}{٨} \times \frac{٣}{٤} \quad ١١$$

$$\frac{٣}{٤} \times \frac{١}{٨} \quad ١٠$$

$$\frac{٢}{٥} \times \frac{١}{٣} \quad ٩$$

$$٤ \times \frac{٢}{٣} \quad ١٤$$

$$٢ \times \frac{٣}{٤} \quad ١٣$$

$$\frac{٣}{٧} \times \frac{٢}{٥} \quad ١٢$$

$$\frac{١}{٤} \times \frac{٢}{٣} \quad ١٧$$

$$١١ \times \frac{٣}{٨} \quad ١٦$$

$$١٥ \times \frac{٥}{٦} \quad ١٥$$

$$\frac{٥}{٦} \times \frac{٢}{٥} \quad ٢٠$$

$$\frac{٣}{٨} \times \frac{٤}{٩} \quad ١٩$$

$$\frac{٥}{٧} \times \frac{٣}{٥} \quad ١٨$$

للتمارين	انظر الأمثلة
١	١٢ - ٩
٢	١٦ - ١٣
٣	٢٧ - ٢٥
٤	٢٠ - ١٧
٤	٢٤ - ٢١

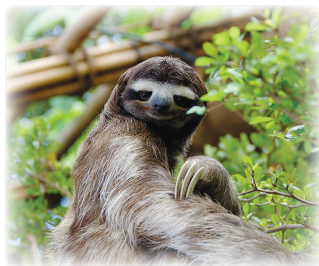
جبر: إذا كانت أ = $\frac{٣}{٥}$ ، ب = $\frac{١}{٦}$ ، ج = $\frac{١}{٣}$ ، فاحسب قيمة كل عبارة ممّا يأتي:

$$٦ \times \frac{١}{٧} \quad ٢٤$$

$$\frac{١}{٣} \quad ٢٣$$

$$ب \times ج \quad ٢٢$$

$$أ \times ب \quad ٢١$$



٢٥ **حيوانات:** يُمضي حيوان (الكسلان) $\frac{٤}{٥}$ عمره تقريباً نائماً، فإذا كان يعيش حتى ٢٨ سنة، فأوجد عدد السنوات التي يُمضيها نائماً.

٢٦ **نפט:** إذا كان الإنتاج اليومي لسلطنة عُمان من النفط $\frac{٢}{٥}$ من إنتاج المملكة العربية السعودية. فما إنتاج السلطنة، إذا كان إنتاج المملكة ٩ ملايين برميل يومياً؟

٢٧ **القياس:** تشكّل المسافة بين مكة المكرمة والمدينة المنورة $\frac{٢}{٥}$ المسافة بين مكة المكرمة ونجران تقريباً. فإذا كانت المسافة بين مكة المكرمة ونجران ٩٠٠ كلم، فأوجد المسافة بين مكة المكرمة والمدينة المنورة.

أوجد ناتج ضرب في كل ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

٢٨ $\frac{1}{4} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{2}$ ٢٩ $\frac{2}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{2}{3}$ ٣٠ $\frac{1}{16} \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{2}$

الجبر: إذا كانت $\frac{4}{5} = \text{س}$ ، $\frac{3}{7} = \text{ص}$ ، $\frac{7}{10} = \text{ع}$ ، فاستعمل ترتيب العمليات لتجد قيمة كل عبارة ممّا يأتي:

٣١ $\frac{2}{3} \text{ س ع}$ ٣٢ س ص ع ٣٣ $\frac{3}{4} \text{ س + ع}$ ٣٤ $\frac{7}{8} \text{ ص} + \frac{5}{7} \text{ ع}$

٣٥ **مساحة:** تبلغ مساحة جامعة الملك عبد الله للعلوم والتقنية ٣٦ كلم^٢، إذا كانت المباني السكنية والجامعية والمرافق المركزية تغطي $\frac{1}{5}$ هذه المساحة، فأوجد مساحة هذا الجزء.

٣٦ **صحة:** إذا كان متوسط عدد ضربات القلب لدى الإنسان ٧٢ مرة في الدقيقة، فأوجد $\frac{1}{5}$ هذا العدد وكتبه في صورة عدد كسري.

٣٧ **أداء العمرة:** ذهب $\frac{1}{4}$ موظفي شركة لأداء مناسك العمرة، فاشتري ٤ منهم هدايا عند عودتهم. فأَيُّ ممّا يأتي يمكن أن يكون تقديرًا معقولاً لعدد موظفي تلك الشركة: ١٨، أم ٢٦، أم ٣٠ موظفًا؟ وضح إجابتك.

٣٨ **أشجار:** تمثل أشجار الحمضيات $\frac{13}{20}$ من أشجار بستان. إذا علمت أن $\frac{1}{4}$ أشجار الحمضيات ليمون، وأن العدد الكلي لأشجار البستان هو ٧٢٠ شجرة، فما عدد أشجار الليمون؟

مسائل مهارات التفكير العليا

٣٩ **مسألة مفتوحة:** اعمل نموذجًا توضّح من خلاله أن ناتج $\frac{2}{3} \times \frac{1}{4}$ يساوي $\frac{1}{3}$

تبرير: أيّ الجملتين الآتيتين صحيحة وأيّهما خاطئة؟ أعطِ مثالًا مضادًا للجملّة الخاطئة:

٤٠ ناتج ضرب عدد كسري بين ٤ و ٥ وكسرين ٠ و ١، يكون أصغر من ٤

٤١ ناتج ضرب عددين كسريين، كلٌّ منهما بين ٤ و ٥ يقع بين ١٦ و ٢٥

٤٢ **الحس العددي:** إذا كان أ، ب كسرين ناتج ضربيهما $\frac{15}{6}$ ، فأوجد ثلاث قيم ممكنة لكل من أ، ب.

٤٣ **تحدّ:** هل ناتج ضرب كسرين، كلٌّ منهما أصغر من ١ يكون أيضًا أصغر من ١؟ فسّر إجابتك.

٤٤ **اكتب:** تفسيرًا، لماذا يكون $\frac{1}{2}$ هو ناتج $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$ ؟

تدريب على اختبار

٤٦ جمعية تطوعية عدد أعضائها ١٥٠ شخصًا، ونصف هذا العدد رجال، وجمعية أخرى عددتها ٩٠ شخصًا و $\frac{4}{5}$ عدد هذه الجمعية رجال. كم يزيد عدد الرجال في الجمعية الثانية؟

(أ) ٣

(ب) ١٨

(ج) ٢٧

(د) ٧٢

٤٥ إذا كان $\frac{5}{8}$ الدواجن الموجودة في مزرعة هو دجاجًا، وكان $\frac{1}{3}$ هذا الدجاج ديوكًا، فأَيُّ ممَّا يأتي يمثل الكسر الدال على عدد الديوك بالنسبة للمزرعة؟

(أ) $\frac{1}{3} + \frac{5}{8}$

(ب) $\frac{1}{3} - \frac{5}{8}$

(ج) $\frac{1}{3} \times \frac{5}{8}$

(د) $\frac{1}{3} \div \frac{5}{8}$

مراجعة تراكمية

قدّر ناتج كل ممَّا يأتي: (الدرس ٦ - ٦)

٤٩ $\frac{8}{9} \times \frac{4}{9}$

٤٨ $\frac{1}{6} \times 1 \frac{8}{9}$

٤٧ $\frac{1}{6} - 29$

٥٠ القياس: كم يزيد $\frac{7}{8}$ المتر على $\frac{5}{6}$ المتر؟ (الدرس ٦ - ٤)

٥١ كعك: تحتاج منال إلى $\frac{1}{3}$ كوب من دقيق القمح و $\frac{1}{5}$ كوب من عجوة التمر لعمل طبق من الكعك. كم كوبًا من دقيق القمح يزيد على ما تحتاج إليه من عجوة التمر؟ (الدرس ٦ - ٥)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اكتب الأعداد الكسرية الآتية في صورة كسور غير فعلية: (الدرس ٤ - ٣)

٥٣ $\frac{2}{3}$

٥٢ $3 \frac{1}{4}$

٥٥ $6 \frac{5}{8}$

٥٤ $2 \frac{5}{7}$





ضرب الأعداد الكسرية

٨-٦

استعد

فكرة الدرس:

أضرب أعداداً كسرية.



تشریح: مُقْلَة عین الحبارِ العملاقِ الذي يعيشُ في المحيطِ الأطلسيِّ أوسعُ ١٢ مرةً تقريباً من متوسطِ اتساعِ مُقْلَة عین الإنسانِ. إذا كانَ متوسطُ اتساعِ مُقْلَة عین الإنسانِ $\frac{1}{5}$ سم، فأوجدِ اتساعَ مقْلَة عین الحبارِ العملاقِ.

١ اكتبْ عبارة ضربٍ عدديةٍ توضِّحْ اتساعَ مُقْلَة عین الحبارِ.

٢ استعملِ الجمعَ المتكررَ لتجدَ ناتجَ $12 \times \frac{1}{5}$ (مُساعدَةٌ: $12 \times \frac{1}{5} = 3$)
تعني: ١٢ مجموعةً في كلِّ منها $\frac{1}{5}$.

٣ اكتبْ عبارة الضربِ في السؤالِ ١ باستعمالِ كسرينِ غيرِ فعليينِ.

٤ أوجدْ ناتجَ ضربِ الكسرينِ غيرِ الفعليينِ في السؤالِ ٣. وما اتساعُ مُقْلَة عین الحبارِ؟

ضربُ الأعدادِ الكسريةِ يشبهُ ضربَ الكسورِ الاعتياديةِ.

مفهوم أساسي

ضرب أعداد كسرية

لضربِ عددينِ كسريينِ، اكتبْ كلاً منهما في صورةٍ كسرٍ غيرِ فعليٍّ، ثم اضربْ كما في الكسورِ الاعتياديةِ.

ضرب كسر في عدد كسري

مثال

١ أوجدْ ناتجَ: $\frac{1}{4} \times \frac{4}{5}$

تحقق من فهمك:

أوجدْ ناتجَ الضربِ في كلِّ ممَّا يأتي، ثم اكتبْهُ في أبسطِ صورةٍ:



(ج) $\frac{1}{3} \times 3$

(ب) $\frac{3}{8} \times \frac{1}{3}$

(أ) $\frac{2}{3} \times \frac{1}{4}$

ضرب الأعداد الكسرية

مثال

٢٠٠. **سدود:** تبلغ سعة سدّ العقيق في الباحة $\frac{1}{4}$ ٢٢ مليون متر مكعب من الماء. أما سدّ جازان فتبلغ سعته $\frac{1}{4}$ ٢ سعة سدّ العقيق تقريباً. احسب سعة سدّ جازان.



الربط بالحياة

يُعدّ سدّ الملك فهد في وادي بيشة أكبر السدود المنفّذة في المملكة العربية السعودية، حيث يصل ارتفاعه إلى ١٠٣ أمتار، وتبلغ سعته التخزينية القصوى ٣٢٥ مليون متر مكعب.

تحقق من فهمك:

(د) **القياس:** حديقة منزلية مستطيلة الشكل، طولها $\frac{1}{4}$ ١٥ م، وعرضها $\frac{3}{4}$ ٩ م أوجد مساحتها.

حساب قيم العبارات

مثال

٣. **جبر:** إذا كانت $د = \frac{7}{8}$ ، $هـ = \frac{1}{3}$ ، فما قيمة $ده$ ؟
 $ده = \frac{7}{8} \times \frac{1}{3}$ عوض عن د ب $\frac{7}{8}$ و هـ ب $\frac{1}{3}$

تحقق من فهمك:

(هـ) **جبر:** إذا كانت $أ = \frac{1}{5}$ ، $ب = \frac{3}{4}$ ، فما قيمة $أب$ ؟

تأكد

أوجد ناتج الضرب في كلّ ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

١. $\frac{2}{8} \times \frac{1}{4}$ ٢. $\frac{2}{3} \times \frac{1}{4}$ ٣. $\frac{2}{5} \times \frac{3}{4}$

٤. **مشتريات:** اشترى محمد $\frac{4}{5}$ ٣ كيلوجرامات من اللحم. فإذا كان ثمن الكيلوجرام من اللحم $\frac{1}{3}$ ٢٥ ريالاً، فما ثمن شراء اللحم؟



٥. **الجبر:** إذا كانت $س = \frac{9}{10}$ ، $ص = \frac{1}{3}$ ، فما قيمة $س ص$ ؟

تدرّب وحلّ المسائل

ارشادات للتمارين

التمرين	انظر الأمثلة
١	٢٣، ١١-٦
٢	٢٢، ١٧-١٢
٣	٢١-١٨

أوجد ناتج الضرب في كلّ ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

- ٦ $2\frac{1}{3} \times \frac{1}{4}$ ٧ $2\frac{5}{6} \times \frac{3}{4}$ ٨ $\frac{4}{5} \times 1\frac{7}{8}$
- ٩ $\frac{5}{6} \times 1\frac{4}{5}$ ١٠ $3\frac{1}{4} \times \frac{7}{8}$ ١١ $2\frac{5}{6} \times \frac{3}{10}$
- ١٢ $1\frac{1}{4} \times 1\frac{1}{3}$ ١٣ $3\frac{1}{6} \times 3\frac{1}{5}$ ١٤ $2\frac{2}{5} \times 3\frac{3}{4}$
- ١٥ $2\frac{5}{6} \times 4\frac{1}{4}$ ١٦ $3\frac{3}{10} \times 6\frac{2}{3}$ ١٧ $5\frac{5}{12} \times 3\frac{3}{5}$

الجبر: إذا كانت أ = $\frac{2}{3}$ ، ب = $3\frac{1}{4}$ ، ج = $1\frac{3}{4}$ ، فاحسب قيمة كلّ عبارة ممّا يأتي:

- ١٨ أ ب ١٩ ج ٢٠ ب ج ٢١ أ

٢٢ كرة قدم: إذا كان طول مرمى كرة القدم $7\frac{1}{5}$ م، وعرضه $2\frac{1}{5}$ م، فما مساحته؟

٢٣ حيوانات: يستطيع حيوان الكسلان، ذو الأصابع الثلاث في قدمه، أن يسير بسرعة $\frac{6}{5}$ كلم/الساعة. فما المسافة التي يقطعها في $2\frac{1}{4}$ ساعة إذا حافظ على سرعته المذكورة؟

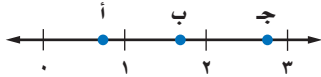
أوجد ناتج الضرب في كلّ ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

- ٢٤ $\frac{4}{5} \times 2\frac{1}{4} \times \frac{3}{4}$ ٢٥ $\frac{3}{5} \times \frac{2}{3} \times 1\frac{1}{2}$ ٢٦ $2\frac{2}{3} \times 4\frac{1}{4} \times 3\frac{2}{5}$

٢٧ رياضة: استعمل الصيغة ف = ع ن حيث (ف: تمثل المسافة، ع: السرعة، ن: الزمن)، لتجد المسافة التي يقطعها متسابق في $1\frac{3}{4}$ ساعة. إذا كانت سرعته $15\frac{1}{4}$ كلم/الساعة.

جبر: إذا كانت د = $5\frac{3}{4}$ ، هـ = $2\frac{1}{3}$ ، و = $1\frac{7}{8}$ ، فاحسب قيمة كلّ عبارة ممّا يأتي:

- ٢٨ د هـ + و ٢٩ د هـ و ٣٠ د و - هـ



٣١ الحسّ العددي: حدّد - من دون إجراء عملية

الضرب - النقطة على خطّ الأعداد من بين النقاط

(أ، ب، ج) التي تمثل ناتج ضرب $2\frac{1}{3} \times \frac{2}{3}$ ، وفسر إجابتك.

٣٢ تحدّ: هل الجملة: «ناتج ضرب عددين كسريين أكبر من ناتج جمعهم» صحيحة أحياناً، أم دائماً، أم غير صحيحة مطلقاً؟ فسر إجابتك.

٣٣ اكتب: خطوات ضرب عددين كسريين باختصار.

مسائل
مهارات التفكير العليا



تدريب على اختبار

٣٤ يبين الجدول أدناه بعض مكونات عجينة فطيرة عائلية.

طحين	ماء	زبدة
$3\frac{1}{2}$ أكواب	$2\frac{2}{3}$ كوب	$\frac{1}{4}$ كوب

إذا أردت سارة عمل عجينة لأربع فطائر، فكم كوباً من الماء تحتاج؟

- (أ) $9\frac{3}{4}$ (ب) $10\frac{1}{4}$
(ج) $10\frac{2}{3}$ (د) $5\frac{1}{3}$

٣٥ لدى هنوف $5\frac{3}{4}$ كيلو جرامات طحين. إذا استعملت نصفها في عمل فطيرة، فكم كيلو جراماً من الطحين استعملت؟

- (أ) $5\frac{3}{8}$ كيلو جرامات
(ب) $3\frac{7}{8}$ كيلو جرامات
(ج) $3\frac{3}{8}$ كيلو جرامات
(د) $2\frac{7}{8}$ كيلو جرام

مراجعة تراكمية

أوجد ناتج الضرب في كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة: (الدرس ٦ - ٧)

٣٦ $\frac{3}{4} \times \frac{5}{7}$ ٣٧ $\frac{1}{6} \times \frac{2}{3}$

٣٨ $\frac{2}{5} \times \frac{3}{8}$ ٣٩ $\frac{4}{7} \times \frac{1}{2}$

٤٠ **كتب:** في مكتبة مدرسية ٣٠٠ كتاب، إذا كان $\frac{2}{5}$ هذه الكتب تقريباً كتباً دينية، فما عدد الكتب الدينية تقريباً؟ (الدرس ٦ - ٦)

الدينية تقريباً؟ (الدرس ٦ - ٦)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج الضرب في كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة: (الدرس ٦ - ٧)

٤١ $\frac{3}{8} \times \frac{1}{4}$ ٤٢ $\frac{3}{4} \times \frac{2}{7}$

٤٣ $\frac{1}{6} \times \frac{1}{2}$ ٤٤ $\frac{5}{6} \times \frac{2}{5}$





معمل الرياضيات قسمة الكسور

استكشاف

٩ - ٦



وُزعت ٨ جوائز على أطفال، فحصل كل واحد منهم على جائزة. فما عدد الأطفال الحائزين على هذه الجوائز؟
١ كم ٢ يوجد في الـ ٨؟ اكتب ذلك في صورة عبارة قسمة.

فكرة الدرس:

أقسم كسراً على كسر آخر باستعمال نماذج.

- ٢ افترض أنه يُراد تقسيم لوحين من الشوكولاتة بين ٨ أطفال بالتساوي. فما نصيب كل طفل؟
٣ كم طالباً يشترك في اللوح الواحد؟ اكتب ذلك في صورة عبارة قسمة.

نشاط

١ أوجد ناتج: $1 \div \frac{1}{5}$ باستعمال نموذج.

الخطوة ١ اعمل نموذجاً للمقسوم الذي يمثل العدد ١

فكر: كم خمساً في ١؟



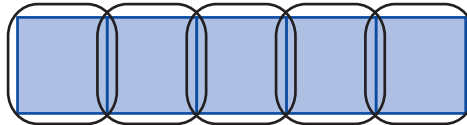
الخطوة ٢ أعد كتابة العدد ١ في صورة $\frac{5}{5}$ ؛ ليكون للعددين مقام مشترك. فتصبح المسألة $\frac{5}{5} \div \frac{1}{5}$ أعد رسم النموذج لتوضيح $\frac{5}{5}$

كم خمساً في $\frac{5}{5}$ ؟



الخطوة ٣ حوّل كل $\frac{1}{5}$ ؛ لتحصل على خمس مجموعات جزئية.

يوجد خمسة كسور في $\frac{5}{5}$ ، كل منها $\frac{1}{5}$.



لذلك يكون ناتج $1 \div \frac{1}{5} = 5$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج قسمة كل مما يأتي باستعمال نموذج:

(أ) $\frac{1}{5} \div 2$ (ب) $\frac{1}{3} \div 3$ (ج) $\frac{2}{3} \div 2$ (د) $\frac{3}{4} \div \frac{1}{2}$



يمكنك أيضًا استعمال نموذج لإيجاد ناتج قسمة كسرين.

نشاط

٢ أوجد ناتج: $\frac{3}{4} \div \frac{3}{8}$ باستعمال نموذج.

الخطوة ١

أعد كتابة الكسر $\frac{3}{4}$ في صورة $\frac{6}{8}$ ؛ ليكون للكسرين مقام مشترك.
فتصبح المسألة في صورة $\frac{6}{8} \div \frac{3}{8}$ ، ثم ارسن نموذجًا للمقسوم $\frac{6}{8}$

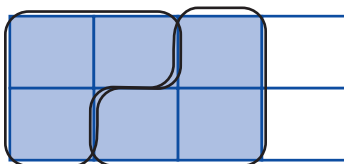
فكر: كم $\frac{3}{8}$ يوجد في $\frac{6}{8}$ ؟



الخطوة ٢

حوط كل مجموعة تمثل المقسوم عليه $\frac{3}{8}$

يوجد كسرين $\frac{3}{8}$ في $\frac{6}{8}$



لذا يكون $2 = \frac{3}{8} \div \frac{3}{8}$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي باستعمال نموذج:

هـ) $\frac{1}{5} \div \frac{1}{10}$ و) $\frac{1}{4} \div \frac{3}{4}$ ز) $\frac{1}{5} \div \frac{4}{5}$ ح) $\frac{1}{3} \div \frac{1}{6}$

حلّ النتائج:

املأ الفراغات الآتية مستعملًا (<، >، =)؛ لتحصل على عبارات صحيحة، ثم أعط مثالًا يعزز إجابتك:

١ عندما يتساوى المقسوم والمقسوم عليه، فإن ناتج القسمة ١

٢ عندما يكون المقسوم أكبر من المقسوم عليه، فإن ناتج القسمة ١

٣ عندما يكون المقسوم أصغر من المقسوم عليه، فإن ناتج القسمة ١

٤ خمن: تعلم أن عملية الضرب إبدالية؛ لأن ناتج 3×4 يساوي ناتج 4×3 ،

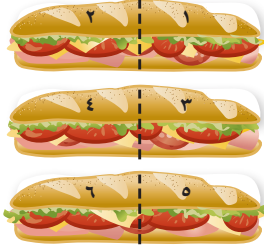
فهل عملية القسمة إبدالية أيضًا؟ أعط أمثلة توضّح إجابتك.



قِسْمَةُ الْكُسُورِ

٩ - ٦

نَشَاطٌ



أعدت ندى ثلاث شطائر كبيرة. وكان تقديرها أن $\frac{1}{3}$ شطيرة من هذا النوع تكفي شخصاً واحداً.

١ كم $\frac{1}{3}$ شطيرة يوجد؟

٢ النموذج المجاور يوضح $\frac{1}{3} \div 3$ ، فما ناتج $\frac{1}{3} \div 3$ ؟

ارسم نموذجاً لإيجاد ناتج كل مما يأتي:

٣ $\frac{1}{4} \div 3$ ٤ $\frac{1}{6} \div 2$ ٥ $\frac{1}{6} \div 4$

فكرة الدرس:

أقسم كسراً على كسر آخر.

المفردات

المقلوب

القسمة على $\frac{1}{3}$ تعطي نتيجة الضرب في ٣ نفسها. فالعددان $\frac{1}{3}$ و ٣ بينهما علاقة خاصة؛ إذ إن ناتج ضربهما يساوي ١، وأي عددين ناتج ضربهما ١، يكون كل منهما مقلوباً للآخر.

مقلوب الآخر

$$3 = \frac{1}{\frac{1}{3}} \div 3$$

النتيجة نفسها

$$3 = 2 \times 3$$

إيجاد المقلوب

مثال

١ أوجد مقلوب العدد ٥ ٢ أوجد مقلوب $\frac{2}{3}$.

تحقق من فهمك:

أوجد مقلوب كل عدد مما يأتي:

أ) ١١ ب) $\frac{3}{5}$ ج) $\frac{1}{3}$

يمكنك استعمال مقلوب العدد في قسمة الكسور.

مفهوم أساسي

قسمة الكسور

التعبير اللفظي: عند القسمة على كسر، اضرب في مقلوبه.

الجبر

الأعداد

أمثلة

١١ (أ) ٣ (ب) ١ (ج)

$$\frac{1}{3} \div \frac{2}{3} = \frac{1}{3} \times \frac{3}{2} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{3}{5} \div \frac{2}{3} = \frac{3}{5} \times \frac{3}{2} = \frac{9}{10}$$

$$\frac{1}{3} \div \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \times \frac{3}{1} = 1$$

القسمه على كسر اعتيادي

مثالان

٣ أوجد ناتج: $\frac{1}{8} \div \frac{3}{4}$

إرشادات للدراسة

الحساب الذهني:
لإيجاد مقلوب كسر، أبدل
موضعي بسط الكسر ومقامه.
أما العدد الكلي فمقامه ١

٤ أوجد ناتج: $\frac{1}{4} \div 3$

تحقق من فهمك

أوجد ناتج القسمه في كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

(د) $\frac{3}{8} \div \frac{1}{4}$ (هـ) $\frac{3}{8} \div \frac{2}{3}$ (و) $\frac{3}{4} \div 4$

القسمه على عدد كلي

مثال من واقع الحياة

٥. **كشافه:** يوزع ٦ من أعضاء المعسكر الكشفي لخدمة الحجاج في مكة المكرمة $\frac{3}{4}$ اليوم بينهم بالتساوي لخدمة الحجاج. أوجد الكسر الدال على جزء اليوم الذي يقضيه كل عضو منهم.



الربط بالحياة

تأسست جمعية الكشافة في المملكة العربية السعودية عام ١٣٨١هـ، وتقوم بأدوار كبيرة في خدمة ضيوف الرحمن في أثناء موسم الحج.

تحقق من فهمك

(ز) **القياس:** قُسمت $\frac{2}{3}$ قطعة أرض زراعية ٤ قطع متساوية المساحة، أوجد الكسر الذي يدل على كل قطعة منها.



تأكّد

المثالان ١، ٢ أوجد مقلوب كلٍّ ممّا يأتي:

١ $\frac{2}{3}$ ٢ $\frac{1}{7}$ ٣ $\frac{2}{5}$ ٤ $\frac{4}{4}$

المثالان ٣، ٤ أوجد ناتج القسمة في كلٍّ ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

٥ $\frac{1}{2} \div \frac{1}{4}$ ٦ $\frac{1}{3} \div \frac{5}{6}$ ٧ $\frac{1}{3} \div 2$
٨ $\frac{2}{7} \div 5$ ٩ $2 \div \frac{4}{5}$ ١٠ $3 \div \frac{5}{6}$

المثال ٥ **١١ خيول:** يحتاج الحصان البالغ إلى $\frac{2}{5}$ حزمة قش في المتوسط طعامًا يوميًا. فإذا كان في الأسطبل ٤٤ حزمة قش. فما عدد الأحصنة التي يمكن إطعامها في يومٍ واحدٍ باستعمال تلك الحُزم؟

تدرّب وحلّ المسائل

أوجد مقلوب كلٍّ ممّا يأتي:

١٢ $\frac{1}{4}$ ١٣ $\frac{1}{10}$ ١٤ $\frac{5}{6}$
١٥ $\frac{7}{9}$ ١٦ $\frac{1}{8}$ ١٧ 1

أوجد ناتج القسمة في كلٍّ ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

١٨ $\frac{1}{2} \div \frac{1}{8}$ ١٩ $\frac{2}{3} \div \frac{1}{2}$ ٢٠ $\frac{2}{3} \div \frac{3}{4}$ ٢١ $\frac{3}{4} \div \frac{9}{10}$
٢٢ $\frac{3}{4} \div 3$ ٢٣ $\frac{3}{5} \div 2$ ٢٤ $\frac{3}{4} \div 5$ ٢٥ $\frac{4}{7} \div 8$
٢٦ $6 \div \frac{3}{5}$ ٢٧ $5 \div \frac{5}{6}$ ٢٨ $2 \div \frac{5}{8}$ ٢٩ $4 \div \frac{1}{9}$

٣٠ طعام: قسّمت هدى $\frac{3}{4}$ حبة أناناس إلى ٦ شرائح متساوية. فما الكسر الدالّ على الشريحة الواحدة؟

٣١ القياس: قسّم نجارٌ لوحًا من الخشب طوله $\frac{1}{9}$ م إلى ثلاثة أقسام متساوية لعمل رفوف خزانة. فما الكسر الدالّ على طول كل رف؟

٣٢ تنظيم: يورّع حامد $\frac{3}{8}$ يومه بالتساوي على أنواع الأنشطة الآتية: دينية، رياضية، زيارات، تسويق. فما الكسر من اليوم الذي يخصّصه حامد لكل نوع من هذه الأنشطة؟

٣٣ القياس: يراد قصّ خيط طوله $\frac{4}{5}$ م إلى قطع متساوية طول كل منها $\frac{1}{5}$ م، فما عدد هذه القطع؟

إرشادات للواجب المنزلي	
للتمارين	انظر الأمثلة
١٧-١٢	٢، ١
٢١-١٨	٣
٣٣	
٢٥-٢٢	٤
٢٩-٢٦	
٣٢-٣٠	٥

التربية الفنية: استعمال المعطيات الآتية لحلّ السؤالين ٣٤، ٣٥:

لكتابة الاسم والرقم على قميص رياضية نحتاج إلى $\frac{3}{8}$ علبة صغيرة من الصبغ. والجدول أدناه يوضح عدد علب الصبغ المتوفرة في غرفة التربية الفنية من كل لون:



اللون	عدد العلب
الأحمر	١٢
البرتقالي	$\frac{3}{4}$
الأصفر	٢
الأخضر	$2\frac{5}{6}$
الأزرق	٨
البنفسجي	$5\frac{1}{2}$
الأسود	٦

٣٤ ما عدد القمصان التي يمكن استعمال اللون البرتقالي فقط في الكتابة عليها؟

٣٥ إذا كان لدى معلم التربية الفنية أربعة صفوف، ويريد أن يستعمل في كل صف الكمية نفسها من الصبغة الحمراء، فما عدد القمصان التي يمكن الكتابة عليها في كل صف باستعمال الصبغة الحمراء فقط؟

٣٦ **بيانات:** استعمال بيانات من البيئة المحلية لكتابة مسألة من واقع الحياة يحتاج حلّها إلى قسمة الكسور.

٣٧ **مسألة مفتوحة:** أوجد كسرين ناتج قسمتهما $\frac{5}{6}$

٣٨ **اكتشف الخطأ:** أوجد كل من أحمد وريان ناتج $\frac{1}{9} \div 4$ فأيهما كانت إجابته صحيحة؟ وضح إجابتك.



ريان

$$\frac{4}{1} \times \frac{1}{9} = 4 \div \frac{1}{9}$$

$$3\frac{5}{9} = \frac{32}{9} =$$

$$\frac{1}{4} \times \frac{1}{9} = \frac{1}{36} =$$

$$\frac{1}{9} = \frac{1}{36} =$$



أحمد

تحدّ: اكتب العبارة في كل من السؤالين ٣٩، ٤٠ في أبسط صورة، ثم اكتب جملة أو جملتين لوصف كل نتيجة:

٤٠ $\frac{1}{2} \div \frac{1}{3}$

٣٩ $\frac{1}{2} \div \frac{1}{3}$

٤١ **اكتب:** مسألتين من واقع الحياة، تستعمل فيهما الكسر $\frac{1}{3}$ والعدد ٣، على أن تتضمن الأولى عملية ضرب، والثانية عملية قسمة.

تدريب على اختبار

٤٣ أي ممّا يأتي عندما يُقسّم على $\frac{1}{3}$ ، فإنّ الناتج يكون أقلّ من $\frac{1}{3}$ ؟

(أ) $\frac{2}{8}$

(ب) $\frac{7}{12}$

(ج) $\frac{2}{3}$

(د) $\frac{5}{24}$

٤٢ إذا كانت ملعقة زيت واحدة تساوي $\frac{1}{4}$ الكمية اللازمة لإعداد وجبة طعام، فأَيُّ ممّا يأتي يُعبّر عن عدد الملاعق التي تساوي $\frac{2}{3}$ الكمية اللازمة لإعداد وجبة طعام؟

(أ) $\frac{2}{3} + \frac{1}{4}$

(ب) $\frac{1}{4} - \frac{2}{3}$

(ج) $\frac{2}{3} \times \frac{1}{4}$

(د) $\frac{1}{4} \div \frac{2}{3}$

مراجعة تراكمية

أوجد ناتج الضرب في كلّ مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة: (الدرس ٦ - ٨)

٤٥ $2 \frac{3}{4} \times 1 \frac{5}{6}$

٤٤ $3 \frac{1}{3} \times 2 \frac{2}{5}$

٤٧ $5 \frac{1}{4} \times 4 \frac{4}{9}$

٤٦ $2 \frac{3}{8} \times 3 \frac{3}{7}$

٤٨ أعمال خيرية: يتطوّع ٩ من ١٠ طلاب في مدرسة سنوياً بالقيام بأعمال خيرية. إذا كان $\frac{1}{3}$ المتطوّعين يقومون بجمع تبرّعات، فما الكسر الذي يمثّل الذين يقومون بجمع تبرّعات بالنسبة لعدد الطلاب؟ (الدرس ٦ - ٧)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اكتب الأعداد الكسرية الآتية في صورة كسور غير فعلية، ثمّ أوجد مقلوبها:

٥٠ $1 \frac{5}{9}$

٤٩ $1 \frac{2}{3}$

٥٢ $3 \frac{3}{4}$

٥١ $4 \frac{1}{2}$



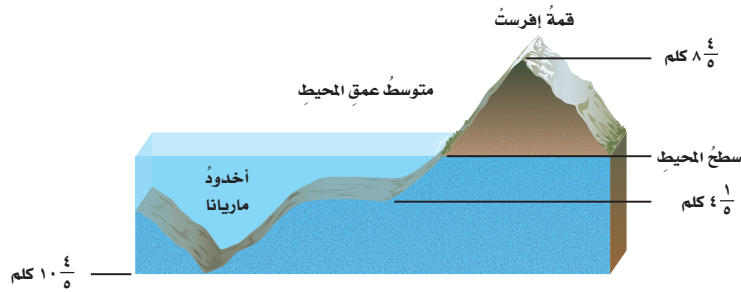


قسم الأعداد الكسرية

١٠-٦

استعد

أعماق: أكثر نقاط محيطات الأرض انخفاضاً هي أخدود ماريانا في المحيط الهادئ، والذي يبلغ انخفاضه $10\frac{4}{5}$ كلم تحت سطح المحيط، بينما يبلغ متوسط عمق المحيطات $4\frac{1}{5}$ ، وفي المقابل فإن أكثر نقاط الأرض ارتفاعاً هي قمة إفرست التي يبلغ ارتفاعها عن سطح المحيط $8\frac{4}{5}$ كلم تقريباً.



فكرة الدرس:

أقسم أعداداً كسرية.

١ اكتب عبارة قسمة لإيجاد كم مرة يساوي ارتفاع قمة إفرست، بالنسبة إلى متوسط عمق المحيطات.

٢ اكتب عبارة قسمة لإيجاد كم مرة يساوي عمق أخدود ماريانا، بالنسبة إلى متوسط عمق المحيطات.

عملية قسمة الأعداد الكسرية تشبه قسمة الكسور. ولقسمة الأعداد الكسرية، اكتبها أولاً في صورة كسور غير فعلية، ثم أجر عملية القسمة كما في قسمة الكسور.

القسمة على عدد كسري

مثال

١ أوجد ناتج $8\frac{4}{5} \div 3\frac{1}{5}$ قدر: $3 = 3 \div 9$



تحقق من فهمك:

أوجد ناتج القسمة في كل مما يأتي، واكتبه في أبسط صورة:

(أ) $2\frac{1}{3} \div 4\frac{1}{5}$ (ب) $2\frac{1}{3} \div 8$ (ج) $2\frac{1}{3} \div 1\frac{5}{9}$

مثال حساب قيم العبارات

٢ الجبر: إذا كانت: $m = 1\frac{3}{4}$ ، $n = \frac{2}{5}$ ، فأوجد قيمة $m \div n$

تحقق من فهمك:

(د) الجبر: إذا كانت $h = 2\frac{3}{8}$ ، و $w = 1\frac{1}{4}$ ، فأوجد قيمة $h \div w$

مثال من واقع الحياة

٣٠٠ حيوان الباندا: إذا كان متوسط كتلة ذكر الباندا العملاق ١٥٠ كجم، فأوجد متوسط كتلة أنثاه بناءً على المعلومات الواردة عن يمين الصفحة.



الربط بالحياة

يكون حيوان الباندا العملاق عند مولده في حجم قالب الزبدة. ويصل متوسط كتلة ذكر الباندا البالغ إلى $1\frac{1}{5}$ مرة من متوسط كتلة أنثاه تقريباً.

تحقق من فهمك:

(هـ) شوكولاتة: إذا وزّع $16\frac{1}{3}$ لوح شوكولاتة على ١٢ طفلاً بالتساوي، فما نصيب كل واحد منهم؟



تأكّد

المثال ١

أوجد ناتج القسمة في كلِّ ممّا يأتي، واكتبه في أبسط صورة:

١ $2 \div 3\frac{1}{4}$ ٢ $1\frac{1}{3} \div 8$ ٣ $\frac{2}{7} \div 3\frac{1}{5}$

المثال ٢

٤ **الجبر:** إذا كانت: جـ = $\frac{3}{8}$ ، د = $1\frac{1}{4}$ ، فأوجد قيمة جـ ÷ د.

المثال ٣

٥ **رخام:** إذا رُصفت حافة ساحة طولها $10\frac{1}{4}$ م بقطع رخامية طول كل منها $\frac{3}{8}$ م، فما عدد هذه القطع؟

تدرّب وحلّ المسائل

أوجد ناتج القسمة في كلِّ ممّا يأتي، واكتبه في أبسط صورة:

٦ $2 \div 5\frac{1}{4}$ ٧ $10 \div 4\frac{1}{6}$ ٨ $4\frac{1}{4} \div 3$
٩ $2\frac{1}{4} \div 6$ ١٠ $1\frac{3}{4} \div 6\frac{1}{4}$ ١١ $2\frac{1}{5} \div 7\frac{4}{5}$

الجبر: إذا كانت أ = $4\frac{4}{5}$ ، ب = $\frac{2}{3}$ ، جـ = ٦، د = $1\frac{1}{4}$ ، فاحسب قيمة كلِّ عبارة ممّا يأتي:

١٢ $12 \div أ$ ١٣ $1\frac{2}{9} \div ب$ ١٤ $أ \div ب$
١٥ $أ \div جـ$ ١٦ $جـ \div د$ ١٧ $جـ \div (أ ب)$

ارشادات للتمارين	
التمارين	انظر الأمثلة
١١ - ٦	١
١٧ - ١٢	٢
٢١ - ١٨	٣

١٨ **علوم:** يبلغ عدد كروموسومات الإنسان ٤٦، والذي يُساوي $5\frac{3}{4}$ عدد كروموسومات ذبابة الفاكهة. فما عدد كروموسومات هذه الذبابة؟

١٩ **القياس:** قسّم شريط طوله $13\frac{1}{4}$ سم إلى قطع طول كل منها $2\frac{1}{4}$ سم، فما عدد هذه القطع؟

٢٠ **قهوة:** وُرّعت $6\frac{3}{8}$ كجم من القهوة على عبوات بالتساوي فاحتوت كل عبوة على $\frac{3}{8}$ كجم، فما عدد هذه العبوات؟

٢١ **زينة:** يُراد تزئين جدار طوله $11\frac{1}{4}$ م بأشرطة طول كل قطعة منها $\frac{3}{4}$ م. أوجد عدد القطع المطلوبة.

٢٢ **رياضة:** مشى كلٌّ من محمد وعليّ وخالد حول أحد المتنزهات والذي طوله $1\frac{1}{4}$ كيلومتر كما هو موضح في الجدول المجاور. كم مرة مشى كل منهم حول المتنزه؟

الشخص	المسافة بالكيلومتر
محمد	$2\frac{1}{4}$
عليّ	$4\frac{1}{4}$
خالد	$1\frac{7}{8}$

٢٣ اكتشاف المختلف: حدّد العبارة التي ناتج القسمة فيها أكبر من ١، ووضّح إجابتك.

$$7\frac{3}{8} \div 5\frac{3}{4}$$

$$2\frac{1}{3} \div 1\frac{1}{7}$$

$$2\frac{5}{8} \div 3\frac{1}{8}$$

$$5\frac{1}{4} \div 4\frac{3}{4}$$

مسائل
مهارات التفكير العليا

٢٤ تحدّد: بين ما إذا كان ناتج $3\frac{5}{8} \div 5\frac{1}{4}$ أكبر من أو أصغر من ناتج $5\frac{1}{4} \div 2\frac{2}{5}$ من دون إجراء عملية القسمة؟ وضّح إجابتك.

٢٥ اكتب: بأسلوبك طريقة إيجاد ناتج قسمة ١٢ على $2\frac{2}{3}$

تدريب على اختبار

٢٧ تحتاج الهنوف إلى $1\frac{1}{4}$ ملعقة من الحليب المجفّف لعمل $\frac{5}{8}$ كوب من العصير المشكّل. فكم ملعقة من الحليب المجفّف تحتاج لعمل كوب واحد من العصير؟

(أ) $\frac{3}{10}$ ملعقة

(ب) $1\frac{1}{4}$ ملعقة

(ج) $1\frac{4}{5}$ ملعقة

(د) $2\frac{1}{4}$ ملعقة

٢٦ عندما يرتطم نيزك بسطح الأرض يكوّن حفرة دائرية تقريباً. إذا كانت أعماق حفرة كوّنّها نيزك على سطح الأرض تساوي $\frac{2}{5}$ ميل تقريباً، وبقطر طوله $\frac{4}{5}$ ميل تقريباً، فكم مرة تقريباً طول القطر يساوي عمق هذه الحفرة؟

(أ) ٢٠

(ب) $15\frac{1}{2}$

(ج) $5\frac{1}{2}$

(د) ٥

مراجعة تراكمية

٢٨ القياس: إذا استعمل دهان $\frac{1}{8}$ علبة لطلاء حائط، فكم $\frac{1}{8}$ علبة استعمل؟ (الدرس ٦ - ٩)

٢٩ قطار: يسير قطار بمعدّل سرعة ٣٢٠ كم/س، فكم كيلومتراً يقطع في $2\frac{1}{4}$ ساعة؟ (الدرس ٦ - ٨)

أوجد ناتج كلّ ممّا يأتي في أبسط صورة: (الدرس ٦ - ٨)

٣٢ $5\frac{1}{3} \times 1\frac{1}{8}$

٣١ $\frac{2}{7} \times 2\frac{5}{8}$

٣٠ $1\frac{3}{4} \times \frac{4}{5}$



١٤ اختيار من متعدد: لدى عائشة ٣ كجم أرز،

استعملت منها $\frac{1}{4}$ كجم. فكم بقي لديها؟

(أ) $2\frac{3}{4}$ كجم (ب) $1\frac{3}{4}$ كجم

(ج) $1\frac{1}{4}$ كجم (د) $\frac{3}{4}$ كجم

قدّر ناتج كل مما يأتي:

١٦ $5\frac{1}{9} \times 3\frac{2}{3}$

١٥ $22 \times \frac{1}{3}$

١٨ $8\frac{1}{7} \times 6\frac{4}{5}$

١٧ $39 \times \frac{7}{8}$

أوجد ناتج الضرب، ثم اكتبه في أبسط صورة:

٢٠ $5\frac{1}{3} \times 7\frac{7}{8}$

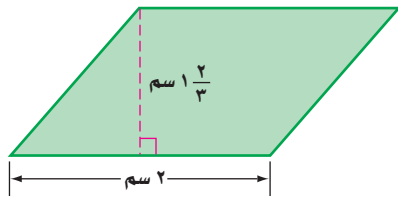
١٩ $\frac{2}{9} \times \frac{3}{5}$

٢١ مساحة: تُستعمل الصيغة $م = ق \times ع$ لإيجاد

مساحة متوازي الأضلاع، حيث تمثل ق طول

القاعدة، و ع الارتفاع. أوجد مساحة متوازي

الأضلاع المرسوم أدناه.



أوجد ناتج القسمة في كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

٢٢ $\frac{3}{4} \div \frac{1}{8}$

٢٣ $4 \div \frac{2}{5}$

٢٤ $1\frac{1}{2} \div 5\frac{3}{4}$

٢٥ الجبر: إذا كانت $س = 7\frac{2}{3}$ ، $ص = 1\frac{4}{5}$ ، فأوجد

قيمة $س \div ص$ ، ثم اكتب الناتج في أبسط صورة.

قرب الأعداد الكسرية التالية إلى أقرب نصف:

١ $4\frac{7}{8}$ ٢ $1\frac{10}{18}$ ٣ $11\frac{1}{17}$

٤ سباق تتابع: يريد مدرب سباق تتابع اختيار

٣ من ٤ لاعبين. فما عدد الطرق التي يمكنه

اختيار الفريق بها؟ استعمل خطة تمثيل المسألة.

٥ اختيار من متعدد:

الجدول المجاور يوضح

كمية المطر الساقطة على

إحدى المناطق في

ثلاثة أيام متتالية. أوجد

مجموع كميات الأمطار في الأيام الثلاثة.

(أ) $2\frac{3}{16}$ سم

(ب) $2\frac{5}{16}$ سم

(ج) $3\frac{3}{16}$ سم

(د) $3\frac{5}{16}$ سم

أوجد ناتج الجمع أو الطرح في كل مما يأتي، ثم اكتبه في

أبسط صورة:

٦ $\frac{3}{8} - \frac{11}{12}$

٧ $\frac{5}{9} + \frac{2}{9}$

٨ $\frac{3}{16} - \frac{17}{24}$

٩ $\frac{2}{4} + \frac{2}{5}$

١٠ حفل: بعد انتهاء حفل، تبقى $\frac{1}{4}$ كعكة، و $\frac{1}{3}$ كعكة

أخرى مماثلة. ما الكسر الدال على ما تبقى من

الكعكتين؟

أوجد ناتج الجمع أو الطرح في كل مما يأتي في أبسط

صورة:

١١ $4\frac{2}{5} + 2\frac{1}{5}$

١٢ $4\frac{1}{3} - 6\frac{5}{8}$

١٣ $7\frac{3}{5} - 11\frac{1}{4}$

الاختبار التراكمي (٦)

القسم ١ الاختيار من متعدد

اختر الإجابة الصحيحة:

٤ إذا كان نصف طلاب الصف السادس يفضلون الرياضة، وثلاثا هؤلاء مسجلين بالنشاط الرياضي، فما الكسر الدال على الطلاب الذين يفضلون الرياضة وهم مسجلون في النشاط الرياضي؟

- (أ) $\frac{1}{6}$ (ب) $\frac{1}{3}$
(ج) $\frac{1}{4}$ (د) $\frac{2}{3}$

٥ يمضي أحمد $\frac{13}{4}$ ساعة في قراءة القصص يوم الجمعة، ويمضي $\frac{8}{15}$ ساعة في قراءتها يوم السبت. كم يزيد وقت قراءته يوم الجمعة عليه في يوم السبت؟

- (أ) $\frac{7}{40}$ ساعة
(ب) $\frac{7}{15}$ ساعة
(ج) $\frac{7}{40}$ ساعة
(د) $\frac{7}{12}$ ساعة

٦ أي كسر ممّا يأتي عند قسمته على $\frac{1}{3}$ يكون الناتج أقل من $\frac{1}{3}$ ؟

- (أ) $\frac{1}{4}$ (ب) $\frac{1}{8}$
(ج) $\frac{1}{9}$ (د) $\frac{1}{12}$

٧ قَرِّب الكسر $\frac{8}{9}$ إلى أقرب نصف.

- (أ) صفر (ب) $\frac{1}{2}$
(ج) ١ (د) $\frac{1}{9}$

١ يحتاج محمود لإحاطة ثلاث صورٍ مختلفةٍ بأطُرٍ إلى $\frac{1}{4}$ م خشبًا للإطار الأول، و $\frac{2}{3}$ م للإطار الثاني، و $\frac{1}{4}$ م للإطار الثالث. فما طول الخشب المطلوب لجميع هذه الأطُر؟

- (أ) $6\frac{3}{4}$ م (ب) $7\frac{7}{8}$ م
(ج) $7\frac{5}{12}$ م (د) $8\frac{1}{4}$ م

٢ نحتاج لتزيين صندوق هدية إلى شريطين ملونين طولهما: $\frac{5}{8}$ م، و $\frac{1}{4}$ م. فأَيُّ الأشكال الآتية يمثل تظليلها الكسر الدال على مجموع ما نحتاج إليه من الأشرطة الملونة؟

- (أ)  (ب) 
(ج)  (د) 

٣ لعمل ٤ عبواتٍ من المثلجات نحتاج إلى $7\frac{2}{5}$ لتراتٍ من الحليب. كم لترًا من الحليب نحتاج لعمل عبوة واحدة من المثلجات؟

- (أ) $1\frac{17}{20}$ (ب) $9\frac{3}{5}$
(ج) $2\frac{20}{37}$ (د) $4\frac{2}{5}$

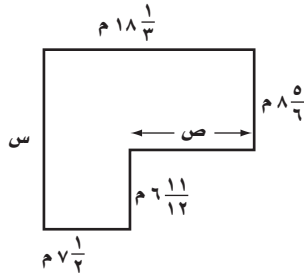
١٣٢ الفصل ٦: العمليات على الكسور الاعتيادية

١٢ المسافة بين بيت سعيد والمدرسة تساوي $2\frac{1}{3}$ مرة المسافة بين بيت إسماعيل والمدرسة. فإذا كانت المسافة بين بيت إسماعيل والمدرسة $1\frac{1}{3}$ كلم، فما المسافة بين بيت سعيد والمدرسة؟

القسم ٣ الإجابة المطولة

أجب عن السؤال الآتي، موضِّحًا خطوات الحل:

١٣ يوضِّح الشكل الآتي أبعاد حديقة منزل بالأمتار:



(أ) أوجد قيمة س في أبسط صورة.

(ب) أوجد قيمة ص في أبسط صورة.

(ج) إذا أردنا إحاطة الحديقة بسيّاح، فأوجد طول السيّاح في أبسط صورة.



أَتَدَرَّبُ

من خلال الإجابة عن الأسئلة؛ حتى أعزّز ما تعلمته من مفاهيم وما اكتسبته من مهارات.

الوزارة

أنا طالبٌ مُعدٌّ للحياة، ومُنَافِسٌ عالمياً.

٨ إذا كانت س = $\frac{2}{5}$ ، ص = $\frac{1}{3}$ ، فما قيمة س - ص؟

(أ) $\frac{1}{3}$

(ب) $\frac{1}{5}$

(ج) $\frac{1}{15}$

(د) $\frac{2}{15}$

٩ مقلوب الكسر $\frac{3}{5}$ هو:

(أ) $\frac{1}{5}$

(ب) $\frac{2}{5}$

(ج) $\frac{3}{5}$

(د) $\frac{5}{3}$

١٠ كم متراً يزيد شريط طوله $\frac{17}{4}$ متر على شريط آخر

طوله $\frac{13}{4}$ متر؟

(أ) $\frac{1}{5}$ متر

(ب) $\frac{2}{5}$ متر

(ج) $\frac{1}{4}$ متر

(د) $\frac{1}{4}$ متر

القسم ٢ الإجابة القصيرة

أجب عن كلّ من السؤالين الآتيين:

١١ أوجد ناتج $\frac{1}{4} \times \frac{1}{3} \times \frac{3}{2}$

للمساعدة

إذا لم تجب عن السؤال

راجع الدرس

١٣	١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٥-٦	٨-٦	٧-٦	٣-٦	٩-٦	٤-٦	١-٦	٩-٦	٤-٦	٧-٦	١٠-٦	٤-٦	٥-٦