

تهيئة

أوجد كلًا من النظير الجمعي والنظير الضربي لكل عدد مما يأتي: (يُستعمل مع الدروس 2-2 إلى 2-5)

-15 (2)

4 (1

$$-1.35$$
 (4

0.2 (3



$$2\frac{1}{3}$$
 (6

$$-\frac{3}{4}$$
 (5

تهيئة



بسط كل عبارة مما يأتي:

$$4(x+5)-3$$
 (8)

$$6(x + 2y)$$
 (7

$$6(2x-1)-3(y-x)+0.5(4x-6)$$
 (11)



تهيئة



حل نظام المعادلتين

$$2x - y = -1$$
 (12)

$$y = x + 3$$

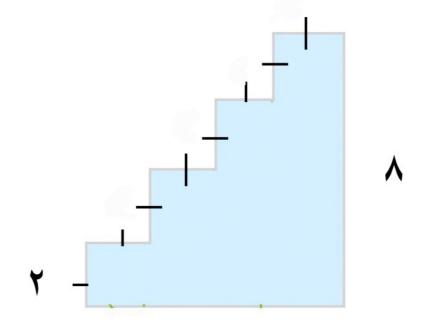


مقدمة في المصفوفات

قدرات

3

اوجد محیط الشکل ؟ ٣٧ ٣٩





المفردات

المصفوفة

matrix

العنصر

element

الرتبة

order

مصفوفة الصف

row matrix

مصفوفة العمود

column matrix

المصفوفة المربعة

square matrix

المصفوفة الصفرية

zero matrix

المصفوفات المتساوية

equal matrices

فيما سبق

درستُ حل مسائل باستعمال تنظيم البيانات في جداول. (مهارة سابقة)

والأن

- أنظم بيانات في مصفوفة.
- أستعمل العمليات على عناصر صفوف أو أعمدة مصفوفة لتحليل البيانات.



هاتف محمول: حصل صالح على عدة عروض لشراء هاتف محمول حسب النوع، وسعة الذاكرة، والسعر. وحتى يكون قادرًا على المقارنة بين العروض بسهولة، نظم البيانات في مصفوفة كما يلي:

	النوع	سعة الذاكرة	السعر
العرض الأول	[a	256	2600]
العرض الثاني	b	256	2500
العرض الثالث	С	128	2420
العرض الرابع	L d	64	2390



تنظيم البيانات: المصفوفة هي ترتيب على هيئة مستطيل لمتغيرات أو أعداد في صفوف أفقية وأعمدة رأسية، محصورة بين قوسين. وتُنظم الأعداد أو البيانات في المصفوفة بحيث يكون الموقع في المصفوفة ذا معنى. وتُسمى كل قيمة في المصفوفة عنصرًا. ويرمز إلى المصفوفة عادة باستعمال حرف كبير تحته خط مثل \underline{A} و \underline{B} .

ثلاثة صفوف
$$A = \begin{bmatrix} 8 & -2 & 5 & 6 \\ -1 & 3 & -3 & 6 \\ 7 & -8 & 1 & 4 \end{bmatrix}$$
 ويرمز إليه بالرمز a_{21} موجود في $A = \begin{bmatrix} 8 & -2 & 5 & 6 \\ -1 & 3 & -3 & 6 \\ 7 & -8 & 1 & 4 \end{bmatrix}$ ويرمز إليه بالرمز a_{32} ما موجود في $A = \begin{bmatrix} 8 & -2 & 5 & 6 \\ -1 & 3 & -3 & 6 \\ 7 & -8 & 1 & 4 \end{bmatrix}$

يمكنك تحديد نوع المصفوفة برتبتها؛ فالمصفوفة المكونة من m صفًّا و n عمودًا يقال عنها مصفوفة من الرتبة $m \times n$ أو من النوع $m \times n$ (تقرأ "m في m"). فالمصفوفة a في الأعلى هي مصفوفة من النوع $m \times n$ أو من النوع $m \times n$ أو من النوع $m \times n$ في المصفوفة $m \times n$ أو من الرتبة $m \times n$ عنصر في المصفوفة $m \times n$ على حين يدل الرمز $m \times n$ عنصر في المصفوفة $m \times n$ يدل الرمز $m \times n$ عنصر في المصفوفة $m \times n$ يدل الرمز $m \times n$ عنصر في المصفوفة $m \times n$ أ

قراءة الرياضيات

مثال مثال

يدل الرمز a_{ij} على العنصر الواقع في الصف i والعمود j من المصفوفة j.

رتبة المصفوفة وعناصرها

$$\underline{A} = \begin{bmatrix} -18 & 6 & 38 \\ 9 & -9 & 22 \end{bmatrix}$$
استعمل المصفوفة المصفوفة المحافوة المحافوة

 \underline{A} حدد رتبة المصفوفة (a

 $? a_{21}$ ما قيمة العنصر (b



تحقق من فهمك

$$\underline{B} = \begin{bmatrix} 10 & -8 \\ -2 & 19 \\ 6 & -1 \end{bmatrix}$$

1A) مارتبة <u>B</u>?

$$b_{32}$$
 ما قيمة (1B) ما

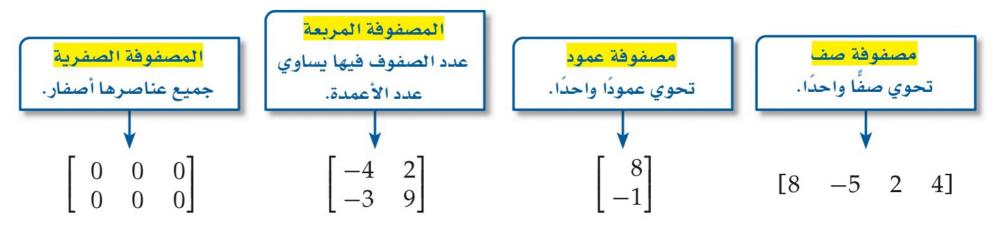


إرشادات للدراسة

العناصر المتناظرة

يدل التناظر على العناصر التي تقع بالضبط في الموقع نفسه من كل مصفوفة.

بعض المصفوفات لها تسميات خاصة.



تكون المصفوفتان متساويتين إذا كانتا من الرتبة نفسها ، وتساوت عناصرهما المتناظرة.

تستعمل المصفوفات لتنظيم البيانات وتحليلها.



تنظيم البيانات في مصفوفة

كرة قدم: رصد مدرب أحد فرق كرة القدم إنجازات ثلاثة لاعبين في مباريات الموسم الحالي فكانت على النحو الآتي:

معاذ: 12 مباراة، 24 تسديدة، 113 تمريرة، 15 قطع تمريرات، 4 أهداف.

ماجد: 18 مباراة، 43 تسديدة، 170 تمريرة، 40 قطع تمريرات، 11 هدفاً.

ياسر: 20 مباراة، 31 تسديدة، 20 تمريرة، 30 قطع تمريرات، 4 أهداف.

- نظّم البيانات في مصفوفة A، على أن تُرتب أسماء اللاعبين تنازليًّا حسب عدد التسديدات.
 - a_{23} حدد رتبة المصفوفة. وما قيمة (**b**



تحقق من فهمك

	مىغىرة	وسط	کبیرة
ثمار البحر	13	24	35
الخضار	12	23	34
- Is all	1 /	25	26
الدجاج	14		36
اللحم	15	27	37
ر نارحتارة	مناب		

- 2) بيتزا: يبين الجدول المجاور الأسعار بالريال لأربعة أنواع من البيتزا بثلاثة أحجام في أحد المطاعم.
 - نظّم هذه البيانات في مصفوفة \underline{A} ، على أن تكون الأسعار مرتبة تصاعديًّا.
 - B) حدد رتبة المصفوفة.
 - a_{21} ما قيمة العنصر (C



تحليل البيانات: عند تنظيم البيانات في مصفوفة، يسهل تحليلها وتفسيرها. وتعطي مجاميع عناصر الصفوف أو الأعمدة أحيانًا معلومات ذات معنى. وفي أحيان أخرى لا تعطي أي معلومات ذات معنىً.



تحليل البيانات باستعمال المصفوفات

	المباريات	التسديدات	التمريرات	قطع التمريرات	الأهداف
_		43	170	40	11
l	18 20 12	31	20	30	4
L	12	24	113	15	4

كرة قدم: إذا أراد مدرب فريق كرة القدم، (في مثال 2) استعمال المصفوفة للحصول على تحليلات إضافية لإحصائيات لاعبيه الثلاثة:

a) اجمع عناصر كل من العمودين 2 و 3 ، وفسر النتائج.

b) أراد المدرب تحديد معدل تسديد اللاعب في المباراة الواحدة، فقرر أن يجمع عناصر العمود 2 ويقسم المجموع على 3 ، فما الناتج؟



c) هل كانت طريقة المدرب في حساب معدل تسديد اللَّاعب في المباراة الواحدة صحيحة؟ فسِّر إجابتك



- (3) محافظات: يبين الجدول المجاور عدد المحافظات من الفئتين أ، ψ في 4 مناطق إدارية مختلفة في المملكة.
 - A) نظم البيانات في مصفوفة.
 - B) اجمع عناصر كل عمود، وفسر النتائج.
 - اجمع عناصر كل صف، وفسر النتائج.
 - D) هل إيجاد معدل عناصر كل صف يعطي بيانات ذات معنى؟

عدد المحافظات من الفئتين أ، ب في 4 مناطق مختلفة في المملكة

المنطقة	محافظة فئة أ	محافظة فئة ب
الرياض	12	8
مكة المكرمة	9	7
المدينة المنورة	4	4
القصيم	5	7

المصدر: المملكة العربية السعودية، حقائق وأرقام، هيئة المساحة المحدية، 1433 هـ الجيولوجية السعودية، 1433 هـ





حدّد رتبة كل مصفوفة فيما يأتي:

$$\begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ 5 \\ -7 \end{bmatrix}$$
 (2)
$$\begin{bmatrix} 1 & 4 & -4 & 0 \\ -2 & 3 & 6 & -8 \end{bmatrix}$$
 (1)





اذا كانت
$$a_{24}$$
 (7 a_{33} (6 a_{11} (5 a_{24} (7 a_{33} (6 a_{11} (5 a_{24} (7 a_{33} (6 a_{11} (5 a_{32} (4





8) زراعة: يبين الجدول المجاور عدد صناديق الخضراوات المنتجة في مزرعتين مختلفتين في أحد المواسم:

المزرعة	خيار	كوسة	باذنجان	طماطم
1	540	570	488	500
2	850	1015	800	820

- a) نظم البيانات في مصفوفة.
 - b) ما النوع الأقل إنتاجًا؟
- اجمع عناصر كل صف، وهل لهذه المجاميع معنى؟ فسِّر إجابتك.
- d) اجمع عناصر كل عمود، وفسِّر إجابتك.





ر
$$\underline{B} = \begin{bmatrix} -6 & 7 \\ 0 & 5 \\ 8 & 2 \end{bmatrix}$$
 اكتشف الخطأ: حددت كل من ياسمين وسارة العنصر b_{32} في المصفوفة في المحلوفة في الصحيح؟ فسِّر إجابتك.

سارة

العنصر و في العنصر و في المعنفوفة ه ، لأن 8 معنفوفة من النوع 3 × 2.

ياسهين b_{32} قيهة العنصر5





	مؤيد	ضد
المرشح الأول	1553	771
المرشح الثاني	689	1633
المرشح الثالث	2088	229

37) مسح: نُظمت نتائج استطلاع للرأي في المصفوفة المجاورة:

بالاعتماد على هذه النتائج، أي استنتاج مما يأتي ليس صحيحًا؟

A هناك 771 صوتًا ضد المرشح الأول.

B عدد الأصوات المعارضة للمرشح الأول أكبر من تلك المؤيدة للمرشح الثاني.

C فرصة المرشح الثاني للفوز ضئيلة.

D عدد الأصوات المؤيدة للمرشح الأول أكبر من عدد الأصوات المؤيدة للمرشح الثالث.





العنصر في المصفوفة الذي يقع في الصف الثالث والعمود الرابع هو ...

- a_3 (A)
- a_4 **B**
- a_{34} **(C)**
- a_{43} **D**

