

الدرس (3 - 3) : المتطابقات المثلثية لمجموع زاويتين و الفرق بينهما

متطابقات المجموع والفرق: تفيد الصيغ الآتية في إيجاد قيمة العبارات المثلثية لزوايا محددة مثل $\sin 15^\circ$ ، بمعرفة قيم الجيب وجيب التمام للزاويتين 60° و 45°

متطابقات الفرق	متطابقات المجموع
<ul style="list-style-type: none"> • $\sin (A - B) = \sin A \cos B - \cos A \sin B$ • $\cos (A - B) = \cos A \cos B + \sin A \sin B$ • $\tan (A - B) = \frac{\tan A - \tan B}{1 + \tan A \tan B}$ 	<ul style="list-style-type: none"> • $\sin (A + B) = \sin A \cos B + \cos A \sin B$ • $\cos (A + B) = \cos A \cos B - \sin A \sin B$ • $\tan (A + B) = \frac{\tan A + \tan B}{1 - \tan A \tan B}$

*قيم الزوايا المثلثية المشهورة

اثبت ان كل معادلة مما يأتي تمثل متطابقة
$\cos(360^\circ - \theta) = \cos \theta$
$\cos\left(\frac{3\pi}{2} - \theta\right) = -\sin \theta$
$\tan(\theta + 45^\circ) = \frac{1 + \tan \theta}{1 - \tan \theta}$

θ		$\sin \theta$	$\cos \theta$	$\tan \theta$
راديان	درجة			
0	0°	0	1	0
$\frac{\pi}{6}$	30°	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{3}$
$\frac{\pi}{4}$	45°	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	1
$\frac{\pi}{3}$	60°	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\sqrt{3}$
$\frac{\pi}{2}$	90°	1	0	غير معرف
$\frac{2\pi}{3}$	120°	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$-\frac{1}{2}$	$-\sqrt{3}$
$\frac{3\pi}{4}$	135°	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	-1
$\frac{5\pi}{6}$	150°	$\frac{1}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{3}$
π	180°	0	-1	0
$\frac{7\pi}{6}$	210°	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{3}$
$\frac{5\pi}{4}$	225°	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	1
$\frac{4\pi}{3}$	240°	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	$-\frac{1}{2}$	$-\sqrt{3}$
$\frac{3\pi}{2}$	270°	-1	0	غير معرف
$\frac{5\pi}{3}$	300°	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{1}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{3}$
$\frac{7\pi}{4}$	315°	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	-1
$\frac{11\pi}{6}$	330°	$-\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{3}$
2π	360°	0	1	0

دون استعمال الآلة الحاسبة , أوجد القيمة الدقيقة لكل مما يأتي:

$\tan 195^\circ$	$\sin(-210^\circ)$	$\cos 165^\circ$

اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

2 (أوجد القيمة الدقيقة لـ $\sin 105^\circ$)		1 (ما القيمة الدقيقة للعبارة : $\sin(60^\circ + \theta) \cos \theta - \cos(60^\circ + \theta) \sin \theta$)	
$\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{2}$ (B)	$\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{2}$ (A)	$\frac{\sqrt{3}}{2}$ (B)	$\frac{1}{2}$ (A)
$\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$ (D)	$\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$ (C)	$\sqrt{3}$ (D)	$\frac{2}{\sqrt{3}}$ (C)
4 ($\cos(270^\circ + \theta) = \dots$)		3 (أوجد القيمة الدقيقة لـ $\tan 15^\circ$)	
$\sin \theta$ (B)	$\cos \theta$ (A)	$\frac{\sqrt{3}-1}{4}$ (A)	$\frac{\sqrt{3}-1}{2}$ (A)
$-\sin \theta$ (D)	$-\cos \theta$ (C)	$\frac{\sqrt{3}+1}{4}$ (C)	$\frac{\sqrt{3}+1}{2}$ (C)
6 (أوجد القيمة الدقيقة لـ $\cos 135^\circ$)		5 ($\cos(180^\circ + \theta) = \dots$)	
$\frac{1}{2}$ (B)	$\frac{\sqrt{2}}{2}$ (A)	$\sin \theta$ (B)	$\cos \theta$ (A)
$-\frac{\sqrt{2}}{2}$ (D)	$-\frac{1}{2}$ (C)	$-\sin \theta$ (D)	$-\cos \theta$ (C)
8 (أوجد القيمة الدقيقة لـ $\sin 15^\circ$)		7 (أوجد القيمة الدقيقة لـ $\cos \frac{5\pi}{12}$)	
$\frac{\sqrt{2}-\sqrt{6}}{4}$ (B)	$\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$ (A)	$\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$ (B)	$\sqrt{2}$ (A)
$\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$ (D)	$\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$ (C)	$\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$ (D)	$\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{2}$ (C)
10 (أوجد القيمة الدقيقة لـ $\sin -210^\circ$)		9 (يمكن استعمال في إيجاد كلا من $\sin 120^\circ$ و $\cos 120^\circ$ اذا علم الجيب وجيب التمام لكلا من الزاويتين 30° و 60°)	
$\frac{1}{2}$ (B)	$\frac{\sqrt{3}}{2}$ (A)	(B) المتطابقة المثلثية لضعف الزاوية	(A) المتطابقة المثلثية لنصف الزاوية
$-\frac{\sqrt{3}}{2}$ (D)	$-\frac{1}{2}$ (C)	(D) متطابقة فيثاغورس	(C) المتطابقة المثلثية لمجموع زاويتين
12 (أوجد القيمة الدقيقة لـ $\tan 75^\circ$)		11 (أوجد القيمة الدقيقة لـ $\cos(-135^\circ)$)	
$\sqrt{3} + 2$ (B)	$\sqrt{3} - 2$ (A)	$\frac{1}{2}$ (B)	$\frac{\sqrt{2}}{2}$ (A)
$-\sqrt{3}$ (D)	$\sqrt{3}$ (C)	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$ (D)	$-\frac{1}{2}$ (C)
14 ($\tan(\theta - \pi) = \dots$)		13 ($\sin\left(\frac{3\pi}{2} - \theta\right) = \dots$)	
$\tan \theta$ (B)	$\cos \theta$ (A)	$\sin \theta$ (B)	$\cos \theta$ (A)
$-\tan \theta$ (D)	$-\cos \theta$ (C)	$-\sin \theta$ (D)	$-\cos \theta$ (C)
15 (أوجد القيمة الدقيقة لـ $\tan 165^\circ$)		15 (أوجد القيمة الدقيقة لـ $\sin 210^\circ$)	
$-2 + \sqrt{3}$ (B)	$2 + \sqrt{3}$ (A)	$\frac{\sqrt{3}}{2}$ (B)	$\frac{\sqrt{2}}{2}$ (A)
$-\sqrt{3}$ (D)	$\sqrt{3}$ (C)	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$ (D)	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$ (C)