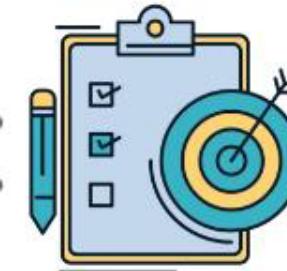




التغير المئوي



إيجاد الزيادة المئوية أو النقصان المئوي
حل مسائل تتضمن ربحاً أو خسماً باستعمال التغير المئوي



أهداف الدرس



المعرفة السابقة

مقدار التغير ← الفرق بين القيمتين الأولى والثانية

التغير في ٦٠ ، ٤٥



الفرق بينهما

$$60 - 45 = 15$$

٦٦٦٦

سنتعلم اليوم:

- التغير المئوي
- إيجاد التغير المئوي
- إيجاد ثمن البيع



حساب السعر



كان سعر علبة الحليب ٥ ريالات ، واصبح بسعر ٧ ريالات
هل هناك زيادة أم نقصان ، وكم قيمتها ؟



مَهِيدٌ

رواتب: يوضح الجدول أدناه مقدار التغير في راتب رتبة «ملازم» من الدرجة الثانية إلى الدرجة الخامسة بالريال.

الدرجات								الرتبة	
٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١		
١٠٢٥	٥	٤	٣	٢		٩٧٠	٧٥٩٠	ملازم	
١٥١١٩١	٩١١٠	٨٧٣٠	٨٣٥٠	٧٩٧٠		٧٧٥	٨٨٣٥	ملازم أول	

- ١ ما مقدار الزيادة في الراتب من الدرجة (٢) إلى الدرجة (٣)؟
- ٢ اكتب النسبة $\frac{\text{مقدار الزيادة}}{\text{راتب الدرجة (٢)}}$ ، ثم عُّبّر عنها في صورة نسبة مئوية.
- ٣ ما مقدار الزيادة في الراتب من الدرجة (٣) إلى الدرجة (٤)؟ اكتب النسبة $\frac{\text{مقدار الزيادة}}{\text{راتب الدرجة (٣)}}$ ، ثم عُّبّر عنها في صورة نسبة مئوية.
- ٤ ما مقدار الزيادة في الراتب من الدرجة (٤) إلى الدرجة (٥)؟ اكتب النسبة $\frac{\text{مقدار الزيادة}}{\text{راتب الدرجة (٤)}}$ ، ثم عُّبّر عنها في صورة نسبة مئوية.
- ٥ **خمن:** لماذا تختلف النسبة المئوية مع أن مقدار التغير في الراتب ثابت؟

تسمى النسبة المئوية لمقدار التغير من الكمية الأصلية **التغير المئوي**.

مفهوم أساسٍ

التغير المئوي

التعبير اللفظي : التغير المئوي هو نسبة تقارن مقدار التغير في كمية ما بالكمية الأصلية.

الرموز: التغير المئوي = $\frac{\text{مقدار التغير}}{\text{الكمية الأصلية}}$

لإيجاد التغير المئوي اتبع الخطوات الآتية:

الخطوة ١ : اطرح لإيجاد مقدار التغير.

الخطوة ٢ : اكتب النسبة $\frac{\text{مقدار التغير}}{\text{الكمية الأصلية}}$ على صورة كسر عشري.

الخطوة ٣ : اكتب الكسر العشري على صورة نسبة مئوية.

مقدار التغيير الكمية الأصلية

إذا كانت الكمية الجديدة أكبر من الكمية الأصلية فإن التغير المئوي يسمى **الزيادة المئوية**. وإذا كانت الكمية الجديدة أصغر من الكمية الأصلية فإن التغير المئوي يسمى **النقصان المئوي**.

مثال من واقع الحياة



زيادة مئوية

كتب: باعت إحدى المكتبات ١٧٤ كتاباً في شهر رجب، و٢٠٠ كتاب في شهر شعبان. أوجد التغير المئوي، وقدّر الناتج إلى أقرب عشر، وبيّن إذا كان التغير زيادة أم نقصاناً.

الخطوة ١: مقدار التغير = $174 - 200 = -26$.

$$\text{الخطوة ٢: التغير المئوي} = \frac{\text{مقدار التغير}}{\text{الكمية الأصلية}}$$

تعريف التغير
مقدار التغير = ٢٦، والكمية الأصلية = ١٧٤.

$$\frac{26}{174} =$$

$\approx 0,1494252$ اقسم باستعمال الآلة الحاسبة.

الخطوة ٣: يكتب الكسر العشري $0,1494252$ في صورة نسبة مئوية كما يأتي $14,94252\%$ ، ثم يقرّب إلى أقرب جزء من عشرة، فيكون التغير المئوي $14,9\%$.

بما أن عدد الكتب الجديدة المبيعة أكبر من عدد الكتب الأصلي، فالتغير يعبر عن زيادة مئوية.



إرشادات للدراسة

التغير المئوي

عند إيجاد التغير المئوي
استعمل دائمًا الكمية
الأصلية بوصفها التكل.

زيادة مئوية

مثال من واقع الحياة



طقس: إذا كان معدل تساقط المطر في مدينة الرياض خلال شهر فبراير من كل عام ٥،٨ ملم، وبلغ التساقط خلال شهر فبراير من عام ٢٠١٦ م ٤،٦ ملم، فأُوجد التغير المئوي، وقدر الناتج إلى أقرب عشرة إذا كان هذا التغير زيادة أم نقصاناً.

الخطوة ١: مقدار التغير = $6,4 - 5,8 = 0,6$

تعريف التغير المئوي.

الخطوة ٢: التغير المئوي = $\frac{\text{مقدار التغير}}{\text{الكمية الأصلية}}$

مقدار التغير = ٠،٦، والكمية الأصلية = ٥،٨.

$$\frac{0,6}{5,8} =$$

$\approx 0,1034$ اقسم.

الخطوة ٣: يكتب الكسر العشري ٠،١٠٣٤ في صورة نسبة مئوية كما يأتي ١٠،٣٤٪، ثم يقترب إلى أقرب جزء من عشرة، فيكون التغير المئوي ١٠،٣٪.

بما أن معدل تساقط المطر الجديد أكبر من المعدل السابق فالتغير يعبر عن زيادة مئوية.



الهيئة العامة للأرصاد وحماية البيئة
The General Authority Of Meteorology and Environment Protection



الربط بالحياة:

يسود المملكة العربية السعودية مناخ صحراوي (حار جاف صيفاً بارد ممطر شتاءً)، وتتفاوت الظروف المناخية من منطقة إلى أخرى؛ وفقاً لاختلاف طبيعة التضاريس.

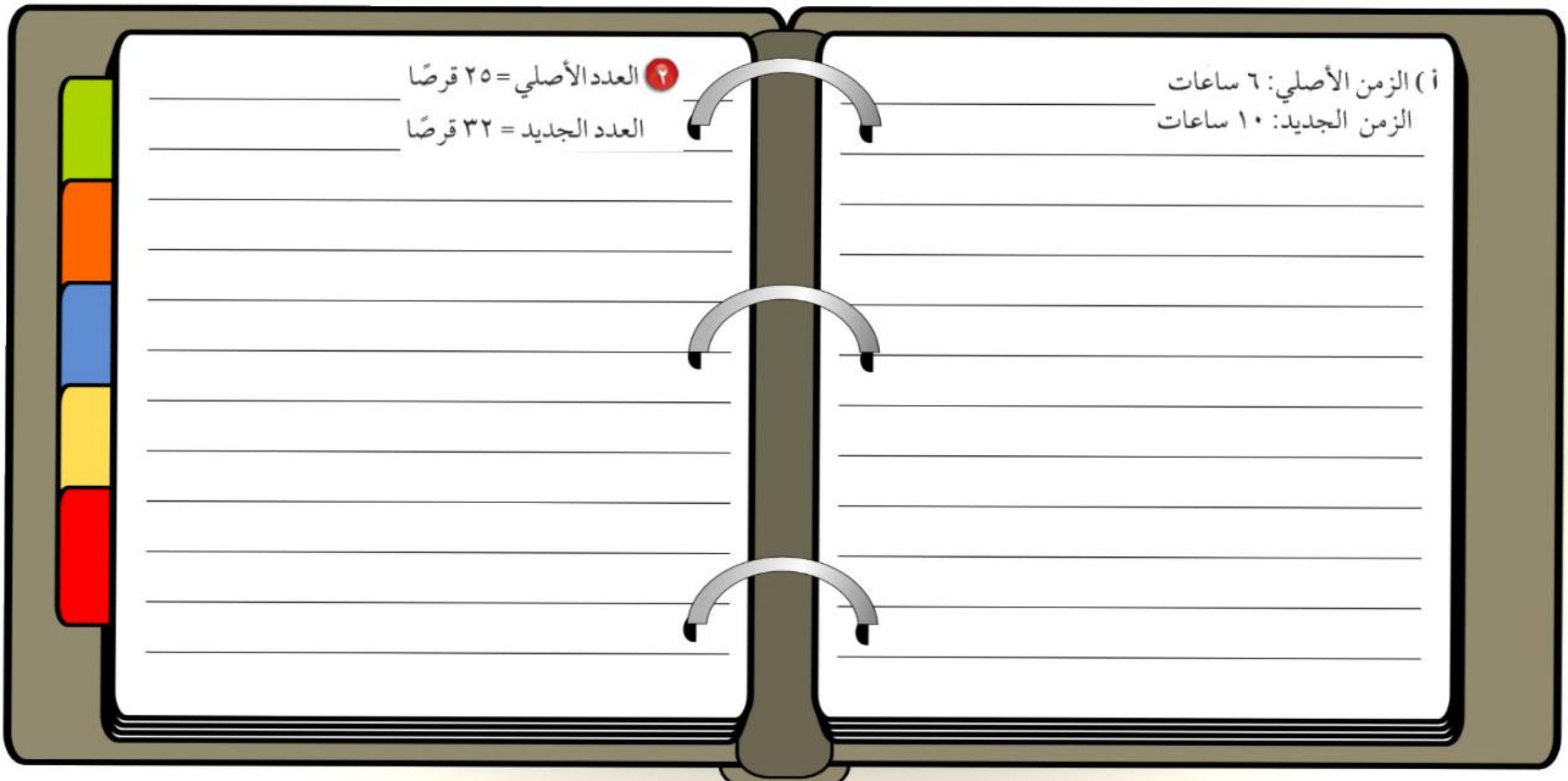
أوجد التغير المئوي فيما يأتي، وقرب الناتج إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر. وبين إذا كان التغير المئوي زيادة أم نقصاناً.

٢) العدد الأصلي = ٢٥ قرصاً

العدد الجديد = ٣٢ قرصاً

أ) الزمن الأصلي: ٦ ساعات

الزمن الجديد: ١٠ ساعات



أوجد التغير المئوي فيما يأتي، وقرب الناتج إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر. وبين إذا كان التغير المئوي زيادة أم نقصاناً.

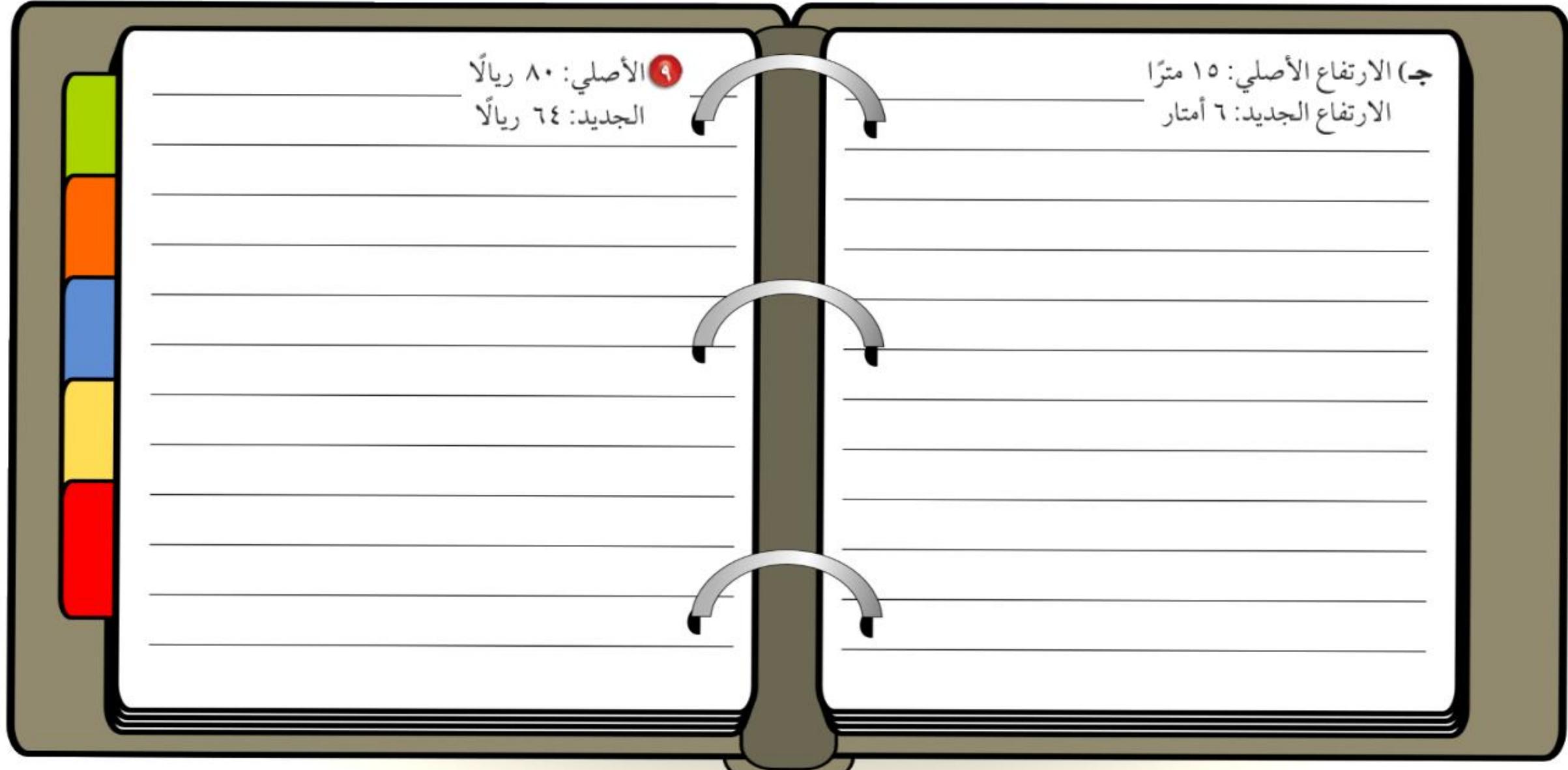


الأصلي: ٨٠ ريالاً

الجديد: ٦٤ ريالاً

ج) الارتفاع الأصلي: ١٥ متراً

الارتفاع الجديد: ٦ أمتار



ربح

عندما يبيع متجر شيئاً ما بمبلغ أكبر مما دفعه عند شرائه فإن المبلغ الإضافي يُسمى **ربحًا**. والربح المئوي هو زيادة مئوية. ويسمى المبلغ الذي يدفعه المشتري **ثمن البيع**.

مثال من واقع الحياة

اشترى متجر بضاعة بمبلغ ٩١٤ ريالاً، وباعها بربح ٧٥٪. بكم باعها؟

ارشادات للدراسة

التحقق من المعقولة
لتقدير ثمن البيع فكر:
٧٥٪ من ٩١٤ حوالي ٧٥.
 $75 \times 914 = 686$
 $686 + 914 = 1600$ تقريباً

الطريقة الأولى إيجاد مقدار الربح أولاً.

الكل = ٩١٤ ريالاً، والنسبة = ٧٥٪، والمطلوب إيجاد مقدار الربح (أو الجزء).

افرض أن الجزء = ج.

$$\frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} = \frac{\text{النسبة المئوية}}{100} \times \text{الكل}$$

$$ج = \frac{75}{100} \times 914$$

$ج \approx 686$

اضف الربح إلى ثمن البضاعة لتجد ثمن البيع.

$$\text{ثمن البيع} = 686 + 914 = 1600 \text{ ريال.}$$

الطريقة الثانية

إيجاد النسبة المئوية الكلية أولاً

يدفع المشتري ١٠٠٪ زائد ٧٥٪ = ١٧٥٪ من ثمن الشراء.

افرض أن ثمن البيع = م.

اكتب المعادلة المئوية.

اضرب.

$$\frac{\text{الجزء}}{\text{المليء}} = \frac{\text{النسبة المئوية}}{100} \times \text{الكل}$$

$$\frac{م}{914} = \frac{175}{100} \times 1,75$$

$$م \approx 1600 \text{ ريال.}$$

إذن ثمن البيع يساوي ١٦٠٠ ريال.

تقويم

أوجد ثمن بيع كل قطعة مما يأتي:

ثمن البيع في
حالة الربح

١٤ غسالة: ٧٠٠ ريال، والربح $\% ٣٠$

٤ كتاب: ٦٠ ريالاً، بربح $\% ٣٥$



خصم

يسمى المبلغ الذي يتم طرحه من المبلغ الأصلي **خصماً**. والتغير المئوي هو نقصان مئوي.

مثال من واقع الحياة



تعلم إلكتروني: يباع برنامج تعليمي حاسوبي في أحد العروض بخصم نسبته ٢٠٪. إذا كان ثمن أحد البرامج ٦٠ ريالاً، فكم يصبح ثمنه بعد الخصم؟

إيجاد النسبة المئوية أولاً

الطريقة الثانية

إذا كانت نسبة الخصم = ٢٠٪ ، فإن نسبة المبلغ المدفوع ثمناً له = $100\% - 20\% = 80\%$. أوجد ٨٠٪ من ٦٠.

افترض أن الثمن بعد الخصم = ث.

أكتب معادلة مئوية.

اضرب.

$$\frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} = \frac{\text{النسبة المئوية}}{\text{الكل}} \times \text{الكل}$$

$$\theta = 0,80 \times 60$$

$$\theta = 48$$

إذن الثمن بعد الخصم يساوي ٤٨ ريالاً.

إيجاد قيمة الخصم أولاً

الطريقة الأولى

النسبة المئوية = ٢٠٪، والكل = ٦٠ ريالاً. والمطلوب إيجاد ثمن البرنامج بعد الخصم (أو الجزء). افترض أن قيمة الخصم = خ.

الجزء = $\frac{\text{النسبة المئوية}}{\text{الكل}} \times \text{الكل}$ اكتب المعادلة المئوية.

$$x = 0,20 \times 60$$

اضرب.

$$x = 12 \text{ ريالاً}$$

اطرح الخصم من ثمن البرنامج لإيجاد ثمنه بعد الخصم.
 $60 - 12 = 48$ ريالاً.

تقويم

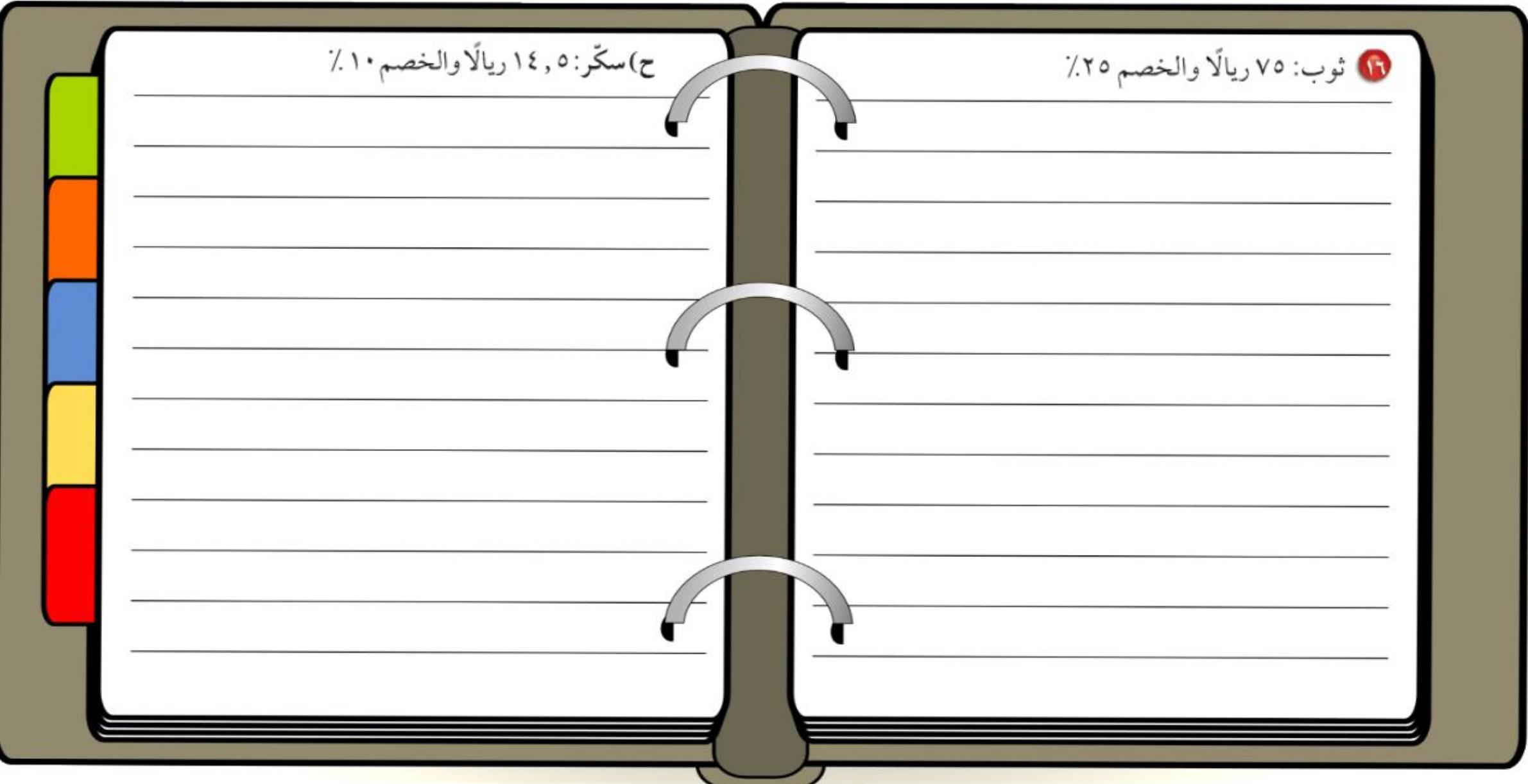
أوجد ثمن البيع في كل حالة مما يأتي:

ثمن البيع في
حالة الخصم

ح) سكر: ١٤,٥ ريالاً والخصم ١٠٪.

٧٥ ريالاً والخصم ٪٢٥

١٦



تقويم

٢٠

اكتشف الخطأ: يحل راشد وعمار المسألة التالية: ارتفع ثمن تذكرة حضور مباريات دوري المحترفين لكرة القدم من ٢٠ ريالاً إلى ٢٥ ريالاً. ما الزيادة المئوية في ثمن التذكرة؟ أيهما إجابته صحيحة؟ فسر إجابتك.



راشد

$$\text{التغير المئوي} = \frac{5}{25} \\ \% 20 = 0,2 =$$



عمار

$$\text{التغير المئوي} = \frac{5}{20} \\ \% 25 = 0,25 =$$

ملخص مفهوم



الكمية الجديدة > الكمية الأصلية

التغير المنوي

الكمية الجديدة < الكمية الأصلية

هو النسبة المئوية التي تقارن بين التغير في كمية ما والكمية الأصلية

إيجاد التغير المنوي

$$\text{مقدار التغير} = \frac{\text{القيمة}_2 - \text{القيمة}_1}{\text{القيمة}_1}$$

$$\text{التغير المنوي} = \frac{\text{مقدار التغير}}{\text{الكمية الأصلية}} \times 100$$

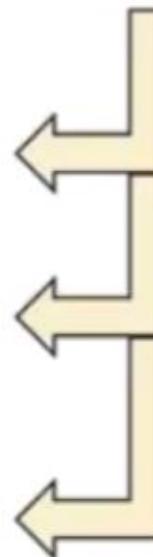
$$\text{التغير المنوي} = \text{كسراً عشرياً} \times 100$$

مقدار التغيير

الكمية الأصلية

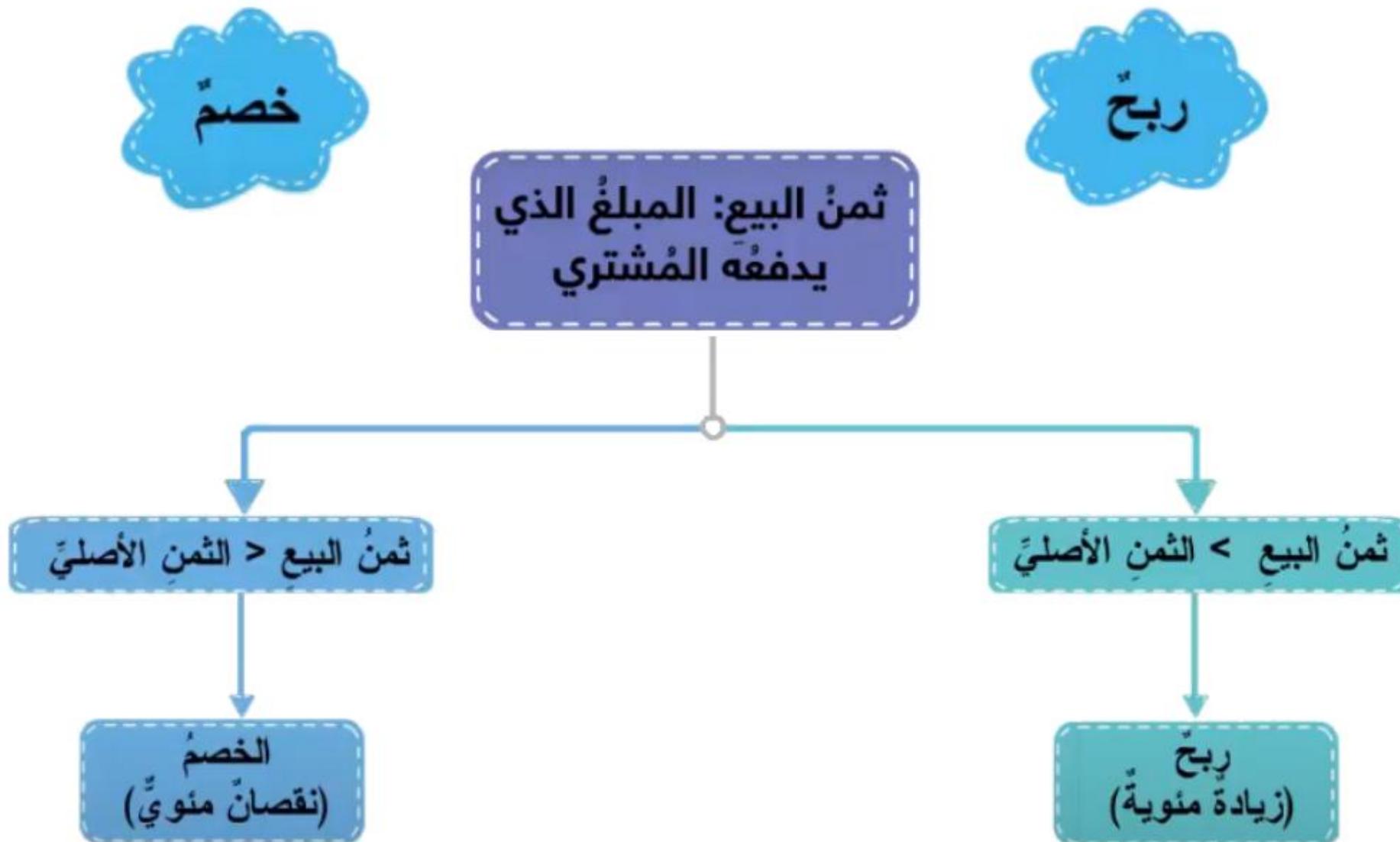
لإيجاد التغير المئوي

أولاً: اطرح لإيجاد مقدار التغير



ثانياً: اكتب النسبة $\frac{\text{مقدار التغير}}{\text{الكمية الأصلية}}$ على صورة كسر عشري

ثالثاً: اكتب الكسر العشري على صورة نسبة مئوية





ربح

مقدار الربح = النسبة المئوية للربح × الكل

ثمن البيع = الثمن الأصلي + مقدار الربح

الطريقة ١

ثمن البيع في
حالة الربح

النسبة الكلية = ١٠٠% + نسبة الربح

ثمن البيع = النسبة

الطريقة ٢



ملخص مفهوم

خصم

$$\text{مقدار الخصم} = \text{النسبة المئوية للخصم} \times \text{الكل}$$

$$\text{ثمن البيع} = \text{الثمن الأصلي} - \text{مقدار الخصم}$$

الطريقة ١

ثمن البيع في
حالة الخصم

$$\text{النسبة الكلية} = \% 100 - \text{نسبة الخصم}$$

الطريقة ٢

$$\text{ثمن البيع} = \text{النسبة المئوية} \times \text{الكل}$$



قيم نفسك

اختر الاجابة الصحيحة



إذا كان سعر سلعة .. ريال، وخفض سعرها بنسبة ..٪، ثم خفض سعرها مره أخرى بنسبة ..٪، فإن سعرها الجديد يكون .. ريال.

خطأ

صواب

أكمل مكان الفراغ



يشتري محل لبيع الأحذية الزوج الواحد من الأحذية ب .. ريال. إذا علمت أن نسبة ربحه 70% فإنه يبيعه بقيمة ... ريال

الإجابة