



الدرس (3 - 4) : المتطابقات المثلثية لضعف الزاوية و نصفها

المتطابقات الآتية صحيحة لقيم θ جميعها				
$\sin 2\theta = 2\sin \theta \cos \theta$	$\cos 2\theta = \cos^2 \theta - \sin^2 \theta$	$\tan 2\theta = \frac{2\tan \theta}{1 - \tan^2 \theta}$	المتطابقات المثلثيّة لضعف الزاويا	
	$\cos 2\theta = 2\cos^2 \theta - 1$			
	$\cos 2\theta = 1 - 2\sin^2 \theta$			
$\sin \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{2}}$	$\cos \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \theta}{2}}$	$\tan \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{1 + \cos \theta}}, \cos \theta \neq -1$	المتطابقات المثلثيّة لنصف الزاويا	
أوجد القيمة الدقيقة لكلا من $\sin 2\theta, \cos 2\theta, \tan 2\theta, \sin \frac{\theta}{2}, \cos \frac{\theta}{2}, \tan \frac{\theta}{2}$ في الحالات التالية				
$\sin \theta = \frac{2}{3}, 90^\circ < \theta < 180^\circ$	$\cos \theta = \frac{4}{5}, 0^\circ < \theta < 90^\circ$			
اثبت أن كل معادلة مما يأتي تمثل متطابقة				
$\sin \theta (\cos^2 \theta - \cos 2\theta) = \sin^3 \theta$	$\sin \frac{\theta}{2} \cos \frac{\theta}{2} = \frac{\sin \theta}{2}$	$\tan \theta = \frac{1 - \cos 2\theta}{\sin 2\theta}$		
$\cos 67.5^\circ$	$\tan \frac{5\pi}{12}$	$\cos 15^\circ$	$\sin \frac{\pi}{8}$	أوجد القيمة الدقيقة لكل ما يأتي

اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

2) القيمة الدقيقة لـ $\cos 2\theta$ اذا كان $\cos \theta = \frac{5}{13}$ و $0^\circ \leq \theta < 90^\circ$		1) القيمة الدقيقة لـ $\tan \frac{\theta}{2}$ اذا كان $\cos \theta = \frac{\sqrt{3}}{2}$ و $0^\circ < \theta < 90^\circ$	
$\frac{120}{169}$ (B)	$\frac{25}{169}$ (A)	$\frac{\sqrt{3}}{3}$ (B)	$2 - \sqrt{3}$ (A)
$\frac{119}{169}$ (D)	$-\frac{119}{169}$ (C)	$\sqrt{3}$ (D)	$\sqrt{3} - 2$ (C)
4) مالقيمة الدقيقة لـ $\cos 22\frac{1}{2}^\circ$ باستعمال متطابقة نصف الزاوية؟		3) القيمة الدقيقة لـ $\sin 2\theta$ اذا كان $\sin \theta = \frac{4}{5}$ و $0^\circ \leq \theta < 90^\circ$	
$\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$ (B)	$\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$ (A)	$\frac{12}{25}$ (B)	$\frac{24}{25}$ (A)
$-\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$ (D)	$-\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$ (C)	$-\frac{7}{25}$ (D)	$\frac{24}{5}$ (C)
6) القيمة الدقيقة لـ $\sin 2\theta$ اذا كان $\cos \theta = -\frac{\sqrt{5}}{3}$ و $180^\circ < \theta < 270^\circ$		5) أي مما يأتي ليس حل للمعادلة $\sin 2\theta = 1$	
$-\frac{4\sqrt{5}}{9}$ (B)	$-\frac{1}{9}$ (A)	45° (B)	90° (A)
$\frac{4\sqrt{5}}{9}$ (D)	$\frac{1}{9}$ (C)	-135° (D)	225° (C)
8) مالقيمة الدقيقة لـ $\cos 105^\circ$ باستعمال متطابقة نصف الزاوية؟		7) القيمة الدقيقة لـ $\sin \frac{\theta}{2}$ اذا كان $\cos \theta = \frac{2}{3}$ و $270^\circ < \theta < 360^\circ$	
$\frac{\sqrt{2+\sqrt{3}}}{2}$ (B)	$\frac{\sqrt{2-\sqrt{3}}}{2}$ (A)	$\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$ (A)	$\frac{1}{3}$ (A)
$-\frac{\sqrt{2-\sqrt{3}}}{2}$ (D)	$-\frac{\sqrt{2+\sqrt{3}}}{2}$ (C)	$-\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$ (C)	$-\frac{1}{3}$ (C)
10) يمكن استعمال في إيجاد $\sin 60^\circ$ باستعمال الزاوية 30°		9) يمكن استعمال في إيجاد $\cos 22\frac{1}{2}^\circ$ لضعف الزاوية	
(B) المتطابقة المثلثية لضعف الزاوية	(A) المتطابقة المثلثية لنصف الزاوية	(B) المتطابقة المثلثية لضعف الزاوية	(A) المتطابقة المثلثية لنصف الزاوية
(D) متطابقة فيثاغورس	(C) المتطابقة المثلثية لمجموع زاويتين	(D) متطابقة فيثاغورس	(C) المتطابقة المثلثية لمجموع زاويتين
7) القيمة الدقيقة لـ $\cos \theta = \frac{1}{2} \cos^{\frac{\theta}{2}}$ اذا كان $0^\circ < \theta < 90^\circ$		7) القيمة الدقيقة لـ $\tan \theta = 0$ اذا كان $\tan 2\theta = 0$ و $0^\circ \leq \theta \leq 90^\circ$	
$\frac{\sqrt{2}}{2}$ (B)	$\frac{\sqrt{3}}{2}$ (A)	1 (B)	0 (A)
$\frac{3}{4}$ (D)	$\frac{\sqrt{3}}{4}$ (C)	2 (D)	$\frac{\sqrt{2}}{2}$ (C)