

البرامج العلاجية

لرياضيات الصفوف العليا

بالمرحلة الابتدائية

(مهارات الحد الأدنى)

الصف السادس الابتدائي

الفصل الدراسي الأول

أ. سليمان المالكي

★ لحل المسائل الرياضية: **١ نفهم** أولاً المطلوب، ثم **٢ نخطط** لحل المسألة ثم **٣ نحل** المسألة ثم **٤ نتحقق** من صحة الحل.

مثال

حصل عبد الرحمن على مبلغ ٧٠ ريال من أقربائه يوم العيد، وكان مجموع ما معه ٩ أوراق نقدية من فئتي ٥ ريالات و ١٠ ريالات. استعمل التخمين والتحقق لمعرفة عدد الأوراق النقدية التي حصل عليها عبد الرحمن من كل من الفئتين.

افهم: المعطيات: حصل عبد الرحمن على ٧٠ ريال في صورة أوراق نقدية من الفئتين (٥ ريالات، و ١٠ ريالات)، وعددها ٩ المطلوب: إيجاد عدد أوراق كل من الفئتين.

خطط: خمن ثم تحقق وعد التخمين حتى تتوصل إلى الإجابة الصحيحة.

	المبلغ الكلي	عدد الأوراق من فئة ١٠ ريالات	عدد الأوراق من فئة ٥ ريالات
أكبر	$80 = 10 \times 0 + 0 \times 1$	0	1
أصغر قليلاً	$60 = 10 \times 6 + 0 \times 0$	6	0
✓	$70 = 10 \times 0 + 0 \times 14$	0	14

إذن حصل عبد الرحمن على ٥ أوراق من فئة ١٠ ريالات، و ١٤ أوراق من فئة ٥ ريالات.

تحقق: ٥ أوراق من فئة ١٠ ريالات تساوي ٥٠ ريالاً، و ١٤ أوراق من فئة ٥ ريالات تساوي ٧٠ ريالاً، وبما أن $70 = 50 + 20$ ، فإن التخمين صحيح.

أجب عما يلي:

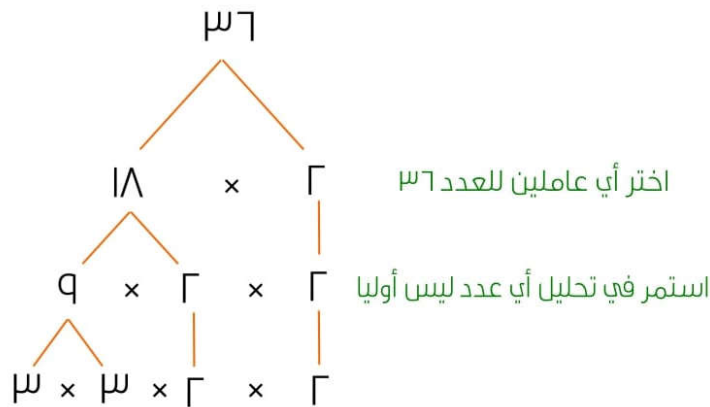
١ تباع مكتبة كتباً مستعملة في رزم من 0 كتب، وكتباً جديدة في رزم من ٣ كتب. إذا اشترى مشعل ١٦ كتاباً، فما عدد الرزم التي اشتراها من الكتب المستعملة والكتب الجديدة؟

٢ حصل صالح على ١٨ درجة في اختبار العلوم، فإذا كان الاختبار يتكون من ٦ مسائل، لكل منها درجتان، ومسألتين لكل منهما ٤ درجات، فما عدد المسائل التي حلها صالح بصورة صحيحة من كل نوع؟

★ تحليل العدد إلى عوامله الأولية: كل عدد غير أولي يمكن التعبير عنه في صورة ضرب أعداد أولية. ويمكن استعمال التحليل الشجري لإيجاد العوامل الأولية لعدد معطى.

مثال

أوجد العوامل الأولية للعدد ٣٦



$$3 \times 3 \times 2 \times 2 = 36$$

لذلك فالعوامل الأولية للعدد ٣٦ هي: ٣ ، ٢

أجب عما يلي:

حل كل عدد فيما يأتي إلى عوامله الأولية:

١٠٤

٧٧

٢٤

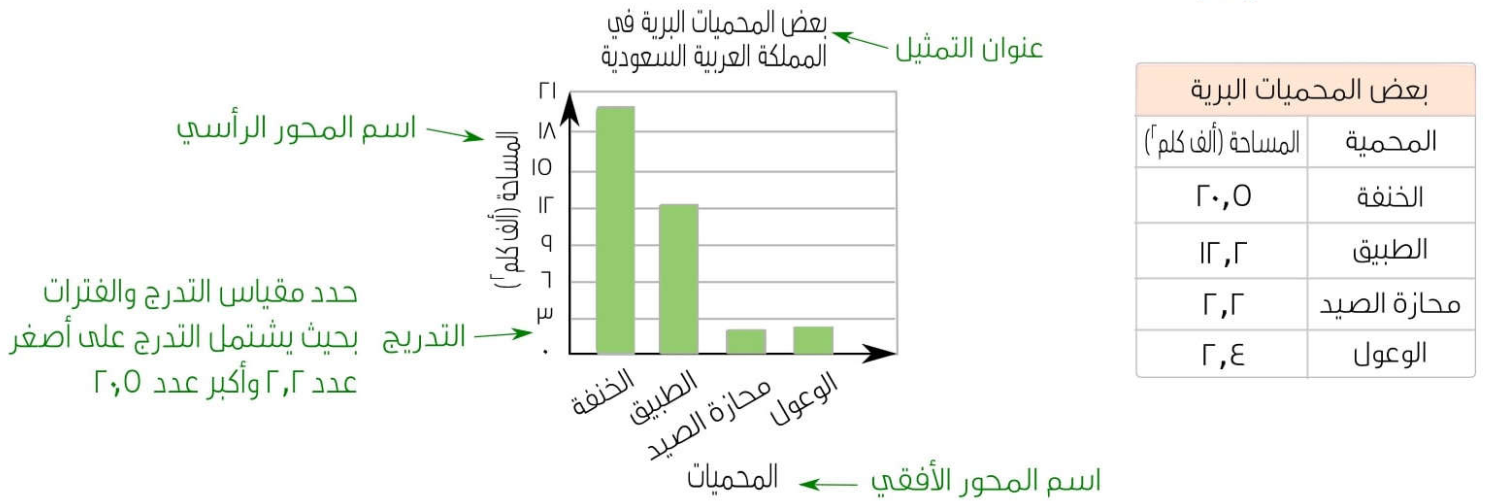
★ يستعمل التمثيل بالأعمدة للمقارنة بين البيانات وتصنيفها.

★ يستعمل التمثيل بالخطوط لتوضيح تغير مجموعة من البيانات مع مرور الزمن.

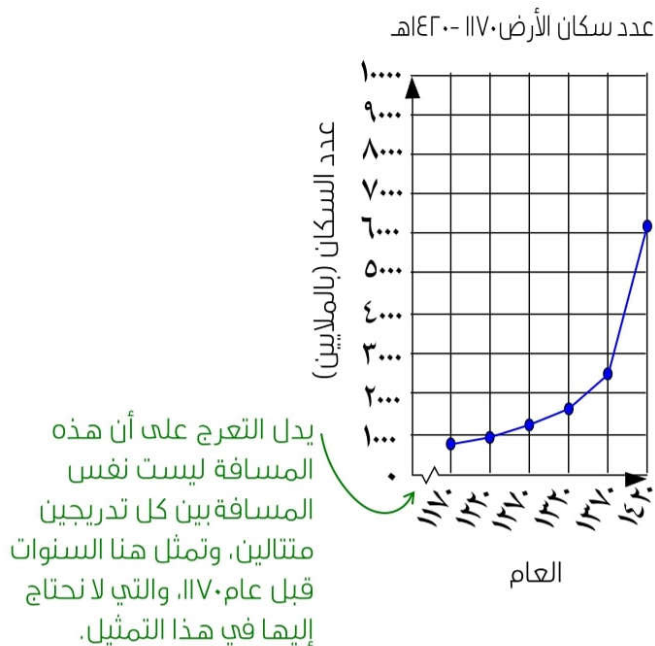
★ التمثيل بالنقاط يوضح تكرار البيانات على خط الأعداد.

مثال

التمثيل بالأعمدة:



التمثيل بالخطوط:



عدد سكان الأرض (بالملايين)						
العام	١١٧٠	١٢٢٠	١٢٧٠	١٣٢٠	١٣٧٠	١٤٢٠
عدد السكان	٧٩٠	٩٨٠	١٢٦٠	١٦٥٠	٢٥٥٠	٦٠٨٠

نلاحظ ازدياد عدد سكان الأرض زيادة كبيرة من عام ١١٧٠هـ إلى عام ١٤٢٠هـ.

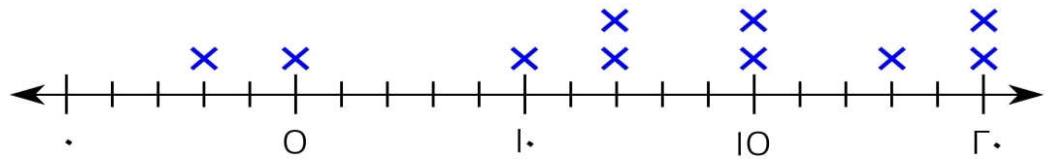
التمثيل بالنقاط:

الجدول المجاور يوضح متوسط العمر المتوقع لعدد من الحيوانات بالسنوات.

مثل البيانات الواردة في الجدول أعلاه بالنقاط.

بما أن أصغر قيمة هي ٣ سنوات، وأكبرها ٢٠ سنة، فإنه يمكن استعمال تدرج من صفر إلى ٢٠ (كما يمكن استعمال تدرجات أخرى).

عنوان التمثيل ← متوسط العمر المتوقع لعدد من الحيوانات بالسنوات



نضع إشارة × فوق كل عدد يمثل العمر المتوقع لكل حيوان.

أجب عما يلي:

عدد سكان بعض المحافظات ١٤٣١ هـ

المحافظة	عدد السكان (الألف)
النماص	٥٤٠٠٠
شرونة	٨٦٠٠٠
الخفجي	٧٦٠٠٠
حقل	٢٨٠٠٠
طريف	٩٠٠٠٠

١ مثل بيانات الجدول المجاور بالأعمدة، ثم قارن بين عدد سكان محافظتي شرونة وحقل.

عدد تذاكر الدخول إلى حديقة الحيوانات

الأسبوع	عدد التذاكر
١	١٢٠٠
٢	١٤٥٠
٣	١١٥٠
٤	١٥٧٠
٥	١٧٠٠

٢ مثل بالخطوط بيانات الجدول المجاور، وصف التغير في عدد التذاكر المباعة في الأسابيع ١ إلى ٥

أعداد المتقدمين لوظائف حكومية

٦٦	٦٥	٦٦	٧٥	٦٥
٦٥	٦٤	٦٥	٧٨	٦٣

٣ الجدول المجاور يوضح أعداد المتقدمين لعشر وظائف حكومية في إحدى المحافظات. مثل هذه البيانات بالنقاط.

- ★ **المتوسط الحسابي** لمجموعة من البيانات هو مجموع البيانات مقسوما على عددها.
- ★ **الوسيط** هو العدد الأوسط للبيانات المرتبة (عندما يكون عددها فرديا) ٣، ٥، ٨.
- وهو المتوسط الحسابي للعددين الأوسطين (عندما يكون عدد البيانات زوجيا) ٢، ٣، ٥، ٨.
- ★ **المنوال** هو القيمة أو القيم الأكثر تكراراً في البيانات. ٢، ٣، ٤، ٥، ٨، ١٠.
- ★ **المدى** لمجموعة من البيانات هو الفرق بين أكبر قيم المجموعة وأصغرها.

مثال

القيمة المتطرفة
تكون أعلى كثيراً
أو أقل كثيراً.

$$١ \quad \text{المتوسط الحسابي} = \frac{٣٠ + ٦ + ١٠ + ١٢ + ١٢ + ٨}{٦} = \frac{٧٨}{٦} = ١٣ \text{ متراً}$$

القيمة المتطرفة هي ٣٠ لأنها أعلى كثيراً من بقية البيانات.
المتوسط الحسابي مع وجود القيمة المتطرفة أعلى منه بدونها،
والمتوسط الحسابي بدون القيمة المتطرفة يمثل البيانات بصورة أفضل.

الأشجار البرية	
الارتفاع بالأمتار	الشجرة
٣٠	النخلة
٦	العرعر
١٠	الزعرور
١٢	السنديان
١٢	الملول
٨	الأكاسيا

$$٢ \quad \text{لإيجاد الوسيط نرتب الأعداد تصاعدياً أو تنازلياً: ٦، ٨، ١٠، ١٢، ١٢، ٣٠.}$$

$$\text{الوسيط} = \frac{١٢ + ١٠}{٢} = \frac{٢٢}{٢} = ١١ \text{ متراً}$$

$$٣ \quad \text{المنوال: ١٢ متراً} \quad ٤ \quad \text{المدى} = ٣٠ - ٦ = ٢٤ \text{ متراً}$$

أجب عما يلي:

$$١ \quad \text{أوجد المتوسط الحسابي لما وفره خالد من ريالاً خلال ٤ شهور: ٢٦، ٢٩، ٣١، ٣٢}$$

$$٢ \quad \text{أوجد الوسيط والمنوال والمدى لهذه المجموعة من البيانات: ٤٤، ٣٦، ٢٧، ٢١، ٣٦، ٢٣}$$

★ **الصيغة القياسية:** الطريقة المعتادة لكتابة الأعداد: ١٠,٤٩

★ **الصيغة التحليلية:** عبارة عن مجموع نواتج ضرب كل منزلة في قيمتها:

$$(٠,٠١ \times ٩) + (٠,١ \times ٤) + (١٠ \times ١) + (١ \times ٠)$$

★ **الصيغة اللفظية:** كتابة العدد بالكلمات: عشرة وتسعة وأربعون من مئة.

مثال

٣٠,١٤٠٢ (الصيغة القياسية)

$$٣٠,١٤٠٢ = (١٠ \times ٣) + (١ \times ٠) + (٠,١ \times ٤) + (٠,٠١ \times ٠) + (٠,٠٠١ \times ٢) \quad (\text{الصيغة التحليلية})$$

ثلاثون وألف وأربعمئة واثنان وخمسون من عشرة آلاف. (الصيغة اللفظية)

أجزاء من عشرة آلاف	أجزاء الألف	أجزاء المئة	أجزاء العشرة	الآحاد	العشرات	المئات
٢	٠	٤	١	٠	٣	٠

أجب عما يلي:

اكتب الأعداد الآتية بالصيغتين القياسية والتحليلية:

١ ثلاثة وثمانون من عشرة آلاف.

٢ اثنان وخمسون وواحد من مئة.

اكتب الكسور العشرية الآتية
بالصيغة اللفظية:

١ ٠,٧

٢ ٠,٠٨

٣ ٨,٦٢٨٤

★ مقارنة الكسور العشرية تشبه مقارنة الأعداد الكلية تمامًا. ويمكن استعمال ($=$, $<$, $>$) لكتابة المتباينة. والمتباينة هي: جملة رياضية تبين عدم تساوي مقدارين، فيكون أحدهما أكبر أو أصغر من المقدار الآخر.

مثال

ترتيب الكسور العشرية:

١) نرتب الفواصل العشرية عمودياً

٢) نقارن بين الأرقام في المنزلة الكبرى
إذن العدد ٨,٩٥٠ هو الأصغر

٣) نقارن بين الأرقام في المنزلة التالية
إذن العدد ٩,٣٧٥ هو الأكبر

إذن الترتيب تصاعدياً هو: ٨,٩٥٠ ، ٩,٢٧٥ ، ٩,٣٧٥

مقارنة الكسور العشرية:

نضيف صفراً عن اليمين حتى
تتساوى أعداد المنازل العشرية.

$$\begin{array}{r} ٣,٦٠ \\ ٣,٦٥ \end{array}$$

تذكر
 $٣,٦٠ = ٣,٦$

في منزلة أجزاء العشرة: $٦ = ٦$ في منزلة الآحاد: $٣ = ٣$

$$٣,٦ < ٣,٨$$

إذن

أجب عما يلي:

قارن بين العددين في كل مما يأتي باستعمال: $<$ أو $>$ أو $=$

$$٣,٠١١ \quad \bigcirc \quad ٣,١٠٧$$

$$٤,٠٤٠ \quad \bigcirc \quad ٤,٠٤$$

$$٠,٠ \quad \bigcirc \quad ٠,٠$$

رتب مجموعة الكسور العشرية
الآتية تنازلياً:

$$٢,١١١ \quad , \quad ٢,١١ \quad , \quad ٢,٠١ \quad , \quad ٢,١$$

رتب مجموعة الكسور العشرية
الآتية تصاعدياً:

$$١٥,٩٩ \quad , \quad ١٦,٠٢ \quad , \quad ١٦,٢ \quad , \quad ١٦$$

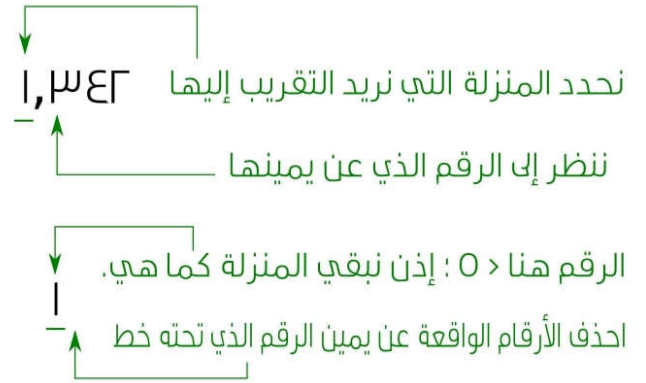
- ★ لتقريب كسر عشري، ضع خطاً تحت رقم المنزلة التي تريد التقريب إليها، ثم انظر إلى الرقم عن يمين تلك المنزلة.
- إذا كان هذا الرقم ٤ أو أقل، فإن الرقم الذي تحته خط يبقى كما هو.
 - وإذا كان هذا الرقم ٥ أو أكبر، فأضف واحداً إلى الرقم الذي تحته خط.
 - بعد عملية التقريب، احذف جميع الأرقام التي عن يمين الرقم الذي تحته خط.

مثال

قرب العدد ١٥,٩٦ إلى أقرب جزء من عشرة.



قرب الكسر العشري ١,٣٤٢ إلى أقرب عدد كلي.



أجب عما يلي:

قرب كل كسر عشري مما يأتي إلى المنزلة المشار إليها:

١ ١.٤٤٥ إلى أقرب جزء من عشرة.

٢ ٥,٦٨ إلى أقرب عدد كلي.

٣ ٧,٩٩٩ إلى أقرب جزء من عشرة.

التقدير بتقريب كل كسر عشري إلى أقرب عدد يسهل عملية الجمع أو الطرح ذهنياً.

تجميع البيانات
التقدير لناتج جمع أعداد قريبة من عدد ما، بحيث تقرب أحد هذه الأعداد، ثم تضرب ناتج التقريب في عددها.

التقدير للحد الأدنى
لتقدير بثبوت الرقم الموجود في المنزلة اليسرى للعدد، واعتبار باقي الأرقام عن يمينه أصفاراً، ثم جمع أو طرح العددين.

مثال

استعمال التقدير للحد الأدنى

$$\begin{array}{r} 36,7 \\ + 0,0 \\ \hline 36,7 \end{array} \quad \begin{array}{r} 30,0 \\ + 0,0 \\ \hline 30,0 \end{array}$$

إذن التقدير للحد الأدنى لناتج:
 $36,7 + 0,0$ هو $30,0$

تجمع البيانات

قدر ناتج جمع الأعداد:
 $40,00$, $48,70$, $01,20$, $02,90$
بما أن الأعداد المطلوب جمعها تتجمع حول 0 ، فيقرب كل عدد منها إلى 0

بما أن الضرب هو عملية جمع متكرر؛
إذن التقدير المناسب لمجموع ارتفاعات المباني هو $0 \times 4 = 0$

تقدير ناتج الطرح باستعمال التقريب

$$\begin{array}{r} 0,204 \\ - 1,670 \\ \hline 3 \end{array}$$

إذن الناتج يساوي تقريباً 3

أجب عما يلي:

١ قدر ناتج $14,09 + 6,72$ مستعملاً التقريب.

٢ قدر ناتج $3,33 + 3,40 + 2,78 + 2,99$ مستعملاً تجميع البيانات.

٣ قدر ناتج $27,9 - 12,0$ مستعملاً التقدير للحد الأدنى.

★ لجمع أو طرح كسرين عشريين، ضع الفاصلتين العشريتين بعضهما فوق بعض،
ثم اجمع أو اطرح الأرقام في المنازل نفسها.

مثال

نضع الفاصلة فوق الفاصلة

$$\begin{array}{r} 0.10 \\ 1.97 \\ - 0.831 \\ \hline 1.039 \end{array}$$

نضيف صفرًا
حتى تتساوى
منازل الكسرين

نضع الفاصلة العشرية في الناتج

نضع الفاصلة فوق الفاصلة

$$\begin{array}{r} 1 \\ 1.497 \\ + 1.362 \\ \hline 2.859 \end{array}$$

نضع الفاصلة العشرية في مكانها من الناتج

أجب عما يلي:

أوجد ناتج:

$$1 \quad = 0.22 + 0.63$$

$$2 \quad = 2.70 - 9.14$$

$$3 \quad = 60 + 29.768$$

إذا كانت أ = ١٢٨,٩ ، ب = ٢٢,٠٣٥ . فأوجد قيمة أ - ب

★ عند ضرب كسر عشري في عدد كلي نعد المنازل العشرية في الكسر ثم نضع الفاصلة في الناتج بعد عدد المنازل نفسه. (من اليمين) $0,0 = 0 \times 0,0$

★ إذا لم يوجد عدد كاف من المنازل العشرية في ناتج الضرب، فأضف أصفاراً عن اليسار.

★ بعد ضرب كسر عشري في كسر عشري آخر، أوجد مجموع عدد المنازل العشرية في العددين المضروبين فيكون لناتج الضرب نفس العدد من المنازل العشرية.

$$0,0000 = 0,00 \times 0,0$$

مثال

أوجد قيمة $٤,٢$ س،
إذا كانت س = $٦,٧$

$$\begin{array}{r} ٤,٢ \\ ٦,٧ \times \\ \hline ٢٩٤ \\ ٢٥٢٠ + \\ \hline ٢٨,١٤ \end{array}$$

$$٦,٧ \times ٤,٢ = \text{س } ٢٨,١٤$$

$$٠,٠٣٦ = ٢ \times ٠,٠١٨$$

$$\begin{array}{r} ٠,٠١٨ \\ ٢ \times \\ \hline ٠,٠٣٦ \end{array}$$

الفاصلة بعد ٣ منازل عشرية
نضع صفراً عن اليسار ليصبح عندنا ٣ منازل عشرية

$$٨٥,٢ = ٦ \times ١٤,٢$$

$$\begin{array}{r} ١٤,٢ \\ ٦ \times \\ \hline ٨٥,٢ \end{array}$$

أجب عما يلي:

٣ إذا كانت س = $٨,٦$
فأوجد قيمة $٢,٧$ س

٢ أوجد ناتج ضرب
 $٠,٠١٤ \times ٤$

١ أوجد ناتج ضرب
 $٤ \times ١,٤$

$$\begin{array}{r} 0,0 \\ 0 \overline{) 0,0} \end{array}$$

★ نقسم عدد كسري على عدد كلي كما نقسم الأعداد الكلية تماماً، ثم نضع الفاصلة العشرية في ناتج القسمة فوق الفاصلة العشرية للمقسوم.

★ عند القسمة على كسر عشري، نحول المقسوم عليه إلى عدد كلي، وذلك بضرب كل من المقسوم والمقسوم عليه في قوى العشرة نفسها، ثم نقسم كما في الأعداد الكلية.

$$1,2 \times = ,00 \div ,000$$

$$= 00 \div 00,0$$

$$1,2 \times = 0,0 \div 0,00$$

$$= 00 \div 00,0$$

مثال

$$, = 1,8 \div 0,9$$

$$1,8 \times 10 = 18 \div 9$$

$$\begin{array}{r} 0,0 \\ 18 \overline{) 0,90} \\ \underline{0} \\ 90 \\ \underline{90} \\ 00 \end{array}$$

لا نستطيع أخذ 18 من 9
لذا نضع صفراً

نضيف صفراً ونكمل القسمة

$$= 2,2 \div 14,19$$

$$2,2 \times 100 = 22 \div 141,9$$

$$\begin{array}{r} 1,60 \\ 22 \overline{) 141,90} \\ \underline{132} \\ 99 \\ \underline{88} \\ 110 \\ \underline{110} \\ 000 \end{array}$$

نضيف صفراً ونكمل القسمة

$$0,00 = 14 \div 7,7$$

$$\begin{array}{r} 0,00 \\ 14 \overline{) 7,70} \\ \underline{7} \\ 00 \\ \underline{00} \\ 00 \end{array}$$

نضيف صفراً ونكمل القسمة

$$3,6 = 2 \div 6,8$$

$$\begin{array}{r} 3,6 \\ 2 \overline{) 6,8} \\ \underline{6} \\ 08 \\ \underline{08} \\ 00 \end{array}$$

أجب عما يلي:

أوجد ناتج قسمة كلاً مما يأتي:

$$1,6 \div 0,8$$

$$22 \div 12,32$$

$$0,3 \div 3,69$$

$$2 \div 9,6$$

★ لإيجاد القاسم المشترك الأكبر (ق.م.أ) لعددتين: نكتب أزواج قواسم كل من العددين، ثم نرسم دائرة حول القواسم المشتركة، ونبحث عن أكبرها.

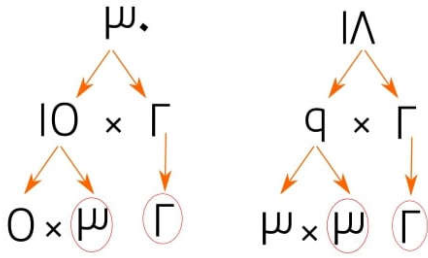
★ طريقة أخرى لإيجاد القاسم المشترك الأكبر: نحلل العددين إلى عواملهما الأولية، ثم نضرب العوامل الأولية المشتركة لنحصل على القاسم المشترك الأكبر.

مثال

١ إيجاد (ق.م.أ) للعددتين ٣٠، ١٨ بالتحليل إلى العوامل الأولية.

العاملان الأوليان المشتركان هما ٢، ٣

(ق.م.أ) للعددتين ٣٠، ١٨ هو $٣ \times ٢ = ٦$



٢ يرتب محل لبيع الفطائر ثلاثة أنواع من الفطائر في صفوف في واجهة العرض، على أن يكون في كل صف العدد نفسه من الفطائر. فما أكبر عدد ممكن للفطائر في كل صف؟

الفطائر	
العدد	النوع
٤٠	سبانخ
٢٤	لحم
٣٢	جبنة

قواسم العدد ٤٠ هي: ١، ٢، ٤، ٥، ٨، ١٠، ٢٠، ٤٠

قواسم العدد ٢٤ هي: ١، ٢، ٣، ٤، ٦، ٨، ١٢، ٢٤

قواسم العدد ٣٢ هي: ١، ٢، ٤، ٨، ١٦، ٣٢

إذن (ق.م.أ) للأعداد ٢٣، ٣٢، ٤٠ هو ٨، لذا فإن أكبر عدد ممكن للفطائر في كل صف هو ٨

أجب عما يلي:

١ أوجد (ق.م.أ) للعددتين ١٢، ١٨

٢ تصنع أمينة عقوداً من الخرز لبيعها، وقد باعت عدداً منها بـ ٤٩ ريالاً في يوم الجمعة، و ٤٢ ريالاً يوم السبت، و ٢١ ريالاً يوم الأحد. إذا باعت العقود بالسعر نفسه، فما أعلى سعر يمكن أن تكون قد حددته للعقد الواحد؟

★ يقال عن الكسر إنه في أبسط صورة، إذا كان القاسم المشترك الأكبر لبسطه ومقامه هو ١

مثال

من العوامل المشتركة للعددين ١٨، ٢٤

$$\frac{١٨}{٢٤} = \frac{٩}{١٢} = \frac{٣}{٤}$$

Diagram showing the simplification of the fraction 18/24. It shows three equivalent fractions: 18/24, 9/12, and 3/4. Arrows indicate the division of both numerator and denominator by 2, 3, and 6 to reach the simplified form.

اكتب الكسر $\frac{١٨}{٢٤}$ في أبسط صورة.

الطريقة الأولى: القسمة على العوامل المشتركة

$$\frac{١٨}{٢٤} = \frac{٣}{٤}$$

Diagram showing the simplification of the fraction 18/24 by dividing both numerator and denominator by 6 to reach the simplified form 3/4.

الطريقة الثانية: القسمة على (ق.م.أ.)

ق.م.أ. للعددين ١٨، ٢٤

أجب عما يلي:

١ اكتب كل كسر مما يأتي في أبسط صورة، وإذا كان كذلك فاكتب (في أبسط صورة):

$$\frac{٦}{٩}$$

$$\frac{١٩}{٣٧}$$

٢ يحتوي كيس على ٦٠ كرة. عدد الكرات الخضراء منها ٢٤، اكتب الكسر الدال على عدد الكرات الخضراء في أبسط صورة.

★ يتكون العدد الكسري من عدد كلي وكسر اعتيادي.

★ قيمة الأعداد الكسرية والكسور غير الفعلية أكبر من أو تساوي (١)

مثال

يمكن كتابة كسر غير فعلي على صورة عدد كسري بقسمة البسط على المقام، وكتابة الباقي في صورة كسر:

تحويل عدد كسري $1\frac{2}{8}$ إلى كسر غير فعلي $\frac{10}{8}$

العدد الصحيح ١
المقام ٨
البسط ٢

$$\begin{array}{r} 1 \\ 8 \overline{) 10} \\ \underline{8} \\ 2 \end{array}$$

يمكن كتابة الأعداد الكسرية على صورة كسور غير فعلية باستعمال الضرب والجمع:

تحويل العدد الكسري $1\frac{2}{8}$ إلى كسر غير فعلي $\frac{10}{8}$

البسط $\leftarrow 2 + (8 \times 1)$

المقام الأصلي نفسه

$$\frac{10}{8} = 1\frac{2}{8}$$



أجب عما يلي:

اكتب كل عدد كسري مما يأتي على صورة كسر غير فعلي ثم تحقق من إجابتك بالنماذج:

٢ $\frac{7}{9}$

١ $\frac{1}{3}$

اكتب كل كسر غير فعلي فيما يأتي على صورة عدد كسري مكافئ له:

٣ $\frac{11}{8}$

١ $\frac{17}{8}$

- ★ لإيجاد المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) لعددتين: نكتب مضاعفات كل من العددين، ثم نرسم دائرة حول المضاعفات المشتركة، ونبحث عن أصغرها.
- ★ طريقة أخرى لإيجاد المضاعف المشترك الأصغر: نحلل العددين إلى عواملهما الأولية، ثم نضرب العامل المشترك في جميع العوامل المتبقية.

مثال

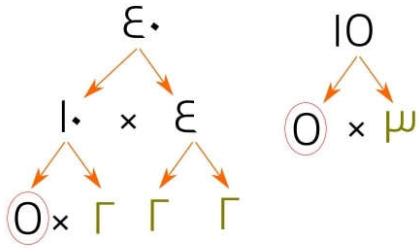
مضاعف العدد هو ناتج ضرب العدد في أي عدد كلي (١، ٢، ٣، ٤، ...)

١ المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) للعددتين: ٤، ٨

مضاعفات العدد ٤: ٤، ٨، ١٢، ١٦، ٢٠، ٢٤، ...

مضاعفات العدد ٨: ٨، ١٦، ٢٤، ٣٢، ٤٠، ...

إذن المضاعفات المشتركة للعددتين هي ٨، ١٦، ٢٤، و (م.م.أ) للعددتين هو ٨



٢ إيجاد (م.م.أ) للعددتين ١٠، ٤٠ بالتحليل إلى العوامل الأولية.

نضرب العامل الأولي المشترك في جميع العوامل المتبقية

إذن (م.م.أ) للعددتين ١٠، ٤٠ هو $2 \times 2 \times 2 \times 5 = 40$

العامل المشترك يستعمل مرة واحدة

٣ تريد جمعية خيرية شراء كمية تموينات لتوزيعها في حقائب على الفقراء. فإذا كان التمر يباع في علب سعة ١٠ كيلوجراما، ويبيع الأرز في أكياس سعة ٢٠ كيلوجراما، والسكر في أكياس سعة ١٠ كيلوجرامات. فما أقل عدد من العلب تشتريه الجمعية لتضع في كل حقيبة العدد نفسه من الكيلوجرامات من كل صنف؟

العوامل الأولية للعدد ١٠ 2×5

إذن (م.م.أ) للأعداد ١٠، ٢٠، ٤٠ هو

العوامل الأولية للعدد ٢٠ $2 \times 2 \times 5$

$2 \times 2 \times 5 = 20$

العوامل الأولية للعدد ٤٠ $2 \times 2 \times 2 \times 5$

إذن يمكن وضع العدد نفسه من الكيلوجرامات من كل صنف في الحقيبة عند شراء ٢٠ كيلوجراما من كل صنف

أجب عما يلي:

١ أوجد (م.م.أ) للأعداد ١٠، ٩، ٥

٢ في محل لبيع الأدوات المنزلية، يوجد كل ٦ فناجين قهوة في عبوة ويوجد كل ٨ أكواب ماء في عبوة. ما أصغر عدد من علب فناجين القهوة يمكن أن يشتري يوسف، بحيث يكون فيها العدد نفسه من أكواب الماء؟

★ يمكن مقارنة كسرين دون استعمال النماذج، وذلك بكتابتيهما في صورة كسرين لهما المقام نفسه.

مثال

١) قارن بين الكسرين $\frac{1}{2}$ و $\frac{3}{0}$

باستعمال المقام المشترك الأصغر.

(م. م. أ) للمقامين ٢، ٠ هو ١٠

نوجد كسرين مكافئين مقامهما ١٠

$$\frac{0}{10} = \frac{1}{2} \quad \frac{3}{10} = \frac{3}{0}$$

بما أن $0 < 10$ ، فإن $\frac{0}{10} < \frac{1}{2}$

وبالتالي $\frac{1}{2} < \frac{3}{0}$

٢) قارن بين الكسرين $\frac{7}{9}$ و $\frac{0}{7}$

باستعمال المقام المشترك الأصغر.

(م. م. أ) للمقامين ٩، ٧ هو ١٨

أن ضرب ٩ في ٢ يساوي المقام المشترك ١٨، لكنه ليس (م. م. أ).

نوجد كسرين مكافئين مقامهما ١٨

$$\frac{14}{18} = \frac{7}{9} \quad \frac{0}{18} = \frac{0}{7}$$

بما أن $14 < 18$ ، فإن $\frac{14}{18} < \frac{0}{18}$

وبالتالي $\frac{7}{9} < \frac{0}{7}$

أجب عما يلي:

قارن بين كل كسرين مما يأتي باستعمال المقام المشترك الأصغر:

$$\frac{7}{8}, \frac{3}{4}$$

$$\frac{1}{3}, \frac{1}{0}$$

- ★ عند كتابة الكسور العشرية على صورة كسور اعتيادية نجعل المقام هو القيمة المنزلية
لآخر منزلة عشرية في الكسر العشري، ثم نقسم البسط والمقام على (ق.م.أ.).
- ★ لكتابة الكسور الاعتيادية على صورة كسور عشرية نحول المقام إلى ١٠ أو ١٠٠ أو ١٠٠٠ بالضرب،
ونضرب البسط في نفس الرقم.
- و يوجد طريقة أخرى: بقسمة البسط على المقام، ويكون الناتج هو الكسر العشري.

مثال

١ يكتب الكسر العشري ٠,٦ على صورة الكسر الاعتيادي: $\frac{6}{10}$ ويختصر إلى $\frac{3}{5}$

٢ يكتب الكسر العشري ٢٠,٤ على صورة العدد الكسري: $20\frac{4}{10} = 20\frac{2}{5}$

٣ يكتب الكسر الاعتيادي $\frac{7}{10}$ على صورة الكسر العشري: ٠,٧ لأن $\frac{7}{10} = \frac{7 \times 1}{10 \times 1} = \frac{7}{10}$

أو بطريقة قسمة البسط على المقام:

$$\begin{array}{r} 0,7 \\ 10 \overline{) 70} \\ \underline{70} \\ 0 \end{array}$$

نضع فاصلة عشرية ونضيف
أصفارا لإتمام عملية القيمة
تذكر: $7,00 = 7,0 = 7,0 = 7$

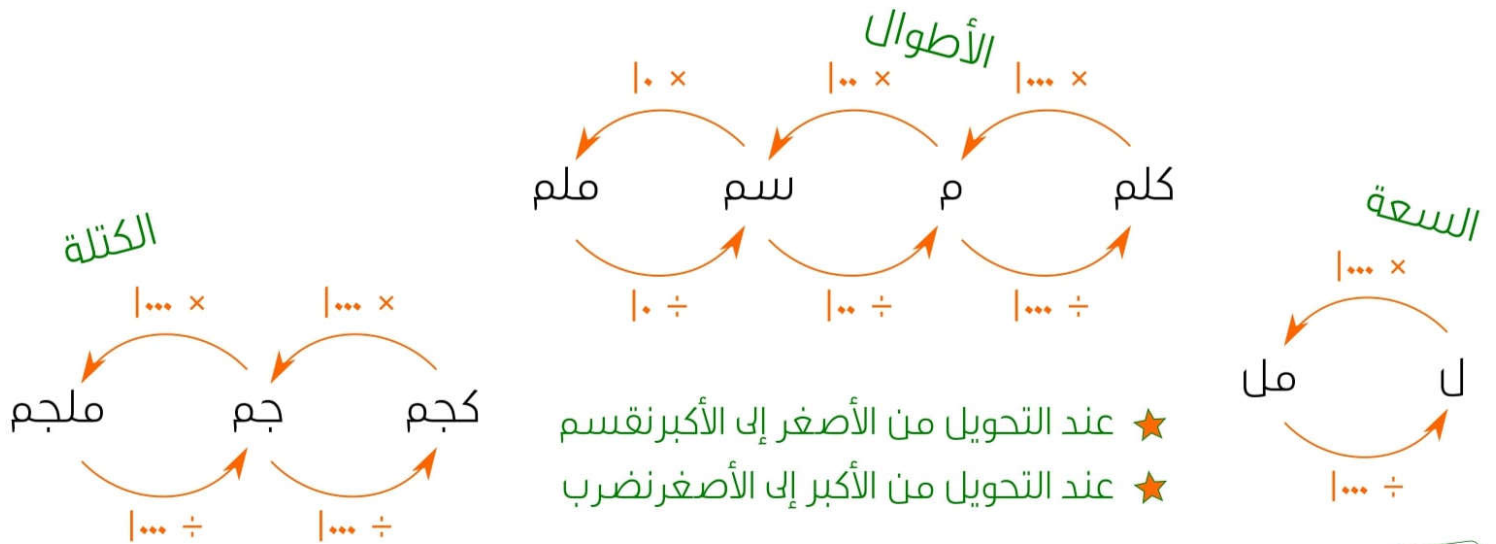
٤ يكتب العدد الكسري $7\frac{7}{10}$ على صورة الكسر العشري: ٧,٧ لأن $7\frac{7}{10} = \frac{7 \times 10 + 7}{10} = \frac{77}{10}$

أجب عما يلي:

١ اكتب الكسر العشري ٠,٧٠ على صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة.

٢ اكتب الكسر العشري ٢,٤ على صورة عدد كسري في أبسط صورة.

٣ اكتب كلا من $\frac{4}{10}$ و $7\frac{4}{10}$ على صورة كسر عشري.



مثال

١ ٢٦٠ ملم = ٢٦ سم

اسم = ١٠ ملم، إذن نضرب $10 \times$: $260 = 10 \times 26$

٢ ١٣٥ مل = ٠,١٣٥ ل

التر = ١٠٠٠ مل، إذن نقسم $1000 \div$: $135 = 1000 \div 1350$

٣ إذا كانت كتلة وحيد القرن تساوي ٣٦٠٠ كجم، في حين تساوي كتلة أحد أنواع

الفئران ٨ جم، فكم تزيد كتلة وحيد القرن على كتلة ذلك الفأر؟

كتلة وحيد القرن بالجرامات = $3600 \times 1000 = 3600000$ جرام

$3600000 - 8 = 3600000$ - ٨ إذن تزيد كتلة وحيد القرن على كتلة ذلك الفأر بـ ٣٥٩٩٩٩٢ جرام

أجب عما يلي:

١ اكتب العدد المناسب في الفراغ:

جم = ٧ ملجم ١٨ ل = مل

٢ يبلغ طول مضمار أحد السباقات ٢٠٠ متر. فإذا أراد سعود أن يركض كيلومتراً

واحداً في هذا المضمار، فما عدد الدورات التي عليه أن يقطعها؟