



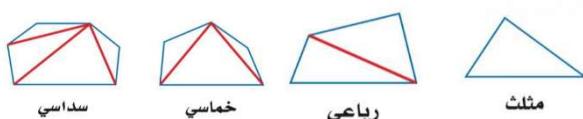
مراجعة الفصل الخامس : الاشكال الرباعية

للصف الأول ثانوي

إعداد و تنسيق و كتابة

أ.Mariam Suliman Al-Masoudi

5-1 زوايا المضلع



الزاوية الداخلية: هي الزاوية المحصورة بين ضلعين متجاورين في مضلع وتقع داخله.

المضلع: هو شكل مغلق يتكون من ثلاثة قطع مستقيمة أو أكثر. تلتقي كل قطعة بطرفين آخرين من المضلع. ولا تقع أي قطعتين منها على استقامة واحدة. وتكون رؤوس المضلع هي أطراف القطع المستقيمة فيه.

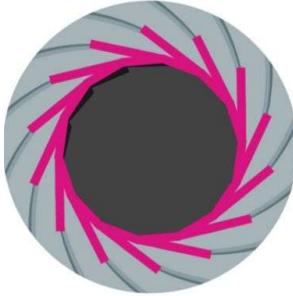
قطر المضلع: هو قطعة مستقيمة تصل بين رأسين غير متتاليين فيه وهي تقسّم المضلع إلى مثلثات.

إذا كانت n عدّد أضلاع مضلع مدبب

لإيجاد قياس الزاوية الداخلية مضلع منتظم	مجموع قياسات الزوايا الداخلية مضلع مدبب (S)	عدد المثلثات في مضلع
$\frac{(n - 2) \cdot 180}{n}$	$S = (n - 2) \cdot 180^\circ$	$n - 2$
قياس الزاوية الخارجية مضلع منتظم	لإيجاد عدد الأضلاع بمعروف قياس زاوية داخلية	مجموع قياسات الزوايا الخارجية مضلع مدبب
$\frac{360}{n}$	$n = \frac{360}{\text{الزاوية المعلومة} - 180}$	مجموع قياسات الزوايا الخارجية للمضلع المدبب باخذ زاوية واحدة عند كل رأس يساوي 360°

اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

1) عدد المثلثات في مضلع ذو 13 ضلع	2) مجموع قياسات زوايا الشكل الخماسي الداخلي يساوي
B 12 A	540° B 450° A
D 11 C	360° D 630° C
3) قياس الزاوية الداخلية للتساعي المنتظم	4) قياس الزاوية الداخلية لسبعيني المنتظم
B 120° A	135° B 145° A
D 186° C	230° D 1080° C
5) اذا كان قياس الزاوية الداخلية مضلع منتظم يساوي 170° فأوجد عدد اضلاعه	6) قياس الزاوية الخارجية في ثماني منتظم
B 12 A	36 B 12 A
D 11 C	36 D 11 C
7) قيمة x في الشكل التالي	8) قيمة x في الشكل التالي
B 30 A	47 B 65 A
D 66 C	68 D 52 C



تصوير: تشكل الفتحة التي ينفذ منها الضوء إلى عدسة آلة التصوير في الشكل المجاور مضلعاً منتظمًا ذو 14 ضلعًا.

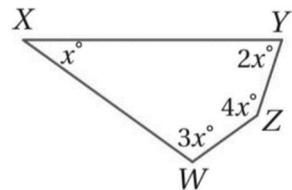
- (a) أوجد قياس الزاوية الداخلية مقربة إلى أقرب عشر.
- (b) أوجد قياس الزاوية الخارجية مقربة إلى أقرب عشر.

أوجد مجموع قياسات الزوايا الداخلية للعشري المحدب

أوجد مجموع قياسات الزوايا الداخلية للثمني المحدب

أوجد قياس الزاوية الداخلية للعماسي المنتظم

أوجد قياسات زوايا المضلع التالي

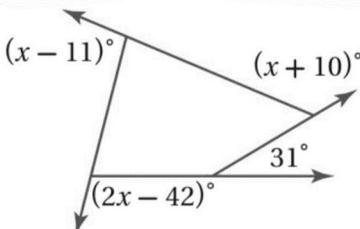


إذا كان قياس الزاوية الداخلية مضلع منتظم يساوي 144° فأوجد عدد أضلاعه

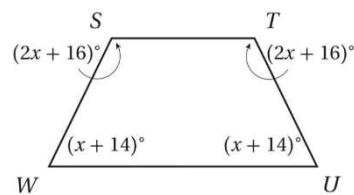
أوجد قياس الزاوية الخارجية لتساعي منتظم

إذا كان قياس الزاوية الداخلية مضلع منتظم يساوي 120° فأوجد عدد أضلاعه

قيمة x في الشكل التالي

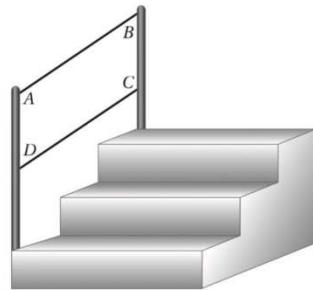


أوجد قياسات زوايا المضلع التالي



- 5 متوازي الأضلاع

متوازي الأضلاع هو شكل رباعي فيه كل ضلعين متقابلين متوازيان ويرمز له بالرمز \square ، وفيها يأتي أربع خصائص لمتوازي الأضلاع.



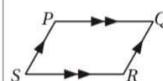
إنشاءات: في $\square ABCD$ ، افترض أن $CD = 80 \text{ in}$ ، $m\angle B = 32^\circ$ ، $m\angle C = 15^\circ$ ، أوجد كل قياس مما يأتي:

AD (a)

$m\angle C$ (b)

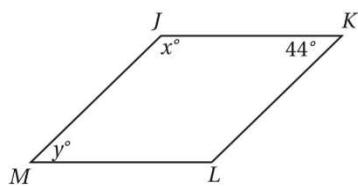
$m\angle D$ (c)

خصائص متوازي الأضلاع	
إذا كان $PQRS$ متوازي أضلاع، فإن:	كل ضلعين متقابلين في متوازي الأضلاع متطابقان.
	$\overline{PS} \cong \overline{QR}$ و $\overline{PQ} \cong \overline{SR}$.
	كل زاويتين متقابلتين في متوازي الأضلاع متطابقتان؛ $\angle S \cong \angle Q$ و $\angle P \cong \angle R$.
	كل زاويتين متحالفتين في متوازي الأضلاع متكمالتان؛ $\angle S + \angle P = 180^\circ$ و $\angle Q + \angle R = 180^\circ$.
	إذا كانت إحدى زوايا متوازي الأضلاع قائمة، فإن $m\angle P = 90^\circ$ ، $m\angle Q = 90^\circ$ ، $m\angle R = 90^\circ$ و $m\angle S = 90^\circ$ زواياه الأربع قوائم.

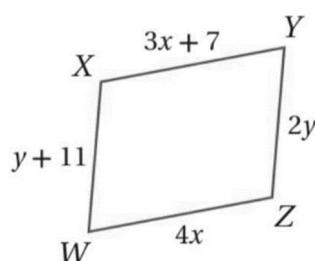


إذا كان $ABCD$ متوازي أضلاع، فإن:	
	قطر متوازي الأضلاع ينصف كل منها الآخر.
$DP = PB$ و $AP = PC$	كل قطر في متوازي أضلاع يقسمه إلى مثلثين متطابقين.

أوجد قيمة x, y



أوجد قيمة x, y



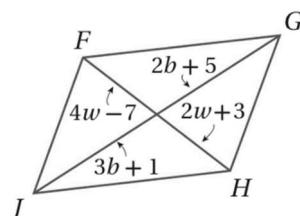
في متوازي الأضلاع التالي أوجد :

$$QR = \dots$$

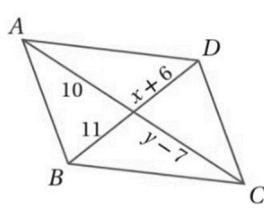
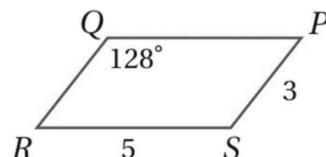
$$QP = \dots$$

$$m\angle S = \dots$$

$$m\angle R = \dots$$

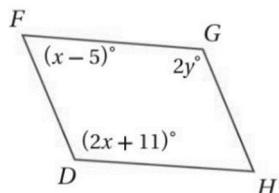


أوجد قيمة b, w في متوازي الأضلاع التالي



أوجد قيمة x, y

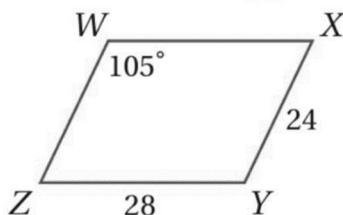
أوجد قيمة x, y



اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

<p>2) أوجد $m\angle W$ في متوازي الأضلاع التالي</p>				<p>1) متوازي اضلاع، فيه</p> <p>$ABCD$ متوازي اضلاع، فيه</p> $BE = 2x + 6$ $ED = 5x - 12$ فأوجد			
33°	B	17°	A	18	B	6	A
125°	D	55°	C	36	D	12	C
<p>4) أي مما يأتي يعد من خصائص متوازي الأضلاع</p> <p>القطران متعاددان القطران متطابقان القطران ينصفان الروابي الآخر</p>				<p>3) كل زاويتان متحالفتان في متوازي الأضلاع</p> <p>متطابقتان متناهيتان قياسهما أقل من 90° متكمليتان</p>			
x°	134°	46°	x°	5) قيمت x في متوازي	<p>اضلاع المجاور</p>		
46°	B	44°	A	14	B	13	A
134°	D	90°	C	10	D	12	C

استعمل $\square WXYZ$ لإيجاد كل مما يأتي



$$m\angle WZY$$

$$WZ$$

$$m\angle XYZ$$



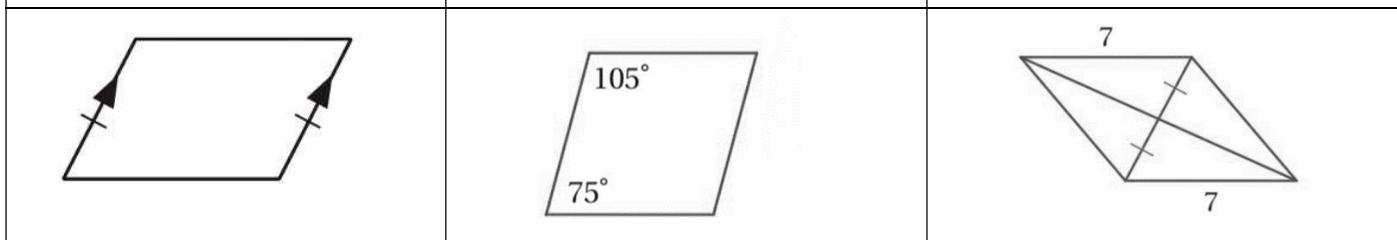
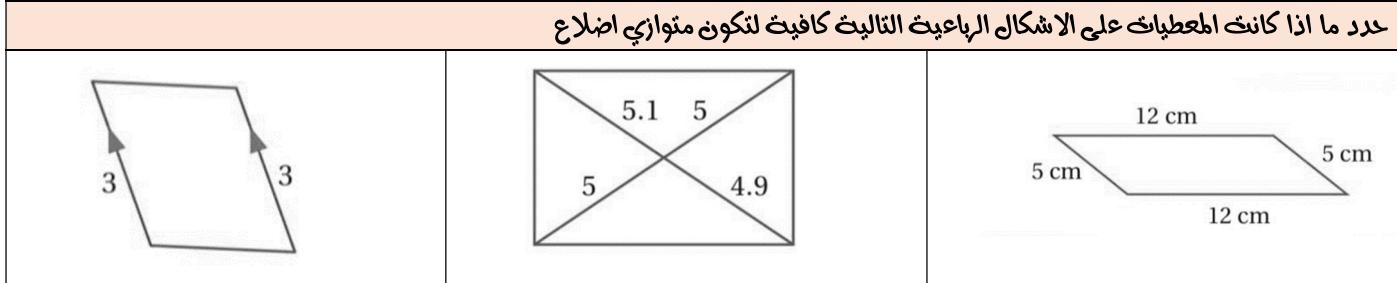
3 - ٥ تبیین متوازی الأضلاع

شروط متوازی الأضلاع:

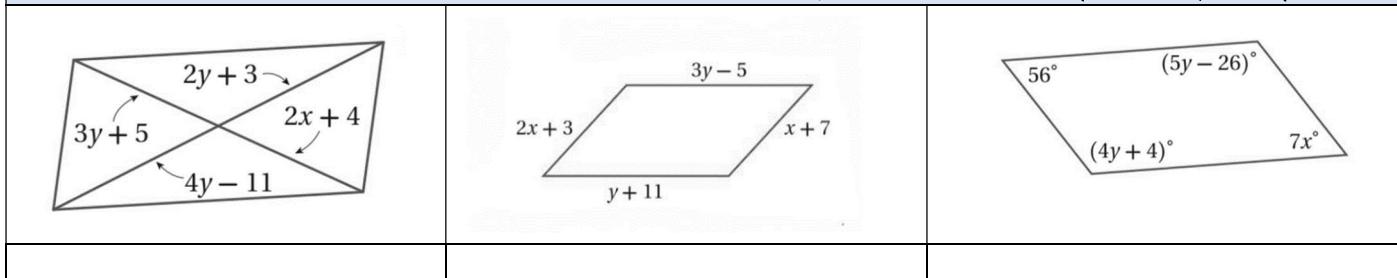
توجد عدّة طرق لإثبات أن شكلًا رباعيًّا ما هو متوازٍ أضلاع.

إذا كان:	في الشكل الرباعي إذا:
$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ و $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$	تعريف
$\overline{AD} \cong \overline{BC}$ و $\overline{AB} \cong \overline{DC}$	5.9
$\angle DAB \cong \angle BCD$ و $\angle ABC \cong \angle ADC$	5.10
$\overline{DE} \cong \overline{BE}$ و $\overline{AE} \cong \overline{CE}$	5.11
$\overline{AD} \cong \overline{BC}$ و $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ أو $\overline{AB} \cong \overline{DC}$ و $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$	5.12
فإن $ABCD$ متوازٍ أضلاع.	فإن الشكل متوازٍ أضلاع.

حدد ما إذا كانت المعطيات على الأشكال الرباعية التالية كافية لكون متوازٍ أضلاع



أوجد قيمتي y , x في كلا مما يلي بحيث يكون الشكل متوازٍ أضلاع



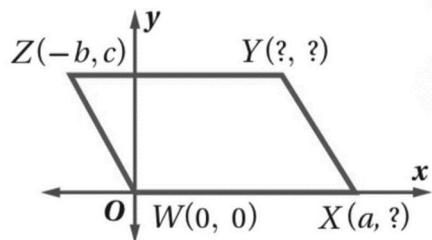
مثل في المستوى الإحداثي الشكل الرباعي الذي أعطيت إحداثيات رؤوسه فيما يأتي. وحدّد ما إذا كان

متوازٍ أضلاع أم لا. بِرُّ إجابتك باستعمال الطريقة المحددة في السؤال:

$A(3, 3), B(8, 2), C(6, -1), D(1, 0)$ (A) ، صيغة المسافة.

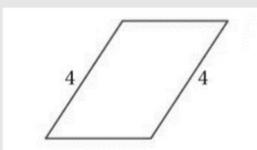
$F(-2, 4), G(4, 2), H(4, -2), J(-2, -1)$ (B) ، صيغة نقطة المنتصف.



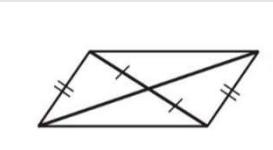


اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

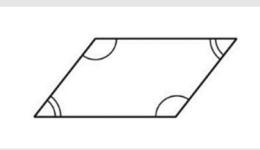
1) أي من الاشكال التالية تكون المعطيات فيه كافية لجعل الشكل متوازي اضلاع



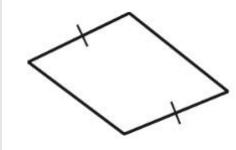
(D)



(C)

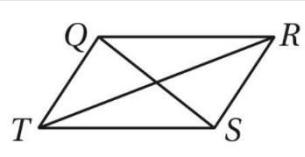


(B)



(A)

2) أي عبارة مما يأتي تؤكّد أن الشكل رباعي التالي متوازي اضلاع



$$m\angle Q + m\angle S = 180^\circ$$

D

$$\overline{QR} \parallel \overline{RS}$$

C

$$\overline{QR} \parallel \overline{TS}, \overline{QR} \cong \overline{TS}$$

B

$$\angle Q \cong \angle S$$

A

3) اذا كان الضلعان \overline{AB} , \overline{DC} في الشكل رباعي $ABCD$ متوازيين . فاي المعطيات الآتية كافية لإثباته ان $ABCD$ متوازي اضلاع ؟

$$\overline{AD} \cong \overline{BC}$$

D

$$\overline{AC} \cong \overline{BD}$$

C

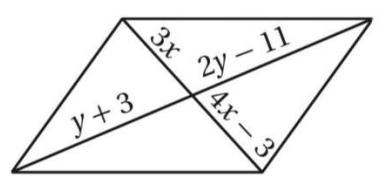
$$\overline{AB} \cong \overline{DC}$$

B

$$\overline{AB} \cong \overline{AC}$$

A

4) أوجد قيمتي x , y , في كل ما يلي بحيث يكون الشكل متوازي اضلاع



$$x = 16, y = 2$$

D

$$x = 3, y = 14$$

C

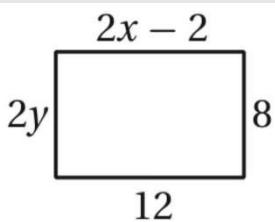
$$x = 2, y = 16$$

B

$$x = 14, y = 3$$

A

5) أوجد قيمتي x , y , في كل ما يلي بحيث يكون الشكل متوازي اضلاع



$$x = 3, y = 7$$

D

$$x = 4, y = 14$$

C

$$x = 4, y = 7$$

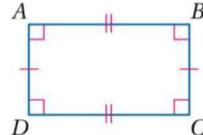
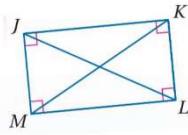
B

$$x = 7, y = 4$$

A

٤ - ٥ المستطيل

المستطيل : هو شكل رباعي جميع زواياه قوائم و فيه كل ضلعين متواجدين متطابقان .



خصائص المستطيل :

- ١) الزوايا الأربع قوائم . ٢) كل ضلعين متقابلين متوازيان و متطابقان .
- ٣) كل زاويتان متقابلتان متطابقتان . ٤) كل زاويتين متحالفتين متكاملتين .
- ٥) القطران متطابقان و ينصف كلا منه ما الآخر .

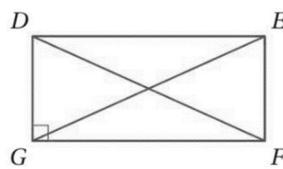
المستطيل هو متوازي اضلاع جميع زواياه قوائم .



*نظريات : اذا كان متوازي الاضلاع مستطيلاً فإن قطريه متطابقان - والعكس اذا كان قطرها متوازي الاضلاع متطابقين فإنه مستطيل .

من المستطيل الذي أمامك اذا كان

$$EG = 3x - 7, EG = x + 5$$



سياج مستطيل الشكل تستعمل فيه دعائم متقاطعة لتفويت السياج .

$$\text{إذا كان } m\angle CAE = 65^\circ$$

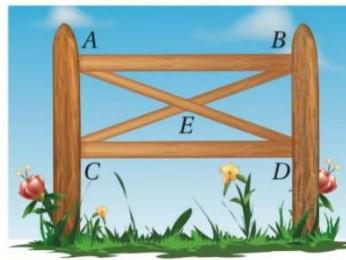
و $AB = 6\text{ft}$ و $AC = 2\text{ft}$:
أوجد ما يلي :

$$\dots = BD$$

$$\dots = CB$$

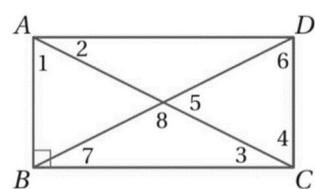
$$\dots = m\angle DEB$$

$$\dots = m\angle ECD$$



في المستطيل التالي اذا كانت $m\angle 2 = 40^\circ$ فأوجد

$$m\angle 1 = \dots, m\angle 7 = \dots, m\angle 3 = \dots$$



$$m\angle 5 = \dots$$

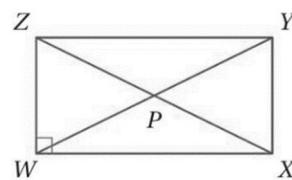
$$m\angle 6 = \dots$$

$$m\angle 8 = \dots$$

من المستطيل الذي أمامك اذا كان

$$m\angle ZYW = (2x - 7)^\circ, m\angle WYX = (2x + 5)^\circ$$

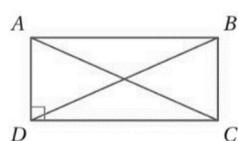
$$\text{فأوجد } m\angle ZYW$$



برهان : اكتب برهاناً ذا عمودين في كل مما يأتي :

المعطيات: $ABCD$ مستطيل .

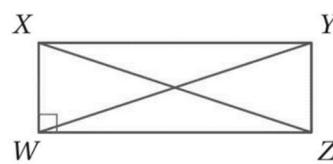
المطلوب: $\triangle ADC \cong \triangle BCD$



استعن بالمستطيل $WXYZ$ المبين جانباً .

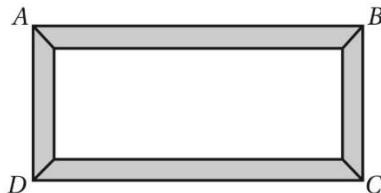
إذا كان $WY = 4$ ، $XW = 3$ ، $WZ = 6$ ، فأوجد ZY .

إذا كان $ZY = 8$ ، $XY = 6$ ، فأوجد WY .



صنعت نورة الاطار المستطيل اطبيان أدناه . ثم فاسخ امسافتين AC و BD

لكي تتأكد من ان الاطار مستطيل . ما العلاقة بين هاتين امسافتين إذا كان الاطار مستطيلاً ؟



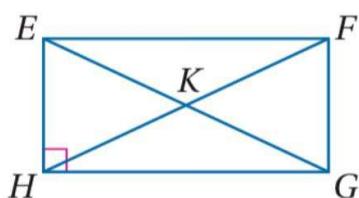
*الشكل الرباعي الذي زواياه الأربع قوائم

..... اذا كان قطراً متوازياً لاصلاع متطابقان فهو

اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

مستطيل فيه $BD = x + 22$ و $AC = 5x + 2$ فما هي قيمة x							1
26	D	11	C	6	B	5	A
أي عبارة فيما يلي هي صحيحة لجميع المستويات							2
	D	الاضلاع المتتالية متطابقة	C	القطران ينصفان الزوايا	B	القطران متعامدان	A
مستطيل فيه $WY = 3x + 4$ و $XZ = 4x - 1$ حيث $XW = 6$ فما هي قيمة x							3
2	D	5	C	6	B	4	A
 في المستطيل المجاور ما قيمة x							4
37	D	22	C	17	B	15	A
 في الشكل الرباعي التالي إذا كان $FJ = -3x + 5y$, $GM = 13$, $GH = 11$, $FM = 3x + y$ فما قيمة y , x التي يجعلان الشكل $FGHJ$ مستطيلاً؟							5
$x = 8, y = 7$	D	$x = 7, y = 8$	C	$x = 4, y = 3$	B	$x = 3, y = 4$	A
العبارة ((اذا كان متوازي الاضلاع مستطيلا . فإن قطراته متطابقان .))							6
العبارة خاطئة			العبارة صحيحة				A
المستطيل يكون دائماً متوازي اضلاع							7
العبارة خاطئة			العبارة صحيحة				A

جبر: استعن بالمستطيل $EFGH$ أدناه.



. إذا كان $m\angle GEH = 57^\circ$, فأوجد $m\angle FEG$

. إذا كان $m\angle FGE = 13^\circ$, فأوجد $m\angle HGE$

. إذا كان $FK = 32 \text{ ft}$, فأوجد EG

. أوجد $m\angle HEF + m\angle EFG$

5 - المربع و المعيّن

المربع	المعيّن
<p>هو شكل رباعي جميع أضلاعه متطابقة و زواياه قوائم. هو متوازي أضلاع أضلاعه الأربع متطابقة وجميع زواياه قوائم.</p> <p>المعنى: المربيع هو مستطيل . (زواياه الأربع قوائم) المربيع هو معيّن . (جميع أضلاعه متطابقة و أحدى زواياه قائمة)</p> <p>الخصائص: المربيع هو مستطيل ومعيّن في آن معاً</p> <p>الأقطار: *متطابقان. *ينصف كلاً منهما الآخر. *القطران متعامدان. *كل قطر ينصف الزاويتين اللتين يصل بين رأسيهما.</p> <p>*المربيع هو متوازي أضلاع و مستطيل و معيّن.</p>	<p>هو شكل رباعي جميع أضلاعه متطابقة. هو متوازي أضلاع أضلاعه الأربع متطابقة.</p> <p>الخصائص : *كل ضلعين متقابلين متوازيين و متطابقان. *الزوايا المقابلة متطابقة. *الزوايا المتحالفة متكاملة.</p> <p>الأقطار : *ينصف كلامنها الآخر. *القطران متعامدان. *كل قطر ينصف الزاويتين اللتين يصل بين رأسيهما.</p>

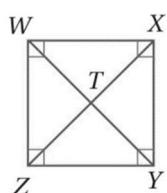
كل مربع هو معيّن ، و ليس كل معيّن مربع -

الشروط الكافية للمعيّن و المربع :

تحدد النظريات الآتية الشروط الكافية لتحديد ما إذا كان متوازي الأضلاع معيناً أو مربعاً.

	<p>إذا كان قطرًا متوازيًا للأضلاع متعامدين فإنه معيناً.</p> <p>إذا نصف قطرًا متوازيًا للأضلاع كلاً من الزاويتين اللتين يصل بين رأسيهما، فإن متوازي الأضلاع يكون معيناً.</p> <p>إذا كان ضلعان متتاليان في متوازي الأضلاع متطابقين فإنه معين.</p>	<p>إذا كان قطرًا متوازيًا للأضلاع متعامدين فإنه معيناً.</p> <p>إذا نصف قطرًا متوازيًا للأضلاع كلاً من الزاويتين اللتين يصل بين رأسيهما، فإن متوازي الأضلاع يكون معيناً.</p> <p>إذا كان ضلعان متتاليان في متوازي الأضلاع متطابقين فإنه معين.</p>
		<p>إذا كان الشكل الرباعي مستطيلًا ومعيناً فإنه مربع.</p>

في المربع $WXYZ$, إذا كان $WT = 3$ فما يلي :



$$ZX = \dots$$

$$XY = \dots$$

$$m\angle WTZ = \dots$$

$$m\angle WYX = \dots$$



في المربع $FGHJ$ فإذا كان $FK = 5$, $FG = 13$ فإذا كان $JK = ?$

$$\text{إذا كان } m\angle JFK = (6y + 7)^\circ \\ m\angle KFG = (9y - 5)^\circ$$

أوجد y

M

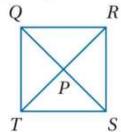


برهان: اكتب برهاناً ذا عمودين في كل مما يأتي :

المعطيات: $QRST$ متوازي أضلاع.

$$\overline{TR} \cong \overline{QS}, m\angle QPR = 90^\circ$$

المطلوب: $QRST$ مربع.

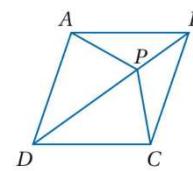


برهان: اكتب برهاناً ذا عمودين

لإثبات أنه إذا كان $ABCD$ معييناً

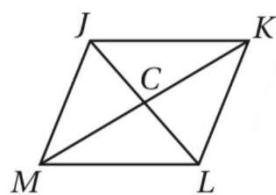
$$\overline{AP} \cong \overline{CP}$$

وكان \overline{DB} قطرًا فيه، فإن

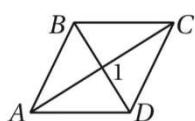


اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

- 2) إذا كان الشكل الرباعي مستطيلاً و معيناً فإنه يكون
 A) شبـه منحرف B) مربع
 C) شـكل الطائرة الورقية D) لا شيء مما ذكر

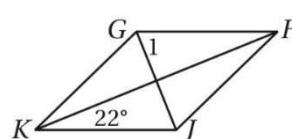


- 1) في المربع $JKLM$, إذا كان
 JC = 10, CK = 8
 A) شبـه منحرف B) مربع
 C) شـكل الطائرة الورقية D) مستطيل

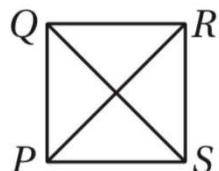


- 4) في المربع التالي ...
 A) 60° B) 45°
 C) 120° D) 90°

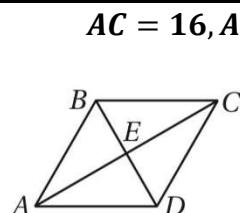
- 3) الشكل الرباعي الذي أضلاعه الأربع متطابقة هو
 A) شبـه منحرف B) شـكل الطائرة الورقية
 C) معين D) مستطيل



- 6) في المربع التالي ...
 A) 68° B) 22°
 C) 90° D) 44°



- 5) في المربع التالي $PQRS$ أوجد
 $m\angle PRS$
 A) 60° B) 30°
 C) 90° D) 45°



- 8) في المربع التالي إذا كان $AC = 16$, $AE = 3x - 1$
 فأوجد x

- A) 16 B) 4
 C) 8 D) 3

- 7) ينقطع قطراً المربع $ABCD$ عند النقطة E إذا كانت
 $AC = 6x - 10$, $AE = 2x + 6$
 A) 28 B) 11
 C) 90 D) 56

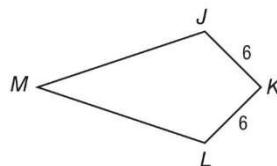
خصائص شكل الطائرة الورقية

شكل الطائرة الورقية هو شكل رباعي يتكون من زوجين متمايزين من الأضلاع المجاورة المتطابقة، وعلى عكس متوازي الأضلاع، كل ضلعين متقابلين في شكل الطائرة الورقية ليسا متطابقين ولا متوازيين.

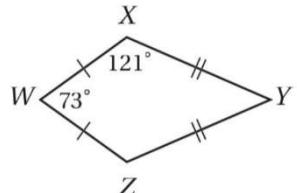
	<p>بما أن $RMNP$ شكل طائرة ورقية، $\overline{MP} \perp \overline{RN}$ فإن</p>	<p>قطر $RMNP$ الطائرة الورقية متعامدان.</p>
	<p>بما أن $RMNP$ شكل طائرة ورقية، $\angle R \cong \angle M$, $\angle P \cong \angle N$ فإن:</p>	<p>في شكل الطائرة الورقية، يوجد زوج واحد فقط من الزوايا المتقابلة المتطابقة، هما الزوايا المنحصرتان بين كل ضلعين متجاورين وغير متطابقين.</p>



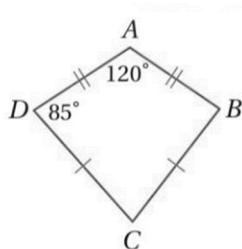
$m\angle L = m\angle \overline{MJ} \cong \dots$ شكل طائرة ورقية فإن $\dots \cong \dots$



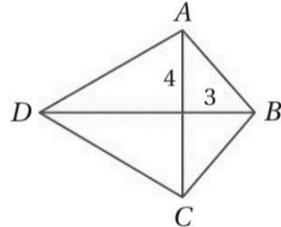
إذا كان $MNPQ$ شكل طائرة
ورقية، فأوجد NP .



إذا كان $WXYZ$ شكل طائرة، فأوجد $m\angle XYZ$ ورقية.



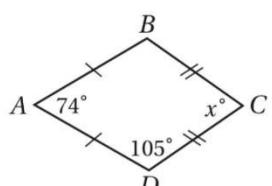
في شكل الطائرة الورقية
التالي أوجد $m \angle C$



في شكل الطائرة الورقية
التالي أوجد AB

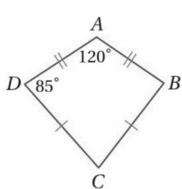
الشكل الرباعي الذي فيه زوجان متمايzan من الأضلاع المتجاورة و المتطابقة هو

- (A) شبه منحرف
- (B) مربع
- (C) شكل الطائرة الورقية
- (D) امستطيل



اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:
في شكل الطائرة الورقية $ABCD$ قياس $\angle C = \dots$

أوجد JM في شكل الطائرة الورقية المجاور $\sqrt{13}$ (B) $\sqrt{29}$ (A)



في شكل الطائرة الورقية

11 (D)

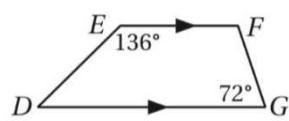
 $\sqrt{89}$ (C)

120° (B)

70° (D)

85° (A)

35° (C)



في شبه المثلث التالي

$= m\angle D$

72° (B)

44° (A)

136° (D)

108° (C)

في شكل الطائرة الورقية

$= m\angle S$

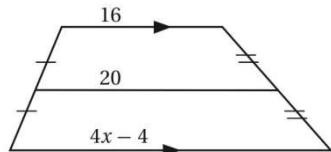
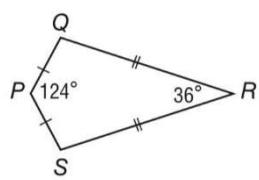
الناتي

200° (B)

100° (A)

360° (D)

160° (C)



في شبه المثلث التالي

$= x$

4 (B)

2 (A)

7 (D)

5.5 (C)

في شكل الطائرة الورقية

$= m\angle S$

الناتي

112° (B)

248° (A)

124° (D)

68° (C)

