

مراجعة الفصل السادس (المقتابعات و امتسلسلات)

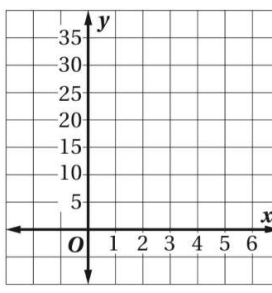
للصف الثاني ثانوي

إعداد و كتابة و تنسيق

أ.مريم سليمان المسعودي

6-1 المتتابعات بوصفها دوال

المتتابعة	مجموعة من الاعداد مرتبة في نمط محدد او ترتيب معين.	الحد	كل عدد في المتتابعة في المتتابعة حدا .
المتتابعة المنتهية	لها عدد محدد من الحدود.	المتتابعة غير المنتهية	تستمر الى مالا نهاية .
المتتابعة الحسابية	هي متتابعة من الاعداد ينتج كل حد فيها من اضافة أساس المتتابعة الى الحد السابق له.		
أساس المتتابعة الحسابية (d)	(الحد - سابقه) ابتداء من الحد الثاني .		
المتتابعة الهندسية	نوع من المتتابعات و يمكن الحصول على أي حد من حدودها بضرب الحد السابق له مباشرة في عدد ثابت وهو أساس المتتابعة الهندسية أو النسبة المشتركة .		
أساس المتتابعة الهندسية (r)	النسبة بين كل حدين متتاليين (الحد ÷ سابقه ابتداء من الحد الثاني)		

بين اذا كانت كل متتابعة فيما يأتي حسابية أم لا :		
17 , 12 , 16 , 20 ,	- 6 , 3 , 12 , 21 ,	8 , - 2 , - 12 , - 22 ,
أوجد الحدود الأربعة التالية في المتتابعة الحسابية 18, 11, 4,	أوجد الحدود الأربعة التالية في المتتابعة الحسابية 6, 18, 30,	أوجد الحدود الأربعة التالية في المتتابعة الحسابية 15, 6, - 3,
أوجد الحدود الأربعة التالية في المتتابعة الحسابية 7, 11, 15, نقود: ادخر عامل في يوما ما 20 ريالاً من أجره اليومي ، فإذا علمت أنه يدخر في كل يوم 5 ريالات زيادة على اليوم السابق ، فكم ريالاً يدخر في اليوم الثاني عشر ؟		
		

بين اذا كانت كل متتابعة فيما يأتي هندسية أم لا :		
1 , 3 , 7 , 15 ,	4 , 12 , 36 , 108 , ...	- 27 , 18 , - 12 , ...
أوجد الحدود الثلاث التالية في المتتابعة الهندسية 250, 50, 10, ...	أوجد الحدود الثلاث التالية في المتتابعة الهندسية 81, 108, 144	حدد نوع المتتابعة اذا كانت حسابية أم هندسية أم غير ذلك
		- 49 , - 37 , - 25 , - 13 , ... 4 , 9 , 16 , 25 , 36 , ... 200 , - 100 , 50 , - 25 , ...

أختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

1 (مكدر التالي في المتتابعة الهندسية 8, 6, $\frac{9}{2}$, $\frac{27}{8}$, ...)	2 (مكدر الأربعة التالي للمتابعة الحسابية 10, 13, 16, ...)
A ($\frac{11}{8}$)	A (19, 22, 25, 28)
B ($\frac{27}{16}$)	B (17, 18, 19, 20)
C ($\frac{9}{4}$)	C (19, 21, 24, 27)
D ($\frac{81}{32}$)	D (20, 25, 30, 35)
3 (أساس المتتابعة الهندسية التالي 12, 36, 108, 324, ..)	4 (أساس المتتابعة الحسابية التالي 12, 16, 20, 24, ..)
A (2)	A (2)
B (3)	B (3)
C (4)	C (4)
D (5)	D (5)

المتتابعة الحسابية حيث (أحد النوني a_n , أحد الأول a_1 , أي عدد صحيح موجب n , الأساس d)			
أساس المتتابعة الحسابية	$d = a_{n+1} - a_n$	أحد النوني في متتابعة حسابية	$a_n = a_1 + (n - 1)d$
المتسلسلة الحسابية حيث (أحد النوني a_n , أحد الأول a_1 , أي عدد صحيح موجب n , الأساس d)			
المجموع الجزئي للمتسلسلة الحسابية	$S_n = n(\frac{a_1 + a_n}{2})$	$S_n = \frac{n}{2}[2a_1 + (n - 1)d]$	



أوجد الحد المطلوب في المتتابعة الحسابية التالية و $a_1 = -4, d = 6$ علما بأن

أوجد أحد العشريون في المتتابعة الحسابية التي فيها $d = 4, a_1 = 15$	a_n علما بأن: $a_1 = -18, d = 12, n = 16$	a_{18} في المتتابعة : 12, 25, 38, ...
اكتب صيغة أحد النوني في المتتابعات التالية	$a_6 = 12, d = 8$	9, 2, -5, ...
أوجد خمسة أوساط حسابية بين العددين 8, -4	أوجد الأوساط الحسابية في المتتابعة 41, ..., ..., 17	

أوجد S_n للمتسلسلة الحسابية التي فيها $a_1 = 14, a_n = 101, n = 30$	أوجد أحدى الثلاث الأولى في المتتابعة الحسابية $a_1 = 8, a_n = 100, S_n = 1296$	أوجد قيمة $\sum_{k=1}^{18} (3k + 4)$

أختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

1 (أوجد $\sum_{m=9}^{21} (5m + 6)$	2 (أوجد $\sum_{k=1}^{12} (3k + 9)$
972 (A 1053 (B 1281 (C 1701 (D	45 (A 78 (B 342 (C 410 (D
3 (أوجد أحد العشريون في المتتابعة الحسابية التي فيها $d = 4, a_1 = 5$	4 (أوجد S_n للمتسلسلة الحسابية التي فيها $a_1 = 37, d = -3, n = 11$
37 (A 44 (B 41 (C 20 (D	45 (A 235 (B 242 (C 572 (D
5 (أوجد الوسطين الحسابيين بين العددين 9, 24	6 (اكتب صيغة أحد النوني في المتتابعة ... 8, 3, -2, -7
12,6 (A 19,14 (B 14,5 (C 19,6 (D	$a_n = n + 5$ (A $a_n = 5n - 12$ (B $a_n = -7n + 12$ (C $a_n = -7(n + 5)$ (D

المتتابعة الهندسية حيث (أحد النوني a_n ، أحد الأول a_1 ، أي عدد صحيح موجب n ، الأساس r)			
أساس المتتابعة الهندسية	$r = a_{n+1} \div a_n$	أحد النوني في متتابعة هندسية	$a_n = a_1 \cdot (r^{n-1})$
المتسلسلة الهندسية حيث (أحد النوني a_n ، أحد الأول a_1 ، أي عدد صحيح موجب n ، الأساس r)			
المجموع الجزئي للمتسلسلة الهندسية حيث $r \neq 0$	$S_n = \frac{a_1 - a_1 r^n}{1 - r}$	$S_n = \frac{a_1 - a_n r}{1 - r}$	$S_n = \frac{a_1 - a_n r}{1 - r}$

أوجد أحد الثاني في المتتابعة الهندسية $a_1 = -10, r = 4, n = 2$	أوجد a_n في المتتابعة الهندسية $a_3 = 9, r = -3, n = 7$	أوجد أحد السادس في المتتابعة الهندسية $a_1 = -3, r = -2$
أكتب معادلة أحد النوني $a_3 = 16, r = 4$	أكتب معادلة أحد النوني $2, 4, 8, \dots$	أكتب معادلة أحد النوني $12, 36, 108, 324, \dots$
أوجد ثلاث أوساط هندسية بين 0.25 , 64	أوجد وسطين هندسيين بين العددين 16, -2	
أوجد S_n للمتسلسلة الهندسية التي فيها $a_1 = 2, n = 10, r = 3$	أوجد a_1 في المتسلسلة الهندسية $r = \frac{3}{2}, a_n = 486, S_n = 1330$	أوجد قيمة $\sum_{k=1}^7 4(-3)^{k-1}$
علوم : ارتفع منطاد مملوء بغاز بعد دقيقة واحدة من إطلاقه مسافة 100 ft، و كان ارتفاعه بعد دقيقة إضافية يزيد بمقدار 50% على ارتفاعه في الدقيقة السابقة . أوجد ارتفاع المنطاد بعد 5 دقائق .		

أختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

1 (أوجد أحد السادس للمتتابعة الهندسية التي فيها $a_1 = 5, r = 2$	2 (أوجد $\sum_{n=1}^4 3 \cdot 2^{n-1}$
A (320 B (160 C (15 D (6250	A (80 B (-80 C (45 D (-45
3 (أوجد S_n للمتتابعة الهندسية التي فيها $a_1 = 7, n = 4, r = 3$	4 (أوجد a_1 للمتسلسلة الهندسية التي فيها $S_n = -728, r = 3, n = 6$
A (91 B (280 C (147 D (189	A (-2 B (1456 C (-4 D (4
5 (أوجد معادلة أحد النوني للمتتابعة الهندسية ... 3, 9, 27	6 (أوجد مجموع المتسلسلة الهندسية التي فيها $a_1 = 6, a_n = 96, r = 2$
A ($a_n = 3^n$ B ($a_n = 2^{n+1}$ C ($a_n = 2^n$ D ($a_n = 3^{n+2}$	A (174 B (180 C (186 D (192

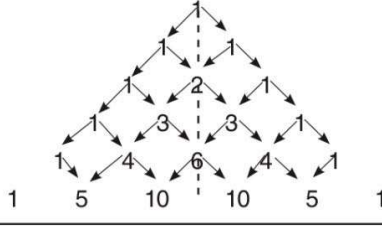
المتسلسلة الهندسية غير المنتهية		هي التي لها عدد لا نهائي من الحدود (ليس لها نهاية)	
مجموع المتسلسلة الهندسية غير المنتهية			
إذا كانت $-1 < r < 1$ يكون لها مجموع و تسمى (تقارب)		إذا كانت $ r \geq 1$ ليس لها مجموع و تسمى (متباعدة)	
$S = \frac{a_1}{1-r}$ ويكون مجموعها			
حدد أي المتسلسلات الهندسية التالية متباعدة و أيهما متقاربة			
$2 + 3 + 4.5 + \dots$		$100 + 50 + 25 + \dots$	
$1 + 1 + 1 + \dots$			
أوجد مجموع حدود المتسلسلات الهندسية التالية أن وجد			
$16 + 20 + 25 + \dots$		$440 + 220 + 110 + \dots$	
$5 + 10 + 20 + \dots$			
$a_1 = 1, r = \frac{1}{2}$		$a_1 = 5, r = -\frac{2}{5}$	
أوجد مجموع الحدود في المتسلسلات الهندسية التالية إن أمكن			
$\sum_{k=1}^{\infty} 5 \cdot 4^{k-1}$		$\sum_{k=1}^{\infty} (-2) \cdot (0.5)^{k-1}$	
الكسور الدورية		الكسر العشري الدوري هو عدد نسبي. و يمكن كتابته على صورة كسر اعتيادي	
اكتب الكسور الدورية التالية على صورة كسر اعتيادي			
$0.\overline{21}$	$0.\overline{35}$	$0.\overline{642}$	$0.\overline{3}$
			$0.\overline{990}$

أختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

1 (مجموع المتسلسلة الهندسية غير المنتهية $12 + 6 + 3 + \dots$)	2 ($0.\overline{48}$ في صورة كسر اعتيادي)
A (24) B (8) C (27) D (غير موجودة)	A ($\frac{1}{48}$) B ($\frac{16}{3}$) C ($\frac{12}{25}$) D ($\frac{16}{33}$)
3 (مجموع المتسلسلة الهندسية غير المنتهية حيث $a_1 = 4, r = \frac{1}{2}$)	4 (أوجد مجموع الحدود في المتسلسلة الهندسية $\sum_{k=1}^{\infty} 15 \cdot \left(\frac{2}{5}\right)^{k-1}$)
A (6) B (8) C (5) D (غير موجودة)	A (20) B (25) C (32) D (غير موجودة)
5 ($0.\overline{4}$ في صورة كسر اعتيادي)	6 (مجموع المتسلسلة الهندسية غير المنتهية $2 + 6 + 18 + \dots$)
A ($\frac{1}{4}$) B ($\frac{4}{3}$) C ($\frac{2}{5}$) D ($\frac{4}{9}$)	A (2) B (8) C (6) D (غير موجودة)

6-5 نظرية ذات الحدين

مثلث باسكال: مثلث باسكال نمط المعاملات لقوى ذات الحدين معروضة على شكل مثلث. يبدأ كل سطر وينتهي بالعدد 1، وكل عدد هو مجموع للعددين الواقعين فوقه في الصف السابق.

	$(a+b)^0$ $(a+b)^1$ $(a+b)^2$ $(a+b)^3$ $(a+b)^4$ $(a+b)^5$ مثلث باسكال
--	---

نظرية ذات الحدين

إذا كانت n عددًا طبيعيًا، فإن: $(a+b)^n = {}_nC_0 a^n b^0 + {}_nC_1 a^{n-1} b^1 + {}_nC_2 a^{n-2} b^2 + \dots + {}_nC_n a^0 b^n = \sum_{k=0}^n \frac{n!}{k!(n-k)!} a^{n-k} b^k$	نظرية ذات الحدين
---	-------------------------

أوجد مفكوك $(c+d)^5$

.....

أوجد مفكوك $(x+y)^{10}$

.....

أوجد مفكوك $(3x+2y)^5$

.....

أوجد أحد الأخير في مفكوك $(5x+y)^5$	أوجد أحد السادس في مفكوك $(c+d)^{10}$
أوجد أحد الثالث في مفكوك $(b+6)^5$	أوجد أحد الثاني في مفكوك $(3x-y)^7$
اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :	
2 (أوجد أحد الثالث في مفكوك $(x+3y)^4$) $12x^3y$ (A) $6x^2y^2$ (B) $54x^2y^2$ (C) $108xy^3$ (D)	1 (مفكوك $(x+2y)^3$) $x^3 + 6x^2y + 12xy^2 + 8y^3$ (A) $x^2 + 4xy + 4y^2$ (B) $x^3 + 8y^3$ (C) $x^3 + 4x^2y + 4xy^2 + 8y^3$ (D)

6-6 البرهان باستعمال مبدأ الاستقراء الرياضي

الاستقراء الرياضي: الاستقراء الرياضي طريقة برهان تُستخدم لإثبات جمل حول الأعداد الطبيعية.

البرهان بالاستقراء الرياضي	الخطوة 1: برهن على أن الجملة صحيحة عندما $n = 1$. الخطوة 2: افترض أن الجملة صحيحة عند العدد الطبيعي k هذا الفرض يُسمى فرضية الاستقراء. الخطوة 3: برهن على أن الجملة صحيحة للعدد الطبيعي التالي $k+1$.
-----------------------------------	---

برهن أن	
$1 + 2 + 3 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$	$1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$
$9^n - 1$ يقبل القسمة على 8	أن $7^n - 1$ يقبل القسمة على 6 لكل عدد طبيعي n
اعط مثالا مضادا يبين خطأ كلا من الجمل التاليت حيث n عدد طبيعي	
$1 + 8 + 27 + \dots + n^3 = (2n+2)^2$	$1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = \frac{n(3n-1)}{2}$