

1

امطار: في اثناء هطول الامطار ونزلها من اعلى تلة الى احد الوديان ,صنعت الامطار مجرى لها في الوادي طوله **40 in**, اذا كان هذا المجرى يتسع كل يوم ثلاثة أمثال اليوم السابق له ,فكم سيبلغ اتساع المجرى في اليوم الخامس في حالة استمرار هطول الامطار بهذا المنوال ؟

$$a_n = a_1 r^{n-1}$$

$$\begin{aligned} a_5 &= 40 (3)^4 \\ &= 40(81) \\ &= 3240 \end{aligned}$$

اكتب صيغة الحد النوني لكل من المتابعتين الهندسيه الاتيتين

$$-0.25, 2, -16, 128, \dots$$

2A

$$a_n = -0.25(-8)^{n-1}$$

$$a_3 = 16, \quad r = 4$$

2B

$$a_n = 1(4)^{n-1}$$

3

اوجد أربعة أوساط . اكتب المعادلة هناهندسية بين العددين 0.5 ,512

$$4 + 2 = 6 \quad \text{لذلك يكون} \quad n = 6$$

$$\begin{aligned} a_n &= a_1 r^{n-1} \\ 512 &= 0.5 r^{n-1} \\ 4 &= r \end{aligned}$$

$$\begin{array}{cccccc} 0.5 & 2 & 8 & 32 & 128 & 512 \\ \text{---} & \text{---} & \text{---} & \text{---} & \text{---} & \\ & \times 4 & \times 4 & \times 4 & \times 4 & \end{array}$$

بكتيريا: ينمو احد أنواع البكتيريا في وسط غذائي , بحيث ينقسم الى جزاين ثم أربعة ثم الى ثمانية وهكذا اذا بدا مجتمع هذا البكتيريا بعدد 10 فمجموع البكتيريا بعد 8 انقسامات ؟

$$S_n = \frac{a_1 - a_1 r^n}{1 - r}$$

$$S_{10} = \frac{10(2 - 2^8)}{1 - 2} = \frac{10(1 - 256)}{-1}$$

$$S_{10} = 2550$$

اوجد مجموع حدود كل المتسلسلتين الاتيتين :

5A

$$\sum_{k=4}^{12} \frac{1}{4} \cdot 3^{k-1}$$

$$n = 12 - 4 + 1 = 9$$

$$a_1 = 6.75$$

$$r = 3$$

$$\frac{6.75 - 6.75(3)^9}{1 - 3} = 66426.75$$

5B

$$\sum_{k=2}^9 \frac{2}{3} \cdot 4^{k-1}$$

$$n = 9 - 2 + 1 = 8$$

$$a_1 = \frac{8}{3}, \quad a_2 = \frac{32}{7}$$

$$r = 4$$

$$\frac{\frac{32}{7} - \frac{8}{3}(4)^8}{1 - 4} = 58253.33$$

$$S_n = \frac{a_1 - a_1 r^n}{1 - r}$$

$$-26240 = \frac{a_1(1 - (-3)^n)}{1 - (-3)}$$

$$-26240 = \frac{a_1(1 - (-3)^8)}{4}$$

$$\frac{-104960}{1 - 3^8} = \frac{a_1(1 - (-3)^8)}{1 - 3^8}$$

$$a_1 = 16$$

اوجد في المتسلسلة الهندسية التي فيها

$$s_n = -26240, n = 8, r = -3$$