

مقارنة الكسور الاعتيادية



بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

التاريخ :

اليوم :

المادة : رياضيات

الحصة :

الموضوع : مقارنة الكسور الاعتيادية

صفحة ١٤٧



مقارنة الكسور الاعتيادية رقم الصفحة ١٤٧

٧ - ٨

استعد



أظهر مسحٌ أُجري على طلاب

الصف الخامس أنَّ $\frac{5}{8}$ الطلاب يحبون

فطيرة الجبن، وأنَّ $\frac{1}{4}$ الطلاب يحبون

فطيرة التفاح، وأنَّ $\frac{1}{8}$ الطلاب يحبون

فطيرة البيض.

فأي نوع من الفطائر يفضلهُ معظم الطلاب؟

فكرة الدرس

أقارن بين الكسور الاعتيادية باستعمال المقامات المشتركة.

المفردات:

المقام المشترك

المقام المشترك الأصغر

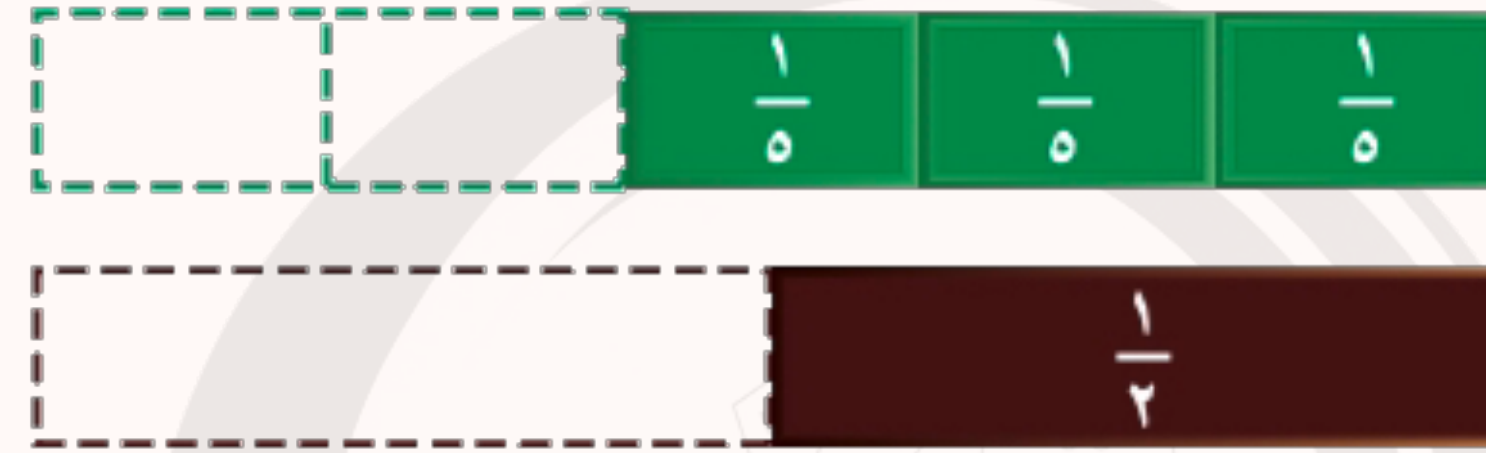


رقم الصفحة ١٤٧

يمكنك المقارنة بين الكسور باستعمال الرسم والنماذج. وإذا كان للكسور
المقام نفسه، فقارن بين البسوط، وإذا اختلفت مقامات الكسور، فاكتب كسورًا
مكافئة لها تكون مقاماتها متساوية.

المقام المشترك لكسرين أو أكثر هو عدد من مضاعفات تلك الكسور.
استعمل **المقام المشترك الأصغر**، أو المضاعف المشترك الأصغر للمقامات،
لكي تقارن بين الكسور.





١ قارن بين $\frac{3}{5}$ ، $\frac{1}{2}$ باستعمال النماذج والمقام المشترك الأصغر.

يبين الشكل أن $\frac{3}{5} > \frac{1}{2}$

الخطوة ١ : أوجد (م.م.أ) للمقامين. (م.م.أ) للمقامين ٥، ٢ هو ١٠

الخطوة ٢ : أوجد كسرين مكافئين مقامهما ١٠

$$\frac{6}{10} = \frac{3}{5} \quad \text{فكّر: } 6 = 2 \times 3, 10 = 2 \times 5$$

$$\frac{5}{10} = \frac{1}{2} \quad \text{فكّر: } 5 = 5 \times 1, 10 = 5 \times 2$$

الخطوة ٣ : بما أن $6 > 5$ ، فإن $\frac{6}{10} > \frac{5}{10}$ ، وبالتالي: $\frac{3}{5} > \frac{1}{2}$



رقم الصفحة ١٤٨

في المثال ١ : المقام المشترك الأصغر (م.م.أ) لمقامي الكسرين $\frac{3}{5}$ ، $\frac{1}{2}$ هو ١٠، ويمكن إيجادُه بضرب ٥ في ٢، حيثُ يمكنك أن تجدَ مقامًا مشتركًا لمقامي كسرين دائمًا من خلال ضرب مقاميهما بعضهما في بعض، لكنّه لا يعطي المضاعف المشترك الأصغر في جميع الحالات.



رقم الصفحة ١٤٨

مثال

مقارنة الكسور باستعمال (م.م.أ)

٢ قارن بين $\frac{5}{6}$ ، $\frac{7}{9}$ باستعمال المقام المشترك الأصغر.

الخطوة ١ : أوجد (م.م.أ) للمقامين.

(م.م.أ) للعددين ٦ ، ٩ هو ١٨ . لاحظ أن ضرب ٦ في ٩ يساوي المقام المشترك ٥٤ ، لكنه ليس (م.م.أ).

الخطوة ٢ : أوجد كسرين مقامهما ١٨ يكافئان الكسرين $\frac{5}{6}$ ، $\frac{7}{9}$

$$\frac{15}{18} = \frac{5}{6} \quad \text{فكر: } 18 = 3 \times 6, 15 = 3 \times 5$$

$$\frac{14}{18} = \frac{7}{9} \quad \text{فكر: } 18 = 2 \times 9, 14 = 2 \times 7$$

الخطوة ٣ : بما أن $15 < 14$ ، فإن $\frac{15}{18} < \frac{14}{18}$ ؛ لذا $\frac{5}{6} < \frac{7}{9}$

تذكر

يمكنك إيجاد (م.م.أ) للمقامين بإيجاد مجموعة من الكسور

المكافئة للكسرين $\frac{5}{6}$ ، $\frac{7}{9}$

$$\frac{5}{6}, \frac{10}{12}, \frac{15}{18}, \frac{20}{24}, \dots$$

$$\frac{7}{9}, \frac{14}{18}, \frac{21}{27}, \dots$$



٣

رياضة: أحرز رياض هدفين من ثلاثة أحرزها فريقه، وأحرز سعيد ٥ أهداف من ستة أحرزها فريقه. أيهما أحرز لفريقه نسبة أكبر من مجموع الأهداف؟



يبيّن الشكلاّن المجاوران أنّ $\frac{2}{3} < \frac{5}{6}$

الخطوة ١: أوجد (م.م.أ) للمقامين. (م.م.أ) للمقامين ٣، ٦ هو ٦

الخطوة ٢: أوجد كسرين مقامهما ٦ يكافئان الكسرين $\frac{2}{3}$ ، $\frac{5}{6}$

$$\frac{4}{6} = \frac{2}{3} \quad \text{فكّر: } 4 = 2 \times 2, 6 = 2 \times 3$$

$$\frac{5}{6} = \frac{5}{6} \quad \text{فكّر: } 5 = 1 \times 5, 6 = 1 \times 6$$

الخطوة ٣: بما أنّ $4 < 5$ ، فإنّ $\frac{4}{6} < \frac{5}{6}$ ؛ لذا $\frac{2}{3} < \frac{5}{6}$

إذن أهداف سعيد تمثّل النسبة الأكبر.



رقم الصفحة ١٤٩

تأكّد



قارن بين كل كسرين ممّا يأتي باستعمال النماذج أو المقام المشترك الأصغر:

٢ $\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{6}$

١ $\frac{1}{5}$ ، $\frac{1}{3}$

٤ $\frac{2}{3}$ ، $\frac{7}{10}$

٣ $\frac{3}{4}$ ، $\frac{7}{8}$

الجبر: قارن بين العددين في كل ممّا يأتي مستعملًا ($=$ ، $>$ ، $<$):

٦ $\frac{2}{3}$ $\bullet$ $\frac{7}{12}$

٥ $\frac{1}{3}$ $\bullet$ $\frac{5}{9}$

٨ $\frac{2}{5}$ $\bullet$ $\frac{6}{15}$

٧ $\frac{1}{4}$ $\bullet$ $\frac{1}{6}$



رقم الصفحة ١٤٩

٩ تحتاج وصفة لعمل نوع من الحلوى إلى $\frac{5}{8}$ كوب من السكر، و $\frac{2}{3}$ كوب من الدقيق. فأَيُّ المادتين أكثر؟



١٠ **تحدث** وضح العلاقة بين المضاعف المشترك الأصغر و المقام المشترك الأصغر.



قارن بين كل كسرين مما يأتي باستعمال النماذج، أو المقام المشترك الأصغر:

١٢ $\frac{3}{15}, \frac{1}{5}$

١١ $\frac{3}{4}, \frac{2}{3}$

١٤ $\frac{1}{12}, \frac{3}{10}$

١٣ $\frac{3}{4}, \frac{2}{5}$

الجبر: قارن بين العددين في كل مما يأتي مستعملًا ($=, >, <$): الأمثلة ١ - ٣

١٦ $\frac{6}{12} \bigcirc \frac{1}{2}$

١٥ $\frac{3}{10} \bigcirc \frac{2}{5}$

١٨ $\frac{3}{8} \bigcirc \frac{15}{16}$

١٧ $\frac{3}{7} \bigcirc \frac{2}{6}$

رقم الصفحة ١٥٠

١٩ خليط من المكسرات يتكوّن من $\frac{1}{3}$ كوب من الفستق، و $\frac{1}{4}$ كوب من اللوز، و $\frac{2}{3}$ كوب من الكاجو، أيّ هذه المكونات كميّته هي الأكبر؟

٢٠ أظهر مسحٌ أُجري على أحد الصفوف أنّ $\frac{7}{10}$ من الطلاب يُفضّلون كرة القدم، و $\frac{3}{4}$ من الطلاب يُفضّلون التنس، و $\frac{2}{5}$ من الطلاب يُفضّلون كرة السلة. ما الرياضة التي يُفضّلها أقلُّ عددٍ من الطلاب؟

٢١ بيّن الجدول أدناه نسب الاستهلاك للمياه. أيّ منها يستهلك الكمية الأكبر من المياه؟

مصدر الاستهلاك	نسبة الاستهلاك
التسريبات	$\frac{1}{5}$
الصنابير	$\frac{8}{25}$
الاستحمام	$\frac{14}{50}$

٢٢ أعطى المعلم لكل طالب فطيرة، فأكل نايف $\frac{5}{6}$ فطيرته، وأكل مشعل $\frac{7}{8}$ فطيرته، وأكل بدر $\frac{5}{8}$ فطيرته. أيّهم ترك أصغر قطعة من فطيرته؟

مسائل مهارات التفكير العليا

٢٣ **مسألة مفتوحة:** ضع في $\blacksquare$ عددًا يجعل الجملة العددية $\frac{\blacksquare}{24} < \frac{1}{4}$ صحيحة.

٢٤ **الحس العددي:** إذا كان لديك كسران مشتركين في البسط ومختلفان في المقام، فكيف تعرف أيهما أكبر دون إيجاد المقام المشترك الأصغر؟

٢٥ **اكتب** مسألة من واقع الحياة يمكن حلها بمقارنة كسرين مختلفي المقام، ثم حلها، وادعم إجابتك برسم أشكال تمثل الكسرين.

الواجب

سؤال :

رقم الصفحة :

