



(هو الذي جعل الشخص ضياءً و القمر نوراً  
وقدّر له منازل لتعلموا عدّ السنين والحساب)



# أساسيات

## في مادة الرياضيات (٢)

فكرة وتأليف /

سهام حامد السلمي

مراجعة الأستاذة /

آسماء الزهراني

مراجعة الأستاذة /

صالحة عبدالله عسيري



كن جميلاً ليبقى الأثر



أساسيات في مادة الرياضيات (٢)

# أساسيات في مادة الرياضيات (٢)

رقم إيداع ٤١٨/٤٤٢

تاريخ ١٤٤٢/٠٦/٠١

رقم ردمك

٩٧٨-٦٣٠٣-٦٤٤٦-٦



المعلمة /  
سعاد السلعي



## مقدمة

الحمد لله حمدًا كثيرًا،  
الذي بفضله يفكر العقل، ويعتبر اللسان،  
ويكتب القلم،  
والصلوة والسلام على سيدنا محمد  
صلى الله عليه وسلم الذي كان  
فصيح اللسان، وواضح البيان،  
أكتب هذه الكلمات وأنا في قمة سعادتي  
أن جاءت لي هذه الفرصة للمرة الرابعة  
ولله الحمد لا أكتب ما يشتهي الله لي من علم  
لينتفع به العباد ..  
أسأل الله أن يبارك فيه



المعلمة /  
سعام السلفي



## رسالة شكر

الشَّكَرُ لِلَّهِ أَوَّلًا ..

ثم لـ مجـمـوعـة رـفـعـة الرـائـدة  
وـالـتـي أـثـبـتـت وجـودـهـاـ فـيـ وـقـتـ قـيـاسـيـ  
وـذـلـكـ بـسـبـبـ :

حـسـنـ التـنظـيمـ وـ حـسـنـ الـعـقـصـ  
وـ بـسـبـبـ :

هـدـفـهـاـ النـبـيلـ فـيـ نـشـرـ الـعـلـمـ  
بـطـرـيقـةـ صـحـيـحةـ وـ مـوـثـقـةـ وـ لـحـفـظـهـاـ  
لـحـقـوقـ جـمـيعـ الـمـعـلـمـيـنـ وـ الـمـعـلـعـاتـ ..  
وـ عـلـىـ رـأـسـهـ الأـسـتـاذـ:

بـدـرـ السـجـيـبـانـيـ  
وـ الشـكـرـ لـ جـمـيعـ الـأـعـضـاءـ  
بـارـكـ اللـهـ فـيـ جـهـدـهـ جـمـيعـاـ وـ أـوـقـاتـهـ



المعلمة /  
سعاد السلفي



## سبل اختياري لهذه المواقف

نظرًا لمحاولة سد الخلل الذي قد يعتدي  
الدراسة عن بعد الذي ينقصه استخدام  
كامل حواسنا أثناء الدراسة والانشغال  
أثناء التعليم عن بعد، فقط بجمع أهم  
الأساسيات في منهج المرحلة المتوسطة  
بجميع صفوفه أولى / ثانوي / ثالث متوسط  
للفصل الدراسي الثاني والذي يعتبر  
تابع لأساسيات مادة الرياضيات (١)  
والذي يعتبر إثراء في مادة الرياضيات  
ومرجع للطلاب والطلاب وكذلك المعلمين  
والمعلمات ...

وأسأل الله الفائدة للجميع

المعلمة /  
سهام السلمي





# كثيرات الحدود

## المعارض الأساسية في كثيرات الحدود

- (١) التعرف على وحدات الحد و كثيرات الحدود و درجتها
- (٢) ضرب وحدات الحد
- (٣) تبسيط عبارات تتضمن وحدات حد
- (٤) اجراء عمليات على وحدات الحد
- (٥) تحليل وحدات الحد تحليل تام
- (٦) حالات خاصة من ضرب كثيرات الحدود





أولاً:

## كثيرات الحدود

### مجموع وحيدات حد

تحلّل أسماء خاصة  
ثنائية الحد أو  
ثلاثية الحدود

مثال / س<sup>۳</sup>-س-۷ ص ۳

عدد أو متغير أو حاصل  
ضرب عدد في متغير بأس  
غير سالب

مثال / س<sup>۴</sup> ص ۴

ثانياً:

## درجة

الثابت  
درجته  
صفر.

مثال /  
٧ درجته صفر  
٩ درجته صفر

كثيرات الحدود  
أكبر درجة لأي  
حد من حدودها

مثال /  
٤س+س<sup>۳</sup>+س<sup>۲</sup>  
درجتها الرابعة

وحدة الحد  
مجموع أسس  
كل متغيراتها

مثال / س<sup>۵</sup> ص  
درجتها:  
الثانية

تستخدم دوال كثيرات الحدود  
لوصف منحنينات من أنواع مختلفة  
وتستخدم لرسم العمنينيات  
الهندسية والجسور





ثالثاً:

## الصورة القياسية و العامل الرئيس

نرتّب كثيرات الحدود تنازلياً حسب الدرجة  
للحصول على الصورة القياسية ..

مثال /

$$4s^4 + 2s^3 + s + 5$$

معامل أول حد فيها يسعى : (العامل الرئيس)  
العامل الرئيس في المثال السابق: ٤

رابعاً:

## ضرب وحيدات الحد

أمثلة:

$$(a^2)^3 = a^6$$

$$(a^2 \cdot a^4)^2 = a^8$$

$$(ab)^5 = a^5 b^5$$



قوة حاصل الضرب

$$(ab) = ab$$

سهام ❤

قوة القوة

$$(m^n)^p = m^{np}$$

ضرب القوى

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$$



خامساً:

## قصة وحيدات الحد

**قصة وحيدات الحد**



سهام

**قسمة القوى**

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

**قوى القسمة**

$$(a^m)^n = a^{mn}$$

**الأُس الصفرى**

$$a^0 = 1$$

**الأُس السالب**

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

أمثلة:

$$a^{-3} = \frac{1}{a^3}$$

$$\left(\frac{1}{b}\right)^4 = \frac{1}{b^4}$$

$$\frac{1}{a^4} = a^{-4}$$

استمع

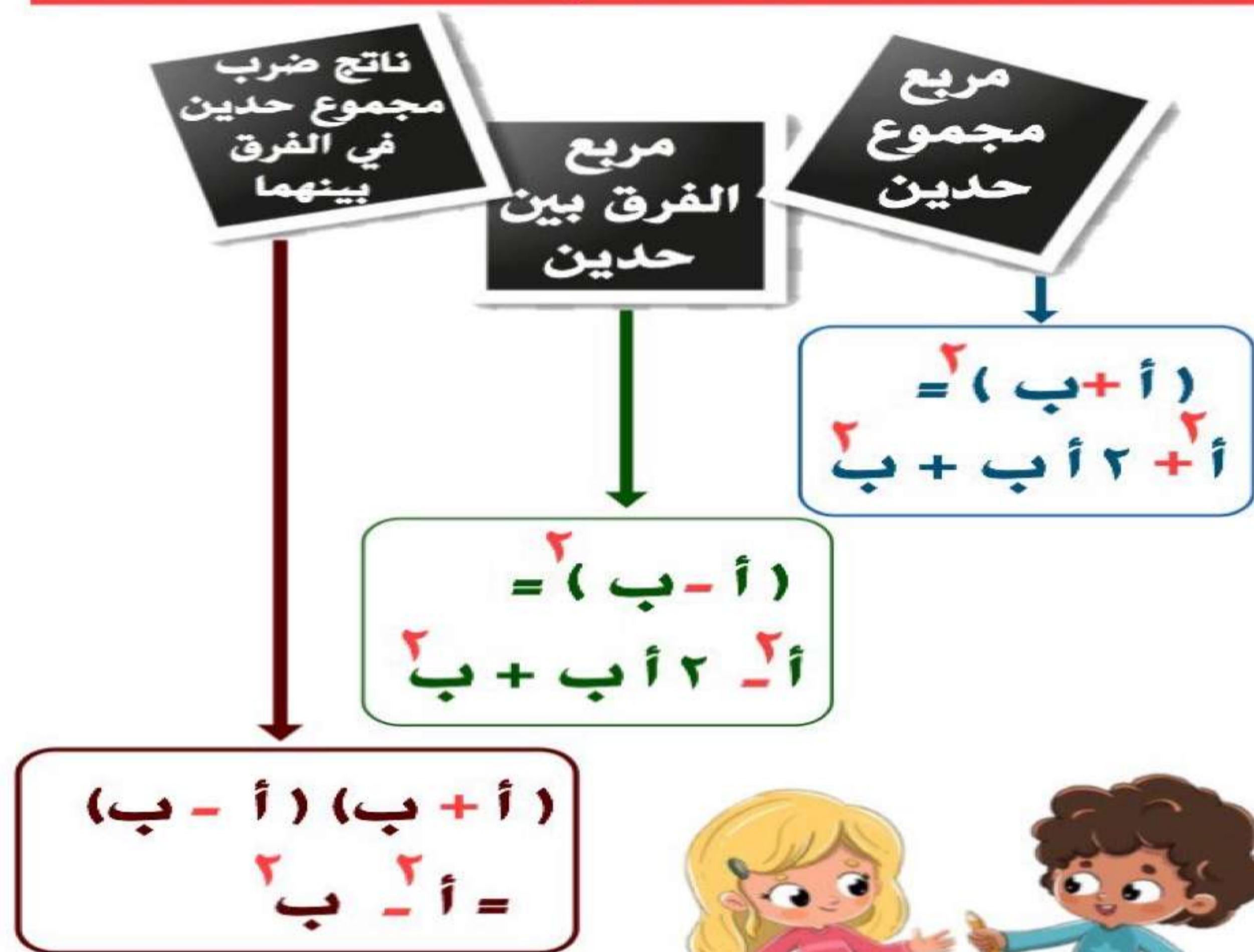




سادساً:

## حالات خاصة من ضرب كثيرات الحدود:

حالات خاصة من ضرب كثيرات الحدود



سهام ❤️

**أمثلة:**  $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

$$4 + 4 \times 4 + 4 = 4^2$$

$$4 + 4 + 4 = 16$$

سنحصل



$$(l-3)^2 = l^2 - 2l \cdot 3 + 3^2$$

$$l^2 - 6l + 9 =$$

$$(s-3)(s+3) = s^2 - 3^2$$

$$s^2 - 9 =$$



سابعاً:

## تحليل وحدات الحد

### تحليل وحدات الحد



$$8 \text{ س}^2 \text{ ص} =$$

$$2 \times 2 \times 2 \times \text{س} \times \text{س} \times \text{ص}$$



$$8 \text{ س}^2 \text{ ص} =$$



$$2 \times 4 \times \text{س} \times \text{س} \times \text{ص}$$



ملاحظة:

يجب أن تحلل الأعداد إلى عواملها الأولية.





## المتتابعات

### العهارات الأساسية في المتتابعات

- (١) الفرق بين المتتابعات  
المنتهية وغير منتهية..
- (٢) معرفة الفرق بين أنواع المتتابعات  
الهندسية والحسابية..





## المتتابعات

متتابعة غير منتهية

هي أي دالة  
 $C: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{H}$

مثال /

.....، ٦، ٤، ٢

حيث  $\mathbb{N}$  مجموعة  
الأعداد الطبيعية

متتابعة منتهية

عدد حدودها ( $n$ )  
هي أي دالة  
 $C: \{1, 2, 3, \dots, n\} \rightarrow \mathbb{H}$

مثال /

٨، ٧، ٥، ٤، ١

## أنواع المتتابعات

متتابعة هندسية

متتابعة حسابية

من لا يجد الهدف  
لن يعرف الطريق





## أولاً: المتتابعة الحسابية:

**الصورة العامة للمتتابعة الحسابية /**

$$(a, a+c, a+2c, \dots, a+(n-1)c)$$

$$\text{الأساس: } c = h - h_1 = h_2 - h_1 = \dots = h_n - h_1$$

**مثال /**

....., 9, 7, 5, 3, 1

**الأساس**

$$1 - 3 =$$

$$3 - 5 =$$

$$5 - 7 =$$

**الحد النوني للمتتابعة الحسابية**

**الحد العام**

$$h = a + (n-1)c$$

حيث /

(أ) الحد الأول

(ن) عدد الحدود

(ج) أساس المتتابعة





## ثانياً: المتتابعة الهندسية: الصورة العامة للمتتابعة الهندسية /

$(أ, أر, أر^2, أر^3, أر^4, \dots, أر^{n-1}, \dots)$

$$\text{الأساس: } r = \frac{a_2}{a_1}$$

$$r = \frac{a_3}{a_2}$$

$$r = \frac{a_{n+1}}{a_n}$$

مثال /

.....، ٨٠، ٤٠، ٢٠، ١٠، ٥

الأساس

$$r = \frac{4}{2}$$

الحد النوني للمتتابعة الهندسية

الحد العام

$$a_n = a_1 r^{n-1} \text{ لكل } n \in \mathbb{N}$$



- حيث / (أ) الحد الأول
- (ن) عدد الحدود
- (ر) أساس المتتابعة



## المعادلات

### المهارات الأساسية في المعادلات

- (١) حل المعادلات الخطية ذات خطوتين
- (٢) حل معادلات تتضمن متغيرات في لذر فيها
- (٣) حل المعادلات التربيعية بالتحليل
  - أ/ الفرق بين مربعين
  - ب/ العربع الكامل
  - ج/ تحليل ثلثي الحدود على الصورة  
 $s^2 + bs + c = 0$ .





## المعادلات

تعلمنا سابقاً معنى كثيرات الحدود  
والتي تعتبر عبارة جبرية ...  
تستخدم خاصية التوزيع في تبسيط  
العبارات الجبرية

مثال /

$$4(s + 7) = 4(s) + 4(7)$$

$$= 4s + 28$$

إذا وجدت مساواة بين طرفين فإنها  
تشكل معادلة ..

مثال /

$$15 = 3s$$

المعادلة قد تحتوي على متغير واحد  
وقد تحتوي على أكثر من متغير

المتغير الواحد قد يكون

درجة ثالثة ... وهكذا

درجة ثانية (تربيعية)





# أولاً:

## (أ) المعادلة الخطية ( ذات خطوتين )

معادلة تحتوي على متغير واحد في طرف واحد

$$\text{مثال } / 4s + 3 = 15$$

لحل هذه المعادلة نوجد قيمة المتغير  $s$

**الخطوة الأولى /**

نخلص من الجار (الجمع أو العtraction)

**الخطوة الثانية /**

نخلص من في الدار (الضرب أو القسم)

(١) الجار هنا ( $3+$ ) للتخلص منه نضيف النظير

٣- للطرفين ..

$$15 = 4s + 3$$

$$3 - \times -$$

$$12 = 4s$$

(٢) في الدار ( $\frac{1}{4}$ ) مضروب للتخلص منه نقسم على  $4$

$$\frac{12}{4} = \frac{s}{4}$$

$$s = 3$$

عند وضع أهداف  
في حياتك تتغير  
حياتك للأفضل





# أولاً: (ب) العادلات التي تتضمن متغيرات في طرفيها

**مثال /**

$$4s + 7 = 3s + 2$$

لحل هذه العادلة نقوم بالتالي:

**الخطوة الأولى /**

نخلص من العتبiger الأصغر بإضافة نظيره للطرفين

$$\begin{array}{rcl} 7 + s & = & 3 + 2 \\ \cancel{s} & & \cancel{s} \end{array}$$

$$7 = 3 + 2$$

**الخطوة الثانية /**

نخلص من الجار بإضافة (-3) للطرفين

$$\begin{array}{rcl} 7 & = & 3 + 2 \\ -3 & & \cancel{-3} \end{array}$$

$$4 = 2s$$

**الخطوة الثالثة /**

نخلص من العدد العضير (٤) بالقسمة عليه

$$\begin{array}{rcl} 4 & = & 2s \\ \hline & & \cancel{2} \end{array}$$

$$s = 2$$

سنصل





## ثانياً: المعادلات التربيعية

لحل هذه المعادلات نقوم بالتحليل:

**أولاً/ الفرق بين مربعين**

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

$$s^2 - 25 = (s+5)(s-5)$$

**ثانياً/ المربعات الكاملة**

$$a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$$

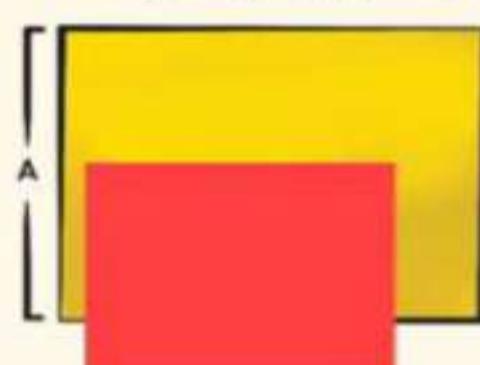
$$a^2 - 2ab + b^2 = (a-b)^2$$

**مثال/**  $4x^2 + 12x + 9 =$

$$(2x+3)(2x+3) =$$

$$= (2x+3)^2$$

المعادلات التربيعية: الفرق بين مربعين



$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

مثال:

$$s^2 - 25 = (s+5)(s-5)$$

المعادلات التربيعية: المربعات الكاملة

$$a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$$

$$= (a+b)^2$$

$$a^2 - 2ab + b^2 = (a-b)^2$$

$$= (a-b)^2$$

$$= 4x^2 + 12x + 9$$

$$= (2x+3)(2x+3)$$

$$= (2x+3)^2$$

مثال:

|    | 1  | 2  | 3  | 4  | 5  | 6  | 7  | 8  | 9  | 10  |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|-----|
| 1  | 1  | 2  | 3  | 4  | 5  | 6  | 7  | 8  | 9  | 10  |
| 2  | 2  | 4  | 6  | 8  | 10 | 12 | 14 | 16 | 18 | 20  |
| 3  | 3  | 6  | 9  | 12 | 15 | 18 | 21 | 24 | 27 | 30  |
| 4  | 4  | 8  | 12 | 16 | 20 | 24 | 28 | 32 | 36 | 40  |
| 5  | 5  | 10 | 15 | 20 | 25 | 30 | 35 | 40 | 45 | 50  |
| 6  | 6  | 12 | 18 | 24 | 30 | 36 | 42 | 48 | 54 | 60  |
| 7  | 7  | 14 | 21 | 28 | 35 | 42 | 49 | 56 | 63 | 70  |
| 8  | 8  | 16 | 24 | 32 | 40 | 48 | 56 | 64 | 72 | 80  |
| 9  | 9  | 18 | 27 | 36 | 45 | 54 | 63 | 72 | 81 | 90  |
| 10 | 10 | 20 | 30 | 40 | 50 | 60 | 70 | 80 | 90 | 100 |



سهام ❤️



## تابع المعادلات التربيعية

$s^2 + bs + c = 0$ .

لحل ثلاثة الحدود على هذه الصورة هناك  
ثلاث حالات:

الحالة ①:  $+b, +c$

نوجد  $m, n$  بحيث:

$$(1) m + n = b$$

$$(2) m \times n = c$$

وتصبح الصورة:

$$(s + m)(s + n)$$

مثال /

$$s^2 + 5s + 6 = 0$$

$$(s + 3)(s + 2) = 0$$

$$\text{إما } s = -3 \\ \text{أو } s = -2$$

الإصدارات والعزيمة  
طريقنا للنجاح





## تابع المعادلات التربيعية

$\text{ثالثاً}/ \text{س}^2 + \text{ب}\text{س} + \text{ج} = 0.$

الحالة ②: -ب، +ج

نوجد  $-ه، -ن$  بحيث:

$$(1) -ه -n = -b$$

$$(2) (-ه) \times (-n) = ج$$

وتصبح الصورة:

$$(س - ه)(س - ن)$$

مثال /

$$\text{س}^2 - 8\text{س} + 12 = 0.$$

$$(س - 2)(س - 6) = 0.$$

$$\text{إما س} = 2$$

$$\text{أو س} = 6$$

سنصل حتى  
للهريق الناجح





## تابع المعادلات التربيعية

ثالثاً /  $s^2 + bs + c = 0$ .

الحالة ③:  $-c, -b, -a$

نوجد  $m, n$  مختلفين في الإشارة

بحيث:

(١) حاصل جمعهما = الحد الأوسط

(٢) حاصل ضربهما =  $-c$

وتصبح الصورة:

$(s+m)(s-n)$  عندما  $b$  موجبة

$(s-m)(s+n)$  عندما  $b$  سالبة

### مثال /

$$s^2 + 13s - 48 = 0.$$

$$(s-3)(s+16) = 0.$$

$$\text{إما } s = 3$$

$$\text{أو } s = -16$$

أنت تستحق  
التقدير ..



## ملخص التحليل:

**المعادلات التربيعية:**  $s^2 + b s + c = 0$

لتحليل ثلاثيات الحدود على الصورة  $s^2 + b s + c$

الحالة الثالثة

- ج، + ب أو - ب

نوجدم، ن

مختلفين في الإشارة

بحيث:

(١) حاصل جمعهما = الحد الأوسط

(٢) حاصل ضربهما = - ج

وتصبح الصورة:

عندما (ب) تكون موجبة

$(s+m)(s-n)$

عندما تكون (ب) سالبة

$(s-m)(s+n)$

حيث ام ا ان

هناك ثلاثة حالات:

الحالة الثانية

- ب، + ج

نوجدم، - ن

بحيث:

(١) - م - ن = - ب

(٢) (-م)(-ن) = ج

وتصبح الصورة:

$(s-m)(s-n)$

الحالة الأولى

+ ب، + ج

نوجدم، ن

بحيث:

(١) م + ن = ب

(٢) م × ن = ج

وتصبح الصورة:

$(s+m)(s+n)$



## أنواع التحليل:



أنواع التحليل  
للكثيرات الحدود

الفرق بين مربعين

التحليل

ثنائية الحدود

رباعية الحدود

خاصية التوزيع

الجمع

ثلاثية الحدود

سهام ❤️

مربع كامل

على الصورة:  
 $s^2 + b s + c$

على الصورة:  
 $as^2 + bs + c$





## النسبة المئوية و التنااسب

العهارات الأساسية في النسبة و التنااسب

- (١) ايجاد النسبة
- (٢) حساب النسبة المئوية
- (٣) التناسب الهرمي و ثابت التنااسب





## النسبة المئوية والتناسب

### النسبة

إذا كان  $m$ ,  $n$  عددين حقيقيين

فإن :

النسبة بين  $m$  و  $n$  هي  $m:n$  أو  $\frac{m}{n}$

**مثال /**

النسبة بين  $\frac{6}{7}$  هي  $7:6$  أو  $7,6$

### النسبة المئوية

هي نسبة أو معدل يكون مقامها ١٠٠

### حساب النسبة المئوية

لحساب النسبة المئوية للعدد  $s$  بالنسبة لـ  $ص$

فإن النسبة المئوية =  $\frac{s}{ص} \times 100$

**مثال /**

النسبة المئوية للعدد ٦ بالنسبة لـ ٣٠ هي



$$\% ٣٠ = 100 / \frac{6}{30} \times 100$$

ملاحظة / معكنت القول **الكل** **الجزء** كما تعلم دراسته



## تابع النسبة المئوية والتناسب

### التناسب

هو تساوي نسبتين أو أكثر

$$\text{مثال / } \frac{4}{8} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

### التناسب пропорциональный

إذا كانت نسبة ص إلى س العدد الثابت ك  
نقول أن ص و س متناسبان لمرد ياً و نكتب:

$$\frac{ص}{س} = ك \Leftrightarrow ص = ك س$$

**مثال /**

|    |   |   |   |
|----|---|---|---|
| ٣  | ٢ | ١ | س |
| ١٢ | ٨ | ٤ | ص |

$$\text{مثال / } \frac{ص}{س} = \frac{8}{12} = \frac{4}{4} = \frac{2}{2} = \frac{1}{1}$$

نلاحظ أن /

التناسب مرد ياً و ثابت التنساب = ٤





## الاحصاء

### المهارات الأساسية في الاحصاء

- (١) التعرف على علم الاحصاء
- (٢) معرفة طرق جمع البيانات
- (٣) التعرف على العينة وأنواعها
- (٤) التعرف على بعض من طرق الاحصاء  
وتنظيم البيانات ....
  - أ) العدراج التكراري
  - ب) القطاعات الدائرية
- (٥) ايجاد مقاييس النزعة المركزية
- (٦) مقاييس التشتت





## الاحصاء

هو العلم الذي يعني جمع البيانات و تبويبها  
و عرضها في جداول

### أنواع الاحصاء

١) الاحصاء الوصفي      ٢) الاحصاء الاستدلالي

### خطوات الدراسة الاستدلالية

- (١) جمع البيانات
- (٢) تلخيص و تنظيم البيانات
- (٣) عرض البيانات
- (٤) وصف البيانات

### أسلوب جمع البيانات

- (١) الحصر الشامل
- (٢) العينة

### العينة :

جزء من المجتمع يختار بطريقة مناسبة  
ويمثل جميع خصائص المجتمع





## أنواع العينات العشوائية

١) عينة بسيطة

كاختيار اسعه بشكل عشوائي من بين طلاب مدرسة

٢) عينة طبقية

كاختيار اسعه من طبقة عمرية معينة

٣) عينة منتظمة

كاختيار رقم معين من مجموعات معينة بطريقة منتظمة

من طرق الاحصاء وتنظيم البيانات

الدرج التكراري

وهو تمثيل بياني يعرض البيانات بطريقة منتظمة  
في فئات متساوية

خطوات تكوين الجدول التكراري

(١) تحديد عدد الفئات التكرارية

(٢) إيجاد طول الفئة التكرارية

أكبر قيمة - أصغر قيمة

عدد الفئات

(٣) تحديد أصغر قيمة وأكبر قيمة تعتمل

مدى الأولى ثم نحدد باقي الفئات

(٤) توزيع التكرارات على الفئات

متاز





## خطوات إنشاء العدّrage التكراري

- ١) نرسم العهورين الأفقي والرأسي ونسقها  
ونكتب العنوان
- ٢) نقسم العهور الأفقي حسب الفئات في الجدول
- ٣) نرسم عهود لكل فئة بحيث يساوي الارتفاع  
التكرار العقابل

**سؤال / تبيين القائمة المجاورة درجات اختبار  
مادة الرياضيات لإحدى الصفوف، اختر فئات  
 المناسبة و مثل البيانات بجدول تكراري ثم  
 انشيء مدرج تكراري؟**

### درجات مادة الرياضيات

|    |    |    |    |    |
|----|----|----|----|----|
| ٤٢ | ٤٩ | ٤٨ | ٤٦ | ٤٣ |
| ٣٧ | ٤٦ | ٤٩ | ٤٩ | ٤٧ |
| ٣٣ | ٤٧ | ٤٤ | ٤٧ | ٥. |
| ٣٦ | ٤٢ | ٤٩ | ٣. | ٣٥ |

الحل /

(١) تحديد عدد الفئات = ٥

(٢) إيجاد طول الفئة :

$$\approx \frac{٢١}{٤} = \frac{١ + ٣٠ - ٥}{٥}$$

(٣) أكبر قيمة = ٥ أنتهي

بها الفئات

أصغر قيمة = ٣. أبداً

بها الفئات

ما أجمل  
التعلم !!





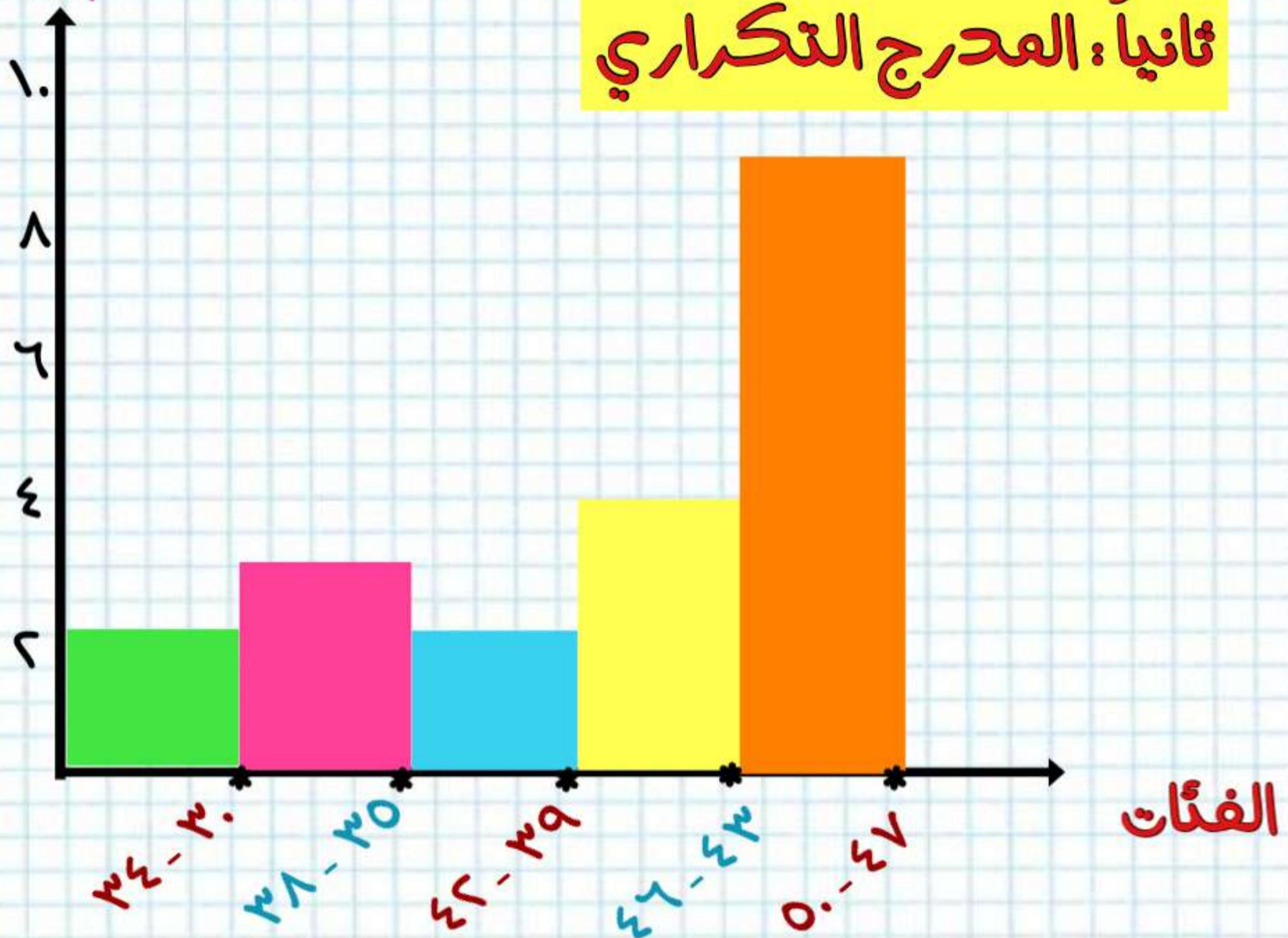
## تابع الحل

### أولاً: الجدول التكراري

| الفئات  | الاشارات | التكرار |
|---------|----------|---------|
| ٣٤ - ٣٠ |          | ٢       |
| ٣٨ - ٣٥ |          | ٣       |
| ٤٢ - ٣٩ |          | ٢       |
| ٤٦ - ٤٣ |          | ٤       |
| ٥٠ - ٤٧ |          | ٩       |

التكرار

### ثانياً: المدرج التكراري



أنا أستطيع





## تابع من طرق الاحصاء وتنظيم البيانات

### القطاعات الدائيرية

تستعمل لمقارنة أجزاء من البيانات  
بمجموعه البيانات كلها حيث تمثل الدائرة  
جميع البيانات وبذلك مجموع النسب في  
القطاعات الدائيرية يساوي ١٠٠%

$$\text{زاوية القطاع} = \frac{\text{قيمة القطاع}}{\text{المجموع العام}} \times 360^\circ$$

مثال / طلاب فصل عددهم ٢٥ طالب (٨) منه  
يرتدون اللون الأزرق و (١٢) يرتدون  
اللون الأحمر و (٥) منه يرتدون الأخضر..  
ما القطاع الدائري لـ كل مجموعة؟

الحل /

$$\text{طلاب اللون الأزرق} = \frac{12}{25} \times 360^\circ = 115.2^\circ$$

$$\text{طلاب اللون الأحمر} = \frac{8}{25} \times 360^\circ = 115.2^\circ$$

$$\text{طلاب اللون الأخضر} = \frac{5}{25} \times 360^\circ = 72^\circ$$





## مقاييس النزعة العد كزية

هي الأعداد التي تصف مرد تجفّع مجموعة من البيانات وأكثر هذه المقاييس شيوعاً.

$$\text{الوسط الحسابي} = \frac{\text{مجموع القيمة}}{\text{عددها}}$$

**الوسيط:**

القيمة العددية التي تقسّم البيانات إلى مجموعتين متساويتين بعد ترتيبها تصاعدياً أو تنازلياً

### حساب الوسيط

(١) نرتّب البيانات إما تصاعدياً أو تنازلياً

(٢) نوجّه ترتيب الوسيط

(أ) إذا كان عدد البيانات ( $n$ ) فردّياً فإن الوسيط

$$\text{ترتيبه: } \frac{n+1}{2}$$

(ب) إذا كان ( $n$ ) زوجياً فإن الوسيط هو الوسط الحسابي للقراءتين التي ترتبيهما:

$$\frac{n}{2}, \frac{n}{2}$$

**العنوان:**

هو الأكثر تكراراً أو شيوعاً



نحن قادرّون



## مثال على مقاييس النزعة المركزية

من خلال البيانات المجاورة

٦، ٥، ٤، ٦، ٣، ٩، ٢

أوجدي / المتوسط الحسابي  
الوسط  
العنوان؟

الحل /

(١) نرتّب البيانات إما تصاعدياً أو تنازلياً

(٢) نوجد ترتيب الوسيط

٩، ٦، ٦، ٥، ٤، ٣، ٢

$$\text{الوسط الحسابي} = \frac{\text{مجموع القيمة}}{\text{عددها}} = \frac{35}{7} = 5$$

الوسيط: عدد البيانات فردي  $\frac{1+7}{2}$

$$\frac{8}{4} = \frac{1+7}{2}$$

إذن الوسيط ترتيبه الرابع = 5

العنوان:

العدد الأكبر تكراراً = 6





## مقاييس التشتت

### التشتت

هو مقياس يبعد عن مدى تجانس المجموعة  
ويقصد به التقارب أو التباعد بين العبرات

**أولاً/ المدى =** أكبر قراءة - أصغر قراءة

**ثانياً/ الانحراف الربيعي =**

قيمة الربع الأعلى - قيمة الربع الأدنى

الربع الأعلى  
↓

الوسيط  
↓

الربع الأدنى  
↓

حيث الربع الأدنى هو وسط النصف الأول من البيانات  
والربع الأعلى هو وسط النصف الأعلى من البيانات

**ترتيب الربع الأدنى =**  $\frac{ن}{4}$

**ترتيب الربع الأعلى =**  $\frac{3n}{4}$

**ثالثاً/ المدى الربيعي =**

قيمة الربع الأعلى - قيمة الربع الأدنى





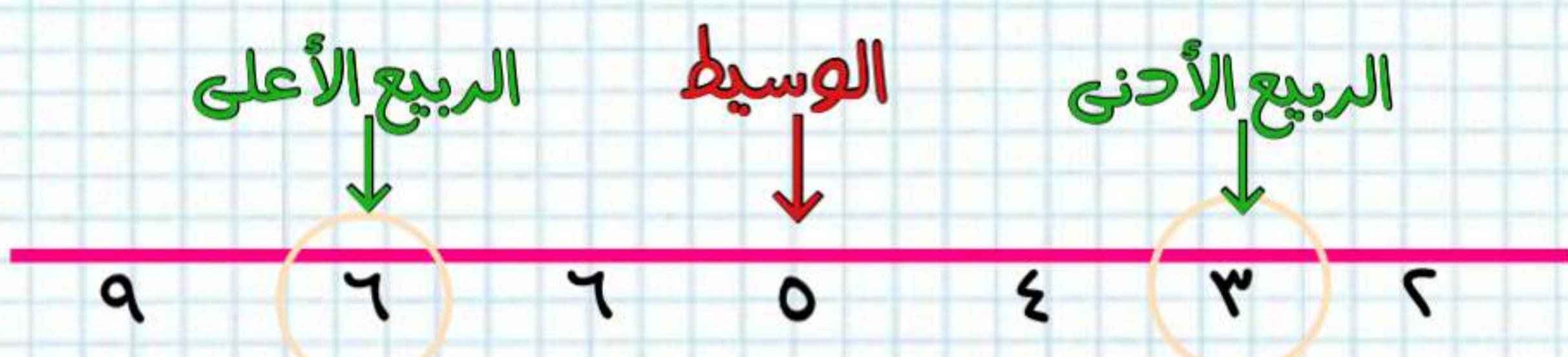
## مثال / على مقاييس التشتت

### من خلال البيانات العجيبة

٩، ٦، ٦، ٥، ٤، ٣، ٢

أوجدي العد  
الانحراف الربيعي  
العد الربيعي؟

الحل /



**أولاً/ العد =** أكبر قراءة - أصغر قراءة

$$\text{أ = ٢ - ٩}$$

**ثانياً/ الانحراف الربيعي =**

قيمة الربيع الأعلى - قيمة الربيع الأدنى

٢

$$1,0 = \frac{3 - 6}{2} =$$

**ثالثاً/ العد الربيعي =**

قيمة الربيع الأعلى - قيمة الربيع الأدنى

$$3 = 3 - 6$$





## أنواع الزوايا

العهارات الأساسية في أنواع الزوايا

التعرف على أنواع الزوايا

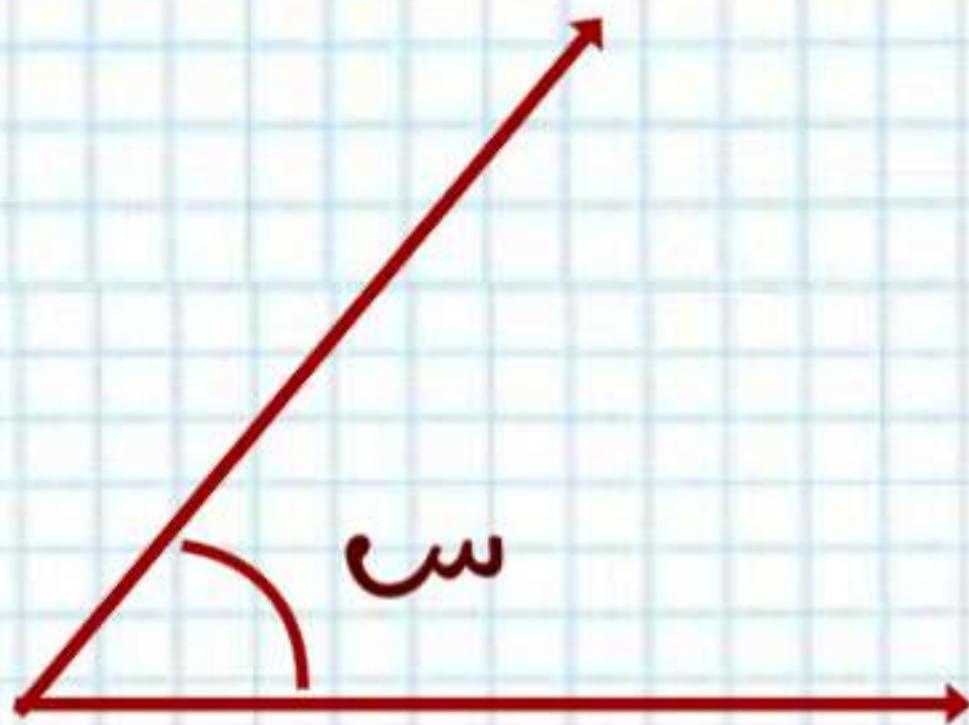




## أنواع الزوايا

أولاً/ زاوية حادة

$$س < ٩٠^\circ$$



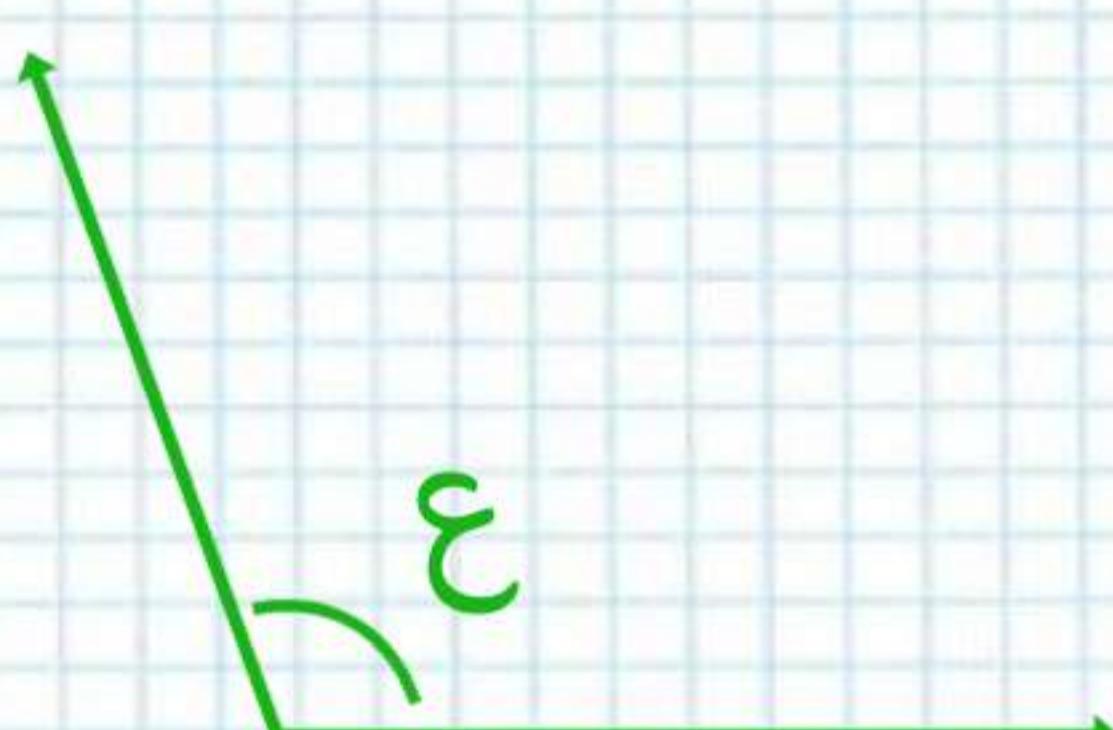
ثانياً/ زاوية قائمة

$$ص = ٩٠^\circ$$



ثالثاً/ زاوية منفرجة

$$ع > ٩٠^\circ$$



رابعاً/ زاوية مستقيمة

$$ي = ١٨٠^\circ$$



نحن  
رأيعون





# قوانين المحيطات والمساحات

## الهــارات الأساسية في المساحات

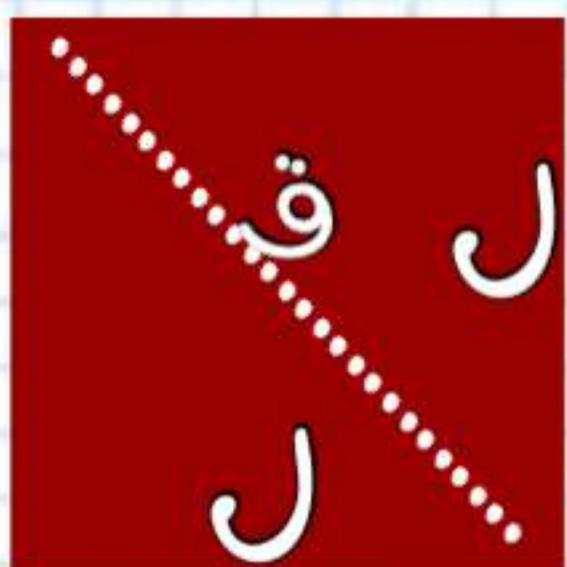
- (١) حساب مساحة ومحيط المربع
- (٢) حساب مساحة ومحيط المستطيل
- (٣) حساب مساحة ومحيط المربعين
- (٤) حساب مساحة ومحيط المثلث
- (٥) حساب مساحة ومحيط متوازي الأضلاع
- (٦) حساب مساحة ومحيط شبه القنطرة
- (٧) حساب مساحة ومحيط الدائرة





## المحيطات و المساحات بعض الاشكال

### الربع



محيط الربع =  $4 \times L$

قطر الربع =  $\sqrt{2} \times L$

مساحة الربع =  $L \times L$

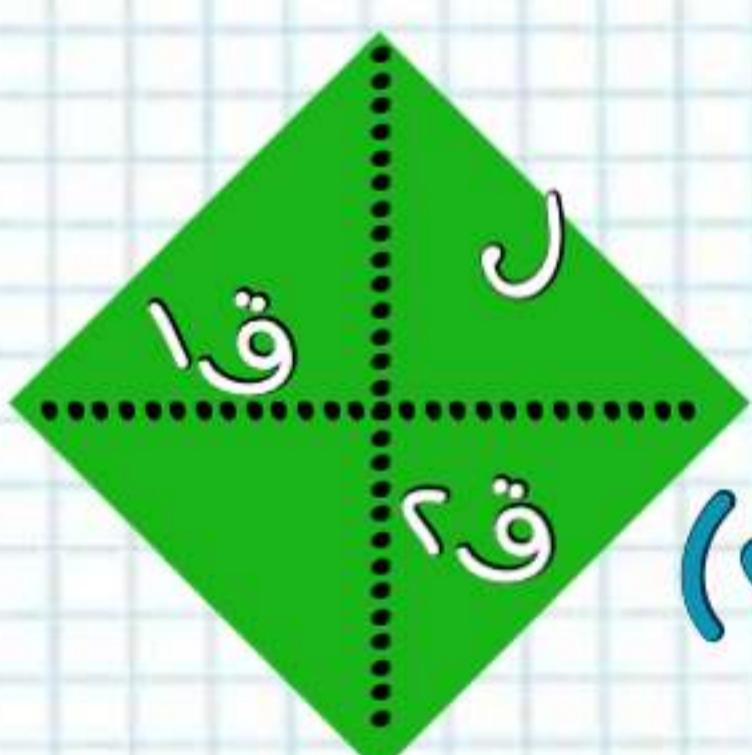


### العستطيل

محيط العستطيل =  $2(L+U)$

قطر العستطيل =  $\sqrt{L+U}$

مساحة العستطيل =  $L \times U$



### المعين

محيط المعين =  $4 \times L$

مساحة المعين =  $\frac{1}{2}(Q_1 \times Q_2)$



### الثالث

محيط الثالث = مجموع أطوال أضلاعه

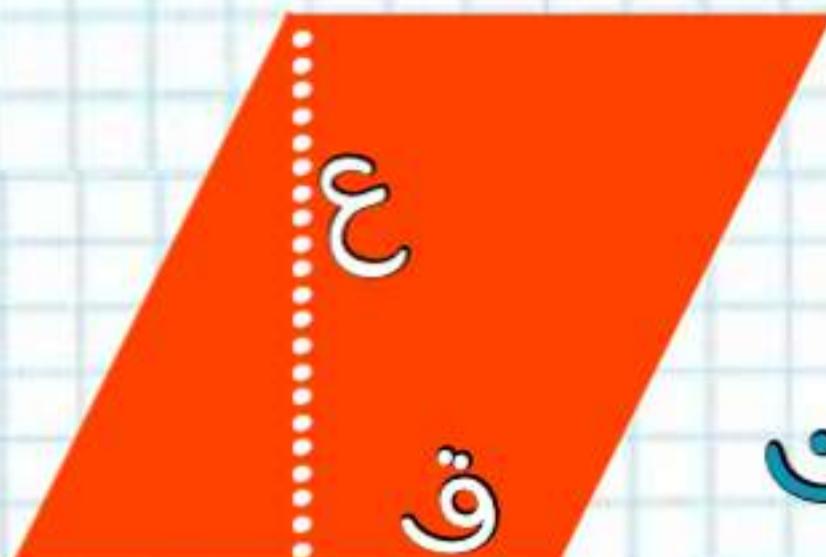
مساحة الثالث =  $\frac{1}{2} Q \times U$





# تابع محيطات ومساحات بعض الاشكال

## متوازي الأضلاع



محيط المتوازي =

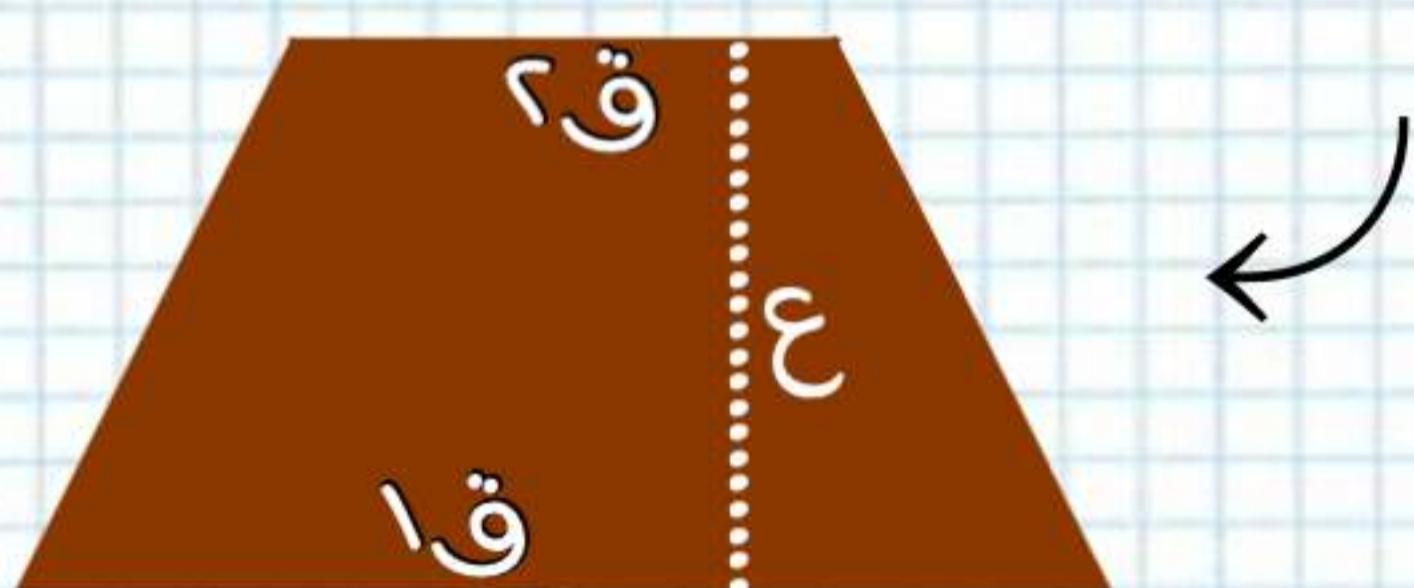
ضعف مجموع ضلعين متجاورين

مساحة المتوازي = ق × ع

## شبه المنحرف

محيط شبه المنحرف = مجموع أطوال أضلاعه

مساحة شبه المنحرف =  $\frac{1}{2} \times (ق + ق') ع$



## الدائرة



محيط الدائرة = ٢ نق ط

مساحة الدائرة = نق<sup>٢</sup> ط



ما أجمل الانجاز!



## الجوجوم

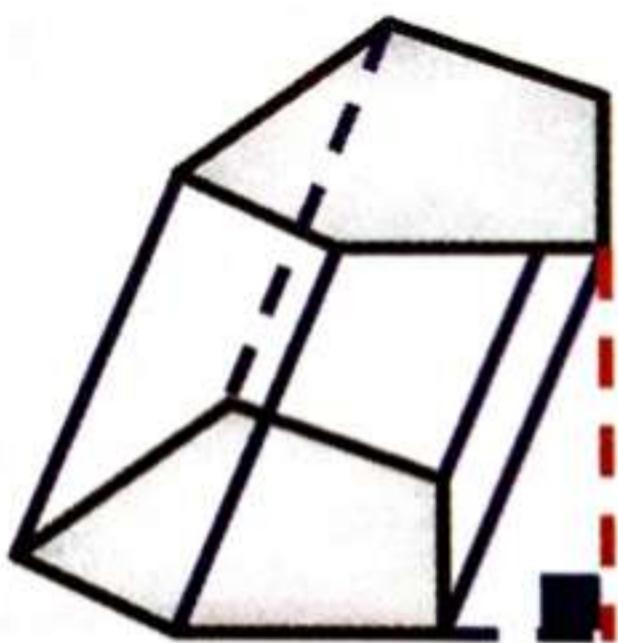
### العهارات الأساسية في الجوجوم

- (١) معرفة حجم العنصر
- (٢) معرفة حجم متوازي المستطيلات
- (٣) معرفة حجم الهرم
- (٤) معرفة حجم الفخروط
- (٥) معرفة حجم الاسطوانة
- (٦) معرفة حجم الكرة



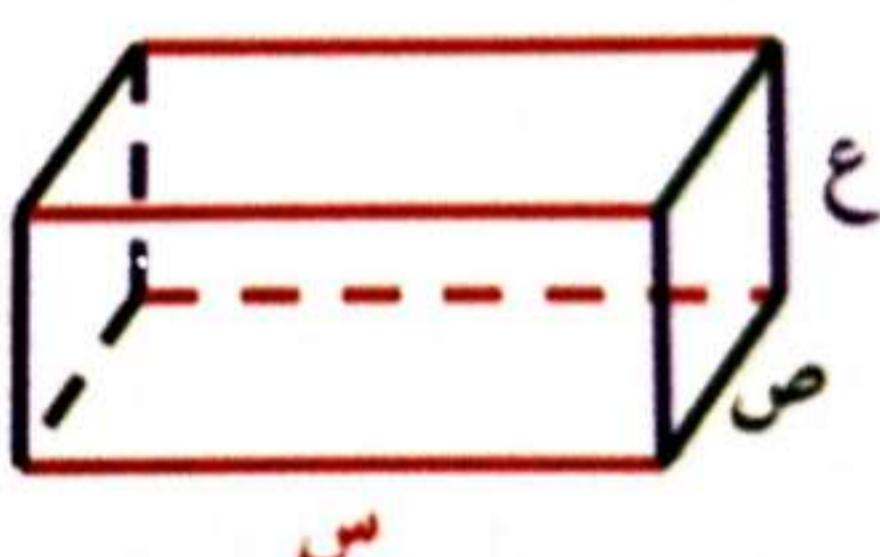


## العنشور



حجم العنشور = مساحة القاعدة × الارتفاع  
 المساحة الجانبية = محيط القاعدة × الارتفاع  
 المساحة الكلية = المساحة الجانبية + مساحة القاعدتين

## متوازي المستويات



حجم متوازي المستويات = الطول × العرض × الارتفاع

المساحة الجانبية =  $4u(s + m)$

المساحة الكلية =

المساحة الجانبية + مساحة القاعدتين





## الهرم

حجم الهرم =

$$\frac{1}{3} \times \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

المساحة الجانبية =

$$\frac{1}{2} \times \text{محيط القاعدة} \times \text{الارتفاع الجانبي}$$

المساحة الكلية =

$$\text{المساحة الجانبية} + \text{مساحة القاعدة}$$

## الاسطوانة

حجم الاسطوانة =

٤ ط نقع

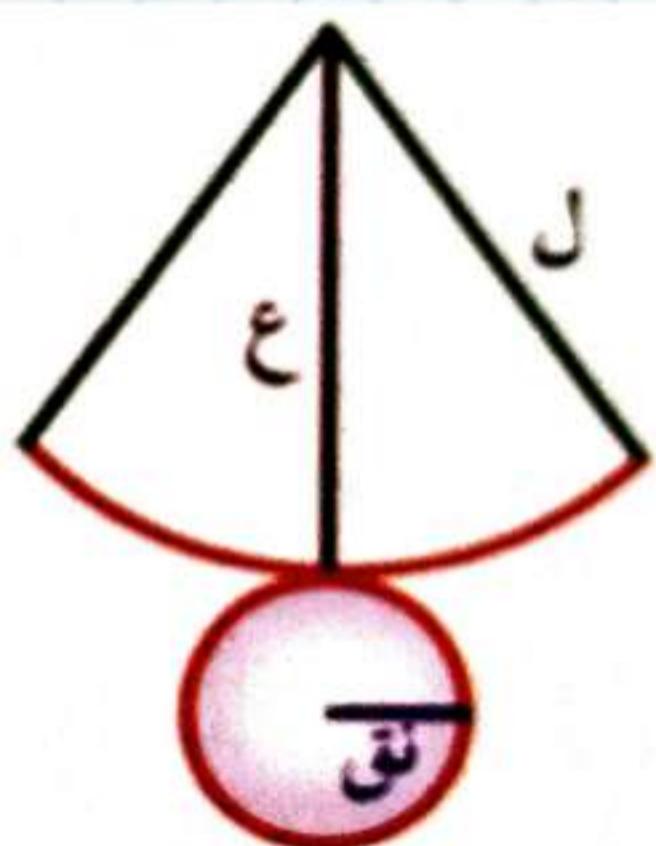
المساحة الجانبية =

٤ ط نقع

المساحة الكلية =

$$٤ ط نقع + ٤ ط نقع$$





## المخروط

حجم المخروط =

$$\frac{١}{٣} \pi r^2 h$$

المساحة الجانبية =

$$\frac{١}{٢} \times \text{محيط القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

المساحة الكلية =

$$= \text{المساحة الجانبية} + \text{مساحة القاعدة}$$

$$= \pi r l + \pi r^2$$

$$= \pi r (l + r)$$

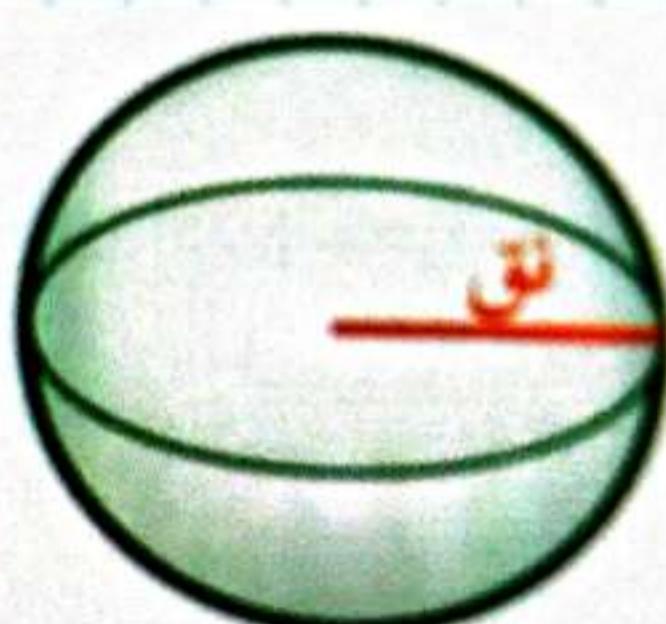
## الكرة

حجم الكرة =

$$\frac{٤}{٣} \pi r^3$$

مساحة سطح الكرة =

$$4 \pi r^2$$





## الفهرس

- (١) كثيارات الحدود
- (٢) المترابعات
- (٣) الععادلات
- (٤) النسبة المئوية و التنااسب
- (٥) الاحصاء
- (٦) أنواع الزوايا
- (٧) قوانين العجیطات و المساحات
- (٨) الحجوم





تم بحمد الله وتوفيقه

## المراجعة

رياضيات المرحلة المتوسطة  
وزارة التعليم  
مجموعة العبيكان للاستثمار  
المملكة العربية السعودية  
الرياضيات بين يديك  
للأستاذ / حسين حسن النوري



المعلمة /  
سعام السليمي



## خاتمة

وأخيراً وليس آخرأ  
في نهاية هذا الكتاب  
أتمنى أن تكون قد وفقت  
باختيار ما هو مناسب من العواضيغ  
ببركة الله سبحانه وتعالى وكرمه  
فإن أصبت فتن الله،  
 وإن أخطأت من الشيطان  
وفقنا الله جميعاً لغا فيه خير



المعلمة /  
سعاد السلفي

أَخْيَرًا

إِذَا بَلَغْتَ الْقُمَّةَ ..  
فَوْجِّهْ نَظَرَكَ إِلَى السَّفَحِ  
لَتَرِي مَنْ عَاوَنَكَ فِي الصَّعْدَةِ إِلَيْهَا  
وَانْظُرْ إِلَى السَّعَادِ  
لِيَثْبِتَ اللَّهُ أَقْدَامَكَ عَلَيْهَا..

حَقِيقَةً أَعْجَبَتِنِي  
سُهَّاءُ السُّلْطَانِي



كَنْ جَعِيلًا لِيَقْنِي الْأَثَرِ