

التهيئة للفصل
الرابع

النهايات والاشتقاق



لماذا؟

الأفعوانية: يُعد الاشتتقاق وسيلة فاعلة ومهمة عند دراسة مُعدلات التغيير غير الثابتة ، فإذا ركبت الأفعوانية يوماً ، فإن سرعتك وتسارعك يتغيران باستمرار مع الزمن بالاعتماد على موقعك، وستدرس في هذا الفصل مسائل تحتوي مواقف مشابهة.



والآن؟

- أحسب نهايات دوال كثيرات الحدود والدوال النسبية.
- أجذ مُعدلات التغير اللحظية.
- أجذ مشتقات دوال كثيرات الحدود، وأحسب قيمها.
- أجذ المساحة تحت منحنى دالة باستعمال التكامل المحدد.
- أجذ الدالة الأصلية، وأستعمل النظرية الأساسية في التفاضل والتكامل في إيجاد التكامل المحدد.



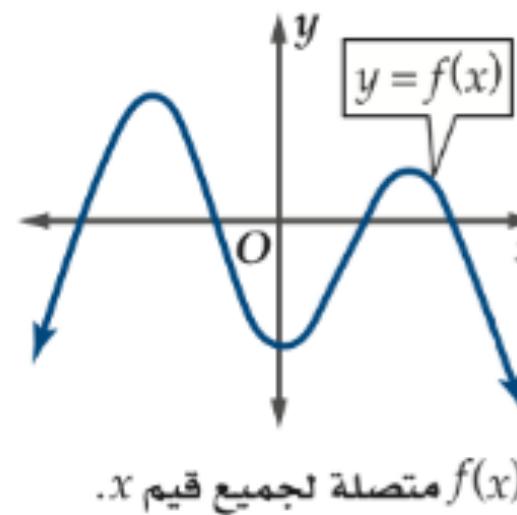
فيما سبق:

درست النهايات ومعدلات التغيير.

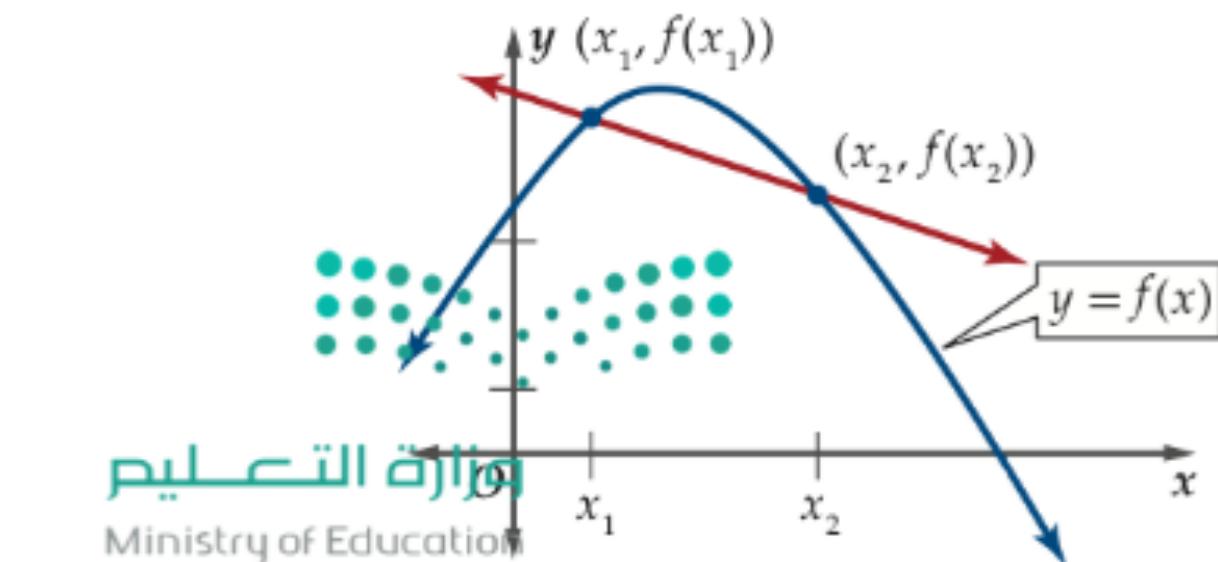


مراجعة المفردات

الدالة المتصلة (continuous function) تكون الدالة متصلة إذا لم يكن في تمثيلها البياني أي انقطاع أو فجوة.



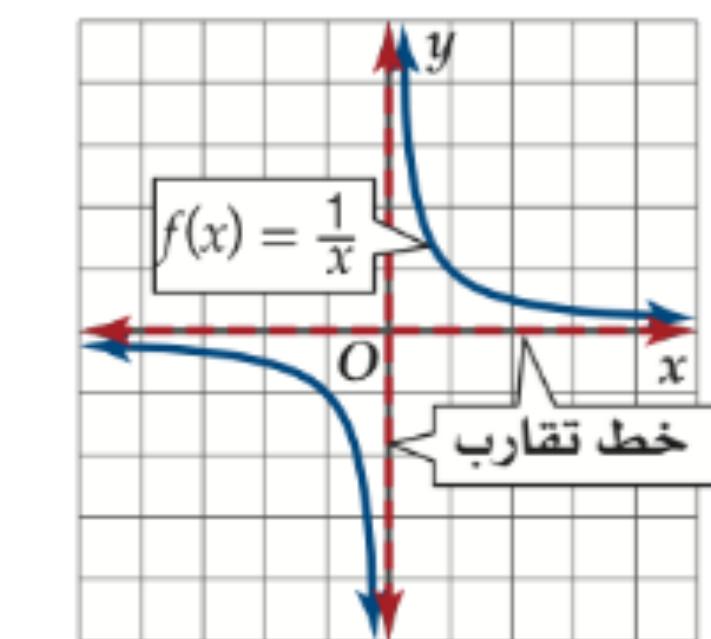
متوسط معدل التغير (average rate of change) هو ميل المستقيم المار بـ**نقطتين** على منحنى الدالة $f(x)$.



(limit) النهاية

الاقتراب من قيمة دون الوصول إليها بالضرورة.

خطوط التقارب (asymptotes) خط يقترب من منحنى الدالة دون أن يصله.

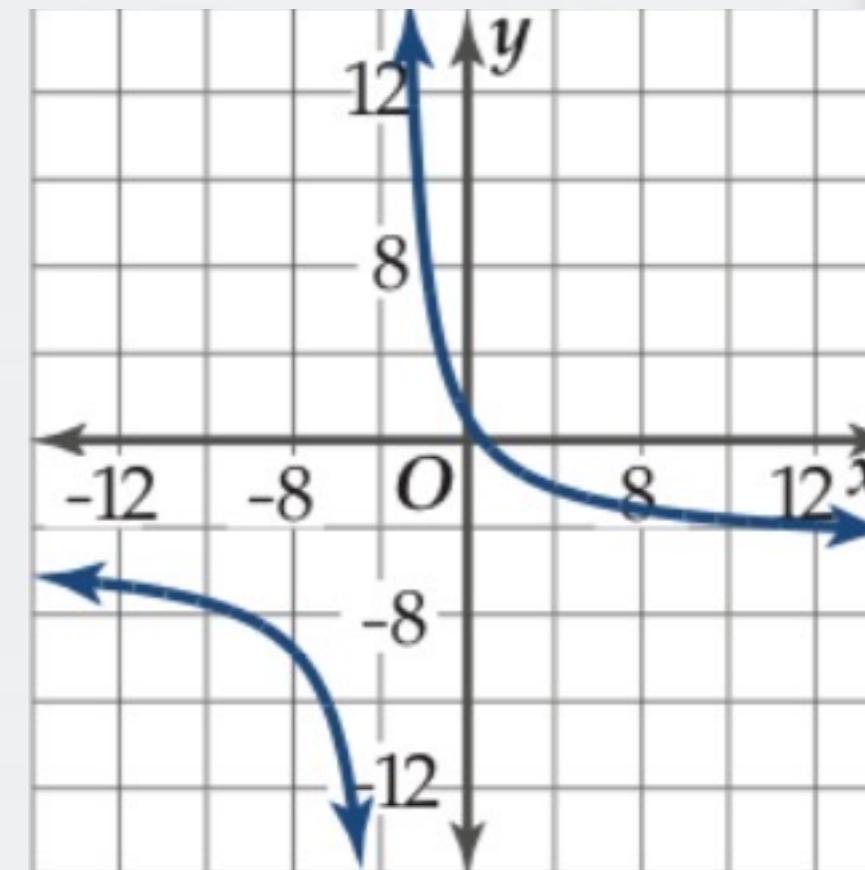


عدم الاتصال القابل للإزالة (removable discontinuity) نقاط عدم اتصال قابلة للإزالة تحدث غالباً عندما يكون بين بسط ومقام الدالة النسبة عوامل مشتركة.

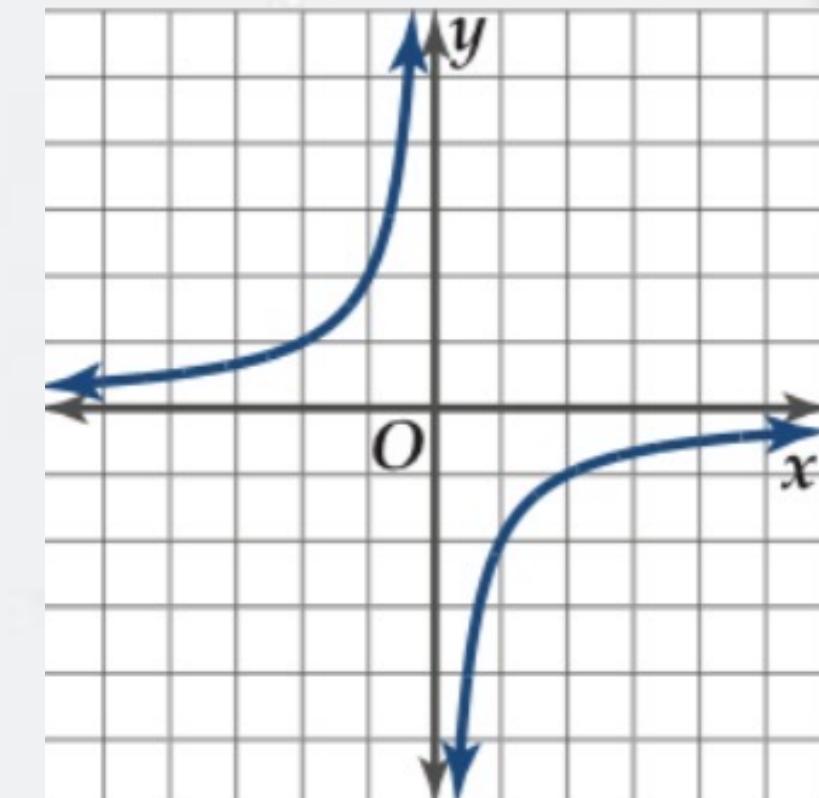
اختبار سريع

استعمل التمثيل البياني لوصف سلوك طرفي التمثيل البياني لكل دالة

مما يأتي:



$$m(x) = \frac{7 - 10x}{2x + 7} \quad (2)$$



$$q(x) = -\frac{2}{x} \quad (1)$$

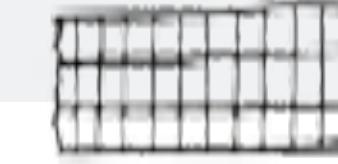
(4) أوجـد مـتوـسـط مـعـدـل تـغـيـر الدـالـة $f(x) = -2x^3 - 5x^2 + 6$ عـلـى الـفـرـة $[-4, -1]$



أوجد معادلات خطوط التقارب الرأسية والأفقية (إن وجدت) لكل دالة
مما يأتي:

$$h(x) = \frac{2x^2 - 8}{x - 10} \quad (\text{C})$$

$$f(x) = \frac{4x^2}{2x^2 + 1} \quad (5)$$



أوجد الحدود الأربعية التالية في كل متتابعة مما يأتي:

$5, -1, -7, -13, \dots$ (10)

$8, 3, -2, -7, \dots$ (9)

الواجب المنزلي :