

4 - 6 عناصر المثلثات المتشابهة

قطع مستقيمة خاصة بالمثلثين المتشابهين:

إذا تشابه مثلثان، فإن الارتفاعات ومنصفات الزوايا والقطع المتوسطة المتناظرة فيها تكون متناسبة مع الأضلاع المتناظرة.

|  |                                                                                                                                                                  |                                                                                                                               |
|--|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|  | <p>إذا كان: <math>\overline{FJ}, \overline{AD}, \triangle ABC \sim \triangle FGH</math><br/>ارتفاعين فإن <math>\frac{AD}{FJ} = \frac{AB}{FG}</math>.</p>         | <p>إذا تشابه مثلثان، فإن النسبة بين طولي كل ارتفاعين متناظرين تساوي النسبة بين طولي كل ضلعين متناظرين.</p>                    |
|  | <p>إذا كان: <math>\overline{LP}, \overline{RT}, \triangle KLM \sim \triangle QRS</math><br/>قطعتين منصفتين، فإن <math>\frac{LP}{RT} = \frac{LM}{RS}</math>.</p>  | <p>إذا تشابه مثلثان، فإن النسبة بين طولي القطعتين المنصفتين لكل زاويتين متناظرين تساوي النسبة بين طولي كل ضلعين متناظرين.</p> |
|  | <p>إذا كان: <math>\overline{CD}, \overline{YZ}, \triangle ABC \sim \triangle WXY</math><br/>قطعتين متوسطتين، فإن <math>\frac{CD}{YZ} = \frac{AB}{WX}</math>.</p> | <p>إذا تشابه مثلثان، فإن النسبة بين طولي كل قطعتين متوسطتين متناظرين تساوي النسبة بين طولي كل ضلعين متناظرين.</p>             |

نظرية منتصف زاوية في مثلث:

تعلمت أن منتصف زاوية هو نصف مستقيم يقسمها إلى زاويتين متجاورتين متطابقتين، وإضافة لذلك يقسم منتصف الزاوية في مثلث الضلع المقابل وفق تناسب مع الضلعين الآخرين.

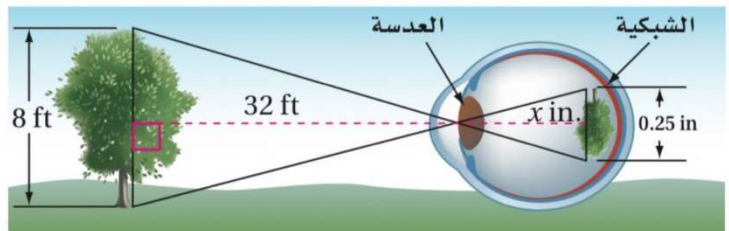
|  |                                                                                                                                                                                                                                                                      |                                                                                                                              |
|--|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|  | <p>إذا كانت <math>\overline{JM}</math> منتصف زاوية في المثلث <math>\triangle JKL</math><br/> <math>\rightarrow</math> القطعتان المشتركتان في الرأس K <math>\frac{KM}{LM} = \frac{KJ}{LJ}</math> فإن<br/> <math>\rightarrow</math> القطعتان المشتركتان في الرأس L</p> | <p>منتصف زاوية في مثلث يقسم الضلع المقابل إلى قطعتين مستقيمتين، النسبة بين طوليها تساوي النسبة بين طولي الضلعين الآخرين.</p> |
|--|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

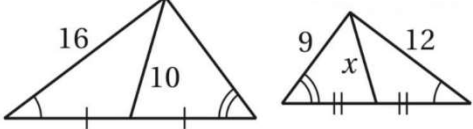
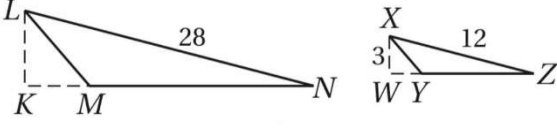
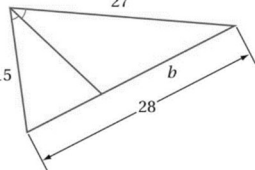
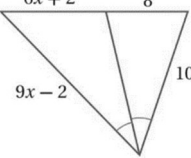
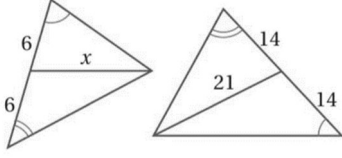


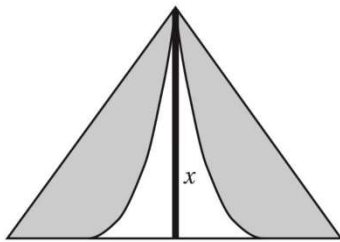
أوجد قيمت x و y في المثلثين المتشابهين في كل مما يأتي

|  |  |  |
|--|--|--|
|  |  |  |
|  |  |  |

عين الانسان : تستعمل عين الانسان المثلثات المتشابهة لقلب الشيء و تصغيره , عندما يمر خلال العدسة الى الشبكية , فما المسافة بين عدسة العين و الشبكية ؟



|                                                                                     |                                                                                                                                                    |  |
|-------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--|
|    | <p>1 ( أوجد قيمت <math>x</math> في الشكل المجاور</p>                                                                                               |  |
|    | <p>2 ( إذا كان <math>\triangle LMN \sim \triangle XYZ</math> وكان <math>\overline{KL}, \overline{WX}</math> ارتفاعين هما <math>KL</math> فاوجد</p> |  |
|    | <p>3 ( أوجد قيمت <math>b</math> في الشكل المجاور</p>                                                                                               |  |
|   | <p>4 ( أوجد قيمت <math>x</math> في الشكل المجاور</p>                                                                                               |  |
|  | <p>5 ( أوجد قيمت <math>x</math> في الشكل المجاور</p>                                                                                               |  |



خيام: خرج علي وأصحابه في رحلة صيد، وأقاموا في خيمة واجهتها الأمامية على هيئة مثلث كما في الشكل أدناه، ثم قاموا بتصوير الواجهة، فكان طول قاعدة الواجهة الأمامية 6 in وارتفاعها 5 in، إذا كان الطول الحقيقي لقاعدة الواجهة الأمامية للخيمة 12 ft، فما ارتفاعها الحقيقي؟