

7-3 الدوران

رسم الأشكال الناتجة عن الدوران:

الدوران تحويل هندسيّ تدور به كلّ نقطة من نقاط الشكل بزاوية معينة x° ، وفي اتجاه معيّن حول نقطة ثابتة تُسمّى مركز الدوران، وتنتقل النقطة A بالدوران إلى A' بحيث:

- إذا كانت A هي مركز الدوران، فإن صورتها تكون النقطة نفسها.
- إذا كانت النقطة A غير مركز الدوران، فإن النقطة A وصورتها A' تبعدان المسافة نفسها عن مركز الدوران، والزاوية المتشكلة من A و A' ومركز الدوران تسمى زاوية الدوران، وقياسها يساوي x° .

رسم الصورة الناتجة عن الدوران في المستوى الإحداثي:

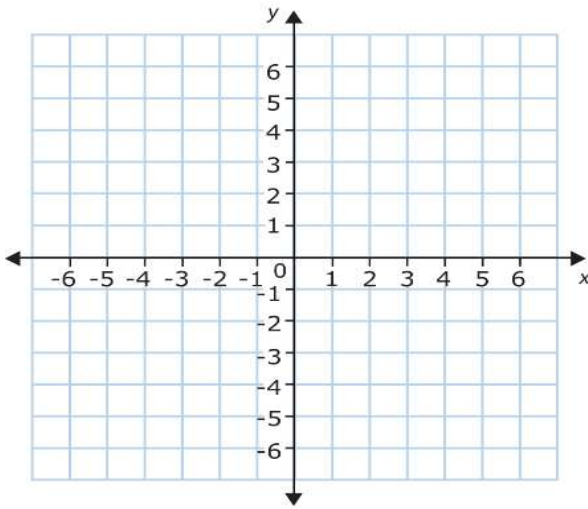
يمكنك استعمال القواعد الآتية؛ لتحديد صورة نقطة عندما يتم تدويرها بزاوية 90° أو 180° أو 270° عكس اتجاه حركة عقارب الساعة حول نقطة الأصل.

زاوية الدوران	الإجراءات	الرموز
90°	اضرب الإحداثي y في (-1) ، ثم بدّل موقعي الإحداثيين x, y	$(x, y) \rightarrow (-y, x)$
180°	اضرب كلّاً من الإحداثيين x, y في (-1)	$(x, y) \rightarrow (-x, -y)$
270°	اضرب الإحداثي x في (-1) ، ثم بدّل موقعي الإحداثيين x, y	$(x, y) \rightarrow (y, -x)$

مثل بيانها الشكل و صورته الناتجة عن الدوران حول نقطة الأصل بالزاوية المحددة في كلا مما يلي :

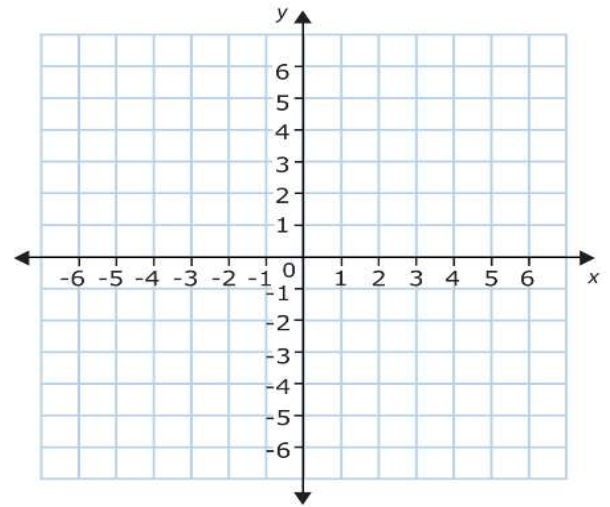
$\triangle ABC$ الذي إحداثيات رؤوسه

$A(-3, 5), B(0, 2), C(-5, -1)$ زاوية الدوران 180°



$\triangle LMN$ الذي إحداثيات رؤوسه

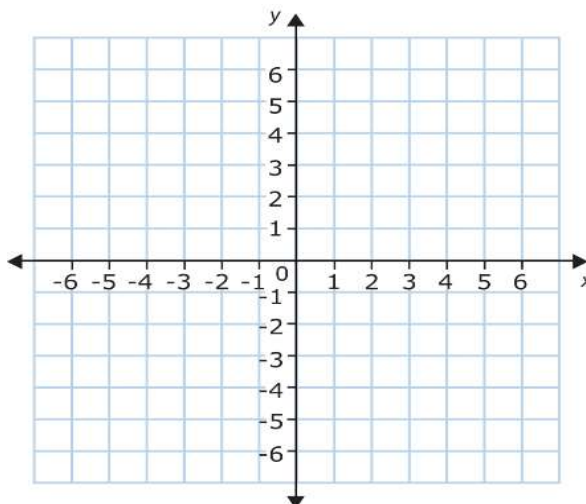
$L(-1, -1), M(0, -4), N(-6, -2)$ زاوية الدوران 90°



الرباعي $WXYZ$ الذي إحداثيات رؤوسه

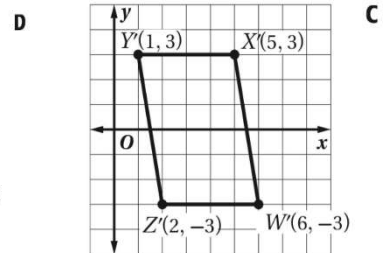
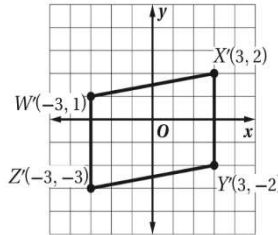
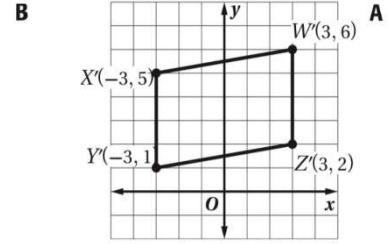
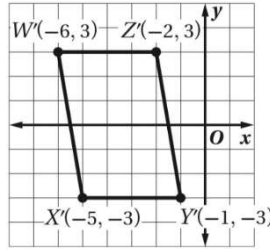
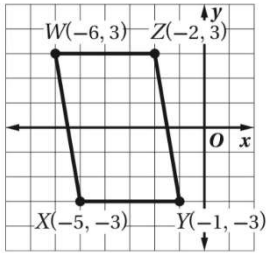
$W(-2, 4), X(3, 6), Y(5, 2), Z(0, 0)$

زاوية الدوران 270°

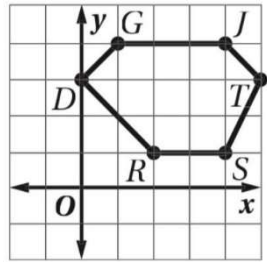


اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

تم تدوير متوازي الاضلاع $WXYZ$ في الشكل المجاور بزاوية 180° عكس اتجاه حركة عقارب الساعة حول نقطة الأصل أي الاشكال الاتية يمثل صورة متوازي الاضلاع الناتجة عن الدوران



1



يبين الشكل الاتي السداسي $DGJTSR$. ما صورة النقطة T و الناتجة عن دوران بزاوية 90° عكس اتجاه عقارب الساعة حول نقطة الأصل

- (A) $(5, -3)$ (B) $(-5, -3)$
(C) $(-3, 5)$ (D) $(3, -5)$

2

صورة النقطة $Q(5, -3)$ الناتجة عن دوران حول نقطة الأصل بزاوية 270°

- (A) $Q(-3, 5)$ (B) $Q(3, -5)$ (C) $Q(-3, -5)$ (D) $Q(3, 5)$

3

احداثيات رؤوس متوازي الاضلاع $JKLM$ هي :

$J(2, 1), K(7, 1), L(6, -3), M(1, -3)$ فما احداثيات النقطة K الناتجة عن تدوير متوازي الاضلاع بزاوية 270° حول نقطة الأصل ؟

- (A) $K(-7, 1)$ (B) $Q(7, -1)$ (C) $Q(1, -7)$ (D) $Q(1, 7)$

4

صورة النقطة $Y(-8, 6)$ بالدوران حول نقطة الأصل عكس اتجاه حركة عقارب الساعة هي $\hat{Y}(8, -6)$ ، ما زاوية هذا الدوران ؟

- (A) 90° (B) 180° (C) 270° (D) 360°

5

التحويل الهندسي الذي يُدور كل نقطة من الشكل الأصلي بزاوية محددة و اتجاه معين حول نقطة ثابتة ؟

- (A) انعكاس (B) إزاحة (C) دوران (D) تمدد

6

اوجد صورة $\overline{XY}$ التي طرفاها $X(-5, 6), Y(0, 4)$ بالدوران حول نقطة الأصل بزاوية 270°

- (A) $\hat{X}(6, 0), \hat{Y}(4, 5)$ (B) $\hat{X}(6, 5), \hat{Y}(4, 0)$ (C) $\hat{X}(2, 3), \hat{Y}(-4, 1)$ (D) $\hat{X}(2, 0), \hat{Y}(-4, 6)$

7