

ماذا سأتعلم؟

- ✓ أجد النسب المثلثية للزوايا
- ✓ أستعمل النسب المثلثية لحل امثلث



تذكر:



استعمال نظرية
فيثاغورس

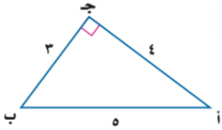
٩_٧ النسب المثلثية

حساب المثلثات : هو دراسة العلاقة بين زوايا المثلث وأضلاعه

النسب المثلثية : هي النسب التي تقارن بين طول ضلعين من أضلاع المثلث القائم الزاوية

مثال

أوجد النسب المثلثية للزاوية أ في المثلث الآتي



$$\text{الحل : جا أ} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{3}{5}$$

$$\text{ظا أ} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{3}{4}$$

$$\text{جتا أ} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{4}{5}$$

النسب المثلثية الأكثر شيوعاً



جيب الزاوية أ = $\frac{\text{الضلع المقابل للزاوية أ}}{\text{الوتر}}$

جيب تمام الزاوية أ = $\frac{\text{الضلع المجاور للزاوية أ}}{\text{الوتر}}$

ظل الزاوية أ = $\frac{\text{الضلع المقابل للزاوية أ}}{\text{الضلع المجاور للزاوية أ}}$

معكوس النسب المثلثية

إذا كانت $\text{أ} > \text{زاوية حادة}$

وكان $\text{جا أ} = \text{سن فإن جا}^{-1} = \text{ق} > \text{أ}$

أو كان $\text{جتا أ} = \text{سن فإن جتا}^{-1} = \text{ق} > \text{أ}$

أو كان $\text{ظا أ} = \text{سن فإن ظا}^{-1} = \text{ق} > \text{أ}$

مثال: أوجد $\text{ق} > \text{ص}$ إلى أقرب درجة

نعلم طول الضلع المجاور للزاوية ص
وطول الوتر إذن استعمل جيب تمام

$$\text{جتا ص} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{8}{19}$$

$$\text{جتا}^{-1} = \frac{8}{19} = \text{ق} > \text{ص}$$

باستعمال الحاسبة ودالة جتا (COS^{-1})

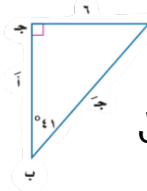
$$\text{ق} > \text{ص} = 60^\circ$$

أستعمال النسب المثلثية

حل المثلث: يعني إيجاد القياسات المجهولة لإضلاع وزوايا

المثلث القائم الزاوية

مثال: حل المثلث القائم الزاوية مقرباً طول الضلع إلى أقرب جزء من عشرة



أولاً: أجد قياس $\text{أ} > \text{أ} = 180^\circ - (90^\circ + 41^\circ) = 49^\circ$

قياس $\text{أ} > 49^\circ$

ثانياً: أجد أ. باستعمال نسبة الظل لأن الضلع المقابل للزاوية ب معطى ونريد إيجاد المجاور للزاوية ب

$$\text{ظا أ} = \frac{6}{8} = \text{أ} = 7,9$$

$$\text{ظا أ} = 7,9 = \frac{6}{\text{أ}} \Rightarrow \text{أ} = \frac{6}{7,9} = 7,6$$

ثالثاً: أجد ج. باستعمال نسبة الجيب لأن قياس الضلع

المقابل للزاوية معطى ونريد إيجاد قياس الوتر

$$\text{جا أ} = \frac{6}{10} = \text{ج} \Rightarrow \text{ج} = \frac{6}{\text{جا أ}} = \frac{6}{0,6} = 10$$

$$\text{ج} = \frac{6}{0,6} = 10 \approx 9,1$$