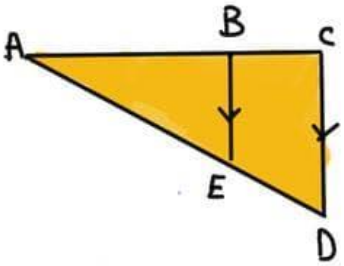
المستقيمات المتوازية و الأجزاء المتناسبة

نظرية التناسب

إذا وازى مستقيما ضلعا من اضلاع المثلث و قطع ضلعيه الآخرين فإنه يقسمهما إلى اجزاء متناسبة أي أن :

$$\frac{AB}{BC} = \frac{AE}{ED}$$

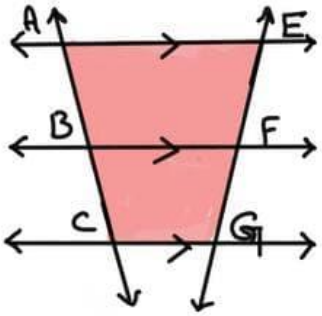
أو $\frac{AB}{AE} = \frac{BC}{ED}$



إذا قطع قاطعان ثلاثة مستقيمات متوازية أو اكثر فإن أطوال أجزاء القاطعين تكون متناسبة أي أن :

$$\frac{AB}{BC} = \frac{EF}{FG} \quad \text{او} \quad \frac{AB}{EF} = \frac{BC}{FG}$$

(لابد أن تكون المستقيمات متوازية)

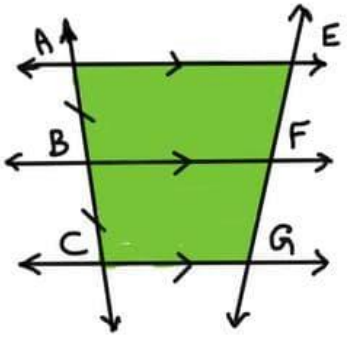


إذا قطع قاطع ثلاثة مستقيمات متوازية أو أكثر وكانت أجزاؤه متطابقة فإن أجزاء اي قاطع آخر لها تكون متطابقة :

$AB = BC$

وهالتالي $EF = FG$

لابد أن تكون المستقيمات متوازية



* عكس نظرية التناسب :

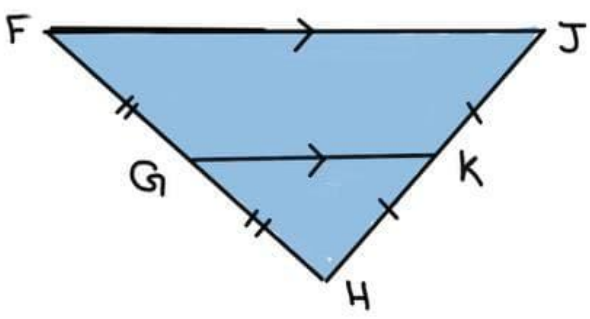
إذا قطع مستقيم ضلعين في مثلث وقسمهما إلى قطع مستقيمة متناظرة أطوالها متناسبة فإن المستقيم يوازي الضلع الثالث من المثلث .

القطعة المنصفة في المثلث

قطعة مستقيمة تصل بين منتصفي ضلعين في مثلث

$FG = GH$

$JK = KH$



توازي أحد اضلاع المثلث وطولها يساوي نصف ذلك الضلع

$|GK| = \frac{1}{2} FJ$