

نسخة إلكترونية تفاعلية مجانية



سلسلة رفعة الرياضيات

عروض بصرية

ثالث متوسط

تأليف: أ/جواهر عايش الحارثي

ردمك

الأستاذة/ جواهر عايض الحارثي
نفيدكم علماً بأنه قد تم تسجيل عملكم
المرسوم بـ:
سلسلة رفعة عروض بصرية ثالث متوسط
تحت رقم إيداع ١٤٤٣/٤٠٤٢
تاريخ ١٤٤٣/٤/٢٣ هـ
ورقم ردكم ٩٧٨-٦٠٣-٠٣-٩٦٨٦-٣

إهداء

أهدي كتابي هذا لمن كانوا
وما زالوا سند لي.. إلى أبي
وأمي وأخوتي أطل الله في
أعمارهم..

شكر وتقدير

أتقدم بالشكر الجزيل لمجموعة رفعة الرياضيات التي
تضم نخبة من المعلمين والمعلمات المبدعين
والمبدعات شكراً لكم، ولي الفخر بأن أكون أحد
أعضاء هذه المجموعة المبدعة



لأضافه جميع حسابات وقنوات رفعة الرياضيات

الحمد لله والصلاة والسلام على نبينا محمد وعلى آله وصحبه أجمعين
أما بعد

نبذة تعريفية لمجموعة رفعة

هي مجموعة تدار من قبل معلمي ومعلمات الرياضيات من جميع أنحاء المملكة، وهي قائمة على التطوير المهني لجميع المعلمين والمعلمات، وابتكار الأفكار الإبداعية للتعليم العام، والإنتاج الموثق لكل ما يخص الرياضيات والتعليم العام.

وبهدف التسهيل والتيسير لمادة الرياضيات، نقدم لكم سلسلة العروض المرئية

"للفصل الثالث متوسط الفصل الدراسي الأول"

ونرجو من الله أن تجدوا فيها الفائدة

٢

حل المعادلات ذات
الخطوة الواحدة

١

المعادلات

٤

حل المعادلات التي تحتوي
متغيراً في طرفيها

٣

حل المعادلات المتعددة
الخطوات

الدوال

٦

العلاقات

٥

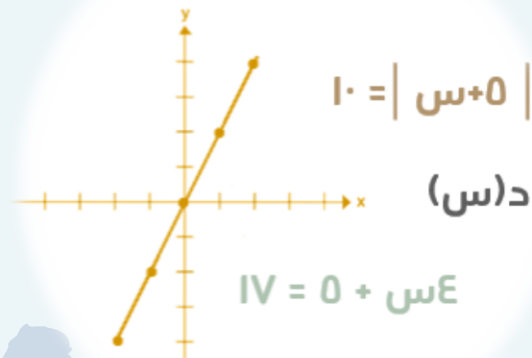
تمثيل المعادلات المكتوبة
بصيغة الميل ومقطع بيانياً

٨

المتتابعات الحسابية كدوال
خطية

٧

المعادلات



المعادلات



امسح الباركود

انقر هنا



المعادلات

ما الفرق بين

$١٣ = ٧ + ٣$

↓

الجملة الرياضية التي تحتوي على
إشارة المساواة (=) تسمى

معادلة

$٧ + ٣$

↓

الجملة الرياضية التي تحتوي على
عبارات رياضية ورموز تسمى

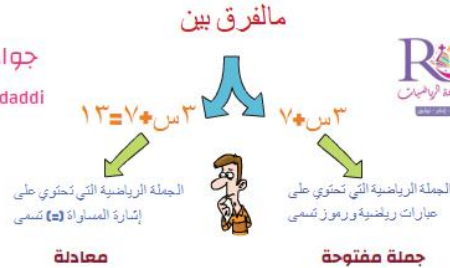
جملة مفتوحة

$١٣ = ٧ + ٣$ $٧ + ٣$

المعادلات

المعادلات

جواهر الحارثي
@jewelsAlshdaddi



بعض المعادلات لها حل وحيد وبعضها لا حل لها

وبعض المعادلات تحتوي على متغيرين

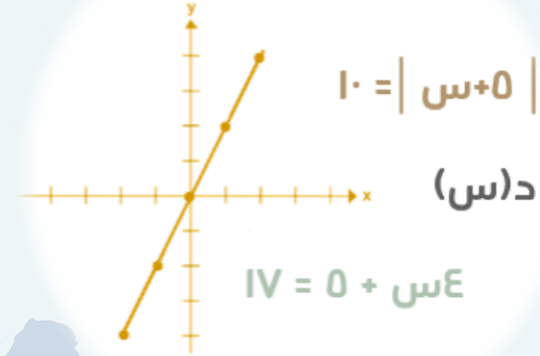
كما تسمى المعادلة التي تكون صحيحة لجميع قيم المتغير فيها متطابقة ويكون حلها مجموعة الأعداد الحقيقية

بعض المعادلات لها حل وحيد وبعضها لا حل لها

وبعض المعادلات تحتوي على متغيرين

كما تسمى المعادلة التي تكون صحيحة لجميع قيم المتغير فيها متطابقة ويكون حلها مجموعة الأعداد الحقيقية

حل المعادلات ذات الخطوة الواحدة



حل المعادلات ذات الخطوة الواحدة

حل المعادلات ذات الخطوة الواحدة

حل المعادلات باستعمال

الجمع الطرح الضرب القسمة



امسح الباركود

حل المعادلات ذات الخطوة الواحدة (الجمع)

انقر هنا



حل المعادلات ذات الخطوة الواحدة

الجمع

حل المعادلة :

المعادلة الاصلية

أضف ٢٢ للطرفين

بسط

$$\begin{aligned} 54 &= 22 - \cancel{22} \\ 22 + \cancel{22} &+ \cancel{22} \\ 76 &= \end{aligned}$$

عند جمع العدد مع نظيره الجمعي نحصل على صفر

وللتحقق من أن ٧٦ هي الحل عوض ٧٦ بدلا من ج في المعادلة الاصلية

التأكد من صحة الحل

$$54 = 22 - \cancel{22}$$

$$54 = 22 - 76$$

$$54 = 54$$

عودة



امسح الباركود

حل المعادلات ذات الخطوة الواحدة (الطرح)

انقر هنا



حل المعادلات ذات الخطوة الواحدة

الطرح

مثال

حل المعادلة :

المعادلة الاصلية $79 = م + 63$ ← عند جمع العدد مع نظيره الجمعي نحصل على صفر

أضف -63 للطرفين $79 - 63 = م + 63 - 63$ ←

بسط $16 = م$ ←

وللتحقق من أن 16 هي الحل عوض 16 بدلا من م في المعادلة الاصلية

التأكد من صحة الحل

$$79 = م + 63$$

$$79 = 16 + 63$$

✓

$$79 = 79$$



امسح الباركود

حل المعادلات ذات الخطوة الواحدة (الضرب)

انقر هنا



حل المعادلات ذات الخطوة الواحدة

الضرب

حل المعادلة :

مثال

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{3}m \quad \leftarrow \text{المعادلة الاصلية}$$

$$\frac{3}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{2}{3} \times \frac{2}{3}m \quad \leftarrow \text{أضرب كلا الطرفين في } \frac{3}{2}$$

عند ضرب العدد في نظيره الضربي نحصل على واحد

$$\frac{3}{2} = m \quad \leftarrow \text{بسط}$$

وللتحقق من أن $\frac{3}{2}$ هي الحل عوض $\frac{3}{2}$ بدلا من m في المعادلة الاصلية

التأكد من صحة الحل

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{3} \times \frac{3}{2}$$



$$\frac{1}{2} = \frac{2}{3} \times \frac{3}{2}$$



امسح الباركود

حل المعادلات ذات الخطوة الواحدة (القسمة)

انقر هنا



حل المعادلات ذات الخطوة الواحدة

القسم

حل المعادلة :

مثال

المعادلة الاصلية

أضرب كلا الطرفين في ٣٦

بسط

$$\frac{4}{9} = \frac{1}{36}$$

$$36 \times \frac{4}{9} = \frac{1}{36} \times 36$$

$$16 = 1$$

عند ضرب العدد في نظيره الضربي نحصل على واحد

وللتحقق من أن ١٦ هي الحل عوض ١٦ بدلا من ١ في المعادلة الاصلية

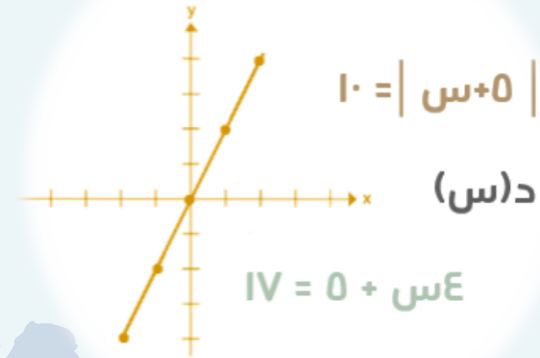
التأكد من صحة الحل

$$\frac{4}{9} = \frac{4}{9}$$

$$\frac{4}{9} = \frac{1}{36}$$

$$\frac{4}{9} = \frac{16}{36}$$

حل المعادلات المتعددة الخطوات





امسح الباركود

حل المعادلات المتعددة الخطوات

انقر هنا



حل المعادلات المتعددة الخطوات

لحل معادلة متعددة الخطوات يجب أن تلغى عمل كل عملية بالحل عكسيًا
أي أن:

عمليات الجمع والطرح متعاكستان
وعمليات الضرب والقسمة متعاكستان

حل المعادلات المتعددة الخطوات

حل المعادلة:

$$١١س - ٤ = ٢٩$$

$$١١س - ٤ = ٢٩$$

عمليتي الجمع والطرح متعاكستان
وعمليتي الضرب والقسمة متعاكستان

المعادلة الأصلية

لاحظ الطرف الأيمن ١١س - ٤
يحتوي على عمليتين الطرح
والضرب

حل المعادلات المتعددة الخطوات

عمليتي الجمع والطرح متعاكستان
وعمليتي الضرب والقسمة متعاكستان

المعادلة الأصلية

أضف ٤ إلى كل الطرفين

بسط

حل المعادلة:

$$١١س - ٤ = ٢٩$$

$$١١س - ٤ = ٢٩$$

$$١١س - ٤ + ٤ = ٢٩ + ٤$$

$$١١س = ٣٣$$

لاحظ بدأنا بالتخلص من عملية
الطرح بإضافة ٤ للطرفين لأنها
العملية الأضعف

حل المعادلات المتعددة الخطوات

حل المعادلة:

$$11س - 4 = 29$$

$$11س - 4 = 29$$

$$11س - 4 = 29$$

$$11س = 33$$

$$س = 3$$

عمليتي الجمع والطرح متعاكستان
وعمليتي الضرب والقسمة متعاكستان

المعادلة الأصلية

أضف 4 إلى كل الطرفين

بسط

اقسم كلا الطرفين على 11

بسط

ويمكنك التحقق من صحة الحل بتعويض النتيجة
في المعادلة الاصلية



امسح الباركود

حل مسائل تتضمن أعداداً صحيحة متتالية

انقر هنا



حل مسائل تتضمن أعداداً صحيحة متتالية

الأعداد الصحيحة المتتالية: هي أعداد صحيحة مرتبة بالتتالي

النوع	الرموز	مثال
أعداد صحيحة متتالية	$n, n+1, n+2, \dots$	$\dots, 2, 1, 0, 1, 2, \dots$
أعداد صحيحة زوجية متتالية	$n, n+2, n+4, \dots$ حيث n عدد زوجي	$\dots, 4, 2, 0, 2, 4, \dots$
أعداد صحيحة فردية متتالية	$n, n+2, n+4, \dots$ حيث n عدد فردي	$\dots, 5, 3, 1, 1, 3, 5, \dots$

حل مسائل تتضمن أعداداً صحيحة متتالية

أعداد صحيحة متتالية	$n, n+1, n+2, \dots$	أعداد صحيحة	$n, n+2, n+4, \dots$
أعداد صحيحة فردية متتالية	$n, n+2, n+4, \dots$	حيث n عدد فردي	حيث n عدد زوجي

مثال اكتب معادلة للمسألة الآتية ثم حلها:

أوجد ثلاثة أعداد صحيحة فردية متتالية مجموعهما (٥١-)

ثلاثة أعداد صحيحة فردية متتالية $n, n+2, n+4, \dots$ n عدد فردي

$$51 - = n + (n+2) + (n+4)$$

$$51 - = 3n + 6$$

$$51 - 6 = 3n$$

$$45 = 3n$$

$$15 = n$$

الأعداد الفردية الثلاثة هي:

١٥-، ١٧-، ١٩-

بسط

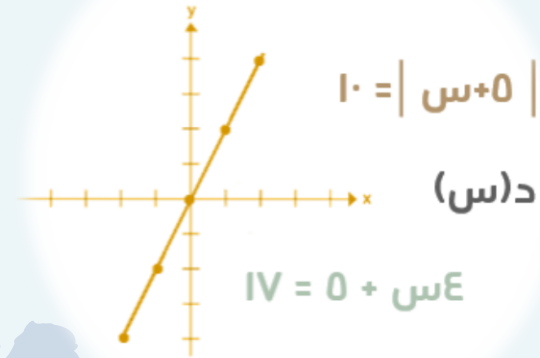
اطرح ٦ من الطرفين

بسط

اقسم كلا من الطرفين على ٣

بسط

حل المعادلات التي تحتوي متغيراً في طرفيها





امسح الباركود

حل المعادلات التي تحتوي
متغيراً في كلا الطرفين

انقر هنا



حل المعادلات التي تحتوي متغيراً في طرفيها

جواهر الشاذلي

@jewelsAlshdaddi

لاحظ هنا أن
الطرفين تحتوي
على نفس المتغير

مثال

حل المعادلة : $2 + 5k = 3k - 6$

$2 + 5k = 3k - 6$ المعادلة الاصلية

حل المعادلات التي تحتوي متغيراً في طرفيها

جواهر الشدادي

@jewelsAlshdaddi

هنا لابد من أن
نجعل المتغير في
طرف واحد فقط

مثال

حل المعادلة : $2 + 5k = 3k - 6$

$2 + 5k = 3k - 6$ المعادلة الاصلية

حل المعادلات التي تحتوي متغيراً في طرفيها

جواهر الشاذلي

@jewelsAlshdaddi

حصلنا على معادلة
ذات الخطوة الواحدة
التي سبق وان درسناها
في الدرس الاول

مثال

حل المعادلة : $2 + 5 = 3 - 6$

المعادلة الاصلية
اطرح 3 من كلا الطرفين
بسط

$$\begin{array}{r} 2 + 5 = 3 - 6 \\ \underline{-3 \quad -3} \\ 2 + 2 = -6 \end{array}$$

حل المعادلات التي تحتوي متغيراً في طرفيها

جواهر الشدادي

@jewelsAlshdaddi

مثال

حل المعادلة : $2 + 5K = 3K - 6$

المعادلة الاصلية

اطرح $3K$ من كلا الطرفين

بسط

اطرح 2 من كلا الطرفين

بسط

اقسم كلا الطرفين على 2

بسط

$$\begin{array}{r} 2 + 5K = 3K - 6 \\ \underline{- 3K} \quad \underline{- 3K} \\ 2 - 2K = -6 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 - 2K = -6 \\ \underline{- 2} \quad \underline{- 2} \\ -2K = -8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} -2K = -8 \\ \underline{- 2} \quad \underline{- 2} \\ K = 4 \end{array}$$

$$K = 4$$



امسح الباركود

حل معادلات تحتوي
أقواساً

انقر هنا



حل معادلة تحتوي أقواساً



حل المعادلة :

$$7(1 - n) = -2(n + 3)$$

المعادلة الاصلية $7(1 - n) = -2(n + 3)$

المعادلة هنا تحتوي
على أقواس يجب أن
تخلص من الأقواس
أولاً



JewelsAlshdaddi

حل معادلة تحتوي أقواساً

مثال

حل المعادلة :

$$7(1 - n) - 2(3 + n)$$

المعادلة الاصلية $7(1 - n) - 2(3 + n)$

إذا احتوت المعادلة
أقواساً فاستعمل خاصية
التوزيع للتخلص منها



حل معادلة تحتوي أقواساً

حصلنا على معادلة
تحتوي على متغيراً
في طرفيها



حل المعادلة :

$$7(1 - n) = -2(3 + n)$$

المعادلة الاصلية
خاصية التوزيع

$$7(1 - n) = -2(3 + n)$$

$$7 - 7n = -6 - 2n$$

مثال

JewelsAlshdaddi

حل معادلة تحتوي أقواساً

والآن حصلنا على
معادلة متعددة
الخطوات



حل المعادلة :
$$7(1 - n) = 2 - (n + 3)$$

المعادلة الاصلية
خاصية التوزيع
اضف ٣ من الطرفين
بسط

مثال

$$7(1 - n) = 2 - (n + 3)$$

$$7 - 7n = 2 - n - 3$$

$$7 - 7n = -1 - n$$

$$7 - 7n + 1 = -1 - n + 1$$

$$8 - 7n = -n$$

$$8 = 6n$$

$$n = \frac{8}{6} = \frac{4}{3}$$

JewelsAlshdaddi

حل معادلة تحتوي أقواساً

لحل المعادلة هنا
نستخدم خاصية
القسمة في المساواة



المعادلة الاصلية
خاصية التوزيع
اضف ٢ ن من الطرفين
بسط
اضف ٧ إلى الطرفين
بسط

حل المعادلة :

$$7(1 - n) = -2(n + 3)$$

$$7(1 - n) = -2(n + 3)$$

$$\begin{array}{r} 7 - 7n = -2n - 6 \\ 7 + 7n = -2n - 6 + 7n \\ 7 = 5n - 6 \\ 7 + 6 = 5n - 6 + 6 \\ 13 = 5n \\ 13 \div 5 = 5n \div 5 \\ 2.6 = n \end{array}$$

مثال

حل معادلة تحتوي أقواساً

حل المعادلة :

$$7(1 - n) - 2 = (n + 3)2$$

المعادلة الاصلية
خاصية التوزيع

اضف 2 من الطرفين

بسط

اضف 7 إلى الطرفين

بسط

اقسم كلا الطرفين على 9

بسط

مثال

$$7(1 - n) - 2 = (n + 3)2$$

$$7 - 7n - 2 = 2n + 6$$

$$5 - 7n = 2n + 6$$

$$-7n - 2n = 6 - 5$$

$$-9n = 1$$

$$n = -\frac{1}{9}$$

$$7 - 7n - 2 = 2n + 6$$

$$5 - 7n = 2n + 6$$

$$-7n - 2n = 6 - 5$$

$$-9n = 1$$

$$n = -\frac{1}{9}$$

$$\frac{1}{9} = \frac{n}{9}$$

$$\frac{1}{9} = n$$

$$\frac{1}{9} = n$$

العلاقات





تطوير - إنتاج - توثيق

العلاقات



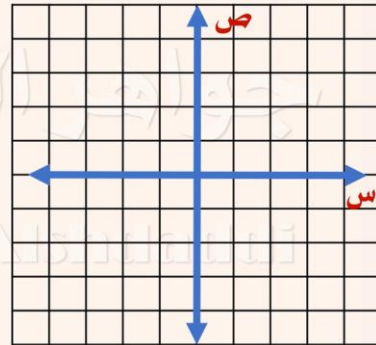
امسح الباركود

انقر هنا

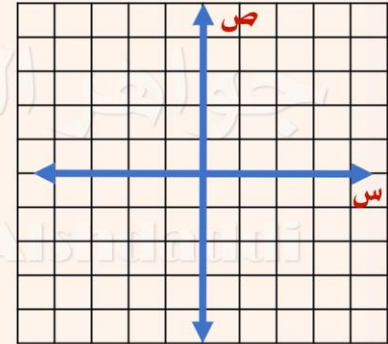


العلاقات

هما المحور الأفقي
والمحور الرأسى

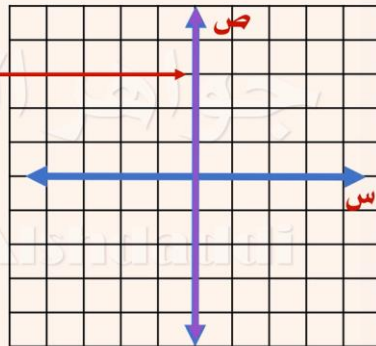


النظام الإحداثى
يتكون من تقاطع
خطى أعداد

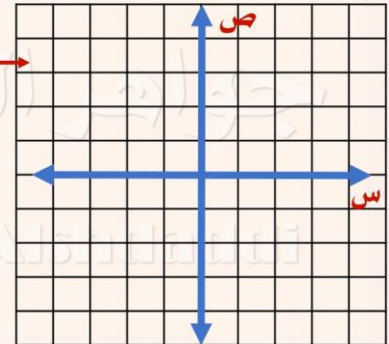


العلاقات

يطلق على المحور
الرأسي أيضا اسم
المحور الصادي
(ص)

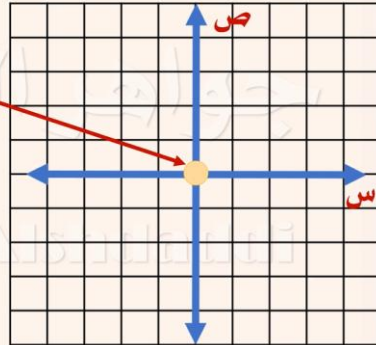


يطلق على النظام
الإحداثي أيضا اسم
المستوى الإحداثي

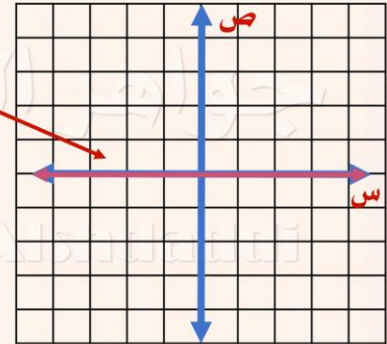


العلاقات

تسمى النقطة
(0,0) نقطة الأصل
وهي نقطة تقاطع
المحورين



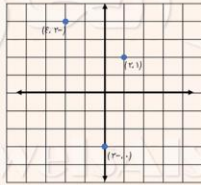
يطلق على المحور
الافقي أيضا اسم
المحور السيني
(س)



العلاقات

تمثيلات العلاقة

تمثيل بياني



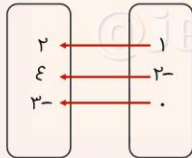
ازواج مرتبة
(2, 1)
(3, 0)
(4, -2)

جدول

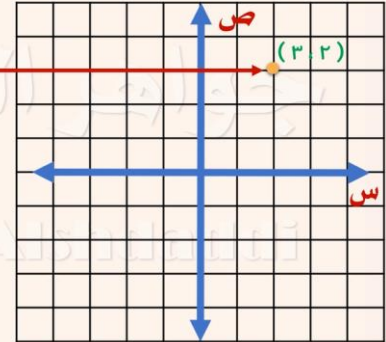
ص	س
2	1
4	2-
3-	0

مخطط سهمي

المجال المدى

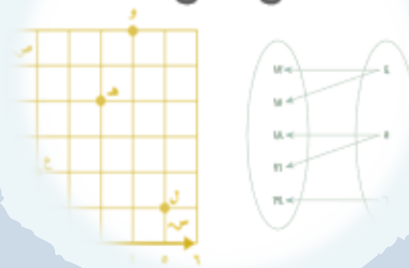


في المستوى
الاحداثي تحدد كل
نقطة بزوج مرتب



الدوال

(س ، ص)





امسح الباركود

الدوال

انقر هنا





الدوال

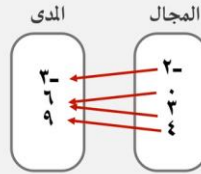


الدالة

علاقة تربط المدخلات بالمخرجات، على أن يكون هناك مخرجة واحدة فقط لكل مدخلة.

أمثلة

كل عنصر في المجال
ارتبط بعنصر واحد
فقط من المدى



☒ تمثل دالة

☐ لا تمثل دالة

جواهر التارثي
@jewelsAlshda

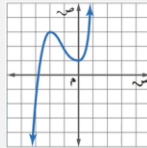
؟
؟
؟
؟
الدالة ؟



أنواع الدوال

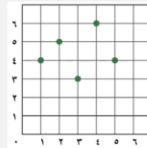
دالة متصلة

تمثل بخط أو منحني دون انقطاع



دالة منفصلة

تمثل بيانياً بنقاط غير متصلة



جواهر النارية
@jewelsAlshda

الدالة

علاقة تربط المدخلات بالمخرجات، على أن يكون هناك مخرجة واحدة فقط لكل مدخلة.

أمثلة

المجال	١	٥	٣	١
المدى	٤	٤	٢	٤

☐ تمثل دالة

☒ لا تمثل دالة

العنصر ١ في المجال يرتبط بـ ٤، ٤ في المدى

المتباينات الحسابية كدوال خطية





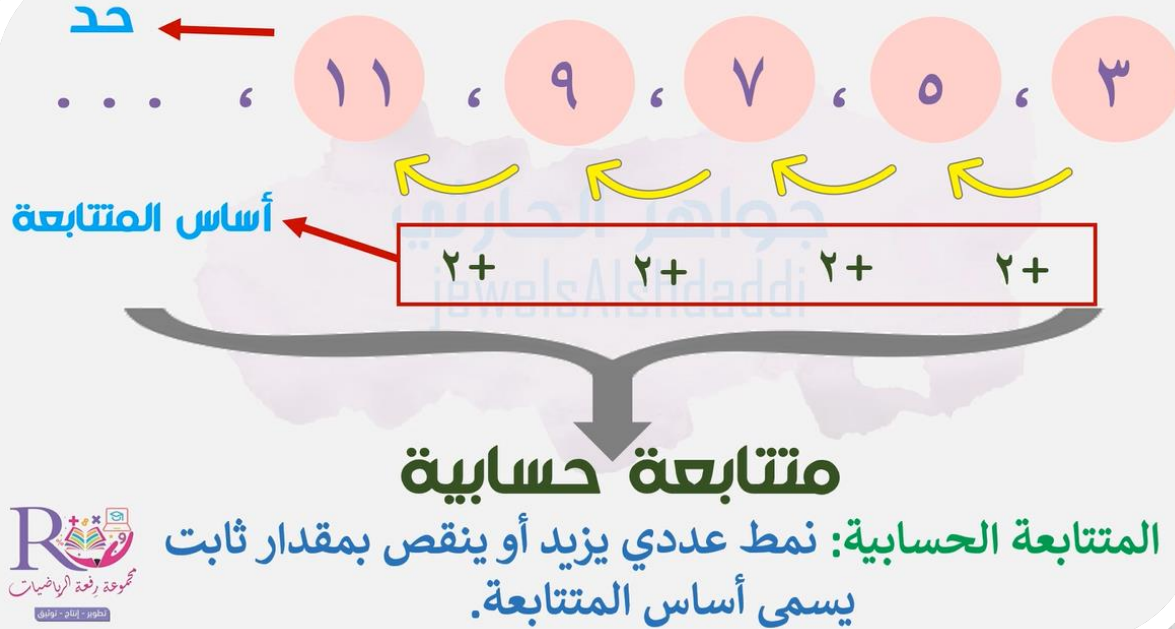
امسح الباركود

المتابعات الحسابية كدوال خطية

انقر هنا



المتتابعات الحسابية كدوال خطية



المتتابعات الحسابية كدوال خطية

١ ، ٤ ، ٩ ، ٢٥ ، ...



٣+ ٥+ ١٦+

ليست متتابعة حسابية
لان الفرق بين الحدود غير ثابت

المتابعات الحسابية كدوال خطية

إيجاد الحد التالي:

أوجد الحدود التالية للمتابعة الحسابية:

١٥ ، ٩ ، ٣ ، -٣ ، . . .

١- اوجد الأساس بطرح الحدود المتتالية:

$$٦ - = ١٥ - ٩$$

$$٦ - = ٩ - ٣$$

$$٦ - = ٣ - ٣ -$$

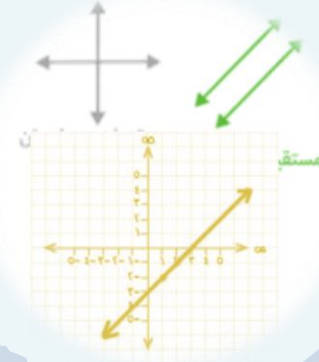
لاحظ:

بدانا بالحد الثاني وطرحنا
منه الحد الاول



R مجموعة رفعة الرياضيات
تطوير - إنتاج - توزيع

تمثيل المعادلات المكتوبة بصيغة ميل ومقطع بيانياً





امسح الباركود

تمثيل المعادلات المكتوبة
بصيغة ميل ومقطع بيانياً

انقر هنا



تمثيل المعادلات المكتوبة بصيغة الميل ومقطع بيانياً

تمثيل المعادلات المكتوبة بصيغة الميل ومقطع بيانياً

اكتب معادلة المستقيم الذي ميله $\frac{3}{4}$ ، ومقطعه الصادي $= -2$ بصيغة الميل والمقطع، ثم مثلها بيانياً.

خطوات الحل:

عين النقطة $(0, -2)$ التي تمثل المقطع الصادي.



جواهر الحارثي
@jewelsAlshdaddi

تمثيل المعادلات المكتوبة بصيغة الميل ومقطع بيانياً



تمثيل المعادلات المكتوبة بصيغة الميل ومقطع بيانياً

اكتب معادلة المستقيم الذي ميله $\frac{3}{4}$ ، ومقطعه الصادي $= -2$ بصيغة الميل والمقطع، ثم مثلها بيانياً.

خطوات الحل:

عين النقطة $(0, -2)$ التي تمثل المقطع الصادي.

الميل $= \frac{3}{4}$ تحرك من النقطة $(0, -2)$ بمقدار 3 وحدات إلى أعلى



جواهر الحارثي
@jewelsAlshdaddi



تمثيل المعادلات المكتوبة بصيغة الميل ومقطع بيانياً



تمثيل المعادلات المكتوبة بصيغة الميل ومقطع بيانياً

اكتب معادلة المستقيم الذي ميله $\frac{3}{4}$ ، ومقطعه الصادي -2 بصيغة الميل والمقطع، ثم مثلها بيانياً.

خطوات الحل:

- ☒ عين النقطة $(0, -2)$ التي تمثل المقطع الصادي.
- ☒ الميل $\frac{3}{4}$ تحرك من النقطة $(0, -2)$ بمقدار 3 وحدات إلى أعلى
- ☒ ثم نتحرك 4 إلى اليمين وعين نقطة جديدة
- ☐

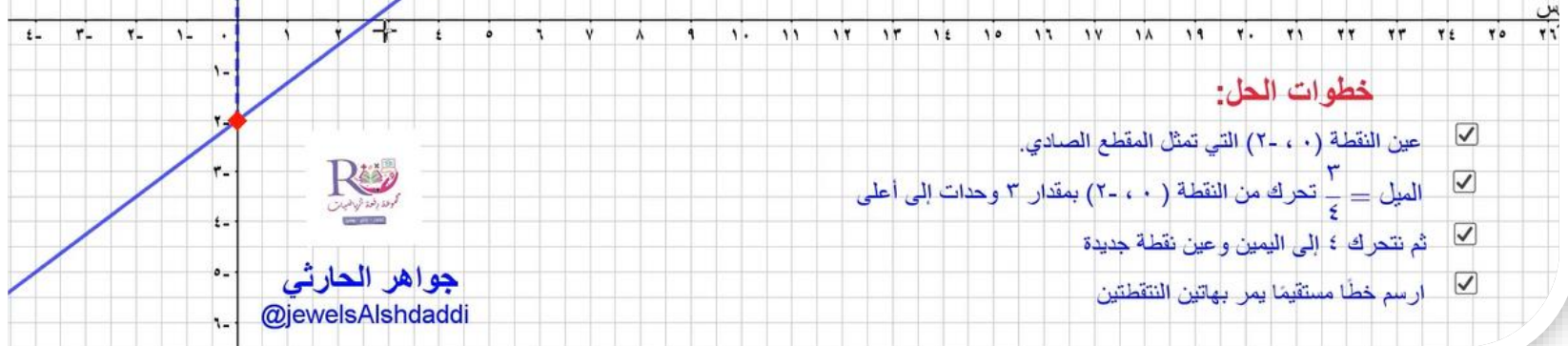


تمثيل المعادلات المكتوبة بصيغة الميل ومقطع بيانياً



تمثيل المعادلات المكتوبة بصيغة الميل ومقطع بيانياً

اكتب معادلة المستقيم الذي ميله $\frac{3}{4}$ ، ومقطعه الصادي $= -2$ بصيغة الميل والمقطع، ثم مثلها بيانياً.



المراجع

ماجروهيل. رياضيات ثالث متوسط.
وزارة التعليم، مجموعة العبيكان
للاستثمار. المملكة العربية
السعودية (٢٠٠٨)

تم بحمد الله