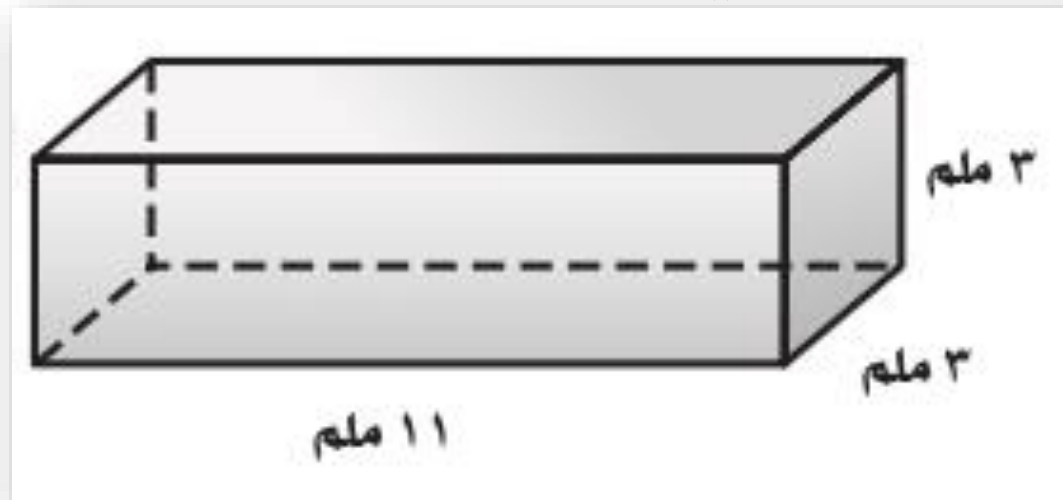


تدریسات علی عجم المنشور

أوجدني حجم المنشور الرباعي (متوازي المستطيلات) في الشكل المجاور.



حجم متوازي المستطيلات = مساحة القاعدة  $\times$  الارتفاع

حجم متوازي المستطيلات = مساحة المستطيل  $\times$  الارتفاع

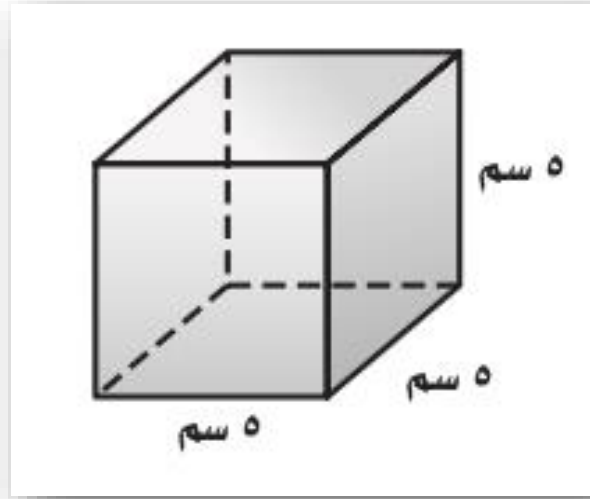
حجم متوازي المستطيلات = الطول  $\times$  العرض  $\times$  الارتفاع

$$3 \times 3 \times 11 = \text{حجم متوازي المستطيلات}$$

$$3 \times 33 = \text{حجم متوازي المستطيلات}$$

$$99 \text{ ملم}^3 = \text{حجم متوازي المستطيلات}$$

أوجدني حجم المنشور الرباعي (المكعب) في الشكل المجاور.



حجم المكعب = مساحة القاعدة  $\times$  الارتفاع

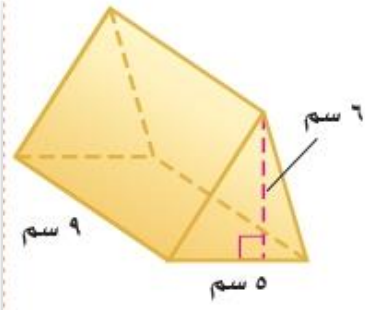
حجم المكعب = مساحة المربع  $\times$  الارتفاع

حجم المكعب = (طول الضلع)<sup>٢</sup>  $\times$  الارتفاع

حجم متوازي المستطيلات =  $(٥)^٢ \times ٥$

حجم متوازي المستطيلات =  $٢٥ \times ٥$

حجم متوازي المستطيلات =  $١٢٥ \text{ سم}^٣$



**اكتشف الخطأ:** أوجد كلٌّ من زيد ولؤي حجم المنشور المجاور، فأَيُّهما توَصَّل للجواب الصحيح؟



لؤي

$$\begin{aligned} 6 \times 5 &= 30 \\ 9 \times (6 \times 5 \times \frac{1}{2}) &= 30 \\ 30 &= 30 \text{ سم}^3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 6 \times 5 &= 30 \\ 6 \times (5 \times 9) &= 30 \\ 30 &= 30 \text{ سم}^3 \end{aligned}$$



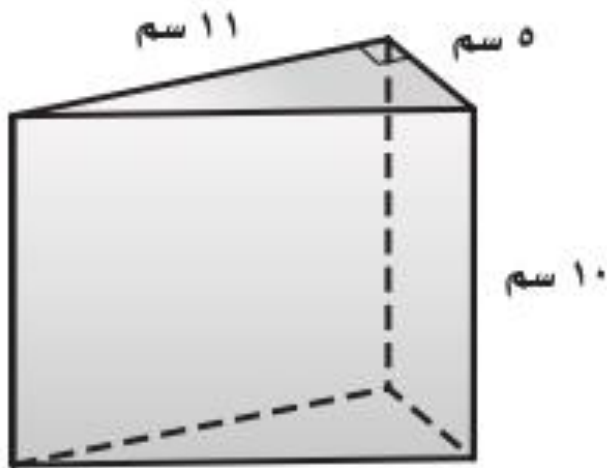
زيد

قاعدة المنشور مثلثة، ومساحة المثلث هي **نصف** ناتج ضرب قاعدته في ارتفاعه.

وارتفاع المنشور هو ٩ سم.

إجابة لؤي هي الصحيحة.

أوجدني حجم المنشور الثلاثي في الشكل المجاور.



$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \text{مساحة المثلث} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \left( \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع} \right) \times \text{الارتفاع}$$

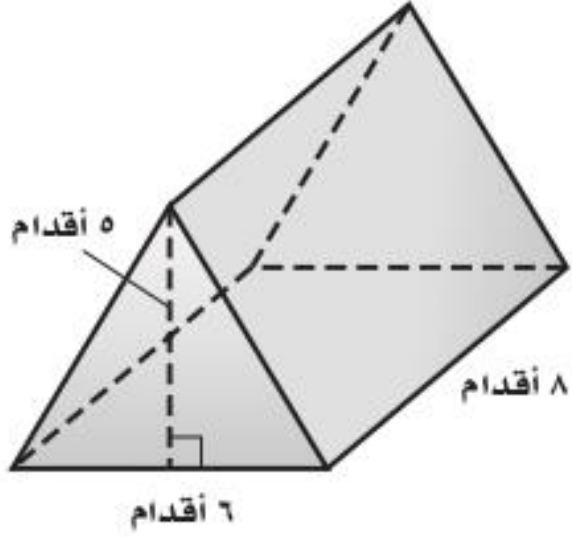
$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \left( \frac{1}{2} \times 11 \times 5 \right) \times 10$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \left( \frac{1}{2} \times 55 \right) \times 10$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = 27,5 \times 10$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = 275 \text{ سم}^3$$

أوجدني حجم المنشور الثلاثي في الشكل المجاور.



$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \text{مساحة المثلث} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \left( \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع} \right) \times \text{الارتفاع}$$

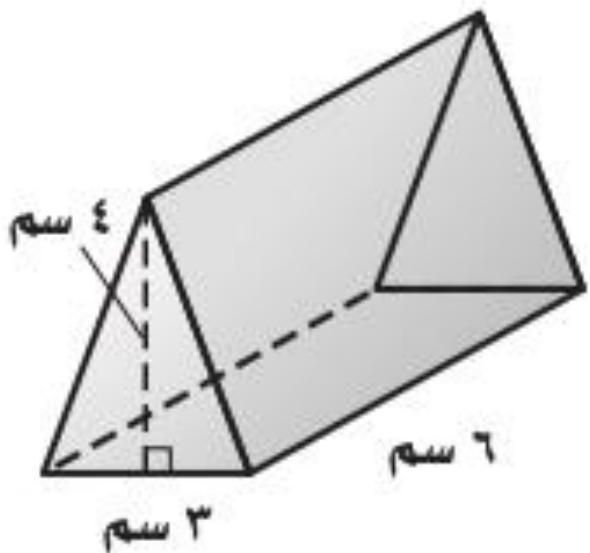
$$8 \times \left( \frac{1}{2} \times 5 \times 6 \right) = \text{حجم المنشور الثلاثي}$$

$$8 \times \left( \frac{1}{2} \times 30 \right) = \text{حجم المنشور الثلاثي}$$

$$8 \times 15 = \text{حجم المنشور الثلاثي}$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = 120 \text{ قدم مكعبة}$$

أوجدني حجم المنشور الثلاثي في الشكل المجاور.



$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \text{مساحة المثلث} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \left( \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع} \right) \times \text{الارتفاع}$$

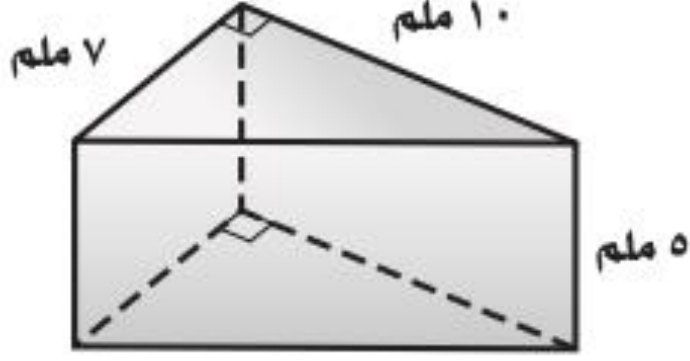
$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \left( \frac{1}{2} \times 4 \times 3 \right) \times 6$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \left( \frac{1}{2} \times 12 \right) \times 6$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = 6 \times 6$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = 36 \text{ سم}^3$$

أوجدني حجم المنشور الثلاثي في الشكل المجاور.



$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \text{مساحة المثلث} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \left( \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع} \right) \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \left( \frac{1}{2} \times ٧ \times ١٠ \right) \times ٥$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \left( \frac{1}{2} \times ٧٠ \right) \times ٥$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = ٣٥ \times ٥$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = ١٧٥ \text{ ملم}^3$$



منشور ثلاثي حجمه ١٦ سم<sup>٣</sup>، وارتفاعه ٨ سم، إذا كان ارتفاع قاعدته المثلثة ٤ سم،  
فأوجدني طول قاعدة المثلث.

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \text{مساحة المثلث} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = \left( \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع} \right) \times \text{الارتفاع}$$

$$١٦ = \left( \frac{1}{2} \times ٨ \times ق \right) \times ٤$$

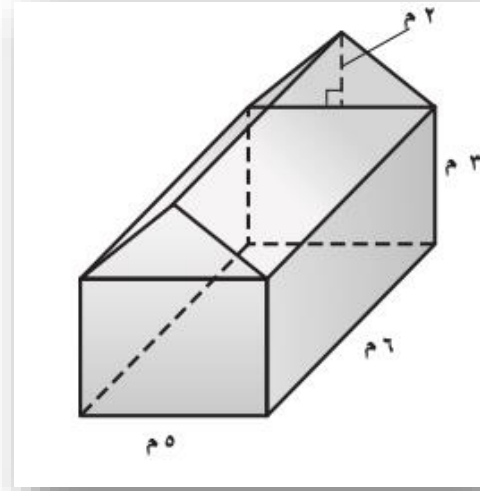
$$١٦ = (٢ ق) \times ٨$$

$$١٦ = ١٦ ق$$

$$١ = ق$$

$$\text{طول قاعدة المثلث} = ١ \text{ سم}$$

صُمِّمَ البيت الزجاجي بالأطوال المبيّنة أدناه. فما الحجم الداخلي للبيت؟



أولاً:

حجم متوازي المستطيلات = مساحة القاعدة  $\times$  الارتفاع

حجم متوازي المستطيلات = مساحة المستطيل  $\times$  الارتفاع

حجم متوازي المستطيلات = الطول  $\times$  العرض  $\times$  الارتفاع

حجم متوازي المستطيلات =  $6 \times 5 \times 3$

حجم متوازي المستطيلات =  $30 \times 3$

حجم متوازي المستطيلات =  $90 \text{ م}^3$

## ثانيًا:

حجم المنشور الثلاثي = مساحة القاعدة × الارتفاع

حجم المنشور الثلاثي = مساحة المثلث × الارتفاع

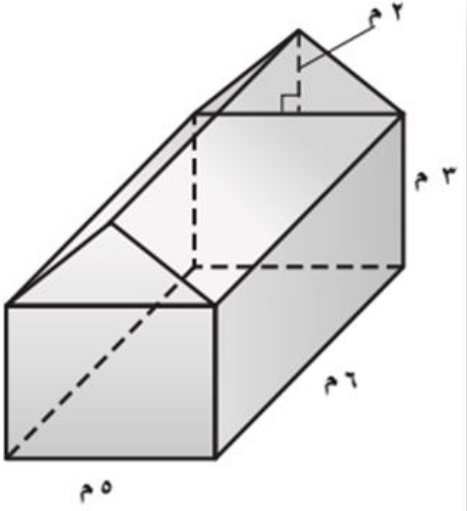
حجم المنشور الثلاثي =  $\left( \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع} \right) \times \text{الارتفاع}$

حجم المنشور الثلاثي =  $\left( \frac{1}{2} \times 5 \times 2 \right) \times 6$

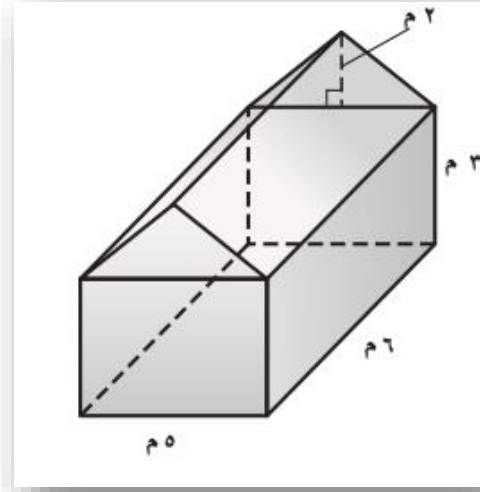
حجم المنشور الثلاثي =  $\left( \frac{1}{2} \times 10 \right) \times 6$

حجم المنشور الثلاثي =  $5 \times 6$

حجم المنشور الثلاثي =  $30 \text{ م}^3$



صُمِّمَ البيت الزجاجي بالأطوال المبيّنة أدناه. فما الحجم الداخلي للبيت؟



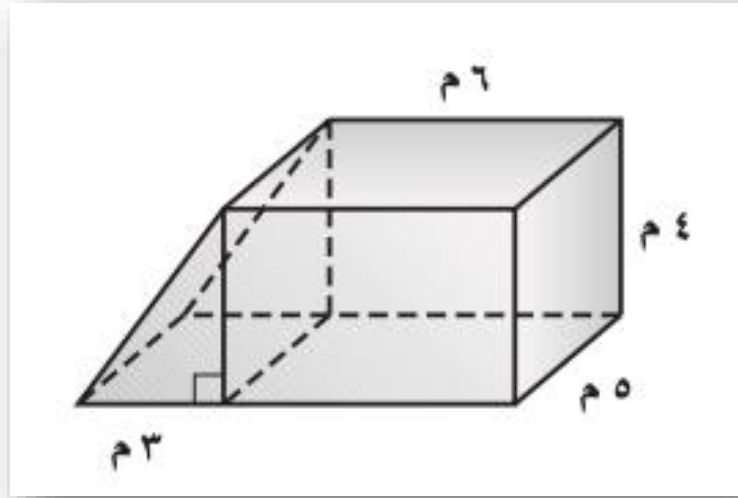
نألف:

الحجم الداخلي للبيت = حجم متوازي المستطيلات + حجم المنشور الثلاثي

$$30 + 90 = \text{الحجم الداخلي للبيت}$$

$$120 \text{ م}^3 = \text{الحجم الداخلي للبيت}$$

أوجدني حجم المجسم أدناه.



أولاً:

حجم متوازي المستطيلات = مساحة القاعدة  $\times$  الارتفاع

حجم متوازي المستطيلات = مساحة المستطيل  $\times$  الارتفاع

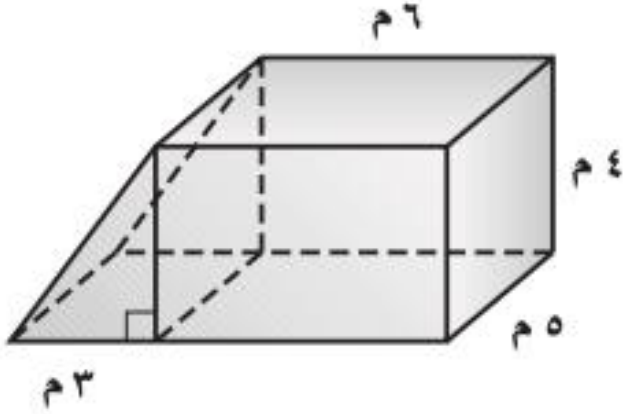
حجم متوازي المستطيلات = الطول  $\times$  العرض  $\times$  الارتفاع

حجم متوازي المستطيلات =  $6 \times 5 \times 4$

حجم متوازي المستطيلات =  $30 \times 4$

حجم متوازي المستطيلات =  $120 \text{ م}^3$

## ثانيًا:



حجم المنشور الثلاثي = مساحة القاعدة  $\times$  الارتفاع

حجم المنشور الثلاثي = مساحة المثلث  $\times$  الارتفاع

حجم المنشور الثلاثي =  $\left( \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع} \right) \times \text{الارتفاع}$

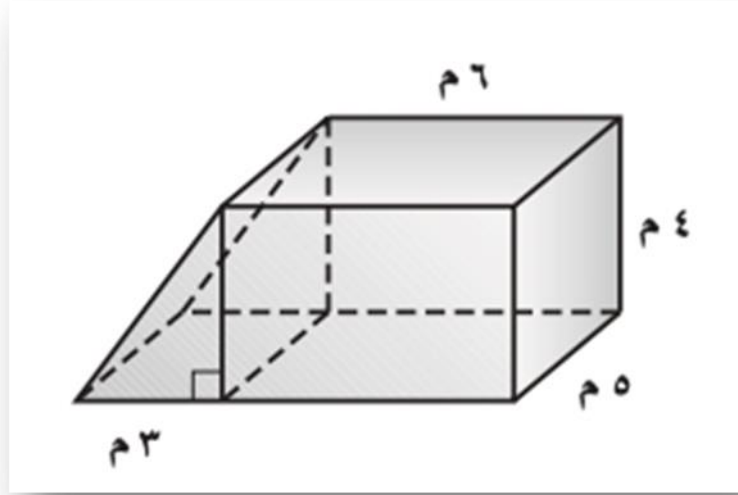
حجم المنشور الثلاثي =  $\left( \frac{1}{2} \times 4 \times 3 \right) \times 6$

حجم المنشور الثلاثي =  $\left( \frac{1}{2} \times 12 \right) \times 6$

حجم المنشور الثلاثي =  $6 \times 5$

حجم المنشور الثلاثي =  $30 \text{ م}^3$

أوجدني حجم المجسم أدناه.



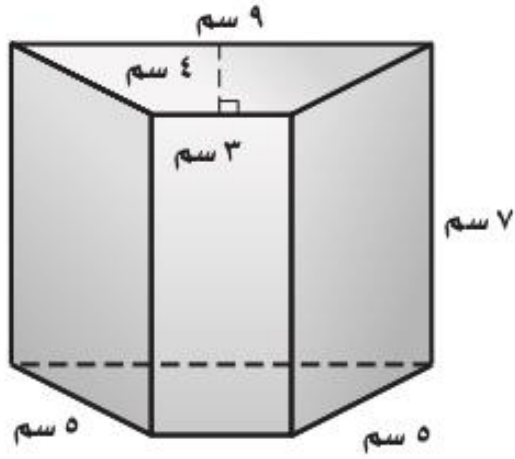
هالآ:

حجم المجسم = حجم متوازي المستطيلات + حجم المنشور الثلاثي

$$30 + 120 = \text{حجم المجسم}$$

$$\text{حجم المجسم} = 150 \text{ م}^3$$

أوجدني حجم المجسم في الشكل أدناه.



حجم المنشور الرباعي = مساحة القاعدة  $\times$  الارتفاع

حجم المنشور الرباعي = مساحة شبه المنحرف  $\times$  الارتفاع

حجم المنشور الرباعي =  $\left( \frac{1}{2} \times \text{الارتفاع} \times \text{مجموع القاعدتين} \right) \times \text{الارتفاع}$

حجم المنشور الرباعي =  $\left( \frac{1}{2} \times 4 \times (9 + 3) \right) \times 7$

حجم المنشور الرباعي =  $\left( \frac{1}{2} \times 4 \times 12 \right) \times 7$

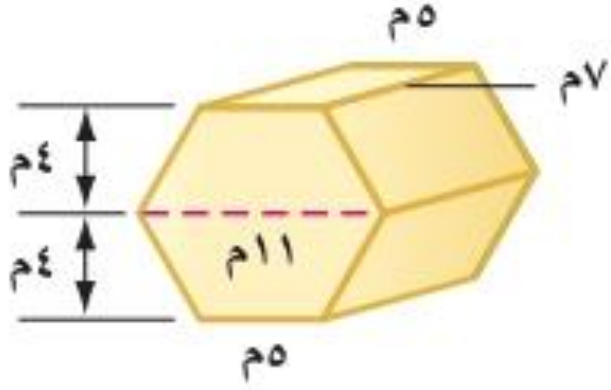
حجم المنشور الرباعي =  $(2 \times 12) \times 7$

حجم المنشور الرباعي =  $24 \times 7$

حجم المنشور الرباعي =  $168 \text{ سم}^3$



# أوجدني حجم المنشور السداسي في الشكل أدناه.



حجم المنشور السداسي = مساحة القاعدة × الارتفاع

حجم المنشور السداسي = ٢ × مساحة شبه المنحرف × الارتفاع

حجم المنشور السداسي = ٢ × (  $\frac{1}{2}$  × الارتفاع × مجموع القاعدتين ) × الارتفاع

حجم المنشور السداسي = ٢ × (  $\frac{1}{2}$  × ٤ × ( ١١ + ٥ ) ) × ٧

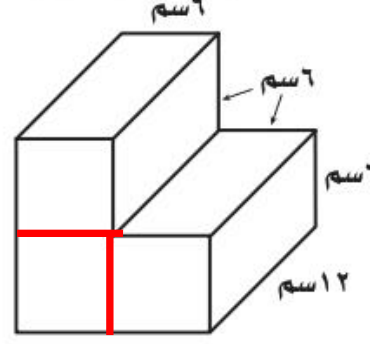
حجم المنشور السداسي = ٢ × (  $\frac{1}{2}$  × ٤ × ١٦ ) × ٧

حجم المنشور السداسي = ٢ × ( ١٦ × ٢ ) × ٧

حجم المنشور السداسي = ٢ × ٣٢ × ٧

حجم المنشور السداسي = ٦٤ × ٧ = ٤٤٨ م<sup>٣</sup>

رُتبت قطع خشبية بعضها فوق بعض، فكوّنت الشكل أدناه، ما حجم المجسم الناتج عن ترتيب القطع الخشبية؟



حجم المجسم = ٣ × حجم متوازي المستطيلات

حجم المجسم = ٣ × (مساحة القاعدة × الارتفاع)

حجم متوازي المستطيلات = ٣ × (مساحة المربع × الارتفاع)

حجم متوازي المستطيلات = ٣ × (طول الضلع<sup>٢</sup> × الارتفاع)

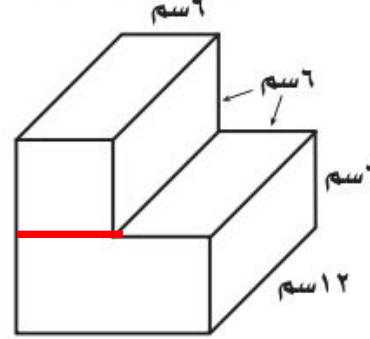
حجم متوازي المستطيلات = ٣ × (١٢ × ٦<sup>٢</sup>)

حجم متوازي المستطيلات = ٣ × (١٢ × ٣٦)

حجم متوازي المستطيلات = ٣ × ٤٣٢ = ١٢٩٦ سم<sup>٣</sup>

# طريقة أخرى للحله:

رُتبت قطع خشبية بعضها فوق بعض، فكوّنت الشكل أدناه، ما حجم المجسم الناتج عن ترتيب القطع الخشبية؟



حجم المجسم = حجم متوازي المستطيلات (١) + حجم متوازي المستطيلات (٢)

حجم المجسم = (مساحة القاعدة × الارتفاع) + (مساحة القاعدة × الارتفاع)

حجم المجسم = (مساحة المربع × الارتفاع) + (مساحة المستطيل × الارتفاع)

حجم متوازي المستطيلات = (طول الضلع<sup>٢</sup> × الارتفاع) + (الطول × العرض × الارتفاع)

حجم متوازي المستطيلات = (١٢ × ٦<sup>٢</sup>) + (١٢ × ٦ × ١٢)

حجم متوازي المستطيلات = (١٢ × ٣٦) + (١٢ × ٧٢)

حجم متوازي المستطيلات = ٤٣٢ + ٨٦٤ = ١٢٩٦ سم<sup>٣</sup>