



أ / حميدة المعني

استراتيجية K.W.L جدول التعلم



ماذا تعلمت اليوم؟!



ما أريد أن أعرف؟!



ماذا أعرف؟!

اليوم

التاريخ

2-4: ميل المستقيم

فيما سبق

درستُ برهنة توازي
مستقيمين باستعمال
علاقات الزوايا.

إذا قطع قاطع مستقيمين في
مستوى، وننتج عن التقاطع
زاويتان

متحالفتان متكاملتان

متبادلتان داخلياً
متطابقتان.

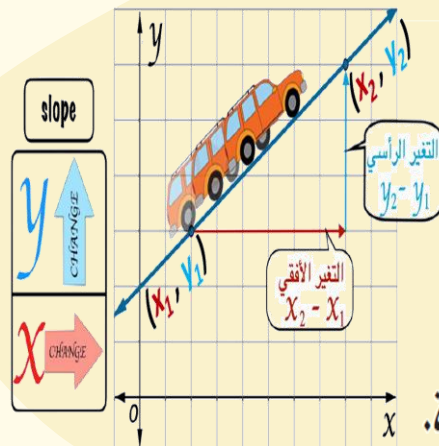
متبادلتان خارجياً
متطابقتان

متناظرتان متطابقتان

فإن المستقيمين متوازيان



و الآن



- أجد ميل المستقيم.
- أستعمل الميل لتحديد المستقيمات المتوازية والمستقيمات المتعامدة.



المفردات

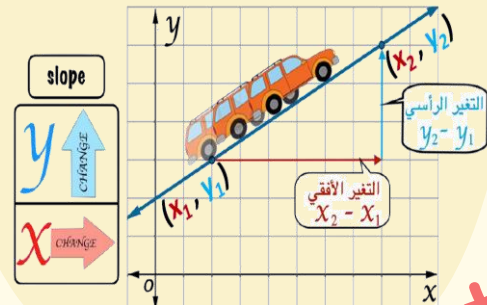
مُعَدَّلُ التَّغَيَّرِ

Rate of Change



المِثْل

Slope





لماذا؟

تستعمل لوحات مرورية لتنبيه السائقين إلى حالة الطريق. فاللوحة المجاورة تشير إلى انحدار الطريق بنسبة 6% ، وهذا يعني أن الطريق ترتفع أو تهبط بمقدار 6 m رأسياً لكل 100 m أفقياً.

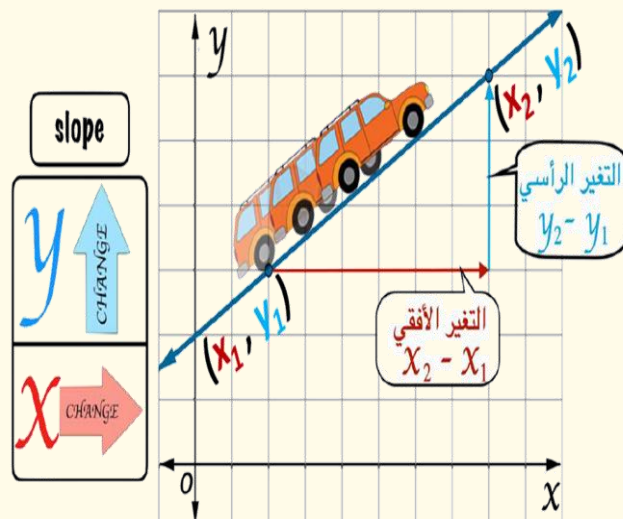
كيف يمكن لسائق الشاحنة ان يستجيب لإشارة المرور؟

كيف يمكن للأشخاص ذوي الإعاقة الصعود إلى المطباني؟

أيّهما أسهل في الوصول إلى الارتفاع نفسه، أن تدفع الكرسي المتحرك إلى أعلى سطح مائل طويل أم سطح مائلة قصير حاد الانحدار؟



إيجاد ميل المستقيم





2-4: ميل المستقيم

إيجاد الميل

جبريا

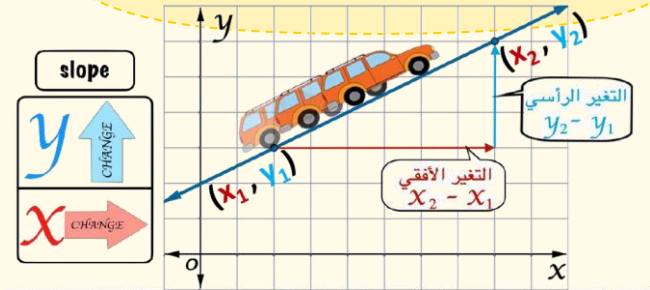
$(x_1, y_1), (x_2, y_2)$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

هندسياً

(التمثيل البياني)

$$\frac{\begin{array}{c} + \\ \updownarrow \\ - \end{array}}{\begin{array}{c} - \leftarrow \rightarrow + \end{array}} = \frac{\text{التغير الرأسى}}{\text{التغير الأفقى}} = \text{الميل}$$





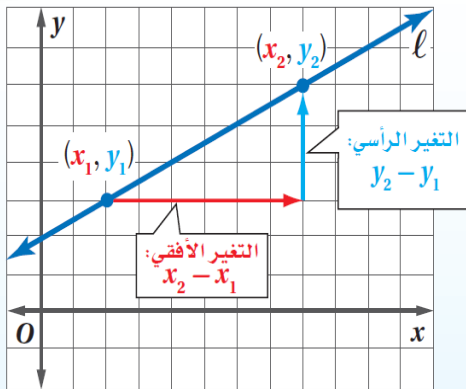
أضف إلى

مطويتك

مفهوم أساسي



ميل المستقيم



في المستوى الإحداثي، ميل المستقيم هو نسبة التغير في الإحداثي y إلى التغير في الإحداثي x بين أي نقطتين عليه.

ويعطى الميل m لمستقيم يحوي نقطتين إحداثيهما (x_1, y_1) و (x_2, y_2) بالصيغة:

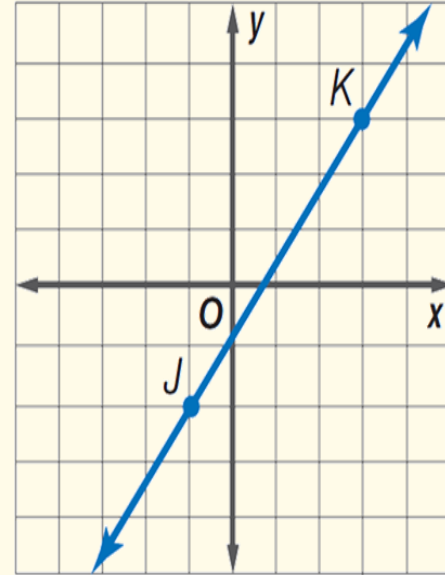
$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}, \text{ حيث } x_1 \neq x_2.$$

$$m = \frac{\text{التغير الرأسي}}{\text{التغير الأفقي}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

مثال ١

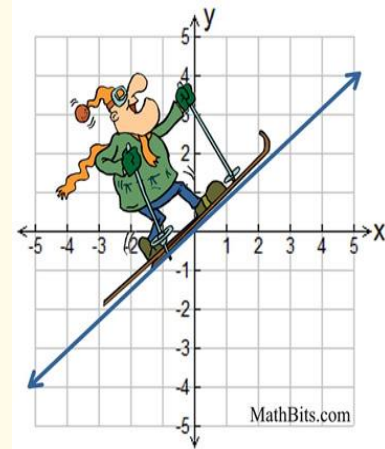
أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:

جبرياً



(a)

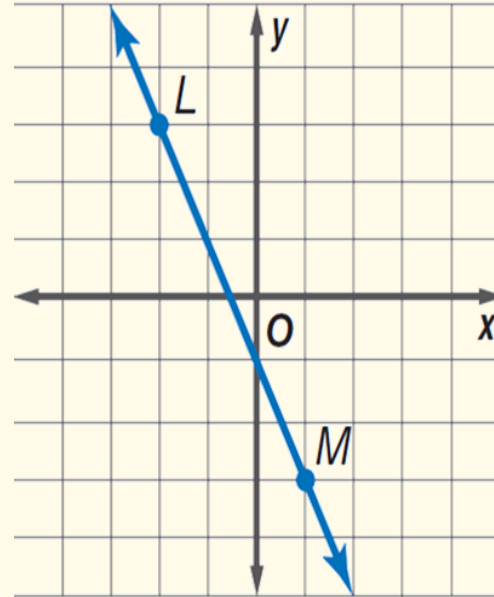
هندسياً:



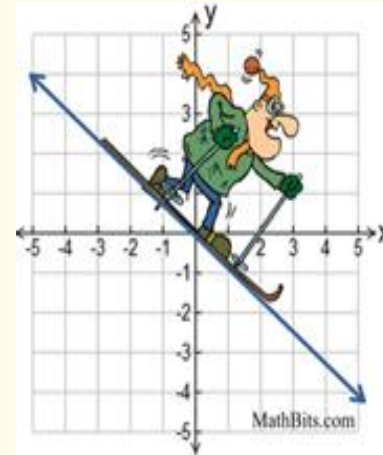
أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:

جبرياً

مثال ١



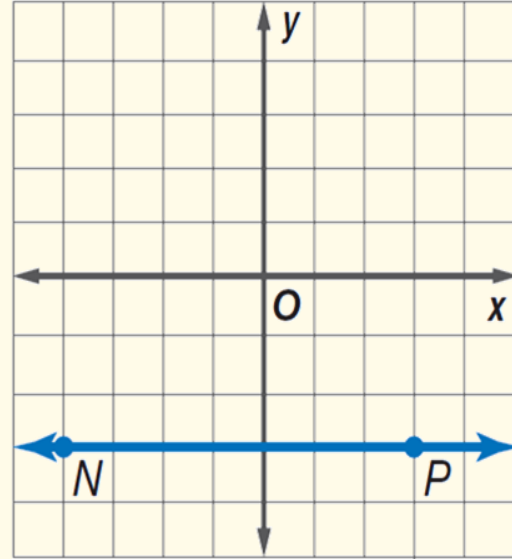
هندسياً :



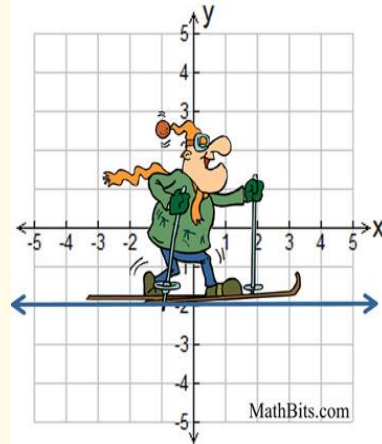
أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:

جبرياً

مثال ١

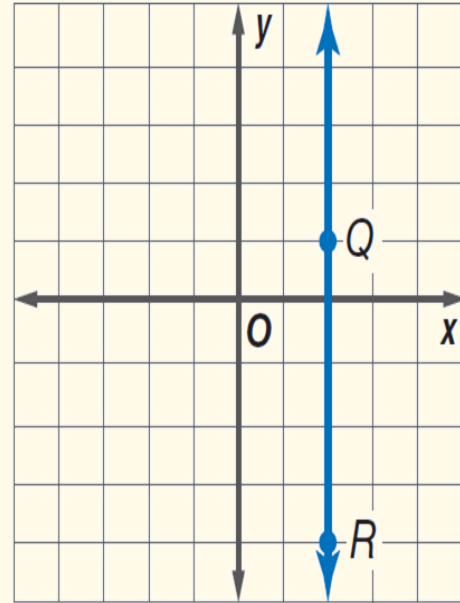


هندسياً

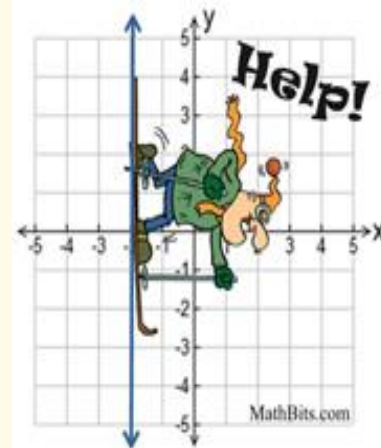


أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:
جبرياً

مثال ١

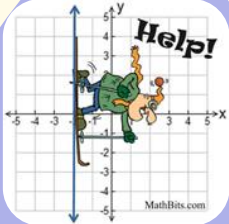


هندسياً



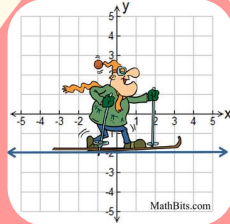
حالات الميل

ميل غير معرف



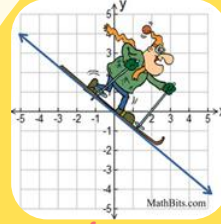
المستقيم خط رأسي
الاحداثيات x متساوية

ميل يساوي صفر



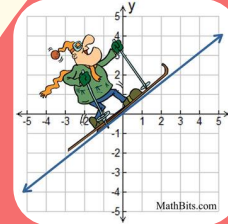
المستقيم خط افقي
الاحداثيات y متساوية

ميل السالب



المستقيم للأسفل
عند التحرك
من اليسار الى اليمين

ميل الموجب



المستقيم للأعلى
عند التحرك
من اليسار الى اليمين



تحقق من
فهمك

أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:
1A) المستقيم الذي يحتوي على $(-3, -5)$, $(6, -2)$.



تحقق من
فهمك

أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:

1B) المستقيم الذي يحتوي على $(-6, -2)$, $(8, -3)$.



أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:

تحقق من
فهمك

1C) المستقيم الذي يحتوي على $(4, -3)$, $(4, 2)$.



تحقق من
فهمك

أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:
1D) المستقيم الذي يحتوي على $(-3, 3)$, $(4, 3)$.

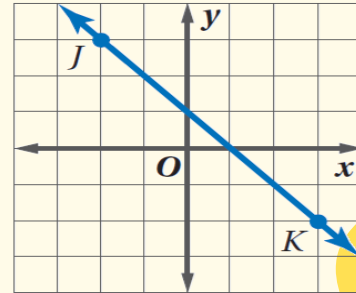


2-4: ميل المستقيم

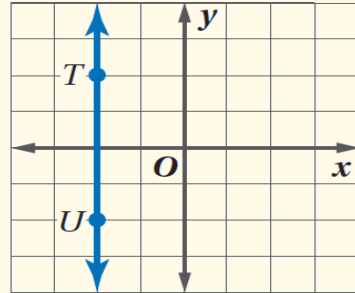
تأكد

أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:

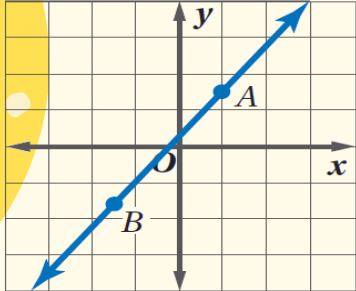
(1)



(2)



(3)





مهارات التفكير العليا

(40) **اكتشف الخطأ:** حسب كل من خالد وطارق ميل المستقيم الذي يمر بالنقطتين $Q(3, 5)$, $R(-2, 2)$ هل إجابة أي منهما صحيحة؟ وضح تبريرك.

طارق

$$m = \frac{5-2}{3-(-2)} \\ = \frac{3}{5}$$

خالد

$$m = \frac{5-2}{-2-3} \\ = -\frac{3}{5}$$

معدل التغير

مُعَدَّلُ التَّغْيَرِ

Rate of Change



في الكمية y

يمكن تفسير **الميل** على أنه **معدل التغير**
بالنسبة إلى **الكمية x** .





مثال ٢

طائرات: تحلق طائرة في مسارٍ جويٍّ مستقيم يمر بمدينة الرياض ثم بالمدينة المنورة. إذا كانت الطائرة على بُعد 500 km من المدينة المنورة بعد 0.5 h من مرورها فوق الرياض، ثم أصبحت على بُعد 152 km من المدينة المنورة بعد نصف ساعة أخرى. كم كان بُعدها عن المدينة المنورة بعد 0.75 h من مرورها فوق الرياض إذا كانت سرعتها ثابتة.



تحقق من
فهمك

(2) مبيعات: كانت مبيعات مصنع معلبات غذائية 20 مليون علبة عام 2003م، و 200 مليون علبة عام 2008م، إذا حافظ المصنع على المعدل نفسه من الزيادة، فكم تكون مبيعاته من العلب عام 2012م؟





تأكد

(4) **علم النبات:** الكودسو (Kudzu) هو نبات متسلق سريع النمو. قيس ارتفاع نبتة عند يوم البداية فكان 0.5 m، وبعد سبعة أيام أصبح ارتفاعها 4 m

- (a) مثل بيانيًا المستقيم الذي يمثل ارتفاع النبتة مع مرور الزمن.
 (b) ما ميل هذا المستقيم؟ وماذا يُمثل؟
 (c) افترض أن هذه النبتة استمرت في النمو وفق هذا المعدل، فكم يكون ارتفاعها بعد 15 يومًا؟



المستقيمات المتوازية والمستقيمات المتعامدة





في الشكل المجاور :



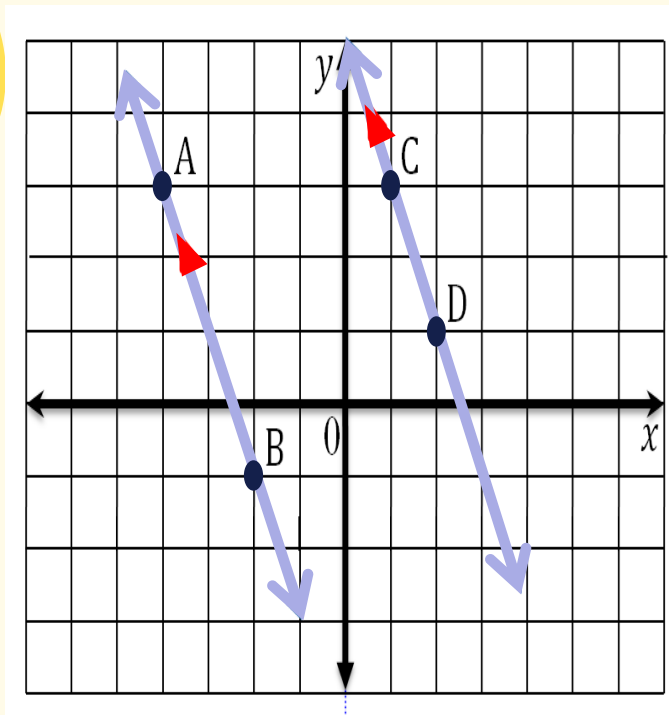
صف العلاقة بين مستقيمين $\overrightarrow{AB}$ و $\overrightarrow{CD}$ ؟
مستقيمان متوازيان

أوجد ميل المستقيم $\overrightarrow{AB}$ ؟ $m = \frac{-4}{2} = -2$

أوجد ميل المستقيم $\overrightarrow{CD}$ ؟ $m = \frac{-2}{1} = -2$

قارن بين ميل $\overrightarrow{AB}$ وميل $\overrightarrow{CD}$ ، ماذا تلاحظ ؟
لهما اميل نفسه
ماذا تستنتج من النشاط ؟

المستقيمان التي لهما اميل نفسه تكون متوازيان.





في الشكل المجاور :



صف العلاقة بين المستقيمين $\overleftrightarrow{EF}$ و $\overleftrightarrow{GH}$
المستقيمان متعامدان

$$m = \frac{-5}{2}$$

أوجد ميل المستقيم $\overleftrightarrow{EF}$ ؟

$$m = \frac{-2}{-5} = \frac{2}{5}$$

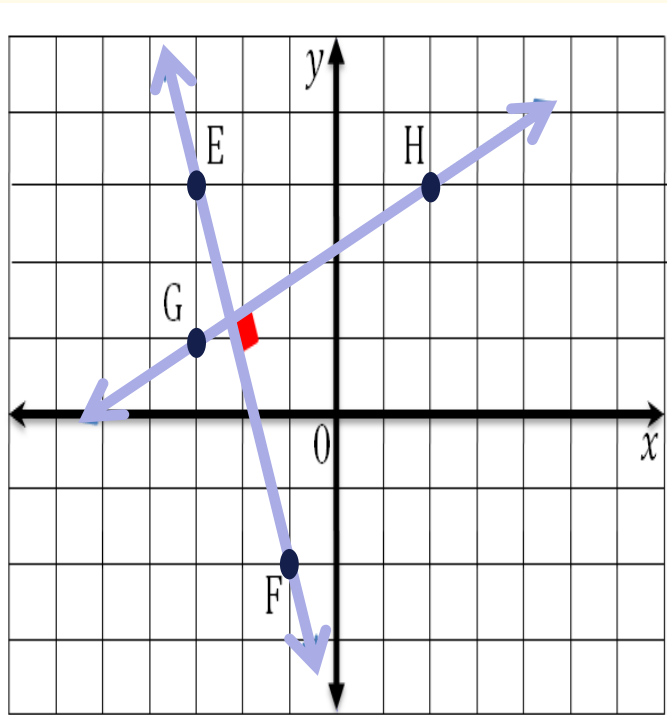
أوجد ميل المستقيم $\overleftrightarrow{GH}$ ؟

قارن بين ميل $\overleftrightarrow{EF}$ وميل $\overleftrightarrow{GH}$ ، ماذا تلاحظ ؟

احدهما معكوس مقلوب الآخر

ماذا تستنتج من النشاط ؟

لمستقيمتين التي حاصل ضرب ميليهما يساوي -1 تكون متعامدة.





2-4: ميل المستقيم

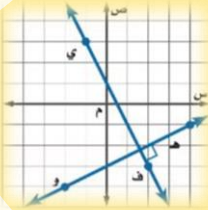


أوضاع المستقيمات
حسب الميل

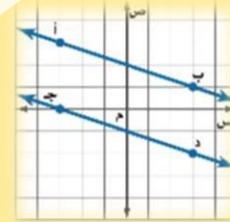


حاصل ضرب ميلهما يساوي -1
 $m_1 \cdot m_2 = -1$

لهما ميل نفسه
 $m_1 = m_2$



المستقيمان
متعامدان



المستقيمان
متوازيان



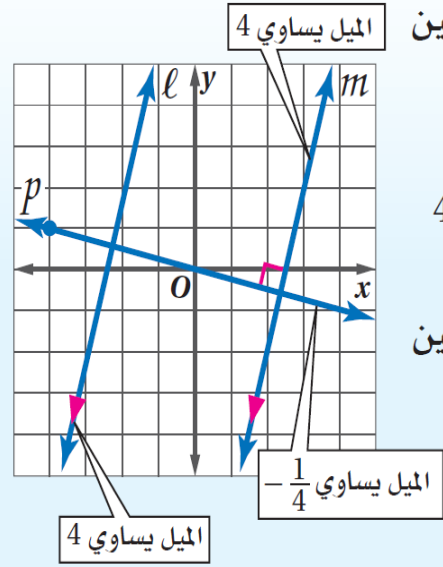


مسلمات

المستقيمات المتوازية والمستقيمات المتعامدة

أضف إلى

مطوبتك



2.4 ميلا المستقيمين المتوازيين: يكون للمستقيمين غير الرأسيين الميل نفسه إذا وفقط إذا كانا متوازيين. وجميع المستقيمات الرأسية متوازية.

مثال: المستقيمان المتوازيان l ، m لهما الميل نفسه ويساوي 4

2.5 ميلا المستقيمين المتعامدين: يكون المستقيمان غير الرأسيين متعامدين إذا وفقط إذا كان حاصل ضرب ميليهما يساوي -1 والمستقيمات الأفقية والرأسية متعامدة.

مثال: المستقيم m عمودي على المستقيم p ، أو $m \perp p$

ناتج ضرب الميلين هو $4 \cdot -\frac{1}{4} = -1$

إرشادات للدراسة

ميلا المستقيمين المتعامدين

إذا كان ميل المستقيم l يساوي $\frac{a}{b}$ ، فإن ميل المستقيم العمودي على l هو معكوس مقلوب ميله، أي $-\frac{b}{a}$ ؛ لأن $\frac{a}{b} \left(-\frac{b}{a}\right) = -1$



تحديد علاقات المستقيمات

مثال ٣

حدّد ما إذا كان $\overrightarrow{AB}$, $\overrightarrow{CD}$ متوازيين أو متعامدين أو غير ذلك إذا كانت $A(1, 1)$, $B(-1, -5)$, $C(3, 2)$, $D(6, 1)$ ومثّل كل مستقيم بيانياً لتتحقق من إجابتك.



تحديد علاقات المستقيمات

تحقق من
فهمك

حدد ما إذا كان $\overleftrightarrow{AB}$, $\overleftrightarrow{CD}$ متوازيين أو متعامدين أو غير ذلك في كل مما يأتي،
ومثل كل مستقيم بياناً للتحقق من إجابتك.

(3A) $A(14, 13)$, $B(-11, 0)$, $C(-3, 7)$, $D(-4, -5)$





تحديد علاقات المستقيمات

تحقق من
فهمك

حدد ما إذا كان $\overleftrightarrow{AB}$, $\overleftrightarrow{CD}$ متوازيين أو متعامدين أو غير ذلك في كلِّ مما يأتي،
ومثِّل كل مستقيم بيانياً لتتحقق من إجابتك.

(3B) $A(3, 6), B(-9, 2), C(5, 4), D(2, 3)$

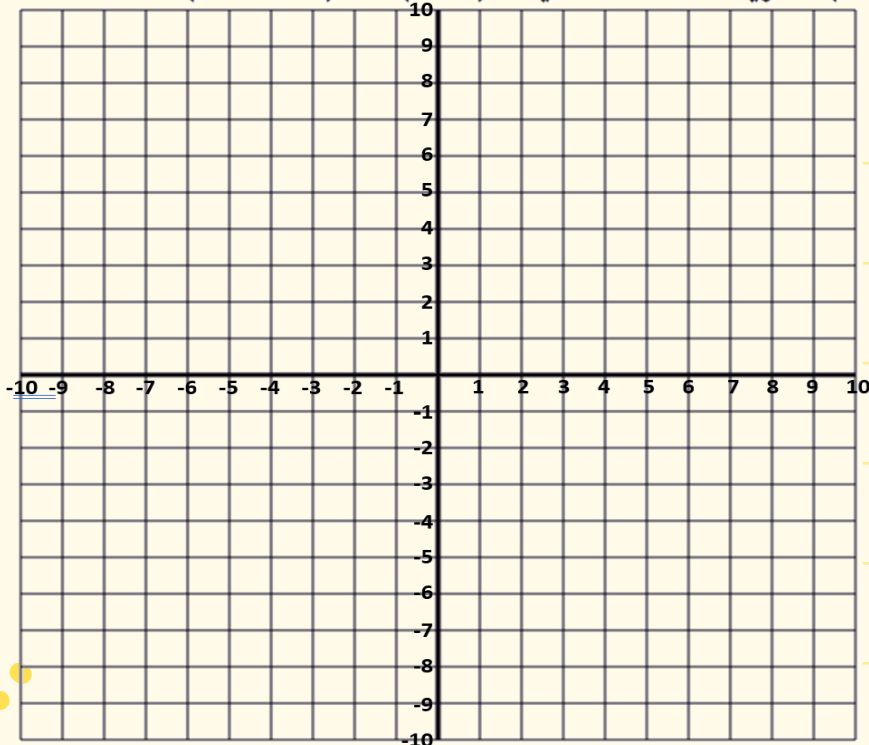




استعمال الميل لتمثيل المستقيم بيانيا

مثال ٤

مثل بيانياً المستقيم الذي يمر بالنقطة $A(-3, 0)$ ويعامد $\overleftrightarrow{CD}$ ، حيث $C(-2, -3), D(2, 0)$.

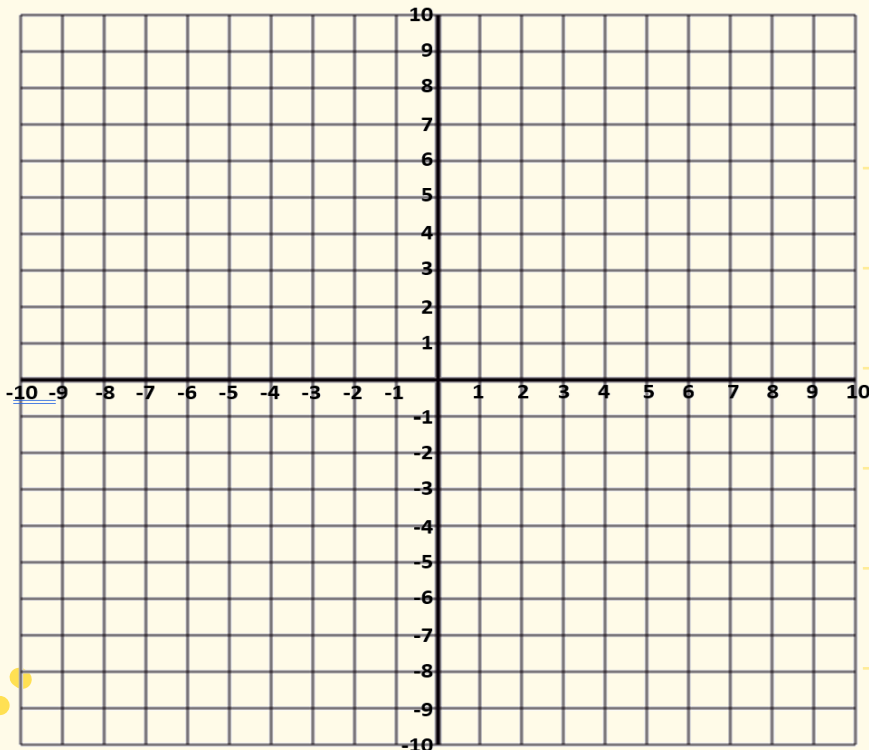




استعمال الميل لتمثيل المستقيم بيانيا

تحقق من
فهمك

(4) مثل بيانياً المستقيم الذي يمر بالنقطة $P(0, 1)$ ويعامد $\overleftrightarrow{QR}$ ، حيث $Q(-6, -2)$, $R(0, -6)$.





تحديد علاقات المستقيمات

تأكد

حدّد ما إذا كان $\overleftrightarrow{WX}$, $\overleftrightarrow{YZ}$ متوازيين أو متعامدين أو غير ذلك في كلّ مما يأتي، ومثّل كل مستقيم بيانيًا للتحقق من إجابتك.

(6) $W(1, 3), X(-2, -5), Y(-6, -2), Z(8, 3)$

(5) $W(2, 4), X(4, 5), Y(4, 1), Z(8, -7)$



تحديد علاقات المستقيمات

تأكد

حدّد ما إذا كان $\overleftrightarrow{WX}$, $\overleftrightarrow{YZ}$ متوازيين أو متعامدين أو غير ذلك في كلّ مما يأتي، ومثّل كل مستقيم بيانيًا للتحقق من إجابتك.

$$W(1, -3), X(0, 2), Y(-2, 0), Z(8, 2) \quad (8)$$

$$W(-7, 6), X(-6, 9), Y(6, 3), Z(3, -6) \quad (7)$$

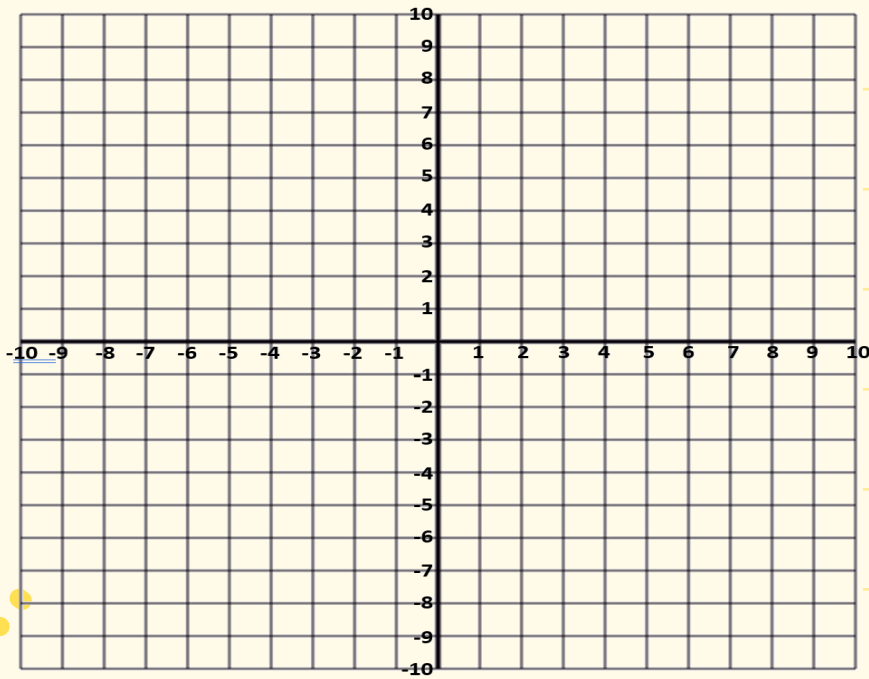


استعمال الميل لتمثيل المستقيم بيانيا

تأكد

مثّل بيانياً المستقيم الذي يحقق الشروط في كلّ مما يأتي:

(9) يمر بالنقطة $A(3, -4)$ ، ويوازي $\overrightarrow{BC}$ ، حيث $B(2, 4)$ ، $C(5, 6)$.

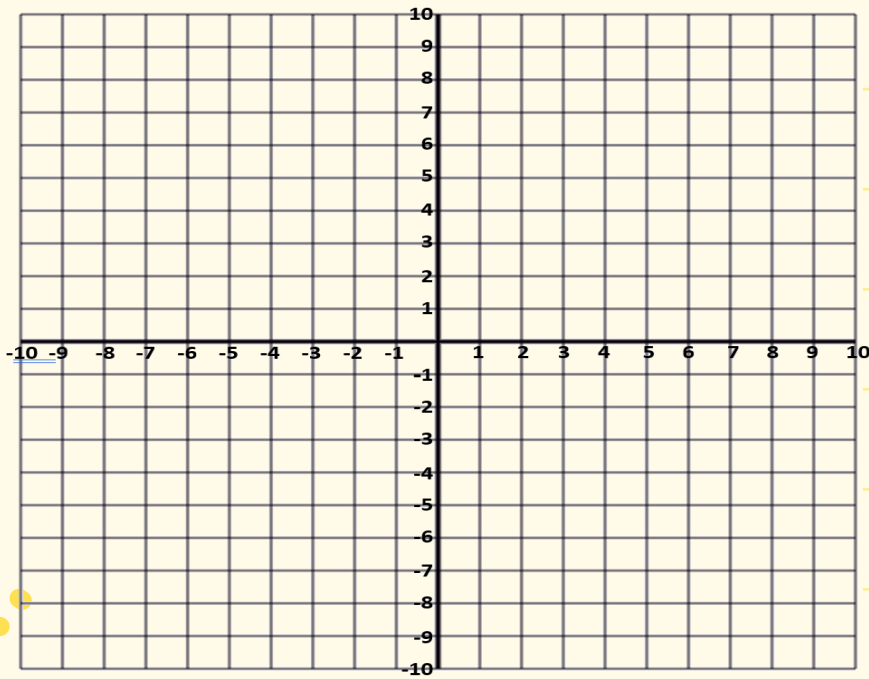




استعمال الميل لتمثيل المستقيم بيانيا

تأكد

مثّل بيانيًا المستقيم الذي يحقق الشروط في كلّ مما يأتي:
 (10) ميله يساوي 3 ، ويمر بالنقطة $A(-1, 4)$.



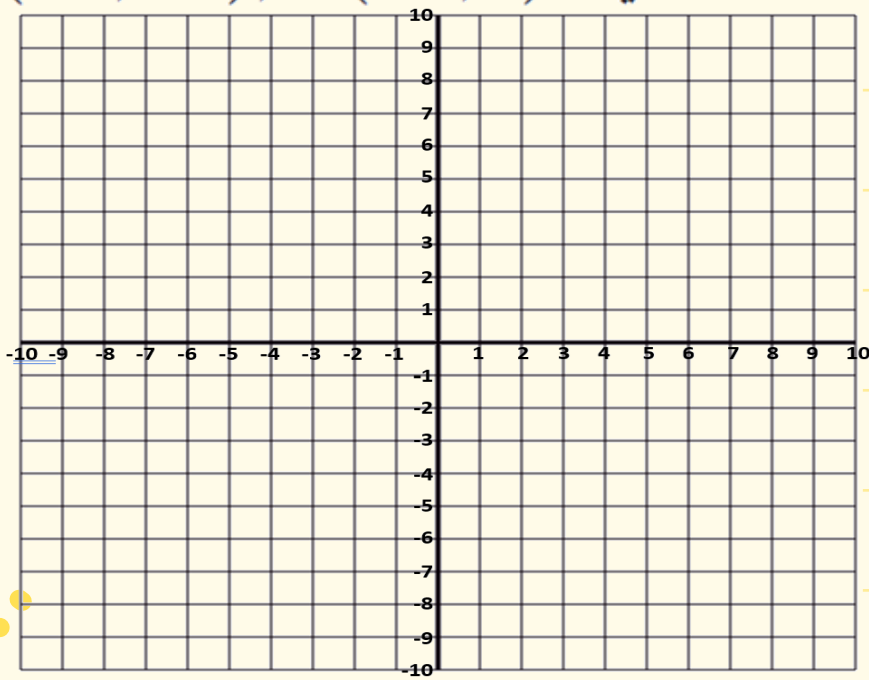


استعمال الميل لتمثيل المستقيم بيانيا

تأكد

مثّل بيانيًّا المستقيم الذي يحقق الشروط في كلّ مما يأتي:

(11) يمر بالنقطة $P(7, 3)$ ، ويعامد $\overrightarrow{LM}$ ، حيث $M(-1, 5)$ ، $L(-2, -3)$.





تدريب على اختبار

(44) أي المعادلات الآتية تمثل مستقيمًا يعامد المستقيم الذي معادلته $y = \frac{3}{4}x + 8$ ؟

A $y = -\frac{4}{3}x - 6$ **C** $y = \frac{3}{4}x + \frac{1}{4}$

B $y = \frac{4}{3}x + 5$ **D** $y = -\frac{3}{4}x - 5$

(45) أي القيم الآتية تمثل ميل المستقيم المار بالنقطتين $(0, -2)$, $(2, 4)$ ؟

A $-\frac{1}{3}$ **C** $\frac{1}{3}$

B -3 **D** 3