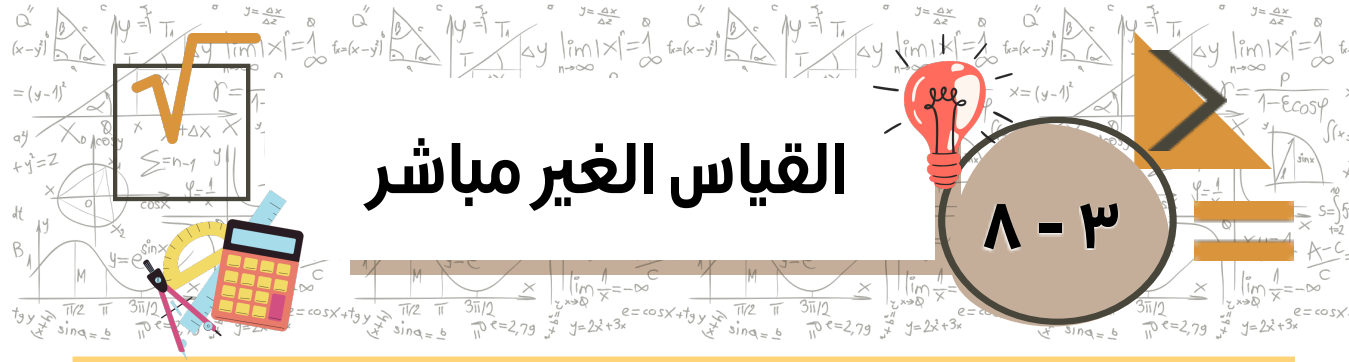


الفصل (٣) : التناسب والتشابه الدرس ٣ - ٨



القياس الغير مباشر

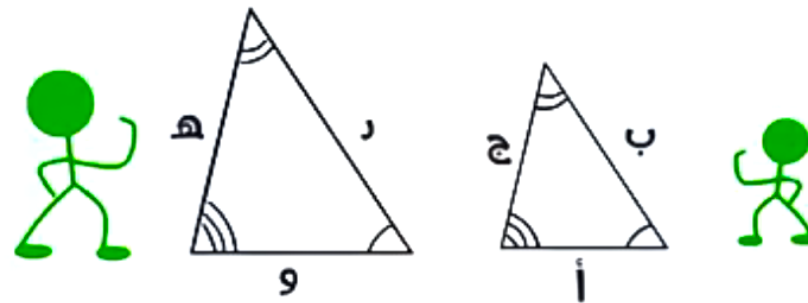


القياس الغير مباشر

٨ - ٣



المعرفة السابقة :



$$\frac{\text{Stick Figure}}{\text{Stick Figure}} = \frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{c}{a}$$

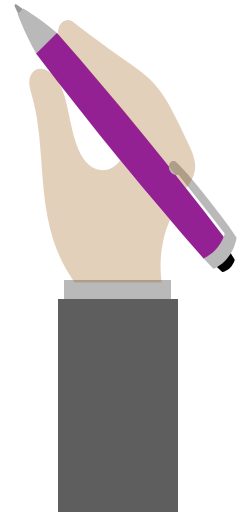
القياس الغير مباشر

٨ - ٣

سنتعلم اليوم :

استعمال تقدير الظل ☒

استعمال القياس الغير مباشر ☒

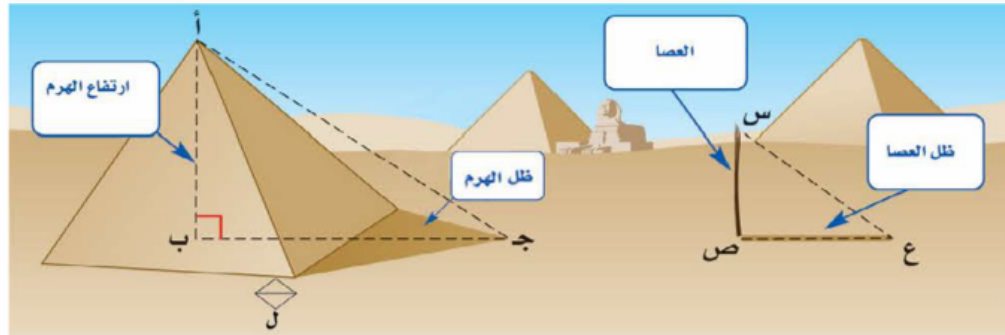


القياس الغير مباشر

٨ - ٣

استعد

تاريخ : يقال: إن الفيلسوف الإغريقي طاليس كان أول من عيّن ارتفاع الأهرامات في مصر من خلال فحص ظلها على الأرض. فقد أخذ في الحساب ارتفاع الهرم وطول الظل والقاعدة.



١ ماذا تلاحظ على الزوايا المتناظرة في المثلثين أ ب ج، س ص ع الموضحين في الشكل؟

٢ إذا كانت أطوال الأضلاع المتناظرة متناسبة، فماذا يمكنك أن تستنتج عن المثلثين؟



القياس الغير مباشر

٨ - ٣



يساعدنا **القياس غير المباشر** على استعمال التناسب في المضلعات المتشابهة لإيجاد الأطوال أو المسافات التي يصعب قياسها بصورة مباشرة. ويسمى هذا النمط من القياس القياس غير المباشر، والذي سماه طاليس تقدير الظل. فقد قاس طول عصا: س ص، وطول ظلها: ع ص، وقارنه بطول جب الذي يمثل طول ظل الهرم مضافاً إليه الطول ل.

$$\frac{\text{طول العصا}}{\text{ارتفاع الهرم}} = \frac{\text{طول ظل العصا}}{\text{طول ظل الهرم} + \text{الطول ل}}$$

$$\frac{\text{س ص}}{\text{أ ب}} = \frac{\text{ع ص}}{\text{ج ب}}$$



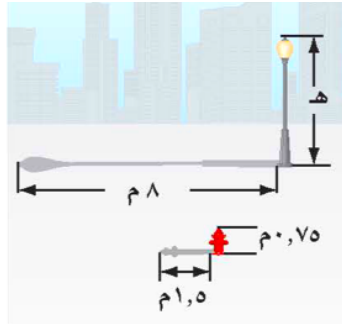
القياس الغير مباشر

٨ - ٣

استعمال تقدير الظل ☒



مثال :



إضاءة: يبلغ ارتفاع مضخة مياه ٠,٧٥ م، وكان طول ظلها في وقت ما ١,٥ م. فإذا كان طول ظل مصباح الطريق في الوقت نفسه ٨ م، فما ارتفاع المصباح عن الأرض؟

لتكن ه تساوي ارتفاع المصباح عن الأرض.

الارتفاع الظل

$$\begin{array}{ccc} \text{المضخة} \rightarrow & \frac{0,75}{1,5} = \frac{8}{h} & \leftarrow \text{المضخة} \\ \text{المصباح} \rightarrow & & \leftarrow \text{المصباح} \end{array}$$

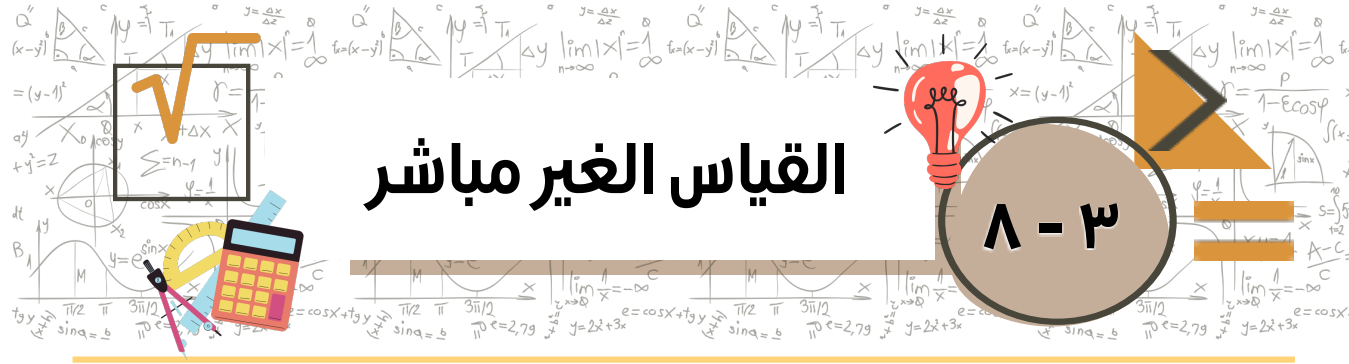
$$8 \times 0,75 = 1,5 \times h \quad \text{اضرب ضرباً تبادلياً.}$$

$$6 = 1,5 \times h \quad \text{أوجد نواتج الضرب.}$$

$$\frac{6}{1,5} = \frac{1,5 \times h}{1,5} \quad \text{اقسم كلا الطرفين على ١,٥.}$$

$$4 = h \quad \text{بسط.}$$

إذن ارتفاع المصباح عن الأرض يساوي ٤ م.



تحقق من فهمك :



أ) **شوارع:** إذا كان طول ظل إشارة مرور ٣م، وطول ظل برج الهاتف النقال في الوقت نفسه ٣، ٢١م، فما طول برج الهاتف النقال إذا كان طول إشارة المرور مترين؟

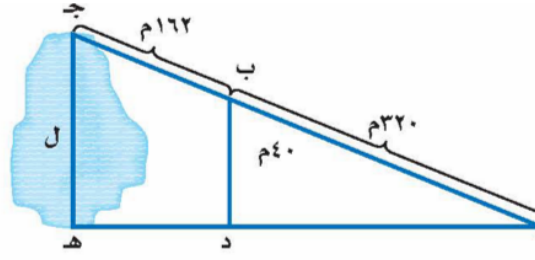
القياس الغير مباشر

٨ - ٣

استعمال القياس الغير مباشر ✓



مثال :



بحيرات: في الشكل
المجاور، المثلث د ب أ يشابه
المثلث هـ جـ أ . أوجد طول
البحيرة .

أب يناظر أ جـ و ب د يناظر جـ هـ

اكتب التناسب.

$$\frac{AB}{BD} = \frac{AJ}{JD}$$

$$\frac{40}{J} = \frac{320}{482}$$

$$AB = 162, AD = 320, BD = 40, \text{ أوجد } AH = 162 + 320 = 482$$

اضرب ضرباً تبادلياً.

$$320 \times 40 = 482 \times J$$

أوجد نواتج الضرب، واقسم كلا الطرفين على ٣٢٠.

$$\frac{320 \times 40}{320} = \frac{482 \times J}{320}$$

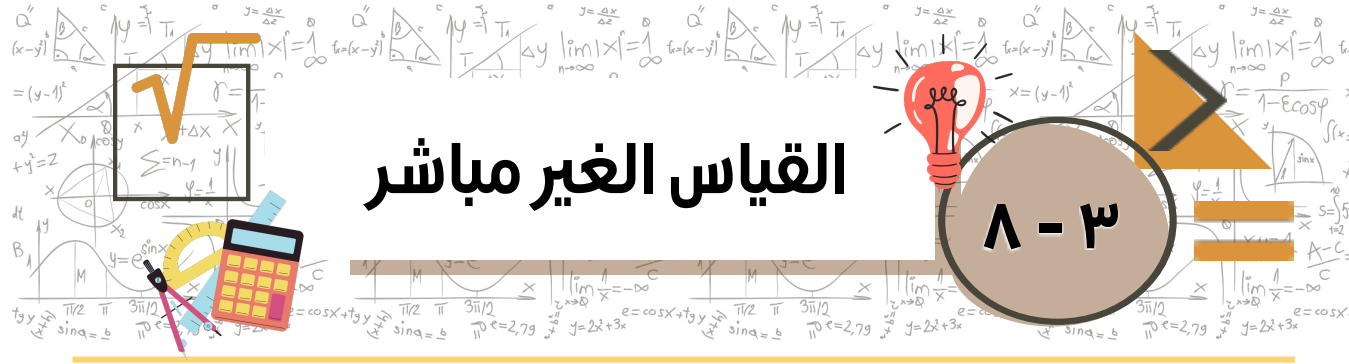
بسط.

$$J = 25, 60$$

طول البحيرة يساوي ٢٥, ٦٠ مترًا.

Λ - μ





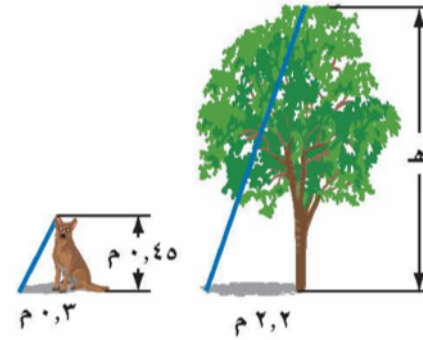
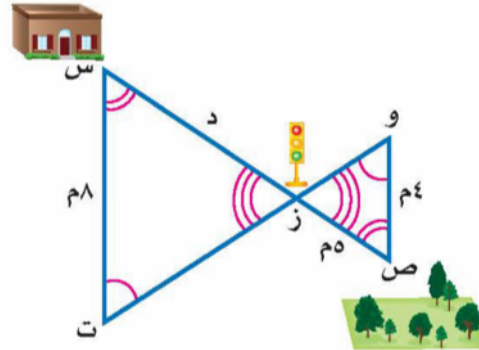
القياس الغير مباشر

٨ - ٣

تأكد:

حل السؤالين ١ ، ٢ حيث المثلثان في كل شكل متشابهان:

١ أشجار: ما طول هذه الشجرة ؟ ٢ مشي: أوجد المسافة بين المتنزه والبيت.



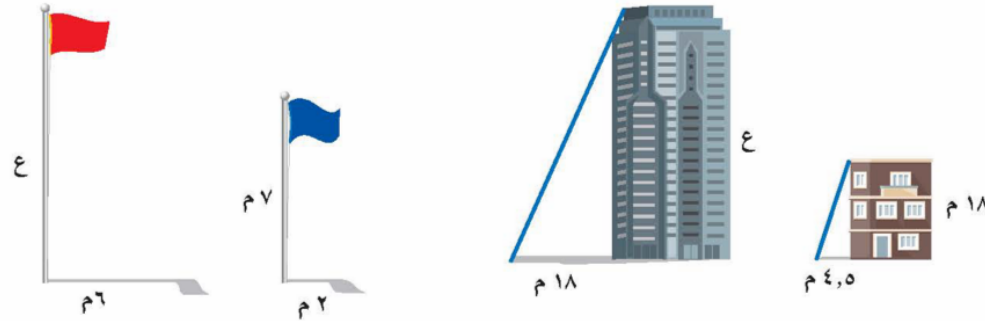
القياس الغير مباشر

٨ - ٣

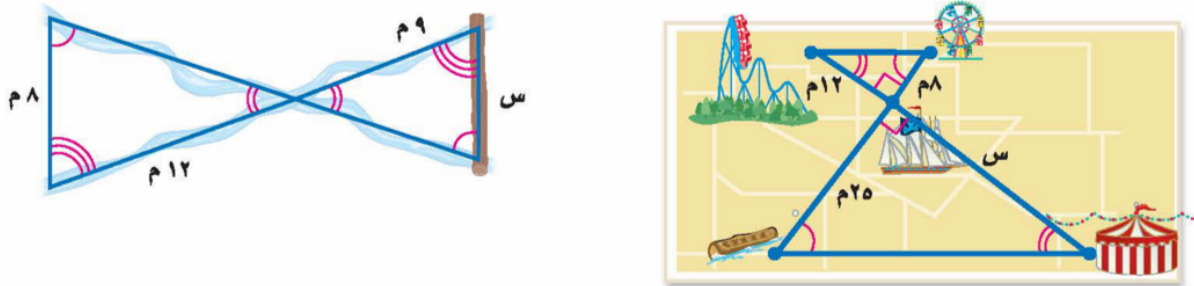
تدرب :

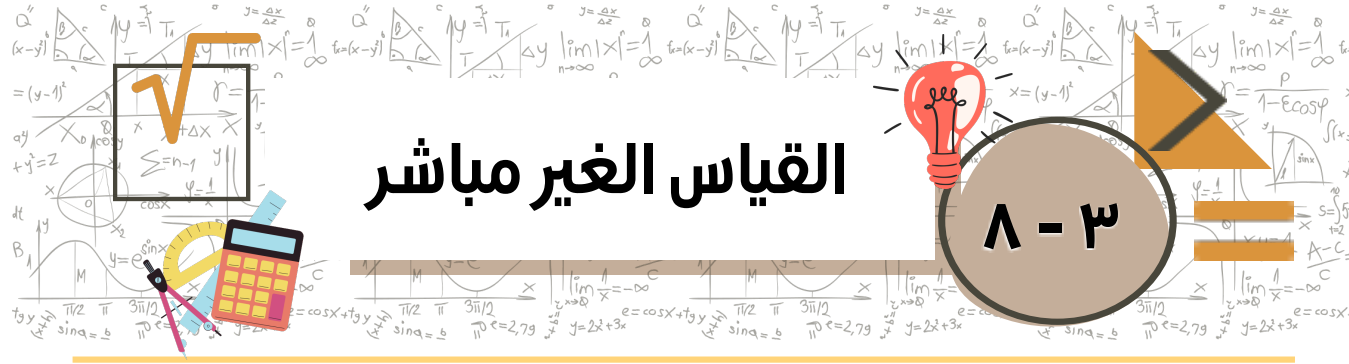
في الأسئلة ٣ - ٨ ، افترض أن المثلثات متشابهة. اكتب تناسبًا، واستعمله لحل كل مسألة منها:

٣ بنايات: ما ارتفاع هذه البناية؟
٤ أعلام: ما ارتفاع العلم الأحمر؟



٥ متنزه: ما المسافة بين الخيمة والسفينة؟
٦ أنهار: ما طول المسافة بين الجدولين؟





القياس الغير مباشر

٨ - ٣

مسائل مهارات التفكير العليا :

- ١٠ **مسألة مفتوحة :** صف موقفًا يتطلب إجراء قياس غير مباشر، ووضح كيفية حله.
- ١١ **تحذُّ :** إذا عملت ثقبًا مربع الشكل طول ضلعه ٦ سم في قطعة من الكرتون المقوى، ونظرت من الثقب إلى القمر، وتمكنت من مشاهدته كاملاً عندما كانت المسافة بين عينك وبين الثقب ٧٥ سم ، فقدّر طول قطر القمر إذا علمت أنه يبعد عن الأرض مسافة ٣٨٦٠٠٠ كلم. ارسم شكلًا لتمثيل الموقف، ثم اكتب تناسبًا وحله.
- ١٢ **اكتب** ما القياسات الواجب معرفتها لحساب ارتفاع جسم باستعمال تقدير الظل



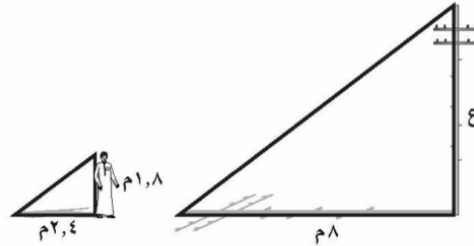
القياس الغير مباشر

٨ - ٣

تدريب على اختبار:



١٤ يبلغ طول محمد ٨ م، وكان طول ظله في وقت ما ٢ م، ٤. فإذا كان طول ظل عمود كهرباء في الوقت نفسه ٨ م، فما ارتفاع العمود عن الأرض؟



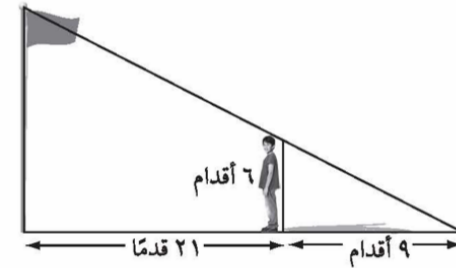
(ج) ٨ م

(د) ٦ م

(أ) ١٢ م

(ب) ١٠,٧ م

١٣ يقف رجل طوله ٦ أقدام بعيداً عن قاعدة سارية علم مسافة ٢١ قدماً كما في الشكل أدناه:



إذا كان طول ظل الرجل ٩ أقدام، فما ارتفاع سارية العلم؟

(ج) ٣٠ قدماً

(د) ٣١,٥ قدماً

(أ) ١٤ قدماً

(ب) ٢٠ قدماً

Λ - μ

غلق الدرس :

$$\frac{\text{طول ظل الشكل الأول}}{\text{طول ظل الشكل الثاني}} = \frac{\text{طول الشكل الأول}}{\text{طول الشكل الثاني}}$$