

مراجعة الفصل الرابع : العلاقات و الدوال العكسية و الجذرية

للف الثاني الثانوي (مسارات) عام - الفصل الدراسي الثاني

إعداد و كتابة و تنسيق

الأستاذة

مريم سليمان المسعودي

4-1 العمليات على الدوال

تركيب الدالتين	العمليات الحسابية			
لتكن f و g الدالتين بحيث ان مدى g مجموعة جزئية من مجال f . فإن تركيب الدالتين يعرف بالدالت : $[f \circ g](x) = f[g(x)]$	$(f - g)(x) = f(x) - g(x)$	الطرح	$(f + g)(x) = f(x) + g(x)$	أجمع
	$\left(\frac{f}{g}\right)(x) = \frac{f(x)}{g(x)}, g(x) \neq 0$	القسمت	$(f \cdot g)(x) = f(x) \cdot g(x)$	الضرب

اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :							
1 أوجد $(f + g)(x)$ إذا كان : $f(x) = x^2 + 3x - 5, g(x) = 2x + 1$							
$x^2 + 5x - 4$	D	$2x^2 + 4x - 5$	C	$-x^2 - 5x + 4$	B	$x^2 + x - 6$	A
2 أوجد $\left(\frac{f}{g}\right)(x)$ إذا كان : $f(x) = x^2 + 3x - 4, g(x) = x - 1, x \neq 1$							
$x + 3$	D	$x + 2$	C	$x + 7$	B	$x + 4$	A
3 إذا كان : $f[g(x)]$ فأوجد $f(x) = \{(2,3), (4,8), (7,-1)\}, g(x) = \{(8,2), (-1,4), (2,7)\}$							
غير موجودة	D	$\{(8,3), (-1,8), (2,-1)\}$	C	$\{(2,3), (-1,8), (8,-1)\}$	B	$\{(-1,3), (8,8), (2,-1)\}$	A
4 أوجد $(f \cdot g)(x)$ إذا كان : $f(x) = x + 5, g(x) = 2x$							
$2x + 10$	D	$2x^2 + 10x$	C	$3x^2 + 10x$	B	$2x^2 + 5$	A
5 إذا كان : $f(x) = x^2$ و $f(x) = 3x - 1$ فأوجد $[g \circ f](x)$							
$3x^2 - 1$	D	$9x^2 - 1$	C	$9x^2 - 6x + 1$	B	$x^2 + 3x - 1$	A
7 إذا كان : $f(x) = 2x + 4$ و $g(x) = x^2 + 5$ فأوجد $f[g(6)]$							
261	D	86	C	43	B	38	A
8 إذا كان : $f(x) = 3x - 2$ و $g(x) = x^2 + 1$ فأوجد $f[g(-3)]$							
20	D	24	C	28	B	22	A

إذا كانت $f(x) = 8x - 3, g(x) = 4x + 5$ فأوجد ما يلي :	
$(f \cdot g)(x)$	$(f + g)(x)$
$\left(\frac{f}{g}\right)(x)$	$(f - g)(x)$
أوجد $(f \circ g)(x)$ و $(g \circ f)(x)$ لكلا مما يلي اذا كان ذلك ممكنا	
$f(x) = \{(5,-2), (9,8), (-4,3), (0,4)\}$ $g(x) = \{(3,7), (-2,6), (4,-2), (8,10)\}$	$f(x) = \{(-1,2), (5,6), (0,9)\}$ $g(x) = \{(6,0), (2,-1), (9,5)\}$
$f(x) = x - 3, g(x) = x^2$	$f(x) = 5x + 4, g(x) = 3 - x$

4-2 العلاقات و الدوال العكسية

إيجاد الدالة العكسية

إيجاد دالة عكسية :

- 1 (ضع y بدلا من $f(x)$ في الدالة الأصلية .
- 2 (بدل y, x كل منهما مكان الآخر .
- 3 (حل المعادلة في y .
- 4 (ضع الرمز $f^{-1}(x)$ بدلا من y .

العلاقات العكسية	تكون كل من العلاقتين عكسية للأخرى، إذا وفقط إذا كان كل زوج مرتب مثل (a, b) ينتمي لإحدهما، فإن الزوج (b, a) ينتمي للأخرى.
خصائص الدوال العكسية	افرض أن f, f^{-1} دالتان كل منهما عكسية للأخرى، فإن: $f(a)=b$ ، إذا وفقط إذا كان $f^{-1}(b)=a$.

التحقق من الدالة العكسية

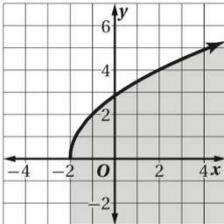
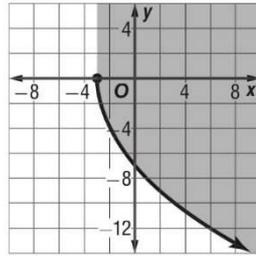
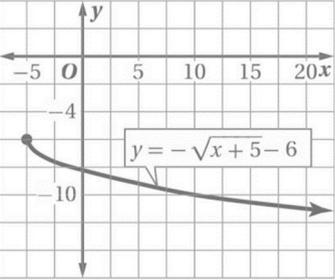
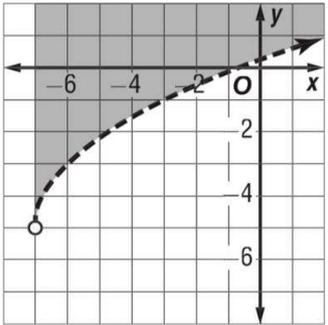
الدوال العكسية	تكون كل من الدالتين $f(x)$ و $g(x)$ عكسية للأخرى إذا وفقط إذا كان: $[g \circ f](x) = x$ و $[f \circ g](x) = x$
----------------	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

أوجد الدالة العكسية لكل دالة فيما يلي

$f(x) = x^2 + 4$	$\{(0, -9), (5, -3), (6, 6), (8, -3)\}$	$\{(3, 1), (4, -3), (8, -3)\}$
$f(x) = 5x$	$y = \frac{x-4}{3}$	$f(x) = x + 2$
في كل زوج مما يأتي حدد هل كل دالة تمثل دالة عكسية للأخرى		
$f(x) = 10 - \frac{x}{2}$ $f(x) = 20 - 2x$	$f(x) = 8x - 12$ $g(x) = \frac{1}{8}x + 12$	$f(x) = \frac{x+10}{8}$ $g(x) = 8x - 10$

اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

الدالة العكسية للدالة $g(x) = -3x$							
$g^{-1}(x) = -\frac{1}{3}x$	D	$g^{-1}(x) = x - 1$	C	$g^{-1}(x) = -3x - 3$	B	$g^{-1}(x) = x + 1$	A
حدد زوج الدوال الذي يتكون من دالة و دالتها العكسية							
$f(x) = 4x - 1$ $g(x) = 4x + 1$	D	$f(x) = x - 4$ $g(x) = 4x - 1$	C	$f(x) = x - 4$ $g(x) = \frac{x-4}{4}$	B	$f(x) = x - 4$ $g(x) = x + 4$	A
أي الدوال الآتية هي دالة عكسية للدالة $f(x) = \frac{3x-5}{2}$							
$g(x) = \frac{2x-5}{3}$	D	$g(x) = 2x + 5$	C	$g(x) = \frac{3x+5}{2}$	B	$g(x) = \frac{2x+5}{3}$	A
أوجد الدالة العكسية للدالة $f(x) = 2x - 7$							
$f^{-1}(x) = x + \frac{7}{2}$	D	$f^{-1}(x) = \frac{1}{2}x + 7$	C	$f^{-1}(x) = \frac{x+7}{2}$	B	$f^{-1}(x) = 7x - 2$	A

<p>2 (ما المتباينة الممثلة في الشكل المجاور</p>  <p>A $y \leq \sqrt{4x + 8}$</p> <p>B $y > \sqrt{4x + 8}$</p> <p>C $y < \sqrt{4x + 8}$</p> <p>D $y \geq \sqrt{4x + 8}$</p>	<p>1 (مجال و مدى الدالة الممثلة في الشكل التالي</p> <p>A (المجال $\{x/x > 2\}$</p> <p>المدى $\{y/y > 0\}$</p> <p>B (المجال $\{x/x < 2\}$</p> <p>المدى $\{y/y > 0\}$</p> <p>C (المجال $\{x/x \geq 2\}$</p> <p>المدى $\{y/y < 0\}$</p> <p>D (المجال $\{x/x \geq 2\}$</p> <p>المدى $\{y/y \geq 0\}$</p>	
<p>4 (مدى الدالة $y = \sqrt{x + 4} - 2$</p> <p>A $y \geq 4$ (B $y \geq -4$ (C $y \geq 2$ (D $y \geq -2$ (</p>	<p>3 (مجال الدالة $y = \sqrt{x + 4} - 2$</p> <p>A $x \geq 4$ (B $x \geq -4$ (C $x \geq 2$ (D $x \geq -2$ (</p>	
<p>6 (مجال الدالة $y = -\sqrt{2x} + 2$</p> <p>A $x \geq 0$ (B $x \leq 0$ (C $x \geq 2$ (D $x \leq -2$ (</p>	<p>5 (مدى الدالة $y = -\sqrt{x - 5}$</p> <p>A $y \geq 0$ (B $y \leq 0$ (C $y \geq 5$ (D $y \leq 5$ (</p>	
<p>8 (ما المتباينة الممثلة في الشكل المجاور</p>  <p>A $y \geq 4\sqrt{x + 3}$</p> <p>B $y \geq -4\sqrt{x + 3}$</p> <p>C $y \leq 4\sqrt{x + 3}$</p> <p>D $y \leq -4\sqrt{x + 3}$</p>	<p>7 (التحويلات الهندسية لدالة الجذر التربيعي التالي</p> <p>$h(x) = \sqrt{x + 3} + 2$</p> <p>A (ثلاثت وحدات لليمين وحدتين للأعلى</p> <p>B (ثلاثت وحدات لليمين وحدتين للأسفل</p> <p>C (ثلاثت وحدات لليسار وحدتين للأعلى</p> <p>D (ثلاثت وحدات لليسار وحدتين للأسفل</p>	
<p>10 (مجال و مدى الدالة الممثلة في الشكل التالي</p>  <p>A (المجال $\{x/x \geq -5\}$</p> <p>المدى $\{y/y \geq -6\}$</p> <p>B (المجال $\{x/x \geq -5\}$</p> <p>المدى $\{y/y \leq -6\}$</p> <p>C (المجال $\{x/x \geq -5\}$</p> <p>المدى $\{y/y \geq 0\}$</p> <p>D (المجال $\{x/x \geq -5\}$</p> <p>المدى $\{y/y \leq 0\}$</p>	<p>9 (ما المتباينة الممثلة في الشكل المجاور</p>  <p>A $y \geq 2\sqrt{x + 7} - 5$</p> <p>B $y \leq 2\sqrt{x + 7} - 5$</p> <p>C $y > 2\sqrt{x + 7} - 5$</p> <p>D $y < 2\sqrt{x + 7} - 5$</p>	
<p>اذكر التحويلات الهندسية التي أجريت على الدالة الأم $f(x) = \sqrt{x}$ للحصول على $g(x) = -4\sqrt{x - 6} + 3$</p>	<p>أوجد المجال و المدى في كل دالة مما يلي</p>	
	<p>$f(x) = \sqrt{x} - 6$</p>	<p>$f(x) = -3\sqrt{x + 7} + 9$</p>

استخدم أكاسبت لتقريب كل مما يأتي ، الى اقرب ثلاث منازل عشرية :

- 1) $-\sqrt{76}$
- 2) $\sqrt{0.43}$
- 3) $-\sqrt[3]{-15}$
- 4) $\sqrt{230}$
- 5) $\sqrt[5]{500}$
- 6) $\sqrt[6]{4200}$

الجذر التربيعي	لأي عددين حقيقيين a, b ، إذا كان $a^2=b$ ، فإن a جذر تربيعي لـ b
الجذر النوني	لأي عددين حقيقيين a, b ، وأي عدد صحيح موجب n ، إذا كان $a^n=b$ ، فإن a جذر نوني للعدد b .
الجذور النونية الحقيقية	إذا كان n عدداً زوجياً ، و $b > 0$ ، فإن b له جذر حقيقي واحد موجب ، وجذر حقيقي واحد سالب ، الجذر الموجب هو الجذر الرئيس . إذا كان n عدداً فردياً و $b > 0$ ، فإن b له جذر حقيقي واحد موجب . إذا كان n عدداً زوجياً و $b < 0$ ، فإنه لا يوجد للعدد b جذور حقيقية . إذا كان n عدداً فردياً و $b < 0$ ، فإنه يوجد للعدد b جذر حقيقي واحد سالب .

تقريب الجذور باستخدام الآلة الحاسبة

العدد غير النسبي	هو العدد الذي لا يمكن التعبير عنه بكسر عشري منته أو دوري.
------------------	-----------------------------------------------------------

الجذور مثل $\sqrt{2}$ و $\sqrt{3}$ أمثلة للأعداد غير النسبية. ويُستعمل تقريب الكسور العشرية في تقريب قيم الأعداد غير النسبية في التطبيقات عادة. ويمكنك إيجاد هذه القيم التقريبية بسهولة بواسطة الآلة الحاسبة.

بسط العبارات الثالث

$\sqrt[5]{32a^{15}b^{10}}$	$\sqrt[3]{-(y-9)^9}$	$\sqrt[6]{64(2y+1)^{18}}$	$\pm\sqrt{100y^8}$
----------------------------	----------------------	---------------------------	--------------------

شحن: يريد متجر لبيع الكتب عبر الإنترنت زيادة حجم الصناديق المستعملة في الشحن. إذا كان حجم الصندوق الجديد N يساوي حجم الصندوق القديم V مضروباً في مكعب عدد ثابت F ؛ أي أن $N = V \cdot F^3$. فما قيمة العدد F إذا كان الحجم الأصلي للصندوق يساوي 0.8ft^3 ، والحجم الجديد يساوي 21.6ft^3 ؟

اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

1	تبسيط العبارة	$\sqrt[3]{-27w^9y^6}$	A	B	$3w^3y^2$	C	$3w^6y^2$	D	$-3w^6y^2$
2	تبسيط العبارة	$\sqrt{4x^2y^2z^4}$	A	B	$2xyz^2$	C	$\pm 2xyz^2$	D	$2x^2y^2z^4$
3	بسط العبارة	$\sqrt{121}$	A	B	11	C	± 11	D	$\sqrt{11}$
4	تبسيط العبارة	$\sqrt[3]{27(2x-5)^{15}}$	A	B	$9(2x-5)^5$	C	$3(2x-5)^3$	D	$9(2x-5)^3$
5	تبسيط العبارة	$\sqrt{49x^2y^4}$	A	B	$7 x y^2$	C	$\pm 7xy^2$	D	$ xy $

لأي عدد حقيقي b ، وأي عدد صحيح موجب n ، يكون $b^{\frac{1}{n}} = \sqrt[n]{b}$ ما عدا عندما $b < 0$ و n عدد صحيح زوجي.	تعريف $b^{\frac{1}{n}}$
لأي عدد حقيقي b ، $b \neq 0$ ، وأي عددين صحيحين n, m و $n > 1$ ، ما عدا عندما $b < 0$ و n عدد صحيح زوجي. $b^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{b^m} = (\sqrt[n]{b})^m$	تعريف $b^{\frac{m}{n}}$

اكتب كل عبارة أسية فيما يلي على الصورة الجذرية					
$\frac{1}{3^6}$	$15^{\frac{1}{3}}$	$300^{\frac{3}{2}}$	$(x^3)^{\frac{3}{2}}$	$10^{\frac{1}{4}}$	$x^{\frac{1}{5}}$

اكتب كل عبارة جذرية فيما يلي على الصورة الأسية					
$\sqrt[5]{2a^{10}b}$	$\sqrt[3]{37}$	$\sqrt[4]{2p^5}$	$\sqrt{17}$	$\sqrt[3]{6xy^2}$	$\sqrt[4]{15^3}$

أوجد قيمة العبارات التالية					
$\frac{24}{4^{\frac{3}{2}}}$	$32^{-\frac{1}{5}}$	$\frac{64^{\frac{2}{3}}}{343^{\frac{2}{3}}}$	$1024^{\frac{1}{5}}$	$(-64)^{\frac{2}{3}}$	81^4

بسط كل عبارة فيما يلي					
$x^{\frac{4}{7}} \cdot x^{\frac{3}{7}}$	$x^{\frac{4}{5}} \cdot x^{\frac{6}{5}}$	$(y^{-\frac{3}{5}})^{-\frac{1}{4}}$	$a^{\frac{7}{4}} \cdot a^{\frac{5}{4}}$	$\frac{\sqrt[8]{81}}{\sqrt[6]{3}}$	$\frac{b^3 \cdot c}{c^{\frac{1}{2}} \cdot b^{\frac{1}{3}}}$

إذا علمت مساحة مربع، فإنه يمكن إيجاد طول ضلعه l باستعمال القانون $l = A^{\frac{1}{2}}$. فإذا علمت أن مساحة حديقة مربعة الشكل $169m^2$ ، فما طول ضلعها؟

اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:							
							1
$\frac{6t^{\frac{2}{3}} \cdot t^{\frac{4}{3}}}{t^{\frac{1}{3}}} =$ فما قيمة $t > 0$ إذا كان							
$6t^{\frac{5}{3}}$	D	$6t^6$	C	$6t^{\frac{1}{3}}$	B	$6t^{\frac{7}{3}}$	A
2							
العبارة $5^{\frac{1}{7}}$ في الصورة الجذرية							
$\sqrt[5]{7}$	D	$\sqrt[7]{5}$	C	35	B	$\sqrt[7]{51}$	A
3							
بسطة العبارة $m^{\frac{2}{5}} \cdot m^{\frac{1}{5}}$							
$m^{\frac{2}{5}}$	D	$m^{\frac{2}{25}}$	C	$m^{\frac{3}{5}}$	B	$m^{\frac{5}{3}}$	A
4							
إذا كان $2^8 \cdot y = 2^5$ ، فإن y تساوي							
2^{-3}	D	$2^{\frac{1}{3}}$	C	-2^3	B	-2^{-3}	A
5							
مساحة دائرة طول نصف قطرها x^3 حيث $\pi = 3.14$							
$6.28x$	D	$3.14x^2$	C	$3.14x^3$	B	$3.14x^6$	A

حل ما يلي :

$$\sqrt{7a-2} = \sqrt{a+3}$$

$$\sqrt{g+1} = \sqrt{2g-7}$$

حل المعادلات الجذرية: تستخدم الخطوات الآتية في حل المعادلات التي تحتوي على متغيرات تحت الجذر. وقد تحتاج أحياناً إلى إجراء بعض العمليات الجبرية قبل استخدام هذه الخطوات.

الخطوة 1: افصل الجذر في أحد طرفي المعادلة.

الخطوة 2: للتخلص من الجذر، ارفع طرفي المعادلة لأس يساوي دليل الجذر.

الخطوة 3: حل المعادلة الناتجة.

الخطوة 4: تحقق من حلك في المعادلة الأصلية للتأكد من أنك لم تحصل على جذور دخيلة.

حل المتباينات الجذرية: المتباينة الجذرية هي متباينة تحتوي متغيراً في الصورة الجذرية، ولحل متباينة جذرية، اتبع الخطوات الآتية:

الخطوة 1: إذا كان دليل الجذر عدداً زوجياً، فعين قيم المتغير التي لا تجعل ما تحت الجذر سالباً.

الخطوة 2: حل المتباينة جبرياً.

الخطوة 3: اختبر القيم للتأكد من صحة الحل.

حل كلا من المعادلات التالية :

$\sqrt[3]{4n-8}-4=0$	$(4z-1)^{\frac{1}{5}}-1=2$	$\frac{1}{v^2}+1=0$	$\sqrt{x}+3=7$	$(3n+2)^{\frac{1}{3}}+1=0$	$5=\sqrt{x-2}-1$
حل كل متباينة فيما يلي :					
$3\sqrt{a} \geq 12$	$-3+\sqrt{6a+1} > 4$	$\sqrt{2y+5}+3 \leq 6$	$6-\sqrt{2y+1} < 3$	$9-\sqrt{6x+3} \geq 6$	$4\sqrt{x+1} \geq 12$
اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :					
حل المعادلة $4(3x+6)^{\frac{1}{4}}-12=0$					1
$x=37$	D	$x=29$	C	$x=25$	B
					A
حل المعادلة $\sqrt[4]{y+2}+9=14$					2
623	D	123	C	53	B
					A
أي معادلة مما يأتي ليس لها حل					3
$\sqrt{x+2}-7=-10$	D	$\sqrt{x-2}+7=10$	C	$\sqrt{x+1}+3=4$	B
					A
حل المتباينة $2+\sqrt{5x-1} > 5$					4
$x > 2$	D	$x < 2$	C	$x > -2$	B
					A
حل المتباينة $\sqrt{2x+4}+1 \geq 5$ هو					5
$x \geq 6$	D	$-2 \leq x \leq 6$	C	$x \leq -2$	B
					A
الخطوة الصحيحة لحل المعادلة $(2m+1)^{\frac{1}{4}}-2=1$ هي					6
$2m+1=3^{\frac{1}{4}}$	D	$2m+1=81$	C	$(2m+1)^{\frac{1}{4}}=1$	B
					A
حل المعادلة $\sqrt[3]{5x}=10$					7
1000	D	200	C	20	B
					A
حل المتباينة $\sqrt{10x+9}-2 > 5$					8
$x > -4$	D	$x > 4$	C	$x > -2$	B
					A
حل المعادلة $\sqrt{y}=5$					9
$y=\frac{1}{5}$	D	$y=10$	C	$y=5$	B
					A