



بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

التاريخ :

اليوم :

الحصة :

المادة : رياضيات

تحليل وحيدات الحد

رقم الصفحة ١٠٠

الموضوع :





رقم الصفحة: ١٠٠

تحليل وحيدات الحد

١-٧

المضردات

الصيغة التحليلية

القاسم المشترك الأكبر

(ق.م.أ)

والآن

▪ أحلّ وحيدة الحدّ إلى
عواملها.

▪ أجد القاسم المشترك
الأكبر لوحيدات الحدّ.

فيما سبق

درست ضرب وحيدات الحدّ
وقسمة كثيرة حدود على
وحيدة حدّ.



لماذا؟



تعمل هند قلائد خرز، فإذا كان لديها ٦٠ خرزة فضية اللون، و ١٥ خرزة ذهبية اللون، وترغب في أن تحتوي القلادة الواحدة على نوع واحد من الخرز، وفي كل منها العدد نفسه، وتحوي كل منها أكبر عدد من الخرز، فستحتاج هند إلى تحديد القاسم المشترك الأكبر للعددين ٦٠ و ١٥

تحليل وحيدات الحد: تحليل وحيدات الحد يشبه تحليل الأعداد الكلية. وتكون وحيدة الحد بالصيغة التحليلية إذا عُبِّرَ عنها بحاصل ضرب أعداد أولية ومتغيرات بأس ١

عند كتابة وحيدة الحد بالصيغة التحليلية نقول: إننا حللنا وحيدة الحد تحليلًا تامًا.



رقم الصفحة: ١٠٠

تحليل وحيدة الحد

مثال ١

حلّ: -20 س 3 ص 2 تحليلًا تامًا.

$$-20 \text{ س } ^3 \text{ ص } ^2 = -1 \times 20 \times \text{س}^3 \times \text{ص}^2$$

$$= -1 \times 2 \times 10 \times \text{س} \times \text{س} \times \text{س} \times \text{ص} \times \text{ص} \times \text{ص}$$

$$= -1 \times 2 \times 2 \times 5 \times \text{س} \times \text{س} \times \text{س} \times \text{ص} \times \text{ص} \times \text{ص}$$

$$-20 = -1 \times 20$$

$$20 = 2 \times 10, \text{س}^3 = \text{س} \times \text{س} \times \text{س}$$

$$\text{ص}^2 = \text{ص} \times \text{ص}$$

$$10 = 2 \times 5$$

لذا، فإن التحليل للعوامل لوحيدة الحد -20 س 3 ص 2 هو: $-1 \times 2 \times 2 \times 5 \times \text{س} \times \text{س} \times \text{س} \times \text{ص} \times \text{ص} \times \text{ص}$.





رقم الصفحة: ١٠٠

تحقق من فهمك



حلّل كل وحيدة حدّ فيما يأتي تحليلًا تامًّا:

(١١) $٤٣س٤ص٣$

١ب) $٥٢أ٢ب$





رقم الصفحة: ١٠٠

القاسم المشترك الأكبر: قد يكون لعددین کلین أو أكثر بعضُ العوامل الأولية المشتركة. ويُسمَّى حاصل ضرب العوامل الأولية المشتركة القاسمَ (العامل) المشتركَ الأكبرَ لها.

القاسم المشترك الأكبر (ق.م.أ) لعددین أو أكثر هو أكبر عدد يكون عاملاً لكلٍّ من هذه الأعداد، ويمكن إيجاد القاسم المشترك الأكبر لوحدتي حدٍّ أو أكثر بطريقة مشابهة.





رقم الصفحة: ١٠٠

مثال ٢

القاسم المشترك الأكبر لمجموعة من وحدات الحد

أوجد (ق.م.أ) لوحديتي الحد $١٢أ^٢ب^٢ج$ ، $١٨أب^٣$.

حلّل كل وحدة حد تحليلًا تامًا

$$١٢أ^٢ب^٢ج = ٢ \times ٢ \times ٣ \times أ \times ب \times ب \times ج$$

$$١٨أب^٣ = ٢ \times ٣ \times ٣ \times أ \times ب \times ب \times ب$$

ضع دائرة حول العوامل الأولية المشتركة

إذن، (ق.م.أ) لوحديتي الحد $١٢أ^٢ب^٢ج$ ، $١٨أب^٣$ هو $٦أب^٢ = ٢ \times ٣ \times أ \times ب \times ب$.





رقم الصفحة: ١٠١

تحقق من فهمك



أوجد (ق. م. أ) لكل زوج من وحيدات الحد الآتية:

(١٢) ٦ ص ٣، ١٨ ص ع (٢ب) ١١ أ ٢ب، ٢١ أ ٢ب (٢ج) ٣٠ ك ٣ر ٢ن، ٥٠ ك ٢ر ن





رقم الصفحة: ١٠١

مثال ٣ من واقع الحياة إيجاد (ق.م.أ)

زهور: لدى نورة ٢٠ وردة و ٣٠ زنبقة لعمل باقات زهور. فما أكبر عدد من الباقات المتماثلة يمكن عملها دون ترك أي زهرة؟ وما عدد زهور كل نوع في كل باقة؟

أوجد (ق.م.أ) للعددين ٢٠ و ٣٠

اكتب تحليل كل عدد إلى عوامله الأولية $20 = 2^2 \times 5$

العاملان الأوليان المشتركان هما: ٢، ٥ $30 = 2 \times 3 \times 5$

(ق.م.أ) للعددين ٢٠ و ٣٠ هو $2 \times 5 = 10$ ؛ لذا يمكن لنورة عمل ١٠ باقات.

بما أن $20 = 10 \times 2$ ، $30 = 10 \times 3$ ؛ لذا فستحتوي كل باقة على وردتين و ٣ زنابق.





رقم الصفحة: ١٠١

تحقق من فهمك



(٣) ما أكبر قيمة يمكن أن تمثل الطول المشترك لكل من المستطيلين اللذين مساحتهما ٨٤ سم^٢، ٧٠ سم^٢، علمًا بأن بُعدي كل منهما عددان كليان؟





رقم الصفحة: ١٠١



حلّل كلّ وحيدة حد فيما يأتي تحليلًا تامًّا:

(١) $١٢ج^٢هـ^٤$

(٢) $٣٨ر ب^٢ن^٢$

(٣) $١٧س^٣ص^٢ع$

(٤) $٢٣أ ب^٣$





رقم الصفحة: ١٠١

أوجد (ق. م. أ) لكل زوج من وحيدات الحد الآتية:

(٦) ٧ج هـ، ١١م ب

(٥) ٢٤ج د^٣، ٤٨ج أ^٢ د

(٨) ١٠أ ب، ٢٥أ

(٧) ٨س أ^٢ ص^٥، ٣١س ص^٣





رقم الصفحة: ١٠١

(٩) **هندسة:** ما أكبر قيمة يمكن أن تمثل العرض المشترك لكل من المستطيلين اللذين مساحتهما ١٥ سم^٢، ١٦ سم^٢، علمًا بأن بُعدي كل منهما عددان كليان.





رقم الصفحة: ١٠١

تدرب وحل المسائل

حلّ كل وحيدة حدّ فيما يأتي تحليلًا تامًّا:

(١٠) ٩٥ س ص^٢

(١١) ٣٥ أ^٣ ج^٢

(١٢) ٤٢ ج^٣ هـ^٣

(١٣) ٨١ ن^٥ ب

(١٤) ١٠٠ ك^٤ ر

(١٥) ١٢١ أ^٣ ب ج^٣





رقم الصفحة: ١٠٢

أوجد (ق. م. أ) لكل مجموعة وحيدات حد مما يأتي :

(١٨) $30j^2h^2$ ، $42j^2h^2$ ، $66j^2h^2$

(١٦) $25s^3$ ، $45s^4$ ، $65s^2$ (١٧) $26e^2$ ، $32e$ ، $44e^4$





رقم الصفحة: ١٠٢

أوجد (ق. م. أ) لكل مجموعة وحيدات حد مما يأتي :

(٢١) $١٥ر^٢ن$ ، $٣٥ن^٢$ ، $٧٠رن$

(٢٠) $٤٢أ^٢ب$ ، $٦أ^٢$ ، $١٨أ^٣$

(١٩) $١٢ك$ ، $٨ر^٢$ ، $١٦رن$





رقم الصفحة: ١٠٢

(٢٢) **كعك:** يريد حامد وضع العدد نفسه من كل نوع من الكعك في كل كيس، بحيث يحتوي الكيس على أنواع الكعك جميعها. ما أكبر عدد ممكن من الأكياس يلزمه؟



٣٠

٤٠

٥٤

بزبدة

بالشوفان

برقائق

الفاول السوداني

والزبيب

الشوكولاتة





رقم الصفحة: ١٠٢

(٢٣) **هندسة:** مساحة مثلث ۲۸ سم^۲، كم يمكن أن يكون طول كل من قاعدته وارتفاعه بالأعداد الكلية؟

(٢٤) **كتب:** بكم طريقة تستطيع أسماء تنظيم ٣٦ كتابًا على رفين على الأقل، بحيث يوضع على كل رف العدد نفسه من الكتب، ولا يقل عن ٤؟





رقم الصفحة: ١٠٢

(٢٥) **معلبات:** بكم طريقة يستطيع سعيد ترتيب ٨٠ علبة على أربعة رفوف على الأقل، بحيث يكون عدد العلب متساوياً على كل رف ولا يقل عن ٥؟

(٢٦) **تبرع:** اشترى صقر مجموعة اللوازم المدرسية التالية: ٢٠ قلم رصاص، ١٥٠ ورقة ملونة، ١٢٠ ملف أوراق، ويريد وضعها في حزم متماثلة؛ ليتبرع بها لأكبر عدد ممكن من الطلاب. كم حزمة يمكنه عملها؟ وكم قطعة من كل نوع ستكون في كل حزمة؟

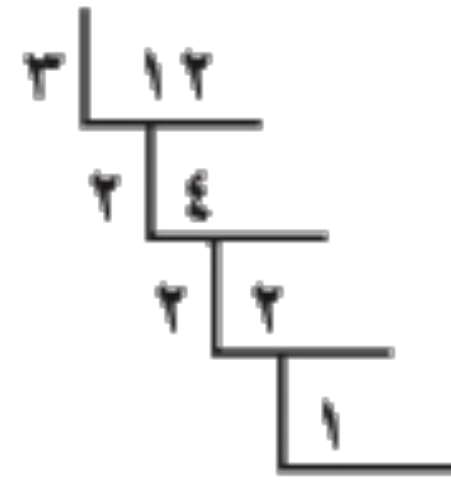




رقم الصفحة: ١٠٢

(٢٧) **نظرية الأعداد:** العددان الأوليان التوأمان هما عددان أوليان فرديّان متتاليان. أول زوجين منهما هما: ٣ و ٥، ٥ و ٧. اكتب الأزواج الخمسة التالية لهما.

(٢٨) **تمثيلات متعددة:** ستكتشف في هذا السؤال طريقة تحليل عدد إلى عوامله الأولية.



العدد ١٢ يكتب على الشكل
 $2 \times 2 \times 3$ عند تحليله لعوامله الأولية

(أ) **تحليلًا:** انسخ مخطط السلم المُبين جانبًا ٦ مرات، وسجّل في الجزء العلوي الأيمن من كل شكل عددًا كليًا، بحيث يكون اثنان منها أوليين.

(ب) **تحليلًا:** اختر عاملاً أوليًا لأحد الأعداد. وسجّل العامل إلى يسار هذا العدد في الشكل، ثم قسّم العددين واكتب الناتج تحت العدد، كرر الخطوات السابقة حتى يصبح ناتج القسمة ١. وأضف أو احذف أجزاءً من الشكل إذا تطلّب الأمر ذلك، ثم كرّر هذه العملية مع جميع الأعداد.

(ج) **لفظيًا:** ما التحليل للعوامل الأولية لكل عدد من الأعداد الستة؟





رقم الصفحة: ١٠٢

مسائل مهارات التفكير العليا

(٢٩) **تحذّر:** أوجد أصغر زوج من الأعداد يحقق الشروط الآتية: (ق. م. أ.) للعددين يساوي ١١، أحدهما زوجي والآخر فردي، وأحدهما ليس من مضاعفات الآخر.

(٣٠) **تبرير:** المضاعف المشترك الأصغر (م. م. أ.) لعددين أو أكثر هو أصغر عدد يكون مضاعفاً لكل عدد منها. اكتب أوجه الشبه والاختلاف بين (ق. م. أ.) و (م. م. أ.) لعددين أو أكثر.





الواجب

رقم السؤال :

رقم الصفحة :

