

المجد لمن اختار طريق الأمل في حين أن اليأس يُخيم عليه ،

المجد لمن كان قادراً على الاستسلام ولم يفعل !.



موضوع الدرس: المشتقات



المفردات

المشتقة
derivative

الاشتقاق
differentiation

المعادلة التفاضلية
differential equation

المؤثر التفاضلي
differential operator



فيما سبق

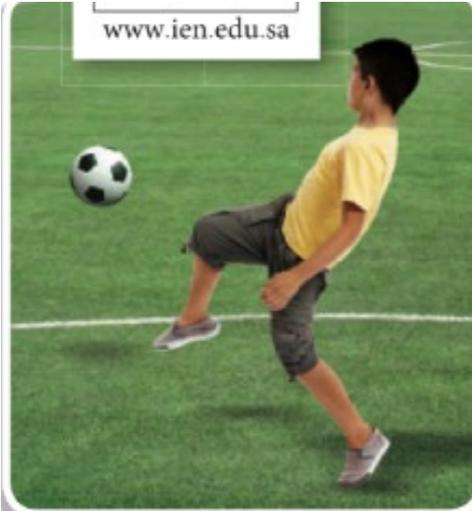
درستُ حساب ميل المماسات
لإيجاد مُعدّل التغيّر
اللحظي. (الدرس 3-4)



والآن

- أجدُ ميل منحنى دالة غير خطية باستعمال المشتقات.
- أستعملُ قواعد الاشتقاق لإيجاد المشتقات.

موضوع الدرس: المشتقات



ركل أحمد كرة رأسياً إلى أعلى من ارتفاع 3 ft، فانطلقت بسرعة 65 ft/s .
يمكنك استعمال معادلات الحركة بتسارع ثابت، التي درستها في الفيزياء لكتابة
دالة تصف ارتفاع الكرة بعد t ثانية، ومن ثم تحديد ما إذا كانت الكرة ستبلغ ارتفاع
68 ft أم لا.

قواعد أساسية للاشتقاق: استعملت النهايات في الدرس 3-4 لتحديد ميل مماس منحنى الدالة $f(x)$ عند أي
نقطة عليه، وتُسمى هذه النهاية **مشتقة الدالة** ويرمز لها بالرمز $f'(x)$ ، وتُعطى بالصيغة:

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

بشرط وجود هذه النهاية، وتُسمى عملية إيجاد المشتقة **الاشتقاق**، وتُسمى النتيجة **معادلة تفاضلية**.

موضوع الدرس: المشتقات

مشتقة الدالة عند أي نقطة

مثال 1

أوجد مشتقة $f(x) = 4x^2 - 5x + 8$ باستعمال النهايات، ثم احسب قيمة المشتقة عندما $x = 1, 5$.

صيغة المشتقة

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

$$f(x+h) = 4(x+h)^2 - 5(x+h) + 8,$$

$$f(x) = 4x^2 - 5x + 8$$

بسّط

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{8xh + 4h^2 - 5h}{h}$$

حلّ

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h(8x + 4h - 5)}{h}$$

اقسم على h

$$= \lim_{h \rightarrow 0} (8x + 4h - 5)$$

عوّض

$$= [8x + 4(0) - 5] = 8x - 5$$

أي أن مشتقة $f(x)$ هي $f'(x) = 8x - 5$. احسب $f'(x)$ عندما $x = 1, 5$.

$$f'(x) = 8x - 5$$

$$f'(1) = 8(1) - 5$$

$$f'(1) = 3$$

المعادلة الأصلية

$$x = 1, x = 5$$

بسّط

$$f'(x) = 8x - 5$$

$$f'(5) = 8(5) - 5$$

$$f'(5) = 35$$

قراءة الرياضيات

المشتقات

يُقرأ الرمز $f'(x)$ مشتقة f
بالنسبة للمتغير
 x ، أو f prime of x .

تاريخ الرياضيات

شرف الدين الطوسي

العالم المسلم شرف الدين الطوسي
(المتوفى عام 610هـ) من خلال
دراسته المعادلات التي درجتها ≤ 3
استعمل في حل هذه المعادلات،
القيمة العظمى للعبارة الجبرية،
وأخذ "المشتق الأول" لهذه العبارة
من دون أن يستعمل اسمه (المشتق
الأول)، وبرهن على أن جذر المعادلة
التي يحصل عليها إذا ما عوّض به
في العبارة الجبرية، أعطى القيمة
العظمى للعبارة.

موضوع الدرس: المشتقات



أوجد مشتقة $f(x)$ باستعمال النهايات، ثم احسب قيمة المشتقة عند قيم x المعطاة:

$$f(x) = -5x^2 + 2x - 12, x = 1, 4 \quad (1B)$$

$$f(x) = 6x^2 + 7, x = 2, 5 \quad (1A)$$



يُرمز لمشتقة $y = f(x)$ أيضًا بالرموز y' ، $\frac{df}{dx}$ ، $\frac{dy}{dx}$ ، وإذا سبق الدالة المؤثر التفاضلي $\frac{d}{dx}$ ، فإن ذلك يعني إيجاد مشتقة الدالة.

حتى هذه اللحظة استعملت النهاية؛ لإيجاد كل من المشتقة وميل المماس والسرعة المتجهة اللحظية. وتُعدّ قاعدة مشتقة القوة من أكثر القواعد فعالية لإيجاد المشتقات من دون اللجوء إلى استعمال النهايات، مما يجعل عملية إيجاد المشتقات أكثر سهولة ودقة.

قاعدة مشتقة القوة

مفهوم أساسي

التعبير اللفظي: قوة x في المشتقة أقل بواحد من قوة x في الدالة الأصلية، ومعامل x في المشتقة يساوي قوة x في الدالة الأصلية.

الرموز: إذا كان $f(x) = x^n$ ، حيث n عدد حقيقي، فإن: $f'(x) = nx^{n-1}$.

موضوع الدرس: المشتقات

قاعدة مشتقة القوة .

مثال ٢

أوجد مشتقة كل دالة مما يأتي:

$$f(x) = x^9 \quad (a)$$

الدالة المعطاة $f(x) = x^9$

قاعدة مشتقة القوة $f'(x) = 9x^{9-1}$

بسّط $= 9x^8$

$$g(x) = \sqrt[5]{x^7} \quad (b)$$

الدالة المعطاة $g(x) = \sqrt[5]{x^7}$

أعد كتابة الدالة كقوة نسبية $g(x) = x^{\frac{7}{5}}$

قاعدة مشتقة القوة $g'(x) = \frac{7}{5} x^{\frac{7}{5}-1}$

بسّط $= \frac{7}{5} x^{\frac{2}{5}} = \frac{7}{5} \sqrt[5]{x^2}$

موضوع الدرس: المشتقات

قاعدة مشتقة القوة .

مثال ٢

$$h(x) = \frac{1}{x^8} \quad (c)$$

الدالة المعطاة

$$h(x) = \frac{1}{x^8}$$

أعد كتابة الدالة كقوة سالبة

$$h(x) = x^{-8}$$

قاعدة مشتقة القوة

$$h'(x) = -8 x^{-8-1}$$

بسّط

$$= -8 x^{-9} = -\frac{8}{x^9}$$

تنبيه

مشتقات القوى السالبة
مشتقة $f(x) = x^{-4}$ ليست
 $f'(x) = -4x^{-3}$ تذكر
بأننا يجب أن نطرح واحدًا من
الأس؛ لنحصل على:
 $-4-1 = -4+(-1) = -5$
لذا فإن $f'(x) = -4x^{-5}$.

موضوع الدرس: المشتقات

أوجد مشتقة كل دالة مما يأتي:

$$m(x) = \frac{1}{x^5} \quad (2C)$$

$$k(x) = \sqrt{x^3} \quad (2B)$$

$$j(x) = x^4 \quad (2A)$$





هناك العديد من قواعد الاشتقاق الأخرى المهمة التي تفيد في إيجاد مشتقات الدوال التي تحوي أكثر من حد.

مفهوم أساسي

قواعد أخرى للاشتقاق

مشتقة الثابت:

مشتقة الدالة الثابتة تساوي صفرًا؛ أي أنه إذا كانت $f(x) = c$ ، حيث c عدد ثابت، فإن $f'(x) = 0$.

مشتقة مضاعفات القوة: إذا كانت $f(x) = cx^n$ ، حيث c ثابت، و n عدد حقيقي، فإن: $f'(x) = cnx^{n-1}$.

مشتقة المجموع أو الفرق: إذا كانت: $f(x) = g(x) \pm h(x)$ ، فإن: $f'(x) = g'(x) \pm h'(x)$.

موضوع الدرس: المشتقات

قواعد الاشتقاق .

مثال ٣

أوجد مشتقة كل دالة مما يأتي:

$$f(x) = 5x^3 + 4 \quad (a)$$

الدالة المعطاة $f(x) = 5x^3 + 4$

قواعد مشتقات الثابت، ومضاعفات القوى، والمجموع
بسّط $f'(x) = 5 \cdot 3x^{3-1} + 0$
 $= 15x^2$

$$g(x) = x^5(2x^3 + 4) \quad (b)$$

الدالة المعطاة $g(x) = x^5(2x^3 + 4)$

خاصية التوزيع $g(x) = 2x^8 + 4x^5$

قاعدتا مشتقتي مضاعفات القوى، والمجموع
بسّط $g'(x) = 2 \cdot 8x^{8-1} + 4 \cdot 5x^{5-1}$
 $= 16x^7 + 20x^4$

موضوع الدرس: المشتقات

قواعد الاشتقاق .

مثال ٣

$$h(x) = \frac{5x^3 - 12x + 6\sqrt{x^5}}{x} \quad (c)$$

الدالة المعطاة

$$h(x) = \frac{5x^3 - 12x + 6\sqrt{x^5}}{x}$$

اقسم كل حد في البسط على x

$$h(x) = \frac{5x^3}{x} - \frac{12x}{x} + \frac{6\sqrt{x^5}}{x}$$

$$x^{\frac{5}{2}} \cdot x^{-1} = x^{\frac{3}{2}} \quad h(x) = 5x^2 - 12 + 6x^{\frac{3}{2}}$$

قواعد مشتقات الثابت، ومضاعفات القوى، والمجموع والفرق

$$h'(x) = 5 \cdot 2x^{2-1} - 0 + 6 \cdot \frac{3}{2}x^{\frac{3}{2}-1}$$

بسّط

$$= 10x + 9x^{\frac{1}{2}} = 10x + 9\sqrt{x}$$

موضوع الدرس: المشتقات



أوجد مشتقة كل دالة مما يأتي:

$$h(x) = \frac{4x^4 - 3x^2 + 5x}{x} \quad (3C)$$

$$g(x) = 3x^4(x + 2) \quad (3B)$$

$$f(x) = 2x^5 - x^3 - 102 \quad (3A)$$

موضوع الدرس: المشتقات



الآن ، وبعد أن درست القواعد الأساسية للاشتقاق، يمكنك حل المسائل التي تتطلب حساب ميل مماس المنحنى، أو إيجاد السرعة المتجهة اللحظية بخطوات أقل، ففي مثال 5 من الدرس 3-4 ، أوجدنا معادلة السرعة المتجهة اللحظية لجسم متحرك، وستلاحظ الآن سهولة حل المسألة نفسها بتطبيق قواعد الاشتقاق.

تنبيه!

للتسهيل يمكنك إيجاد كل من ميل المماس لمنحنى الدالة، والسرعة المتجهة اللحظية، ومشتقة الدالة، باستخدام القواعد ما لم يُطلب منك استخدام النهايات لإيجاد أي منها.

موضوع الدرس: المشتقات

السرعة اللحظية المتجهة

مثال ٤

تُعطي المسافة التي يقطعها جسم بالسنتيمترات بعد t ثانية بالدالة: $s(t) = 18t - 3t^3 - 1$ ، أوجد معادلة السرعة المتجهة اللحظية $v(t)$ للجسم.

السرعة المتجهة اللحظية للجسم هي $s'(t)$.

$$\text{الدالة المعطاة} \quad s(t) = 18t - 3t^3 - 1$$

$$\text{قواعد مشتقات الثابت، ومضاعفات القوى، والفرق} \quad s'(t) = 18 \cdot 1t^{1-1} - 3 \cdot 3t^{3-1} - 0$$

$$\text{بسّط} \quad = 18 - 9t^2$$

أي أن سرعة الجسم المتجهة اللحظية هي: $v(t) = 18 - 9t^2$ ، لاحظ أن هذه الإجابة مكافئة لتلك التي حصلت عليها في المثال 5 من الدرس 3-4 .

موضوع الدرس: المسئقات



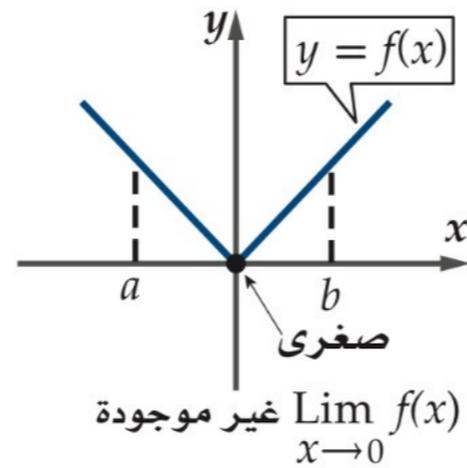
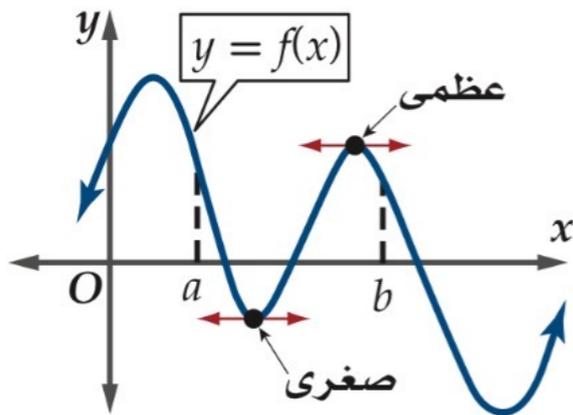
(4) الدالة: $h(t) = 55t - 16t^2$ تمثل الارتفاع بالأقدام بعد t ثانية لكرة قُذفت رأسياً إلى أعلى. أوجد معادلة السرعة المتجهة اللحظية للكرة عند أي زمن .



النقطة التي تكون عندها مشتقة الدالة صفراً أو غير موجودة تُسمى نقطة حرجةً للدالة، والنقطة الحرجة قد تشير إلى وجود نقطة قيمة عظمى أو صغرى للدالة، وتحدث عندما يكون ميل مماس منحنى الدالة صفراً أو غير موجود.

مفهوم أساسي

نظرية القيمة القصوى



إذا كانت $f(x)$ متصلة على الفترة المغلقة $[a, b]$ ، فإن لها قيمة عظمى وصغرى على الفترة $[a, b]$ ، وذلك إما عند أحد طرفي الفترة أو عند إحدى النقاط الحرجة.

لتعيين نقاط القيم العظمى والصغرى للدالة على فترة مغلقة، لا بد من حساب قيم الدالة عند أطراف الفترة، وعند النقاط الحرجة في تلك الفترة.

موضوع الدرس: المشتقات

القيمتان العظمى والصغرى للدالة .

مثال 5
من واقع الحياة

أفعوانية: الدالة: $h(t) = -\frac{1}{3}t^3 + 4t^2 + \frac{11}{3}$ تمثل ارتفاع إبراهيم بالأقدام في أثناء ركوبه أفعوانية، حيث t الزمن بالثواني في الفترة الزمنية $[1, 12]$ ، أوجد أقصى وأدنى ارتفاع يبلغه إبراهيم. أوجد مشتقة $h(t)$.

الدالة المعطاة $h(t) = -\frac{1}{3}t^3 + 4t^2 + \frac{11}{3}$

قواعد اشتقاق الثابت، ومضاعفات القوى، والمجموع، والفرق
بسّط $h'(t) = -\frac{1}{3} \cdot 3t^{3-1} + 4 \cdot 2t^{2-1} + 0$
 $= -t^2 + 8t$

أوجد النقاط الحرجة بحل المعادلة $h'(t) = 0$.

اكتب المعادلة $h'(t) = 0$

$h'(t) = -t^2 + 8t$ $-t^2 + 8t = 0$

حل $-t(t - 8) = 0$

إذن: $t = 8$ أو $t = 0$ ، وحيث إن $t = 0$ لا تقع في الفترة $[1, 12]$ ، فإن للدالة نقطة حرجة واحدة عند $t = 8$ ؛ لذا نحسب قيم $h(t)$ عندما $t = 1, 8, 12$.

$h(1) = -\frac{1}{3}(1)^3 + 4(1)^2 + \frac{11}{3} \approx 7.33$

قيمة عظمى $h(8) = -\frac{1}{3}(8)^3 + 4(8)^2 + \frac{11}{3} = 89$

قيمة صغرى $h(12) = -\frac{1}{3}(12)^3 + 4(12)^2 + \frac{11}{3} \approx 3.67$

أي أن أقصى ارتفاع يبلغه إبراهيم هو 89 ft، وذلك بعد 8s، في حين أن أدنى ارتفاع هو 3.67 ft تقريباً بعد 12s.



الربط مع الحياة

ازدادت سرعة الأفعوانيات حديثاً لتصل إلى 120 mi/h، وكذلك ازدادت ارتفاعاتها لتبلغ 450 ft.

موضوع الدرس: المسئقات



(5) رياضة القفز: الدالة: $h(t) = 20t^2 - 160t + 330$ تمثل ارتفاع سعد بالأقدام في أثناء مشاركته في قفزة البنجي (القفز من أماكن مرتفعة، بحيث تكون القدمان موثقتين بحبل مطاطي)، حيث t الزمن بالثواني في الفترة $[0, 6]$. أوجد أقصى وأدنى ارتفاع يبلغه سعد في هذه الفترة الزمنية.



قاعدتا مشتقتي الضرب والقسمة: تعلّمت في هذا الدرس أن مشتقة مجموع دالتين تساوي مجموع مشتقتي الدالتين، فهل تكون مشتقة ناتج ضرب دالتين مساويةً لناتج ضرب مشتقتي الدالتين؟ افترض أن:
 $f(x) = x, g(x) = 3x^3$

ضرب المشتقات

$$\begin{aligned} \frac{d}{dx} f(x) \cdot \frac{d}{dx} g(x) &= \frac{d}{dx} (x) \cdot \frac{d}{dx} (3x^3) \\ &= 1 \cdot 9x^2 = 9x^2 \end{aligned}$$

مشتقة الضرب

$$\begin{aligned} \frac{d}{dx} [f(x) \cdot g(x)] &= \frac{d}{dx} [x \cdot 3x^3] \\ &= \frac{d}{dx} (3x^4) = 12x^3 \end{aligned}$$

يتضح من هذا المثال أن مشتقة ناتج ضرب دالتين لا تساوي بالضرورة ناتج ضرب مشتقتي الدالتين، ويمكننا استعمال القاعدة الآتية لإيجاد مشتقة ناتج ضرب دالتين.

قاعدة مشتقة الضرب

مفهوم أساسي

إذا كانت مشتقة كلٍّ من الدالتين f و g موجودة عند x ، فإن: $\frac{d}{dx} [f(x) g(x)] = f'(x) g(x) + f(x) g'(x)$

ستبرهن قاعدة مشتقة الضرب في التمرين 48

موضوع الدرس: المشتقات

قاعدة مشتقة الضرب .

مثال ٦

أوجد مشتقة كل دالة مما يأتي:

$$h(x) = (x^3 - 2x + 7)(3x^2 - 5) \quad (a)$$

افترض أن: $f(x) = x^3 - 2x + 7$, $g(x) = 3x^2 - 5$ أي أن: $h(x) = f(x)g(x)$.

من الفرض $f(x) = x^3 - 2x + 7$

قواعد مشتقات القوة، ومضاعفات القوى، والثابت، والمجموع والفرق $f'(x) = 3x^2 - 2$

من الفرض $g(x) = 3x^2 - 5$

قواعد مشتقات مضاعفات القوى، والثابت، والفرق $g'(x) = 6x$

استعمل $f(x)$, $f'(x)$, $g(x)$, $g'(x)$ لإيجاد مشتقة $h(x)$.

قاعدة مشتقة الضرب $h'(x) = f'(x)g(x) + f(x)g'(x)$

عوض $= (3x^2 - 2)(3x^2 - 5) + (x^3 - 2x + 7)(6x)$

خاصية التوزيع $= 9x^4 - 15x^2 - 6x^2 + 10 + 6x^4 - 12x^2 + 42x$

بسّط $= 15x^4 - 33x^2 + 42x + 10$

إرشادات للدراسة

قاعدة مشتقة الضرب
يُنتج عن قاعدة مشتقة
الضرب مقدار يمكن تبسيطه.
ويمكنك أيضًا تركه على حاله
من دون تبسيط، ما لم تكن
في حاجة إلى تبسيطه.

موضوع الدرس: المشتقات

قاعدة مشتقة الضرب .

مثال ٦

$$h(x) = (x^3 - 4x^2 + 48x - 64)(6x^2 - x - 2) \quad (b)$$

افتراض أن: $f(x) = x^3 - 4x^2 + 48x - 64$, $g(x) = 6x^2 - x - 2$.

من الفرض $f(x) = x^3 - 4x^2 + 48x - 64$

قواعد مشتقات القوة، ومضاعفات القوى، والثابت، والمجموع والفرق $f'(x) = 3x^2 - 8x + 48$

من الفرض $g(x) = 6x^2 - x - 2$

قواعد مشتقات ومضاعفات القوى، والقوة، والثابت، والفرق $g'(x) = 12x - 1$

استعمل $f(x), f'(x), g(x), g'(x)$ لإيجاد مشتقة $h(x)$.

قاعدة مشتقة الضرب $h'(x) = f'(x)g(x) + f(x)g'(x)$

عوض $= (3x^2 - 8x + 48)(6x^2 - x - 2) + (x^3 - 4x^2 + 48x - 64)(12x - 1)$

موضوع الدرس: المشتقات



أوجد مشتقة كل دالة مما يأتي:

$$h(x) = (x^2 + x^3 + x)(8x^2 + 3) \quad (6B)$$

$$h(x) = (x^5 + 13x^2)(7x^3 - 5x^2 + 18) \quad (6A)$$



بطريقة التبرير نفسها في مشتقة الضرب، يمكنك ملاحظة أن مشتقة ناتج قسمة دالتين لا تساوي ناتج قسمة مشتقتي الدالتين، ويمكن استعمال القاعدة الآتية لحساب مشتقة قسمة دالتين.

قاعدة مشتقة القسمة

مفهوم أساسي

إذا كانت مشتقة كل من الدالتين f, g موجودة عند x ، وكان $g(x) \neq 0$ ، فإن:

$$\frac{d}{dx} \left[\frac{f(x)}{g(x)} \right] = \frac{f'(x)g(x) - f(x)g'(x)}{[g(x)]^2}$$

ستبرهن قاعدة مشتقة القسمة في التمرين 50

موضوع الدرس: المشتقات

قاعدة مشتقة القسمة .

مثال ٧

أوجد مشتقة كل دالة مما يأتي:

$$h(x) = \frac{5x^2 - 3}{x^2 - 6} \quad (a)$$

افترض أن: $g(x) = x^2 - 6$ ، $f(x) = 5x^2 - 3$ ؛ أي أن: $h(x) = \frac{f(x)}{g(x)}$.

من الفرض $f(x) = 5x^2 - 3$

قواعد مشتقات مضاعفات القوى ، والثابت، والفرق $f'(x) = 10x$

من الفرض $g(x) = x^2 - 6$

قواعد مشتقات القوة ، والثابت ، والفرق $g'(x) = 2x$

استعمل $f(x), f'(x), g(x), g'(x)$ لإيجاد مشتقة $h(x)$.

قاعدة مشتقة القسمة $h'(x) = \frac{f'(x)g(x) - f(x)g'(x)}{[g(x)]^2}$

عوض $= \frac{10x(x^2 - 6) - (5x^2 - 3)(2x)}{(x^2 - 6)^2}$

خاصية التوزيع $= \frac{10x^3 - 60x - 10x^3 + 6x}{(x^2 - 6)^2}$

بسّط $= \frac{-54x}{(x^2 - 6)^2}$

إرشادات للدراسة

قاعدة مشتقة القسمة
يُعدّ تبسيط ناتج مشتقة
القسمة مهماً في كثير من
التمارين ، إلا أنه ليس من
الضروري فك أقواس المقام،
ما لم ينتج عن ذلك تبسيط
أكثر.

موضوع الدرس: المشتقات

قاعدة مشتقة القسمة .

مثال ٧

$$h(x) = \frac{x^2 + 8}{x^3 - 2} \quad (b)$$

افتراض أن: $f(x) = x^2 + 8$, $g(x) = x^3 - 2$.

$$f(x) = x^2 + 8 \quad \text{من الفرض}$$

$$f'(x) = 2x \quad \text{قواعد مشتقات القوة، والثابت، والمجموع}$$

$$g(x) = x^3 - 2 \quad \text{من الفرض}$$

$$g'(x) = 3x^2 \quad \text{قواعد مشتقات القوة، والثابت، والفرق}$$

استعمل $f(x), f'(x), g(x), g'(x)$ لإيجاد مشتقة $h(x)$.

$$h'(x) = \frac{f'(x)g(x) - f(x)g'(x)}{[g(x)]^2} \quad \text{قاعدة مشتقة القسمة}$$

$$= \frac{2x(x^3 - 2) - (x^2 + 8)3x^2}{(x^3 - 2)^2} \quad \text{عوض}$$

$$= \frac{-x^4 - 24x^2 - 4x}{(x^3 - 2)^2} \quad \text{فك الأقواس، ثم بسط}$$

موضوع الدرس: المشتقات



أوجد مشتقة كل دالة مما يأتي:

$$k(x) = \frac{6x}{2x^2 + 4} \quad (7B)$$

$$j(x) = \frac{7x - 10}{12x + 5} \quad (7A)$$

مسائل مهارات التفكير العليا

(46) **اكتشف الخطأ:** قام كلٌّ من أحمد و عبدالله بإيجاد $[f'(x)]^2$ للدالة $f(x) = 6x^2 + 4x$ ، حيث كانت إجابة عبد الله: $144x^2 + 96x + 16$ ، في حين كانت إجابة أحمد: $144x^3 + 144x^2 + 32x$ ، فأيهما كانت إجابته صحيحة؟ برّر إجابتك.

مسائل مهارات التفكير العليا

(47) تحدّ: أوجد $f'(y)$ علمًا بأن:

$$f(y) = 10x^2y^3 + 5xz^2 - 6xy^2 + 8x^5 - 11x^8yz^7$$

مسائل مهارات التفكير العليا

(49) **تبرير:** بين ما إذا كانت العبارة الآتية صحيحة أو خاطئة، وبرر إجابتك.

"إذا كانت: $f(x) = x^{5n+3}$ ، فإن $f'(x) = (5n+3)x^{5n+2}$ "