

الفصل الثالث (المتطابقات والمعادلات المثلثية)

فيما سبق:

درست الدوال المثلثية،
وتمثيلاتها البيانية.

والآن:

- أثبت صحة المتطابقات المثلثية وأستعملها.
- أستعمل المتطابقات المثلثية لمجموع زاويتين والفرق بينهما.
- أستعمل المتطابقات المثلثية لضعف الزاوية ونصفها.
- أحل معادلات مثلثية.

إلكترونيات: تستعمل

الموجات الراديوية في العديد من الأجهزة الإلكترونية كالتلفاز والهاتف النقال وغيرها. ويمكن تمثيل الموجات الراديوية بالدوال المثلثية، بحيث يمكن إيجاد قدرة الجهاز باستعمال معادلة مثلثية.

التهيئة

مراجعة المفردات :

الدالة الدورية (periodic function).

هي دالة تمثيلها البياني عبارة عن تكرار نمط على فترات منتظمة متتالية.

النسبة المثلثية (trigonometric ratio).

نسبة تقارن بين طولي ضلعين في المثلث القائم الزاوية.

الدوال المثلثية لزاوية

(trigonometric functions of general angles)

لتكن θ زاوية مرسومة في الوضع القياسي، ونقع النقطة $P(x, y)$ على ضلع انتهائها. باستعمال نظرية فيثاغورس يمكن إيجاد r (المسافة من النقطة P إلى نقطة الأصل) باستعمال الصيغة $r = \sqrt{x^2 + y^2}$. وتكون الدوال المثلثية الست للزاوية θ معرفة كما يأتي:

$$\begin{aligned}\sin \theta &= \frac{y}{r} & \cos \theta &= \frac{x}{r} \\ \tan \theta &= \frac{y}{x}, x \neq 0 & \sec \theta &= \frac{r}{x}, x \neq 0 \\ \csc \theta &= \frac{r}{y}, y \neq 0 & \cot \theta &= \frac{x}{y}, y \neq 0\end{aligned}$$



الحل الدخيل (extraneous solution).

الحل الذي لا يحقق المعادلة الأصلية.

الزاوية الربعية (quadrantal angle).

زاوية في الوضع القياسي بحيث يقع ضلع الانتهاء لها على أحد المحورين x أو y .

الزاوية المرجعية (reference angle).

إذا كانت θ زاوية غير ربعية مرسومة في الوضع القياسي، فإن زاويتها المرجعية θ' هي الزاوية الحادة المحصورة بين ضلع انتهاء الزاوية θ والمحور x ، ويمكن استعمالها لإيجاد قيم الدوال المثلثية لأي زاوية θ .

دائرة الوحدة (unit circle).

هي دائرة مرسومة في المستوى الإحداثي، ومركزها نقطة الأصل، وطول نصف قطرها وحدة واحدة.



التهيئة

حلل كل عبارة فيما يأتي تحليلاً تاماً وإذا كان ذلك أي ممكن فأكتب " أولية "

$$5x^2 - 20 \quad (2)$$

$$-16a^2 + 4a \quad (1)$$

$$2y^2 - y - 15 \quad (4)$$

$$4x^2 - x + 6 \quad (3)$$



التهيئة

حل كلاً من المعادلات الآتية باستعمال التحليل :

$$x^2 + 2x - 35 = 0 \quad (7)$$

$$x^2 - 7x + 12 = 0 \quad (9)$$

$$x^2 + 6x = 0 \quad (6)$$

$$x^2 - 9 = 0 \quad (8)$$

(5) **هندسة:** مساحة قطعة ورقية مستطيلة الشكل هي:
 $(x^2 + 6x + 8) \text{ cm}^2$. إذا كان طول القطعة: $(x + 4) \text{ cm}$ ،
فما عرضها؟



التهيئة

أوجد القيمة الدقيقة لكل دالة مثلثية فيما يأتي :

(12) $\cos 225^\circ$

(11) $\sin 45^\circ$

(14) $\sin 120^\circ$

(13) $\tan 150^\circ$



x ft

$(x + 1)$ ft

(10) **حدائق:** قامت ليلي بتخصيص حوض مستطيل الشكل لزراعة الورود في منزلها. إذا علمت أن مساحة الحوض 42 ft^2 ، وبعديه عدنان صحيحان ، فأوجد قيمة x الممكنة.

التهيئة

(15) قصر المصمك، يقف سلمان أمام برج قصر المصمك التاريخي كما في الشكل المجاور. ما ارتفاع البرج؟



التهيئة

الواجب المنزلي