

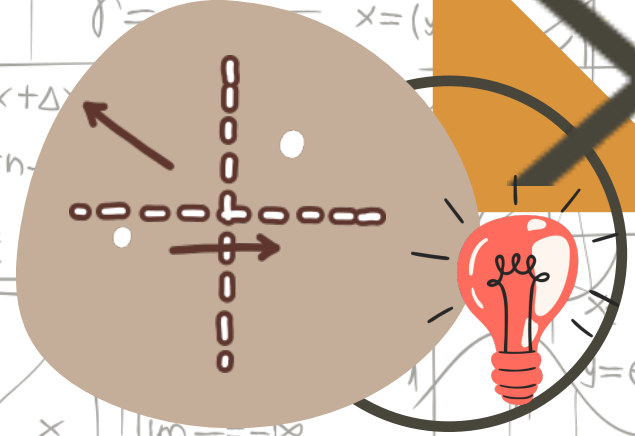
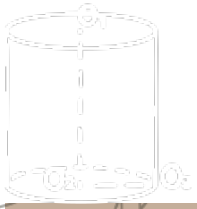
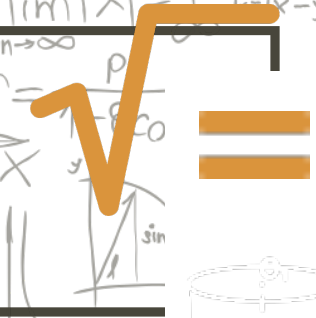
الدرس ٨ - ٧

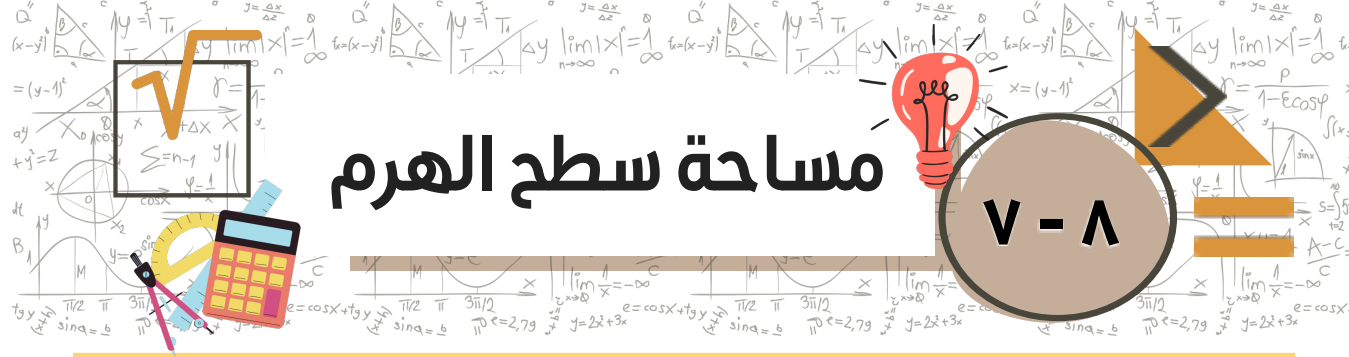


الفصل (٨) القياس : المساحة والمجموع

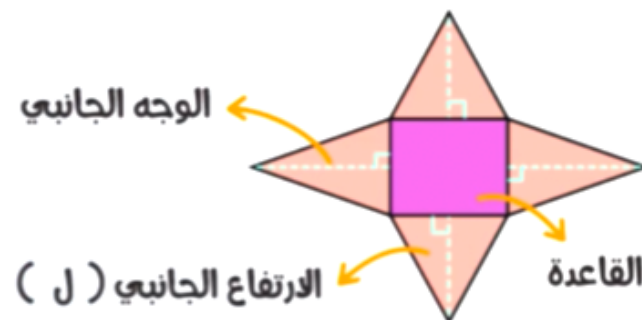


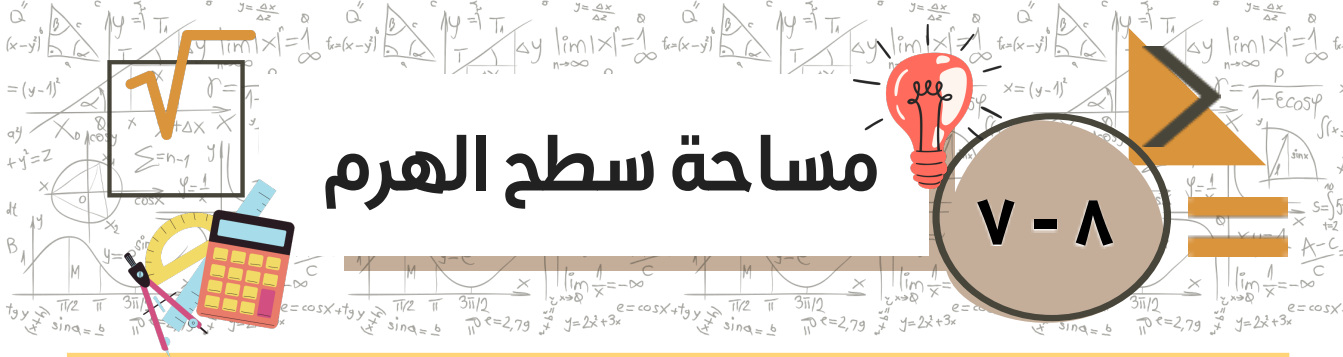
مساحة سطح الهرم





المعرفة السابقة :

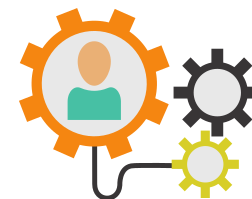




مساحة سطح الهرم

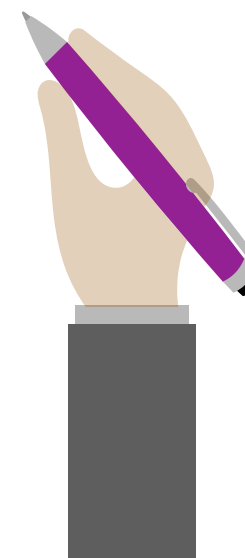
V - ٨

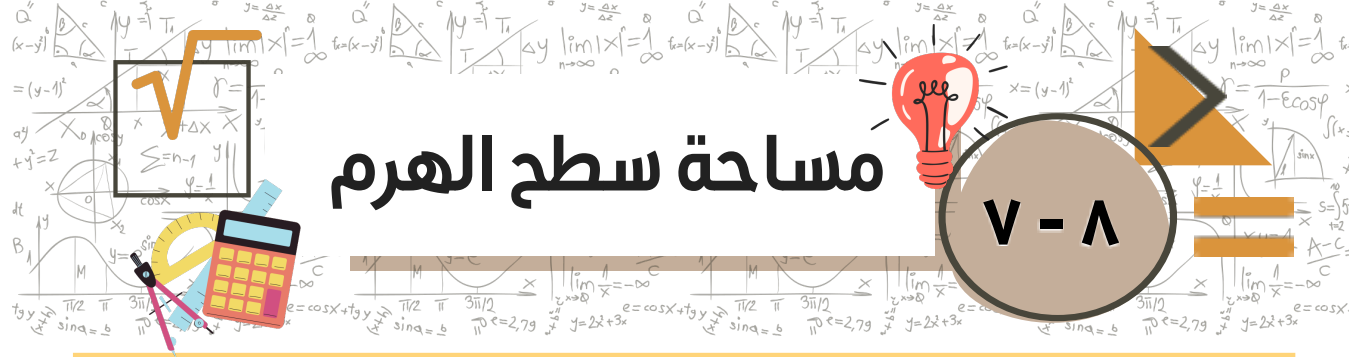
سنتعلم اليوم :



الهرم المنتظم ☒

المساحة الجانبية والمساحة الكلية لسطح الهرم ☒



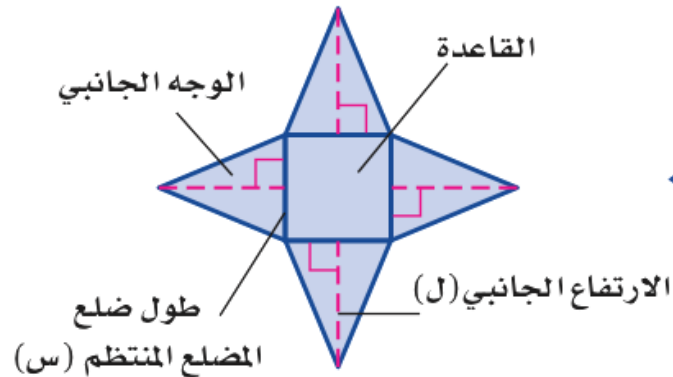


مساحة سطح الهرم

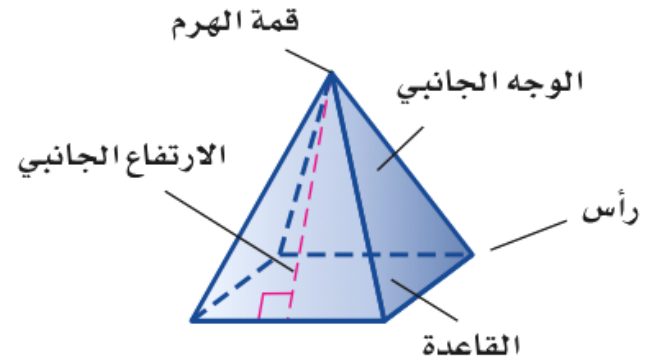
V - ٨

الهرم المنتظم هرم قاعدته مضلع منتظم، وأوجُهُه الجانبية مثلثات متطابقة وكلٌّ منها متطابق الساقين. وتلتقي هذه المثلثات عند أعلى الهرم في نقطة تُسمى قمة الهرم، ويُسمَّى ارتفاع كل وجه جانبي منها **الارتفاع الجانبي**.

مخطط هرم منتظم



نموذج هرم منتظم



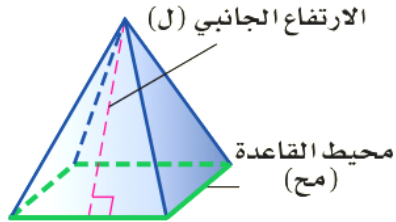
مساحة سطح الهرم

V - ٨

مفهوم أساسي

المساحة الجانبية لسطح الهرم

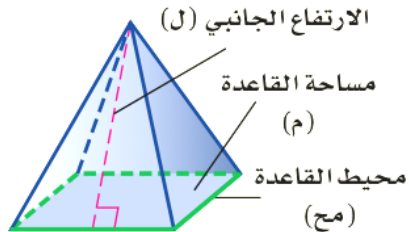
النموذج:



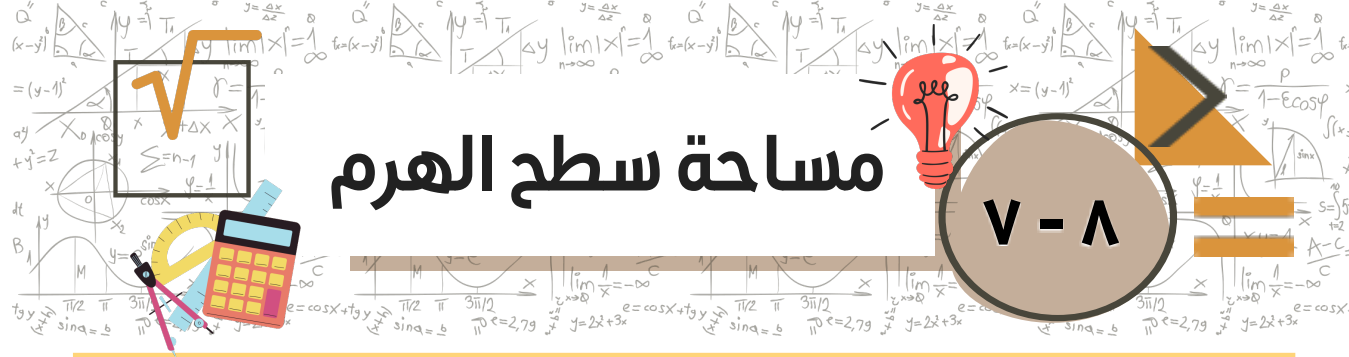
التعبير اللفظي: المساحة الجانبية (ج) لسطح الهرم المنتظم هي نصف محيط القاعدة (مح) مضروباً في الارتفاع الجانبي (ل).
الرموز: ج = $\frac{1}{2}$ مح ل

المساحة الكلية لسطح الهرم

النموذج:



التعبير اللفظي: المساحة الكلية (ك) لسطح الهرم المنتظم هي مجموع المساحة الجانبية (ج) ومساحة القاعدة (م).
الرموز: ك = ج + م أو ك = $\frac{1}{2}$ مح ل + م



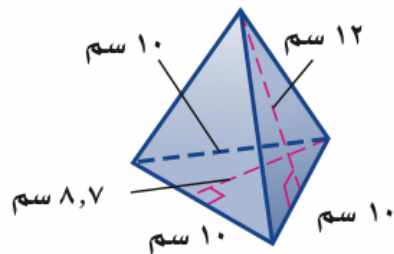
مساحة سطح الهرم

٧ - ٨

المساحة الجانبية والمساحة الكلية لسطح الهرم



مثال :



أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح الهرم الثلاثي في الشكل المجاور.

$$ك = ج + م$$

$$ج = \frac{1}{2} \text{ مح ل}$$

$$م = \frac{1}{2} \times 10 \times 8, 6$$

$$ك = 180 + 43, 5$$

$$ج = \frac{1}{2} \times 12 \times 30$$

$$ك = 223, 5$$

$$ج = 180$$

المساحة الجانبية لسطح الهرم ١٨٠ سم^٢، والمساحة الكلية له ٢٢٣, ٥ سم^٢.



مساحة سطح الهرم

V - ٨

تحقق من فهمك :

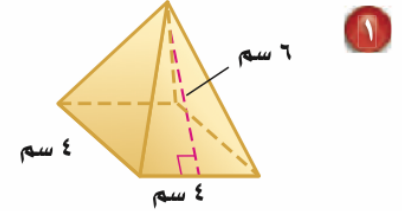
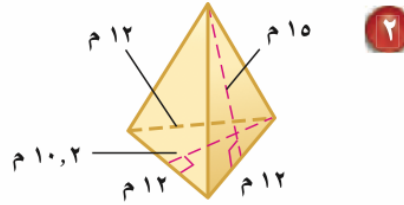


أ) أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح هرم طول ارتفاعه الجانبي ١٨ م، وطول ضلع قاعدته المربعة ١١ م.

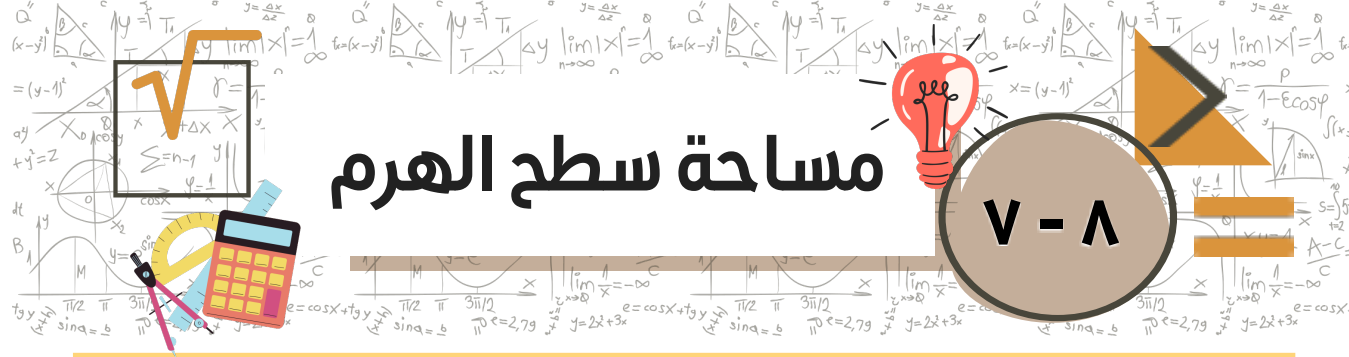


تأكد:

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل هرم منتظم مما يأتي، مقربًا الجواب إلى أقرب عُشر إذا لزم الأمر:

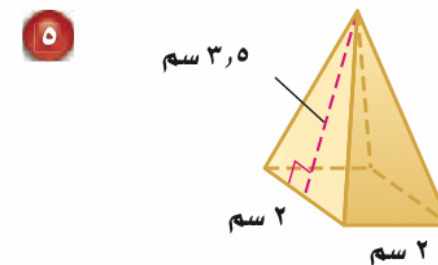
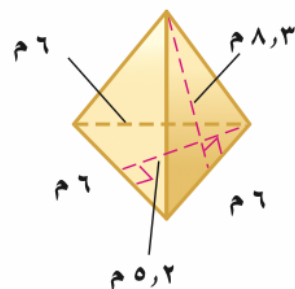


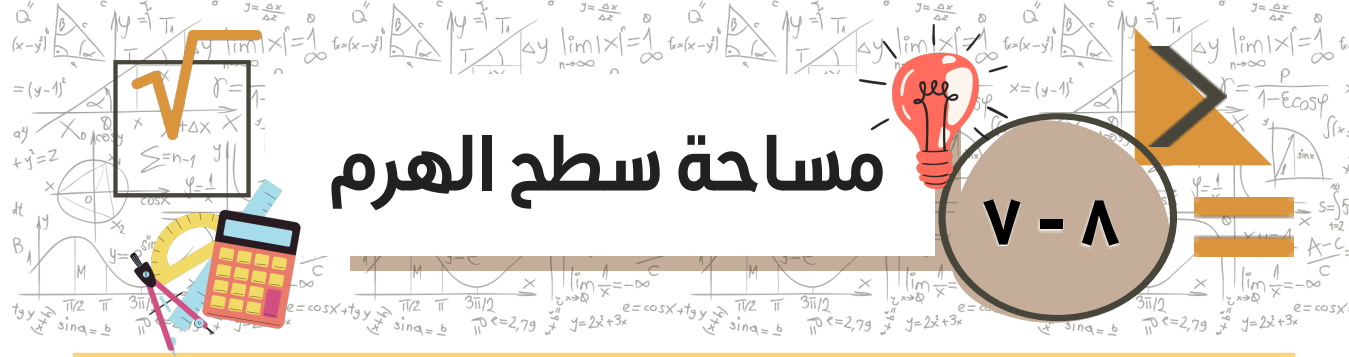
٣ أهرامات: هرم أرينا في ممفيس في الولايات المتحدة هرم رباعي منتظم، طول قاعدة كل وجه له ٦٠٠ قدم، وارتفاعه ٤٧٧ قدمًا، أوجد المساحة الجانبية له.



تدرب :

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل هرم منتظم مما يأتي، مقرباً الجواب إلى أقرب عشر إذا لزم الأمر:



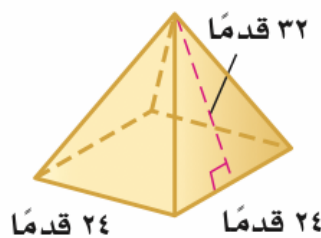


مساحة سطح الهرم

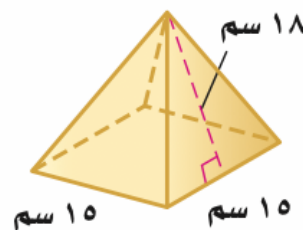
٧ - ٨

تدرب :

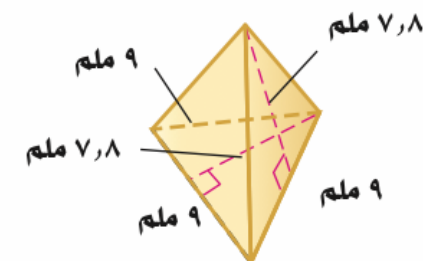
أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل هرم منتظم مما يأتي، مقرباً الجواب إلى أقرب عشر إذا لزم الأمر:



٩



٨



٧



مساحة سطح الهرم

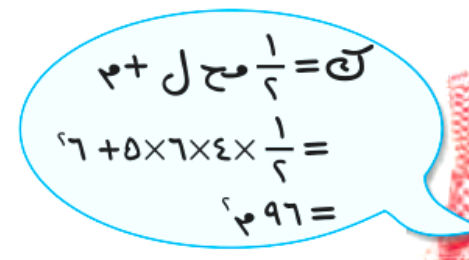
V - 8

مسائل مهارات التفكير العليا :



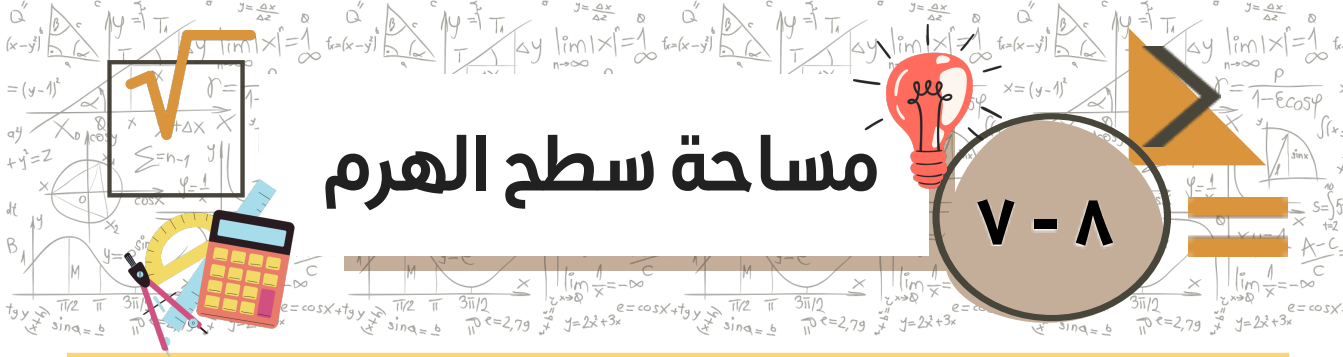
نواف

$$\begin{aligned} 3 + \frac{1}{6} \text{ م ح ل} &= 3 \\ 6 + 4 \times 6 \times 4 \times \frac{1}{6} &= \\ 184 &= \end{aligned}$$



حمد

$$\begin{aligned} 3 + \frac{1}{6} \text{ م ح ل} &= 3 \\ 6 + 5 \times 6 \times 4 \times \frac{1}{6} &= \\ 96 &= \end{aligned}$$



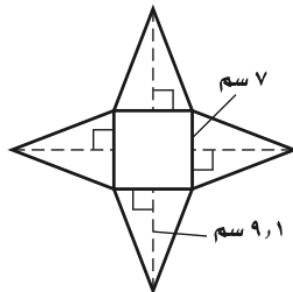
مساحة سطح الهرم

V - 8



تدريب على إختبار :

٢٦ تمثل الشبكة أدناه هرمًا رباعيًّا منتظمًا، مقربًا إلى أقرب عدد صحيح؟ ما المساحة الجانبية لسطح الهرم؟

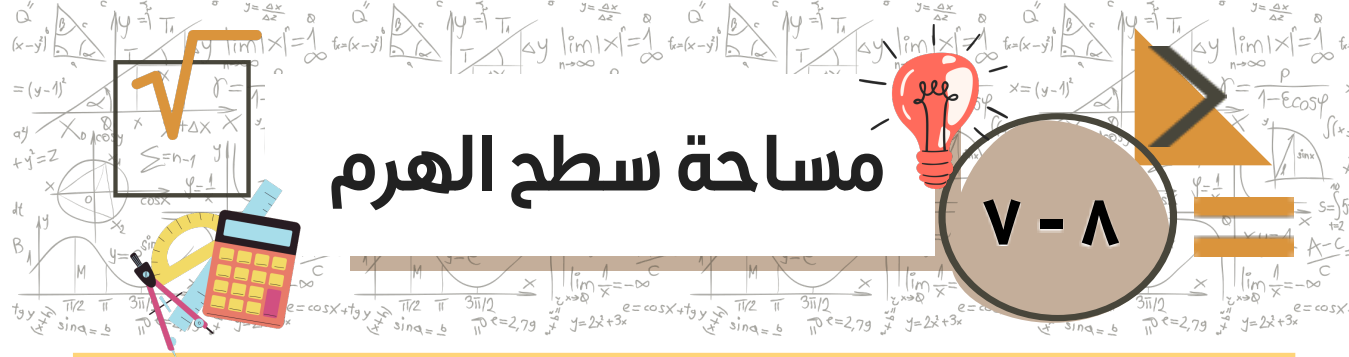


- (أ) ٣٢ سم^٢ (ب) ٤٩ سم^٢
 (ج) ١٢٧ سم^٢ (د) ١٧٦ سم^٢

٢٥ ما أفضل تقدير للمساحة الجانبية لسطح الهرم في الشكل أدناه؟



- (أ) ١٠٧ أقدام مربعة (ب) ١٨٠ قدمًا مربعة
 (ج) ٤٢٩ قدمًا مربعة (د) ٦٠٧ أقدام مربعة



مساحة سطح الهرم

V - ٨

تعلمنا اليوم

غلق الدرس:



لإيجاد مساحة سطح الهرم المنتظم

نوجد المساحة الجانبية باستعمال القانون

$$ج = \frac{1}{2} م ح ل$$

نوجد المساحة الكلية باستعمال القانون

$$ك = ج + م$$

