

ملزمة

الجزء النظري

في اختبار الرخصة المهنية

رياضيات المستوى الثاني

تعليم الرياضيات + الإجراءات الرياضية

إعداد / أ. منى حبيبي

للتواصل

@Manoo0110 تليجرام

@monahabibi2 تويتر

قروب الرخصة المهنية رياضيات

https://t.me/study_math

عدد الأسئلة	الوزن النسبي	المؤشر	المعيار	
٢	٤٪	<ul style="list-style-type: none"> • يوضح مكونات البراعة الرياضية ، وكيفية تنميتها لدى المتعلم . • يصف بنية الرياضيات ، ومكونات المعرفة الرياضية بأنواعها وكيفية تحليلها وتدريبها وتقويمها • يوظف استراتيجيات متنوعة في تعليم الرياضيات وتعلمها للوصول لجميع المتعلمين • يميز مهارات التفكير الرياضي وأساليب تنميتها وتعليمها وتعلمها • يصف نظريات التعلم ويوظفها في تعليم الرياضيات وتعلمها • يوظف التقنية والأدوات الرياضية واليدويات في تعليم الرياضيات وتعلمها 	-٨- تطبيق استراتيجيات تعليم الرياضيات وتعلمها	تعلم الرياضيات
٥	٨٪	<ul style="list-style-type: none"> • يصف خطوات حل المسألة الرياضية ويطبقها في حل مسائل حياتية • يختار استراتيجيات مناسبة لحل المسألة الرياضية ويطبقها ويقارن بينها • يبني مسائل رياضية ويحلها ويوسع نطاقها 	-٩- حل المسألة الرياضية وتوظيف استراتيجياتها	الإجراءات الرياضية
		<ul style="list-style-type: none"> • يستخدم لغة الرياضيات في التعبير عن الأفكار الرياضية بدقة • يوظف مهارات التواصل الرياضي بأنواعها في إيصال أفكاره ، ومناقشة أفكار الآخرين • يستخدم أساليب متنوعة في تنمية التواصل الرياضي لدى المتعلمين 	-١٠- استخدام التواصل الرياضي وتوظيف مهاراته في تعليم الرياضيات	
		<ul style="list-style-type: none"> • يمثل المواقف الحياتية في مسائل رياضية باستخدام النماذج • يحل المسألة الواردة في النموذج ، ويفسره ويوظفه في تحسين النموذج • يربط الرياضيات بمجالات التعلم الأخرى ، خاصة العلوم الطبيعية والتقنية والهندسة • يوظف الرياضيات في سياقات الحياة المختلفة 	-١١- توظيف النمذجة الرياضية وتطبيقات الرياضيات	
		<ul style="list-style-type: none"> • يبني التخمينات والحجج الرياضية وينقدها ويقومها • يبرر النتائج والإجراءات الرياضية الواردة في حل المسائل • يطبق الاستدلال الاستقرائي والاستنتاجي 	-١٢- تطبيق الاستدلال الرياضي ومناقشة حجج الآخرين	

• المعيار الثامن :

١- يوضح مكونات البراعة الرياضية ، وكيفية تنميتها لدى المتعلم .

مكونات البراعة الرياضية :

١- لاستيعاب المفاهيمي (الفهم) : ويقصد به استيعاب المفاهيم والعمليات والعلاقات الرياضية،

ويمكن أن يظهر الاستيعاب المفاهيمي لدى الطلاب من خلال :

- استيعابه للأفكار الرياضية الأساسية من مصطلحات ومفاهيم وتعاميم وعلاقات وعمليات الخ...

- معرفته للمعلومات والخطوات الإجرائية بشكل متماسك ومتربط وليس كمعلومات منفصلة

- معرفته لأهمية الفكرة الرياضية سواء كان ذلك في مجال العلوم الرياضية أو غيرها من المجالات الأخرى النظرية منها والتطبيقية .

- معرفته للمضمون الذي تستخدم فيه الفكرة الرياضية

- معرفته للترابطات العديدة بين الأفكار الرياضية

- تمكنه من تمثيل المواقف الرياضية بشكل أو رسم أو أي تمثيلات أخرى

- تعلمه لمفاهيم رياضية أقل عددا لكنها محورية وأساسية

- إعادته لبناء الأفكار والطرائق من أجل حل مسائل ومواقف رياضية وإنتاج معرفة جديدة

٢- **الطلاقة الإجرائية (إجراء الحسابات)** : يقصد بها القيام بالعمليات الإجرائية من

خوارزميات ومهارات رياضية بمرونة ودقة وكفاءة ، وبطريقة سليمة ملائمة للموقف ،

ويمكن أن تظهر الطلاقة الإجرائية من خلال :

- كتابة الطالب للإجراءات والأساليب الذهنية

- استخدامه بعض الخوارزميات المهمة في اختبار صحة المفاهيم

- إجراءاته لحل المشكلة الصعبة بأسرها

- امتلاكه رياضيات تتمحور بشكل جيد ومنظمة وملينة بالأنماط ويمكن التنبؤ بها

- إنجاز المهام الروتينية بكفاءة.

٣- **الكفاءة الإستراتيجية (التطبيق)** : وتعني القدرة على صياغة المسائل الرياضية وتمثيلها

وحلها ، يومكن أن تظهر لدى المتعلم من خلال ما يلي :

- البحث عن المسائل المشابهة في حلها وصياغتها

- تمثيل المسائل رياضيا

- تحديد المعطيات الرياضية المهمة ، وتجاهل المعلومات الزائدة

- تحاشي البيانات والأرقام المعقدة.

- توليد نماذج من المسألة الرياضية

٤- **التبرير أو الاستدلال التكيفي (الاستدلال)** : يقصد به القدرة على التفكير المنطقي والتأمل

والتفسير والتبرير الملائم للموقف ، ويمكن أن يظهر لدى المتعلم من خلال مايلي :

- التفكير المنطقي حول العلاقات بين المفاهيم والمواقف

- الاستكشاف أو الإبحار في العديد من الحقائق والمفاهيم والحلول لمعرفة ما إذا كانت

تتكامل فيما بينها بطريقة منطقية

- تقديم تفسيرات وتبريرات غير رسمية

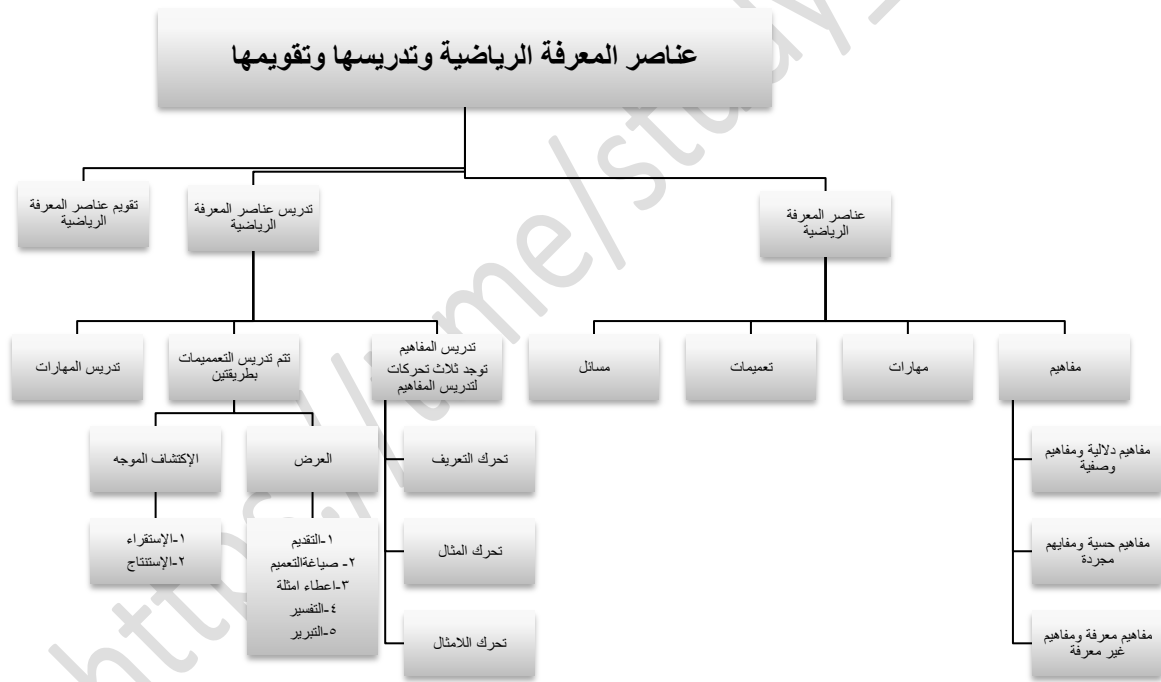
- الحدس والبدئية والمنطق الاستقرائي

- أن يكون الاستدلال التكيفي المحور الرئيسي في إنجاز المهام

٥- الرغبة المنتجة أو الميل المنتج نحو الرياضيات (الانخراط أو المشاركة) : وذلك بالنظر إلى الرياضيات على أنها واقعية ومفيدة ومجدية وأنها مجال يعتمد على الحس ، ويقترن ذلك بجد الشخص واجتهاده وكفاءته ، ويمكن أن تظهر الرغبة المنتجة لدى المتعلم من خلال اعتقاده :

- أن الرياضيات يمكن فهمها
- أنها مع الجهد الدؤوب يمكن تعلم الرياضيات واستخدامها

٢- يصف بنية الرياضيات ، ومكونات المعرفة الرياضية بأنواعها ، وكيفية تحليلها وتدريسها وتقويمها.



عناصر المعرفة الرياضية

أولاً : المفاهيم

المفهوم في الرياضيات : هو بناء رياضي أو فكرة مجردة تمكن الناس من تصنيف الأشياء ، والأحداث

أمثلة على المفاهيم : المجموعات ، المجموعات الجزئية ، التساوي ، العدد الأولي ، العدد النسبي ، العدد المركب ، الزمرة ، المساواة ، مفهوم " أكبر من " ، مفهوم " الصدق " في التقارير الرياضية ،

الاتصال ، المعين ، شبه المنحرف ، الدائرة ، نصف القطر ، التكامل ، مفهوم النهايات ، الميل ، المشتقة ، مفاهيم النسب المثلثية (جا ، جتا ، ظا) ، متوازي الأضلاع ، التوازي

ثانياً: التعميمات الرياضية

التعميم الرياضي هو علاقة بين مفهومين أو أكثر من المفاهيم الرياضية. ويشمل التعميم كلاً من: الحقيقة، المسلمة، البديهية، المبدأ، القانون، القاعدة،

ومن الأمثلة على التعميمات الرياضية ما يلي:

- $8 = 5 + 3$ (حقيقة).
- 1 متر = 100 سم (حقيقة).
- إذا تشابه مثلثان فإن نسبة مساحتهما تساوي مربع نسبة التشابه (نظرية).
- $(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$ (قاعدة)
- أي نقطتين يمر بها مستقيم واحد فقط (مسلمة).
- الكل أكبر من الجزء (بديهية).
- الزاويتان الحادثان في أي مثلث قائم الزاوية متتامتان (نتيجة)

ثالثاً- المهارات

وتعرّف المهارة الرياضية بأنها: القدرة على القيام بالعمليات الرياضية بسرعة ودقة

وفهم وإتقان، وذلك باستخدام القواعد والتعليمات أو بواسطة خطوات متتابعة ومرتبطة تعرف بالخوارزميات.

ويقصد بالخوارزمية: الأسلوب أو الطريقة المتبعة للقيام بعمل ما، وتتكون من مجموعة من الخطوات المتتابعة التي تؤدي إلى الهدف.

أمثلة على المهارات الرياضية : قراءة وكتابة الأعداد - إجراء العمليات الحسابية - التقريب والتقدير - القياس - حل المعادلات والمتباينات - استخدام الأدوات الهندسية - إنشاء وقراءة وتفسير البيانات - استخدام الحاسبات الآلية والحواسيب - حل المشكلات - الاستقراء ، الاستنباط، ...

رابعاً: المسائل الرياضية

المسألة : موقف جديد ومميز يواجه الفرد ولا يكون له حل جاهز لدى الفرد في حينه.

وبتعليم حل المسألة الرياضية يشجع المعلم الطلاب على اختيار المفاهيم والتعميمات المناسبة والمهارة رات المكتسبة.

مثال : تباع الكتب في إحدى المكتبات بخصم مقداره 25% على كل كتاب ، فبكم يشتري خالد كتابا سعره الأصلي 80 ريالاً ؟

السؤال السابق عبارة عن :

- تعميماً رياضياً
- مفهوماً رياضياً
- مهارةً رياضية
- مسألةً رياضية

٣- يوظف استراتيجيات متنوعة في تعليم الرياضيات وتعلمها للوصول لجميع المتعلمين

بعض الاستراتيجيات وطرق التدريس	
الاكتشاف الموجه	ويكون إما عن طريق الاستقراء أو الاستنتاج: الطريقة الاستقرائية : وهي أحد صور الاستدلال بحيث يكون سير التدريس من الجزء إلى الكل ، والاستقراء هو عملية يتم عن طريقها الوصول إلى التعميمات من خلال دراسة عدد كاف من الحالات الفردية ثم استنتاج الخاصية التي تشترك فيها هذه الحالات ثم صياغتها على صورة قانون أو نظرية الطريقة الاستنتاجية أو الاستنباطية : وهي صورة من صور الاستدلال حيث يكون سير التدريس من الكل إلى الجزء ، أي من القاعدة العامة إلى الأمثلة ، وتستخدم هذه الطريقة في تدريس القواعد العامة مثل النظريات والقوانين ، وعندما نريد تدريب الطلاب على أسلوب حل المشكلات بمختلف صورها .
التعلم التعاوني	عبارة عن محتوى حر من طرق تنظيم التفاعل الاجتماعي، وفيه يكون المتعلم محور العملية التعليمية، ويكون دور المعلم اختيار الموضوع وتحديد الأهداف وارشاد المتعلمين
التعليم البنائي	عملية فردية تتطلب تفاعل العرفة السابقة مع الأفكار الحالية وتؤكد النظرية الحديثة أن الشخص يبني معلوماته داخليا متأثرا بالبيئة المحيطة به
حل المشكلات	تعتمد هذه الطريقة على التفكير العلمي وتستخدم عندما يكون الهدف تنمية مهارات حل المشكلات لدى التلاميذ وتمر هذه الطريقة بثلاث مراحل هي : التقديم - التوجيه- التقويم وهي أن يقوم المعلم بطرح مشكلة (حل تمرين) على طلابه وتوضيح أبعادها ، وبعد ذلك يناقش ويوجه الطلاب للخطوات والعمليات التي تقود لحل المشكلة ، وذلك بتحفيز الطلاب على التفكير واسترجاع المعلومات المرتبطة بالمشكلة ، وبعد ذلك يقوم المعلم بتقويم الحل الذي توصل إليه الطلاب .
العصف الذهني	تساعد هذه الاستراتيجية على تنمية الإبداع والإبتكار لحل المشكلات
الالقاء	تستخدم هذه الطريقة عندما يرغب المعلم في تقديم مجموعة من الأفكار والحقائق التي تحتاج إلى سرد في عبارات متسلسلة
المحاضرة	دور المعلم فيها هو الملقى ، ودور المتعلم هو استقبال المعلومات ،
اللعب	وتعتبر من أفضل الطرق ، وتستخدم عادة في الصفوف الأولى من المرحلة الابتدائية
تمثيل الأدوار	تتصل هذه الطريقة وما تتضمنه من ألعاب ومحاكاة وتمثيل اتصالا مباشرا بحياة الطلاب وتعمل على تكوين سلوكهم ، ويكون دور المعلم فيها موجه للتلاميذ
طريقة هيرت	تنسب هذه الطريقة إلى فريدريك هيرت ، وقد جمع بين الطريقتين الاستنتاجية والاستقرائية في طريقة واحدة وأطلق عليها الطريقة الاستدلالية أو الهربارتية .

٤- يميز مهارات التفكير الرياضي وأساليب تنميتها وتعليمها وتعلمها.

مهارات التفكير الرياضي	
الاستقراء	التبرير الاستقرائي الرياضي تبرير يستعمل فيه أمثلة محددة أو أنماط أو مشاهدات للوصول إلى نتيجة ، وتسمى العبارة النهائية التي توصلت إليها باستعمال التبرير الاستقرائي تخمينا
الاستنتاج الرياضي	الإستنتاج الرياضي : أو التبرير الاستنتاجي هو استعمال حقائق وقواعد وتعريفات وخصائص من أجل الوصول إلى نتائج منطقية .
البرهان الرياضي	يعتبر البرهان الرياضي نوع من أنواع الخوارزميات وهو عبارة عن سلسلة استدلالية من العبارات والتي تعتمد على المسلمات كمبادئ عامة ، والنتيجة لهذه السلسلة تسمى نظرية (أو مبرهنة) استراتيجيات البرهان الرياضي : • البرهان المباشر : الانتقال من المعطيات إلى المطلوب مباشرة بالاستعانة بالمنطق والمسلمات والتعاريف الرياضية • البرهان غير المباشر : وله أساسيان منطقيان هما - المعاكس الإيجابي : وتقوم هذه الطريقة على أساس تكافئ العبارتين - البرهان بالتناقض • البرهان بالمثال المعاكس أو المثال المضاد : عندما نريد نقض أو " نفي " خاصة معينة يكفي أن تكون غير محققة في حالة واحدة ولو تحققت في جميع الحالات الأخرى • البرهان بطريقة الاستنزاف (الاستبعاد): تستخدم هذه الطريقة عندما يكون المطلوب إثبات صحة إمكانية ما من بين عدة إمكانيات • الإستقراء الرياضي ملاحظة : يستعمل المثال المضاد لإثبات عدم صحة التخمين الذي توصل إليه عن طريق التبرير الاستقرائي أما لإثبات صحة التخمين فيجب استعمال التبرير الإستنتاجي والذي من أشكاله (قانون الفصل المنطقي – قانون القياس المنطقي)
التفكير المنطقي	يتم به الحصول على نتيجة من مقدمات تتضمن النتيجة بما بينها من علاقات
التعليل والسببية	وتتضمن المهارات الآتية : التفسير وذكر الأسباب ، المقارنة وتوضيح أوجه الشبه والاختلاف ، تكوين أسئلة الإجابة عليها
حل المسألة الرياضية اللفظية	المسائل اللفظية الرياضية هي المشكلات الرياضية المصاغة باستخدام المفردات والرموز اللغوية
التخمين	هو توقع الحل بناء على أسس عملية معينة مفيدة في التوصل إلى الحل

هي التمثيل الرياضي للعناصر والعلاقات في نسخة مثالية في ظاهرة معقدة	النمذجة
<p>مهارات التفكير الإبداعي :</p> <ul style="list-style-type: none"> • الطلاقة : وهي القدرة على إنتاج أكبر عدد من الأفكار • الأصالة : وهي أن يأتي بأفكار جديدة وغير مكررة وشائعة • المرونة : أن يتقبل كل جديد ومفيد ومهم • الإفاضة : القدرة على إستخراج أو إضافة تفاصيل جديدة ومتنوعة لفكرة ما ، • التنبؤ : القدرة على استخدام الخبرات والمعارف والمعلومات السابقة أو توظيفها من أجل الوصول إلى الخيارات <p>بعض الأمثلة على مهارات التفكير الإبداعي :</p> <p>الطلاقة : أذكر أكبر عدد من الأشياء من حولنا والتي يمكن حساب حجمها</p> <p>الأصالة : أرسم شكلا له محور تماثل تعتقد أن أحدا لم يرسمه بعد</p> <p>المرونة : اذكر استخدامات المسطرة الفرجار لكل من (الطالب ، الخياط ، النجار ، الحداد ، ..)</p> <p>الإفاضة : اشترى أحمد عشر أقلام أضف على السؤال ما تشاء بحيث يمكن حله باستخدام عملية (الجمع ، الطرح ، الضرب ، القسمة)</p>	التفكير الابداعي
هو الخروج من حيز التأثير المباشر إلى نطاق التأثير بالمعنى وهو تأثير غير مباشر	التفكير التجريدي

٥- يصف نظريات التعلم ويوظفها في تعليم الرياضيات وتعلمها.

نظريات التعلم

نظرية التعلم: عبارة عن وجهات نظر مؤيدة بتجارب تساعد على تفسير عملية التعلم

نظرية التعليم: هي مجموعة من المبادئ المتكاملة التي توجه ترتيب الظروف المرتبطة بإنجاز الأهداف التربوية

تصنيف بلوم لأهداف التعلم:

- ١- التذكر أو المعرفة: أن يذكر الطالب نص نظرية أو قانون كما هو ، والأفعال التي يمكن استخدامها في هذا المجال هي : يعرف ، يذكر ، يسمي ، يسرد ، يسترجع ، يعدد ن يطابق ، ..
- ٢- الفهم: إدراك معنى الموضوع ويتضمن التذكر حيث يذكر شيء معين مع التغيير (يوجد تعديل من المتعلم) ، والأفعال التي يمكن استخدامها في هذا المجال هي : يترجم ، يحول ، يعيد صياغة ، يلخص ، يشرح ، يعبر عن ، يعطي مثال ، يراجع ، يوضح ، يناقش ، يقارن ، يخمن ، يتوقع ، يعلل ، يربط بين أكثر من شيء
- ٣- التطبيق: (استخدام المعلومات) يطبق على شيء جديد، يطبق لموقف مشابهه في الدرس أو موقف مر عليه قبل ذلك ، أو لموقف جديد ، والأفعال التي يمكن استخدامها في هذا المجال : يطبق ، يستخدم ، يحسب ن يعد ، يحل تمرين ، يرسم تمرين ، يعالج ، يوظف ، يستخرج ن يقيس
- ٤- التحليل: هو أن يحلل الموقف لعناصره الأساسية ، والأفعال التي يمكن استخدامها في هذا المجال هي : يحلل ، يبرهن ، يميز ، يعزل ، يحدد العناصر المشتركة ، يختبر يدقق ، يتأمل ، يستقرأ ، يكتشف
- ٥- التركيب: أي ينظم مجموعة معينة من المفاهيم والعلاقات والأفعال التي يمكن استخدامها في هذا المجال هي : يولف ، يبدع ، يبتكر ، يصمم ، يقترح ، ينسق ، ينشئ ، يجمع بين
- ٦- التقويم: ويضم كافة المستويات السابقة لمعرفة مدى تعلمها والأفعال التي يمكن استخدامها هي : ينقد ، يقيم ، يناقش بالحجج ، يبين التناقض ، يصدر حكم ، يدافع عن ، يتخذ قرار ، يبرر

نظريات التعليم والتعلم المتعلقة بتدريس الرياضيات



٦- يوظف التقنية والأدوات الرياضية واليدويات في تعليم الرياضيات وتعلمها

بعض الوسائل اليدوية التعليمية في الرياضيات :

- العداد أو المعداد :
يستخدم لتميز منازل الأعداد من أحاد وعشرات ومئات وألوف ، وتساعد على قراءة الأعداد وكتابتها
- مكعبات دينز :
تستخدم في توضيح مفهوم العدد ، قراءة الأعداد وكتابتها ، المقارنة بين الأعداد الصحيحة ، دراسة المنازل العشرية ، إجراء العمليات الحسابية الأساسية ، الأرقام العشرية ، الروم البيانية ، الجبر ، النسبة المئوية
- المكعبات المتداخلة :تستخدم في توضيح العديد من المفاهيم الرياضية : منها مفهوم الأعداد ، ومكونات عدد ، مفهوم الأعداد الأولية ، المقارنة بين الأعداد ، والمضاعفات والقواسم والكسور والعمليات عليها
- اللوحة الهندسة : تستخدم في توضيح مفهوم العدد الزوجي والفردين ومساحة الشكل الهندسية ، ومفهوم الإحداثيات ومفهوم التشابه للأشكال ، ومعادلة الخط المستقيم المار ف نقطة الأصل ، والمستقيمات المتوازية .
- اللوحة الدائرية :تستخدم لشرح مفهوم الوتر والقطر والمماس والزواوية المركزية والزواوية المحيطية والأقواس والدوران والتناظر والإنسحاب .
- قطع النماذج : تستخدم توضيح العديد من المفاهيم مثل التصنيف (تصنيف مجموعة من الأشياء أو الصور) ، تمييز الأشياء المتطابقة ، والتناظر والدوران ، والكسور ، والكسور المتكافئة وجمع وطرح الكسور والزوايا والمساحة والمحيط ،
- معمل الجبر :يمكن من خلال معمل الجبر تمثيل الأعداد الموجبة والسالبة ، وتمثيل نظير عدد وتوضيح العمليات على الأعداد الصحيحة ، وتوضيح مفهوم الأسس وتمثيل المعادلات والمترجمات ، كما يساعد في توضيح مفهوم الفرق بين حدين ومفهوم الفرق بين مكعبين
- الميزان الحسابي :يجسد المفاهيم الرياضية من خلال علاقات المساواة بين طرفية ، يستخدم في الجمع والطرح والضرب وتمثيل المعادلات الرياضية ، ومضاعف وقواسم العدد
- قطع كواز نير :
تستخدم لتدريس المفاهيم الرياضية وتوضيحها مثل مفهوم القياس والعمليات على الأعداد ، مفهوم الأعداد الأولية ، ومفهوم قاسم عدد ومضاعفاته ، وتوضيح الكسور ، والعمليات الحسابية كالجمع والطرح والضرب والتبديل والتجميع على الأعداد الطبيعية والكسرية

مسائل قياس على المعيار الثامن	
المفاهيم مثل (الزاوية، النقطة، الزمرة، العدد المركب...) المهارات (حل المسائل، قراءات الأعداد...) النظرية من أمثلة التعميمات التعميمات (نظرية، حقيقة، برهان....)	١- تصنف كل من " الزاوية، المثلث، التوازي " على أنها : ● مفاهيم ● مهارات ● نظريات ● تعميمات
التركيبية من الجزء للكل التحليلية من الكل للجزء وتستخدم (التركيبية والتحليلية) لقراءة الجمل أو الكلمات أو الحروف الاستقرائية من الجزء للكل الاستنتاجية من الكل للجزء وتستخدم (الاستقرائية والاستنتاجية) للبراهين الرياضية	٢- قام المعلم بإعطاء طلابه عددا من المثلثات وطلب منهم قياس زواياها، ثم جمع القياسات لكل مثلث، وبعد ذلك أخبرهم أن مجموع زوايا المثلث يساوي ١٨٠°. ما طريقة التدريس التي طبقها المعلم؟ ● التركيبية ● التحليلية ● الاستقرائية ● الاستنتاجية
عناصر المعرفة الرياضية : المفاهيم، التعاميم، المهارات	٣- أي من الآتي لا يعد من عناصر المعرفة الرياضية : ● المفاهيم ● التعاميم ● العمليات ● المهارات
التعميم : علاقة بين مفهومين رياضيين أو أكثر المهارة الرياضية: هي القدرة على القيام بالعمليات الرياضية المشكلة الرياضية : هي مشكلة حسابية (مسألة) من الممكن تحليلها وإيجاد حل لها باستخدام الطرق الرياضية المصطلح الرياضي : وصف لشيء ما	٤- المعرفة الرياضية التي تعرف بأنها " علاقة بين مفهومين رياضيين أو أكثر " تسمى : ● تعميما رياضيا ● مهارة رياضية ● مشكلة رياضية ● مصطلحا رياضيا
الإستقراء : من الجزء إلى الكل ، من الأمثلة للقاعدة الإستنتاج : يبدأ بالقاعدة أو القانون ثم الأمثلة	٥- يحرص المعلم خالد على تقديم أمثلة عديدة على القاعدة الرياضية قبل صياغتها وذلك بالتعاون مع تلاميذه ، لأن ذلك ينمي لديهم مهارة : (أ) التمثيل (ب) البرهان (ت) الاستقراء (ث) الاستنتاج
بعض تطلبات تعلم المهارات الرياضية القدرة على: قراء وكتابة الأعداد - إجراء العمليات الحسابية - التقريب والتقدير - القياس - حل المعادلات والمتباينات - استخدام الأدوات الهندسية - إنشاء وقراءة وتفسير البيانات - استخدام الحاسبات الآلية والحواسيب - حل المشكلات - الاستقراء ، الاستنباط،	٦- (تفسير البيانات الإحصائية) يعد رياضيا : ● مفهوم ● علاقة ● تعميم ● مهارة
ترتيب تنمية المهارة العقلية العصف الذهني	٧- أي الأساليب الآتية مناسب لتنمية المهارات (العقلية) لدى المتعلمين :

<p>لعب الأدوار الحوار والمناقشة المحاضرة واللقاء</p>	<p>لعب الأدوار العصف الذهني الحوار والمناقشة والمحاضرة واللقاء</p>
<p>طريقة التدريس الإستقرائية : لأنهم توصلوا إلى القاعدة من خلال ملاحظة الأمثلة أي من الجزء إلى الكل</p>	<p>٨- إذا قام المعلم بتوزيع عدة مثلثات مختلفة الأشكال على تلاميذه، ثم توصلوا من خلال قياسهم لزواياها الداخلية إلى أن " مجموع الزوايا الداخلية في أي مثلث يساوي ١٨٠ درجة " فما طريقة التدريس التي وظفها المعلم؟</p> <ul style="list-style-type: none"> • الإلقائية • الاستقرائية • الاستنتاجية • حل المشكلات
<p>قطع دينز تستخدم في توضيح مفهوم العدد، المقارنة بين الأعداد الصحيحة، دراسة المنازل العشرية، إجراء العمليات الحسابية الأساسية، الأرقام العشرية، الروم البيانية، الجبر، النسبة المئوية</p>	<p>٩- الوسيلة التعليمية الأكثر أهمية في إكساب الطالب مفهوم العدد، والمنازل العشرية، ومهارة إجراء العمليات الحسابية الأساسية هي :</p> <ul style="list-style-type: none"> • العداد • قطع دينز • قطع كوازنيير
<p>١٠- إذا أراد المعلم أن يوفر خبرات تعليمية لتنمية مهارات التفكير، فعليه أن :</p>	<ul style="list-style-type: none"> • يطبق مهارات التفكير أمام طلابه • يستخدم استراتيجية خريطة المفاهيم • يبين لهم أهمية التفكير العلمي وكيفية تطبيقه • يقيم ورشة عمل لطلابه يمارسون خلالها التفكير
<p>الطلاقة : هي القدرة على إنتاج أكبر عدد من الأفكار الأصالة : وهي أن يأتي بأفكار جديدة ومتنوعة وغير مكررة المرونة : أن يتقبل كل جديد ومفيد ومهم التنبؤ : القدرة على استخدام الخبرات والمعارف والمعلومات السابقة أو توظيفها من أجل الوصول إلى الخيارات</p>	<p>١١- قدرة المعلم على إيراد أفكار عديدة ومتنوعة تعني امتلاكه لعنصر :</p> <ul style="list-style-type: none"> • الطلاقة • الأصالة • المرونة • التنبؤ
<p>الأصالة : أن يأتي بأفكار جديدة الإفاضة : القدرة على استخراج أو إضافة تفاصيل جديدة ومتنوعة لفكرة ما</p>	<p>١٢- عندما تبتكر طرق حل جديدة، تنمي لديك مهارة :</p> <ul style="list-style-type: none"> • الطلاقة • الأصالة • المرونة • الإفاضة
<p>الدالة : علاقة بين مجموعتين غير خالية حيث يربط كل عنصر في المجال بعنصر واحد فقط في المجال المقابل العلاقة : مجموعة من المدخلات والمخرجات التحويل الخطي : هو مصطلح في الجبر الخطي، ويشير إلى خريطة بين ناقلات الطرفين على نفس</p>	<p>١٣- مفهوم التطبيق هو نفسه مفهوم الدالة</p> <ul style="list-style-type: none"> • الدالة • العلاقة • التحويل الخطي • التشاكل الزمري

<p>الهيئة، التشاكل الزمري : هو تطبيق بين زمريتين بحيث يبقى على عملية الزمرة التحويل الخطي والتشاكل الزمري نوع من أنواع التطبيقات ، أما التطبيق أو الدالة يعتبر نوع من أنواع العلاقات</p>	
<p>المثال المضاد : هو تقديم مثال معاكس للتخمين لإثبات عدم صحة التخمين ، بالسؤال إذا تطابقت أضلاع أي شكل رباعي فهو فقط مربع ، نورد مثال مضاد على شكل رباعي أضلاعه متطابقة وليس مربع والمعين شكل رباعي وأضلاعه متطابقة أيضا وليس مربع</p>	<p>١٤- أي شكل مما يأتي يمكن أن يكن مثلا مضادا إذا تطابقت أضلاع الشكل الرباعي فإنه مربع</p> <ul style="list-style-type: none"> ● معين ● مستطيل ● شبه منحرف ● متوازي أضلاع
<p>في حال تغيير صيغة السؤال إلى هذه الصيغة : (بحرص المعلم خالد على تقديم أمثلة عديدة على القاعدة الرياضية بعد صياغتها وذلك بالتعاون مع التلاميذ) لأن ذلك يمكن لديهم مهارة : يكون الحل (الإستنتاج)</p>	<p>١٥- يحرص المعلم خالد على تقديم امثلة عديدة على القاعدة الرياضية قبل صياغتها وذلك بالتعاون مع التلاميذ، لأن ذلك يمكن لديهم مهارة :</p> <ul style="list-style-type: none"> ● التعليل ● البرهان ● الإستقراء ● الإستنتاج
<ul style="list-style-type: none"> ● قطع ديزنر: تستخدم في توضيح مفهوم العدد ، قراءة الأعداد وكتابتها ،المقارنة بين الأعداد الصحيحة ،دراسة المنازل العشرية ،إجراء العمليات الحسابية الأساسية ،الأرقام العشرية ،الروم البيانية ، الجبر ، النسبة المئوية ● قطع النماذج : عبارة عن ست قطع هندسية وتستخدم توضيح العديد من المفاهيم مثل التصنيف (تصنيف مجموعة من الأشياء أو الصور) ، تمييز الأشياء المتطابقة ، والتناظر والدوران ، والكسور 	<p>١٦- أشهر وسيلة يدوية تساعد الطالب في التعرف على مفهوم " تصنيف المجموعات " هي :</p> <ul style="list-style-type: none"> ● قطع ديزنر ● قطع النماذج
<p>التطبيق: (استخدام المعلومات) يطبق على شيء جديد، يطبق لموقف مشابهه في الدرس أو موقف مر عليه قبل ذلك ، أو لموقف جديد ،والأفعال التي يمكن استخدامها في هذا المجال : يطبق ، يستخدم ، يحسب ، يعد ، يحل تمرين ، يرسم تمرين ، يعالج ، يوظف ، يستخرج ، يقيس، ...</p>	<p>١٧- عندما تطلب من الطلاب القيام بعمل رسم بياني فإن ذلك يقيس قدراتهم على :</p> <ul style="list-style-type: none"> ● التحليل ● التركيب ● التطبيق ● الفهم
<p>الفهم: إدراك معنى الموضوع ويتضمن التذكر حيث يذكر شيء معين مع التغيير</p>	<p>١٨- تدرج المقدرة على إدراك المعاني بتفسيرها أو ترجمتها تحت مستوى :</p> <ul style="list-style-type: none"> ● الفهم ● التقويم ● التطبيق ● التحليل
<p>المهام المفتوحة :</p> <ul style="list-style-type: none"> ● تعتبر المهام المفتوحة من الأساليب التي تسمح بعرفة المداخل المختلفة والمسارات المختلفة لاستنباط كيفية معالجة المتعلمين لمشكلة ما. ● إن كثيرا من المسائل الرياضية تتطلب توضيح 	<p>١٩- تعد المهام المفتوحة النهاية من الاتجاهات الحديثة في تعلم الرياضيات ، فأى مما يأتي يمثل مهمة مفتوحة النهاية ؟</p> <ul style="list-style-type: none"> ● إذا كان قياس زاويتين في مثلث ٢٥ ، ٦٠ ، أوجد قياس الزاوية الأخرى ؟

<p>الخطوات التي اتبعها المتعلم في التوصل إلى الحل</p> <ul style="list-style-type: none"> المهام المفتوحة تسمح للمتعلم بالانعكاسات الذاتية والاتصال، بدلا من الاعتماد على التذكر ، وسرعة الاجابة ، كما في مفردات الإختيار من متعدد يتطلب هذا النوع من المتعلم أن يتمعن في الموقف ، ويفهم ما هو مطلوب ، يختار خطة للحل ، وينفذ الخطة ويفسر الحل ويسجل التفكير في كل مرحلة ويعبر عن قراراته وأحكامه لتي توصل إليها 	<ul style="list-style-type: none"> إذا كانت نسبة الماء إلى اليابسة في الكرة الأرضية ٧:٣ فما النسبة المئوية للماء ؟ إذا كانت ٨٤ كعكة تكفي ٢٨ طفلا ، فكم كعكا تكفي لاحتفال ٣٠ طفلا ؟ اكتب ثلاث كسور اعتيادية يمكن كتابتها على صورة نسبة مئوية تقع بين ٥٠٪ و ٧٥٪
<p>ملاحظة / صيغة السؤال " وأخبرهم " لذلك نختار الإستنتاجية</p> <p>لو كان في السؤال " ف " أو " ثم " أو ما يشير إلى أنه أخبرهم فيما بعد نختار الإستقرائية</p>	<p>٢٠- إذا قام معلم بإعطاء طلابه منقلة وطلب منهم قياس زوايا دائرة وأخبرهم أن مجموع زوايا الدائرة ٣٦٠ ما طريقة التدريس التي طبقها المعلم</p> <ul style="list-style-type: none"> التركيبية التحليلية الإستقرائية الإستنتاجية
<p>تغير الأرقام فهم تغير الأفكار تطبيق</p>	<p>٢١- يختبر المعلم طلابه بطرح أسئلة سابقة مع تغيير الأرقام ، يقيس المعلم مستوى</p> <ul style="list-style-type: none"> الفهم التذكر التطبيق التحليل
<p>النمذجة: ويعني التمثيل الرياضي لعناصر العلاقات في نسخة مثالية من ظاهرة معقدة ، أو هي تحويل المشكلة الحياتية إلى مسألة رياضية التعبير الرياضي :</p>	<p>٢٢- معلم استخدم التعابير الرياضية للتعبير عن رأيه ووجهة نظره</p> <ul style="list-style-type: none"> النمذجة التعبير الرياضي الاستنتاج والاستدلال* البرهان
<p>تؤكد النظرية (البنائية) الحديثة : أن الشخص يبني معلوماته داخليا متأثرا بالبيئة المحيطة به</p>	<p>٢٣- " يتعامل المتعلم مع المعرفة كما يتعامل النبات مع غذاءه فيصنعه بنفسه "</p> <p>العبارة السابقة تمثل فلسفة استراتيجية :</p> <ul style="list-style-type: none"> التعلم التعاوني التعلم البنائي الاستقصاء الاستقراء
<p>طرق البرهان :</p> <p>البرهان المباشر – البرهان غير المباشر – المعاكس الإيجابي – البرهان بالتناقض – المثال المعاكس (المضاد) – البرهان بالإستبعاد (الحذف) – الإستقراء الرياضي</p>	<p>٢٤- أي مما يلي لا يعد من طرق البرهان :</p> <ul style="list-style-type: none"> الاستدلال الرياضي الاستقراء الرياضي المثال المضاد نقض الفرض
<ul style="list-style-type: none"> الإستقراء الرياضي : هو أحد أنواع البرهان الرياضي ، ويتم على مرحلتين : في الأولى يبرهن أن أول رقم في المجموعة 	<p>٢٥- عندما تريد استخدام " الإستقراء الرياضي "</p> <p>في إثبات صحة العبارة</p> $1 + 2 + 3 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$ <p>يلي :</p>

<p>يحقق المطلوب ، وفي الثانية نفرض أن المطلوب يتحقق لعدد ما من المجموعة ، ونبرهن جبريا ، مثلا أنه يتحقق أيضا للعدد الذي يليه في المجموعة استنادا على الفرض وعلى الأساس</p>	<ul style="list-style-type: none"> • نعطي عددا من الأمثلة المتنوعة التي تؤكد صحة العبارة • نبدأ من الطرف الأيسر ، ونستخدم القوانين الرياضية لإثبات مساواته للطرف الأيمن • نفرض صحة العبارة عندما $n=1$ و $n=k$ ، ونثبت صحتها عندما $n=k+1$ • نثبت صحة العبارة عندما $n=1$ ، وأن صحتها عندما $n=k$ يؤدي لصحتها عندما $n=k+1$
--	---

https://t.me/study_math

المعيار التاسع

١- يصف خطوات حل المسألة الرياضية ويطبقها في حل مسائل حياتية

١- خطوات حل المسألة الرياضية

يعتمد حل المسألة على أربع خطوات هي :

الفهم – التخطيط – حل المسألة (التنفيذ) – التحقق

استراتيجيات حل المسألة (المشكلة) عند جورج بوليا

المرحلة الأولى – فهم المشكلة :

- قراءة المشكلة
- إعادة صياغة المشكلة
- فهم وإدراك المدلولات الرياضية
- تحديد المعطيات والمطلوب والشروط
- رسم شكل للمشكلة التي تتطلب رسماً
- تحديد مدى كفاية المعلومات المعطاة لحل المشكلة
- تحديد المعلومات الزائدة أو غير الضرورية .

المرحلة الثانية – وضع خطة لحل المشكلة (ابتكار خطة الحل) :

تعد هذه المرحلة من أهم مراحل حل المشكلة ، ومن الأسئلة التي يمكن أن يوجهها المعلم للطالب :

- هل رأيت مشكلة مماثلة لهذه المشكلة من قبل ؟
- هل تعرف مشكلة ذات صلة أو علاقة بالمشكلة الحالية ؟ هل يمكن تبسيط هذه المشكلة؟
- انظر إلى المجهول وحاول أن تتذكر مشكلة مألوفة لك، ولها نفس المجهول أو مجهول مشابه له
- هل يمكن تعديل المجهول ليصبح في صورة قريبة من المعطيات
- هل يمكن تعديل المعطيات لتصبح في صورة قريبة من المجهول
- هل تعرف نظرية أو قانوناً أو نموذجاً أو أسلوباً يمكن استخدامه لحل المشكلة

المرحلة الثالثة – تنفيذ الخطة :

تنفيذ الخطة تعتبر من الأمور السهلة على الطالب ، وخاصة عندما يكون قد توصل إلى فكرة الحل بنفسه أو قام بدور فعال في وضع الخطة ، وما يقوم به الطالب في هذه المرحلة عبارة عن عمليات وخوارزميات واضحة .

المرحلة الرابعة – مراجعة الحل (التحقق من صحة الحل) :

من الأسئلة التي يمكن أن يطرحها المعلم على الطالب في هذه المرحلة ما يلي :

- هل يمكن أن نتحقق من صحة النتيجة ؟
 - هل الحل يحقق شروط المشكلة ؟ هل تم استخدام جميع المعلومات ؟
 - هل يمكن الوصول للنتيجة بطريقة أخرى؟ (هل يمكن حل المشكلة بطريقة أخرى؟)
 - هل يمكن استخدام هذه الطريقة أو الاستراتيجية في حل مشكلات أخرى ؟
- يمكن حل المسألة باستخدام خطط (مهارات ، استراتيجيات)

٢- يختار استراتيجيات مناسبة لحل المسألة الرياضية ويطبقها ويقارن بينها

استراتيجيات حل المسألة:

١- استراتيجية التخمين والتحقق

أمثلة : ناتج مربع عدد يساوي ٥٧٦ ، فما هذا العدد ؟

حصل محمد على ١٨ درجة في الاختبار ، اذا كان الاختبار يتكون من ٦ مسائل ، لكل منها درجتان ، ومسألتيه لكل منهما ٤ درجات ، فما عدد المسائل الصحيحة التي حلها ؟

عدد أرجل الخراف والدجاجات في مزرعة ٢٦ رجلا ، إذا كان في المزرعة ٨ حيوانات ، فكم خروفا وجد فيها ؟

لدى معلم ٢٨ سمكة ، أعطى مروان بعضا منها ، وأعطى بلالا ضعف ذلك العدد ، وأعطى عنان ضعف ما أعطى بلالا ، كم سمكة أخذ كل طالب ؟

مع خالد مبلغ ٢٢٠ ريال في صورة أوراق نقدية عددها ٢٠ ريال ، ما عدد الأوراق النقدية الموجودة لدى خالد من كل فئة من تلك الفئات

استراتيجية البحث عن النمط

يعني البحث عن سلسلة (أعداد أو أشكال أو حروف أو ...) تتبع قاعد معينة

توجيهات لاكتشاف النمط

- تنظيم المعلومات في قائمة أو جدول يسهل إيجاد النمط.
- تحديد العلاقة بين أول عنصرين متتاليين في السلسلة يدل على قاعدة قد تكون قاعدة النمط.
- تحديد العلاقة بين كل عنصرين متتاليين في السلسلة والربط بينها يدل على قاعدة النمط.
- يمكن أن تستعمل استراتيجية البحث عن نمط في حل المسألة
- إذا وجد في المسألة معلومات منظمة في قائمة أو جدول.
- إذا أمكن تكوين سلسلة (أعداد، حروف، أشكال هندسية ، ...) من بيانات المسألة.

تستخدم في مسائل المتتابعات والمتسلسلات

أمثلة :

يصل أحمد إلى المطار في أول طائرة تهبط بعد الساعة ٨ صباحا . إذا علمت أن هناك طائرة تصل كل ٤٥ دقيقة بعد الساعة ٦ صباحا فمتى تصل طائرة احمد؟

أسقطت كرة من ارتفاع ٢٧٠ سم ، فكانت ارتفاعاتها في الارتدادات الثلاثة الأولى :

١٨٠ سم ، ١٢٠ سم ، ٨٠ سم على الترتيب .

بعد أي ارتداد يصح ارتفاعها أقل من ٣٠ سم ؟

يقفز علي ٣ قفزات إلى الأمام وقفزة إلى الخلف، فإذا كانت ل قفزة تسوي مترا واحد ، فما عدد القفزات التي يقفرها حتى يصل إلى ٦ أمتار ؟

استراتيجية إنشاء جدول

يعني تنظيم معطيات المسألة في صفين أو عمودين لإيجاد النمط الذي تحل به المسألة.

الرابط بين استراتيجية البحث عن نمط واستراتيجية إنشاء جدول

• إنشاء الجدول يتم بناء على نمط، حيث تبنى كل سلسلة فيه على نمط.

يمكن أن تستعمل استراتيجية إنشاء جدول في حل المسألة

• إذا وجد في المسألة جملة لفظية تمثل قاعدة لنمط.

• إذا وجد في المسألة جملة مفيدة فيها عنصرين، كل عنصر منهما بداية لسلسلة (أي إذا أمكن إيجاد نمط أو أكثر في المسألة) حيث يمكن أن تتبع كلا السلسلتين نفس النمط أو يكون لكل منهما نمط

، ووجد في المسألة قيمة آخر عدد في إحدى السلسلتين أو ما يدل عليه أو ما هو قريب منه.

مسائل الاحصاء

أمثلة :

يكسب عامل ١٥٠ ريالاً كل أسبوعين مقابل العمل الإضافي. فكم أسبوعاً يجب عليه أن يعمل إضافياً ليكسب أكثر من ١٠٠٠ ريالاً؟

ذهب طلاب مجموعة من الطلاب في رحلة علمية برفقة معلمهم، فاصطحب كل معلمين ٩ طلاب ، فإذا كان عدد المعلمين المرافقين ١٦ معلماً ، فما عدد الطلاب في تلك الرحلة ؟

سجل وليد ٢٤ نقطة في مباراة كرة السلة ، وكان قد نجح في محاولتين من كل ٥ محاولات، فإذا كانت كل محاولة ناجحة تكسبه نقطتين، فكم مرة حاول أن يسدد في المباراة ؟

يتصدق خالد ب ٥ ريالاً عن كل ٢٠٠ ريالاً عنده، فإذا تصدق ب ٣٠ ريالاً

فكم ريالاً كان معه ؟

استراتيجية إنشاء قائمة :

تنشأ القائمة بكتابة عدة اختيارات. قد تضم نفس العناصر مع اختلاف ترتيبها؛ أو تختلف العناصر،

وذلك وفقاً للمطلوب وللشروط الواردة في المسألة.

أمثلة :

١- لدى منى ٣ ملفات: حمراء، وخضراء، وزرقاء. فيكم طريقة يمكنها ترتيب الملفات ؟

٢- ما عدد الطرق الممكنة لجلوس أربعة أصدقاء متجاورين في جهة واحدة من الطاولة ؟

• 8

- 16
- 20
- 24

طريقة الحل ننشأ قائمة تتكون من جميع الترتيبات المختلفة الممكنة ، مستعملا الحرف الأول من كل اسم للاختصار

استراتيجية الحل عكسيا:-

البدء بالحل من نهاية المسألة خطوة بخطوة وصولا إلى القيمة الابتدائية المطلوبة، وذلك بعكس العمليات (بحول الجمع إلى طرح وبحول الضرب إلى قسمة وبالعكس).
وتتطلب هذه الإستراتيجية إتقان الطالب لمفاهيم العمليات الحسابية وإرتباطها ببعض ومهارة إجراء تلك العمليات الحسابية.

ممكن أن تستعمل استراتيجية الحل عكسيا في حل المسألة

- عندما تكون النتيجة النهائية من المعطيات، والمطلوب الكمية الأصلية.
- عندما يمكن استخدام آخر معطى في الخطوة الأولى من خطوات الحل ثم الذي يسبقه وهكذا.
أمثلة على مسائل الحل العكسي :
- 1- جمعت سناء عددا من الطوابع يزيد ب15 على عدد الطوابع التي جمعتها سارة. وجمعت لبنى عددا يزيد 8 على العدد الذي جمعته سناء. إذا جمعت لبنى 72 طابعا، فكم طابعا جمعت سارة ؟
- 2- وفر ماجد 120 ريالاً من مصروفه الأسبوعي، ثم أعطاه والده 50 ريالاً، فأصبح مجموع ما معه 320 ريالاً، كم ريالاً كان معه في البداية ؟
- 3- يريد سالم أن يصل إلى بيت جده عند الساعة 5 مساءً ، إذا كان يحتاج إلى 15 دقيقة للوصول إلى موقف الحافلة ، و30 دقيقة للوصول الحافلة إلى بيت جده ،فمتى يجب عليه أن يغادر المنزل؟
- 4- ضرب عدد ما في 3، ثم طرح من ناتج الضرب 8، ثم قسم الباقي على 4 فكان الناتج 7 ، فما هذا العدد؟

استراتيجية التمثيل :

استعمال الوسائل الحسية كأقراص العد والمكعبات المتداخلة والبطاقات الملونة و...، أو تمثيل الأدوار ، وذلك لتمثيل كل حقيقة في المسألة.

مع سعاد الآن 8 ريالاً. أعطاه والدها أمس 4ريالات، وأعطت أباها ريالين. فكم ريالاً كان معها في البداية
يمكن أن تستعمل استراتيجية التمثيل

- عندما يمكن عمل أشياء أو استعمال مواد تظهر ماذا يحدث في المسألة ، ويفضل استعمالها في المواد التي تتطلب التخمين والتحقق .

أمثلة :

تريد حنان أن تقرأ 3 كتب ، بكم ترتيب مختلف يمكن أن تقرأ هذه الكتب ؟

شارك ماهر وسعيد وعماد وحمد وفيصل في سباق لا مجال فيه للتعادل ، كم ترتيبيا مختلفا للمركزين الأول والثاني ؟

مع سعاد الآن ٨ ريالاً. أعطاهما والدها أمس ٤ريالات، وأعطت أختها ريالين. فكم ريالاً كان معها في البداية يزيد عمر والد محمود ١٠ سنوات على مثلي عمر محمود ، فإذا كان عمر والد محمود ٣٠ سنة ، فما عمر محمود ؟

اصطف خمسة طلاب بعضهم خلف بعض مبتدئين بالأطول ، فإذا كان عبدالله أطول من بدر ، وأقصر من فهد، وكان محمد أقصر من سعود ، وأطول من فهد ، فما الترتيب الذي اصطفوا به ؟

استراتيجية الرسم:-

يعني التحويل من المستوى المجرد إلى المستوى شبه الحسي، وبالرسم يتم تصوير الموقف، حيث تتضمن الصورة المعلومات المعطاة واللازمة للحل وتساعد على إيجاد المعلومات الناقصة. قطع أحمد مسافة ٦٠ م ، والتي تمثل ثلثي الطريق إلى منزل شقيقه. فما المسافة المتبقية ليصل إلى منزل شقيقه يمكن أن تستعمل استراتيجية الرسم

- تستخدم في أي مسألة وبالذات إذا لم يعرف من أين يبدأ حل المسألة، وخاصة في المسألة ذات الخطوات المتعددة، أمثلة :

يقف ياسر وثلاث طلاب في طاير ، اذا كان عمر أمام ياسر ، وكان فيصل ثالثاً، أما هشام فكان خلف فيصل ، فما ترتيب الطلاب الأربعة الطاير؟

على رف ١٦ كتاباً ، إذا كان ربعها في التفسير ، واثنان في المغامرات ، والباقي كتب علمية ، فما عدد الكتب العلمية ؟

وضع عدد من مكبرات الصوت على جوانب طاولة اجتماعات كبيرة ، أبعادها ١٢ م و٤ م ، اذا كانت المسافة بين كل مكبرين ٢ م ، ووضع مكبر عند كل رأس من رؤوس الطاولة ، فما عدد المكبرات ؟

استراتيجية حل مسألة أبسط:-

تجزئة المسألة إلى أجزائها (مسائل أبسط منها) ، أمثلة :

- ١- يقطع ماجد مسافة ٢٠٠ م من بيته إلى متجر مجاور، ثم يقطع مسافة ٣٠ م إلى بيت جاره. فإذا رجع إلى بيته، فكم متراً قد قطع ؟
- ٢- يستطيع 3 عمال أن يحصدوا 3 حقول في 3 ساعات عند عملهم بشكل منفصل ،كم حقلاً يستطيع 6 عمال أن يحصدوا في 9 ساعات؟
- ٣- أوجد مجموع الأعداد من 1 إلى 10 ؟

استراتيجية الاستدلال(التبرير) المنطقي

يعني استذكار كل ما تعرف عن المسألة ثم ترى ما الممكن وما غير الممكن.

وهي (معرفة كيف تم ربط الحقائق المعطاة بالمسألة مع بعضها البعض، وإيجاد العلاقة فيما بينها ثم العمل بخطوات مبررة من أجل الوصول إلى الحل).

فالاستدلال (التبرير) المنطقي يكون إما استقراء أو استنتاجا أو مزيجا من الاثنين ،

حيث توصل طريقة الاستدلال الاستقرائي إلى تخمين بعد مشاهدة عدة أمثلة، وتوصل طريقة الاستدلال الاستنتاجي إلى تخمين

بعد تطبيق حقائق معروفة لموقف ما.

أمثلة :

يلعب ١٥ طالبا كرة السلة ، ويلعب ١٨ طالبا من طلاب الصف نفسه كرة القدم ، ويلعب ٣ منهم اللعبتين معا ، كم طالبا يلعب كرة السلة فقط؟ وكم طالبا يلعب كرة القدم فقط ؟

ملاحظة : يمكن حل المسألة السابقة باستخدام أشكال فن

مسائل قياس على المعيار التاسع	
<p>٣٥- عندما يحل الطالب مسألة رياضية ، يأخذ بعين الاعتبار المعلومات المهمة والمعلومات غير ذات العلاقة بالمسألة .ما المرحلة المناسبة لهذا الإجراء :</p> <ul style="list-style-type: none"> • فهم المسألة • وضع الخطة • تنفيذ الخطة • التحقق من الحل 	<p>فهم المشكلة ويتحقق ذلك من خلال قدرة الطالب على :</p> <ul style="list-style-type: none"> • قراءة المشكلة • إعادة صياغة المشكلة • فهم وإدراك المدلولات الرياضية • تحديد المعطيات والمطلوب والشروط • رسم شكل للمشكلة التي تتطلب رسماً • تحديد مدى كفاية المعلومات المعطاة لحل المشكلة • تحديد المعلومات الزائدة أو غير الضرورية .
<p>٣٦- ما الاستراتيجية الأنسب لحل المسألة التالية : " إذا كان كل صندوق صغيراً يحتوي ٤ كرات ، وكل صندوق متوسط يحتوي ٦ صناديق صغيرة ، وكان لدى المحل ٥٠ صندوقاً متوسط الحجم ، فما عدد الكرات الموجودة ؟"</p> <ul style="list-style-type: none"> • الحل العكسي • التبرير المنطقي • حل مسألة أسهل • التخمين والتحقق 	<p>يتم الحل من النهاية ثم السير خطوات متتالية ومتسلسلة نحو البداية وذلك بعكس العمليات الأصلية حيث يحول الجمع إلى طرح والضرب إلى قسمة وهكذا مبتدئاً بنهاية المسألة</p>
<p>٣٧- عدد أرجل الخراف والطيور معا 64 فكم خروف وكم طائر ؟</p> <p>الإستراتيجية التي تستخدم لحل هذه المسألة هي :</p> <ul style="list-style-type: none"> • الرسم • التخمين والتحقق • النمط • الإستنتاج الرياضي 	
<p>٣٨- طرح هذا التساؤل في حل المسألة الرياضية : " هل رأيت المشكلة نفسها من قبل بشكل مختلف ولو كان اختلافاً قليلاً " ؟ يناسب خطوة :</p> <ul style="list-style-type: none"> • تنفيذ الحل • فهم المشكلة • التخطيط لحل المشكلة • مراجعة الحل والتأكد منه 	<p>من الأسئلة التي يمكن أن يوجهها المعلم للطالب في ه مرحلة (التخطيط أو الخطة) ما يلي :</p> <ul style="list-style-type: none"> • هل رأيت مشكلة مماثلة لهذه المشكلة من قبل • هل تعرف مشكلة ذات صلة أو علاقة بالمشكلة الحالية • هل يمكن تبسيط هذه المشكلة
<p>٣٩- تحديد استراتيجية مناسبة للحل تقع في أي مرحلة عند العالم بوليا</p> <ul style="list-style-type: none"> • الفهم • التخطيط • التنفيذ • مراجعة الحل 	<p>مرحلة التخطيط أو وضع الخطة : هي المرحلة الثانية من مراحل حل المسألة ، وتعتبر أهم مرحلة لدى العالم بوليا</p>
<p>٤٠- استخدم في حل المتتابعة $h=6,4,2, \dots$ ،</p> <ul style="list-style-type: none"> • إيجاد النمط • التخمين • الحل العكسي • البرهان 	<p>أفضل استراتيجية لحل المتتابعات هي النمط</p>
<p>٤١- أي مما يلي ليس من خطوات حل المسألة :</p> <ul style="list-style-type: none"> • الفهم • التخطيط 	

<p>التنفيذ التحقق</p>	<ul style="list-style-type: none"> • التحقيق • التخطيط للحل • العصف الذهني
<p>يحل هذا السؤال أيضا عن طريق الرسم</p>	<p>٤٢- فيصل أقصر من حاتم بمقدار ١٥ cm، وحاتم أطول من أسامة بمقدار ١٠ cm وأسامه أقصر من نواف بمقدار ٢٠ cm، فإذا كان طول نواف ١٧٠ cm، فما طول فيصل بالسنتيمتر؟ الاستراتيجية الأنسب لحل المسألة السابق هي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • البحث عن النمط • التخمين والتحقق • الرسم • إنشاء قائمة
<p>خطوات حل المسألة:</p> <ol style="list-style-type: none"> ١- الفهم ٢- وضع الخطة (التخطيط) ٣- تنفيذ الخطة ٤- التحقق من الحل 	<p>٤٣- الخطوة الأولى في حل المسألة عند (جورج بوليا) هي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • الحل • الفهم • التحقق • التخطيط
<p>خاصية التعدي</p> <ul style="list-style-type: none"> • إذا كان $a < b, b < c$ فإن $a < c$ • إذا كان $a > b, b > c$ فإن $a > c$ 	<p>٤٤- " إذا نجح محمد في اختباره ، فسيسافر مع زملائه "</p> <p>" إذا سافر محمد مع زملائه ، فسيذهب إلى أبها "</p> <p>حدد أي العبارات الآتية تنتج منطقيا من العبارات السابقة:</p> <ul style="list-style-type: none"> • إذا سافر محمد فإنه نجح في اختباره • إذا ذهب محمد إلى أبها ، فسيذهب مع زملائه • إذا نجح محمد في اختباره ، فسيذهب إلى أبها • إذا ذهب محمد إلى أبها ، فإنه نجح في اختباره
<p>خاصية التعدي</p> <ul style="list-style-type: none"> • إذا كان $a < b, b < c$ فإن $a < c$ • إذا كان $a > b, b > c$ فإن $a > c$ 	<p>٤٥- يتعلم الطفل في المرحلة الابتدائية خاصية التعدي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • إذا كان أحمد أصغر من بدر ، وبدر أصغر من جاسم ، فإن أحمد أصغر من جاسم • إذا كان أحمد أصغر من بدر ، وبدر أكبر من جاسم ، فإن أحمد أكبر من جاسم • إذا كان أحمد أصغر من بدر ، وبدر أصغر من جاسم ، فإن أحمد أكبر من جاسم
<p>خاصية التعدي</p> <ul style="list-style-type: none"> • إذا كان $a < b, b < c$ فإن $a < c$ • إذا كان $a > b, b > c$ فإن $a > c$ 	<p>٤٦- حدد الاستراتيجية المناسبة لحل المشكلة التالية:</p> <p>تحصل طالبة على درجتين (للإجابة الصحيحة) وتفقد درجة (للإجابة الخاطئة) فإذا حصلت على ١٢ درجة من ١٨ إجابة ، فما عدد الإجابات الصحيحة</p> <ul style="list-style-type: none"> • إنشاء قائمة • لحل العكسي • البحث عن نمط • حل مسألة أسهل

التواصل الرياضي

- قدرة المتعلم على استخدام لغة الرياضيات للتعبير عن الأفكار والعلاقات وفهمها وتوضيحها للآخرين،
- مثال: وصف الطالب لأشكال هندسية أو إجراءات حل مسألة، تمثيل بياني، أو إعطاء أمثلة على مفهوم رياضي ما بلغته الخاصة

الترابط الرياضي

- هي شبكة من البناء الفكري تبني الأفكار بعضها على بعض وترتبط بعلاقات وقوانين، ويكون الترابط إما داخل الرياضيات بين المفاهيم والأفكار، أو بين الرياضيات والمواد الأخرى، أو بين الرياضيات والمشكلات الحياتية
- مثال:

التمثيل الرياضي

- هي تجسيد رياضي للأفكار والمفاهيم الرياضية، لتعطي نفس المعلومات في أكثر من شكل،
- مثال: تمثيل المعادلة الخطية بمتغيرين بخط مستقيم في المستوى،

التواصل الرياضي

- مهارات التواصل الرياضي بأنواعها وتوظيفها في تواصله مع الآخرين:

التواصل الرياضي: هو قدرة المتعلم على استخدام لغة الرياضيات للتعبير عن الأفكار والعلاقات وفهمها وتوضيحها للآخرين، أي استخدام لغة الرياضيات عند مواجهة موقف مكتوب، أو مرسوم أو مقروء أو ملموس، وتفسيره وفهمه من خلال المناقشات الرياضية الشفهية أو المكتوبة بينه وبين الآخرين

ويتضمن التواصل الرياضي جانبين:

- التواصل بلغة لرياضيات حول الرياضيات ذاتها
- التواصل بلغة الرياضيات حول المواد التعليمية الأخرى، وحول المواقف الحياتية، وتتضمن توظيف مفردات اللغة الرياضية في التعامل اليومي

أشكال التواصل الرياضي:

- 1- مهارة القراءة ومن الأمثلة عليها:
- فهم معنى الكلمات والرموز الرياضية المألوفة في نص معين
- طرح التساؤلات الواضحة المتعلقة بالرياضيات التي يتم قراءتها
- قراءة فقرة رياضية، وتحديد ما بها من ألفاظ ورموز

- قراءة أداءات الأقران المكتوبة ، وتفسيرها بصور صحيحة
- ١- مهارة الكتابة من الأمثلة عليها :
- التعبير كتابيا عن خطوات الحل بجمل لفظية واضحة ودقيقة
- تقديم وصف كتابي لأنماط عديدة أو هندسية
- كتابة رسالة من طالب لزميله يخبره فيها عما تعلمه من درس الرياضيات
- كتابة ملخص عن العمل الفردي والجماعي في أنشطة الرياضيات
- ٢- مهارة التحدث : وتعتبر أحد أهم مهارات التواصل ، حيث أنها تعمل على جذب انتباه الطلاب واستثارة تفكيرهم ، وتنمي لديهم الإستماع الجيد كما أنها تساعد المعلمين على تقييم أفكار الطلاب ، ومن الأمثلة عليها :
- وصف الطالب لأشكال هندسية أو إجراءات حل مسألة ، تمثيل بياني ،
- شرح الطالب لمفهوم أو علاقة رياضية ، أو رمز ، أو تبرير إجابة
- إعطاء أمثلة على مفهوم رياضي ما ، بلغته الخاصة
- تعبير الطالب عن مشكلة أو عن تمثيل بياني أو عن شكل هندسي بلغته
- عمل تبرير رياضي للحلول والإستنتاجات الرياضية
- ٣- مهارة الإستماع : الإستماع إلى ألفاظ رياضية منطوقة بصورة صحيحة تعمل على تنمية عملية المناقشة الرياضية ، وتطوير قدرة الطالب على نطق الألفاظ الرياضية بصورة صحيحة ومن الأمثلة عليها :
- استماع الطالب إلى وصف لنموذج محسوس أو شكل هندسي مثلا ، وتنفيذه بصورة صحيحة
- فهم ما يستمع إليه الطالب من لغة الحياة المألوفة ، وربطها بالمفاهيم والمصطلحات الرياضية غير المألوفة
- إجابة الطالب على الأسئلة أو طرح الأسئلة التي يستمع إليها
- تنفيذ الطالب للتوجيهات التي يستمع إليها من المعلم وتنفيذها على نحو صحيح
- ٤- مهارة التمثيل : يعني التمثيل إعادة تقديم الفكرة الرياضية أو المشكلة في صورة أخرى ، مما قد يساعد في فهم الفكرة الرياضية ، ويوفر التمثيل الرياضي للرياضيات تعلمًا ذا معنى من خلال نمذجة وتفسير الأفكار الرياضية ، وتتضمن مهارة التمثيل مهارة الترجمة من صورة إلى صورة أخرى ، مثلا ترجمة المسألة من صورة لفظية إلى صورة رمزية والعكس ، أو من صورة لفظية إلى شكل أو رسم
- ومن الأمثلة على مهارة التمثيل ما يلي :
- تمثيل المواقف والعلاقات الرياضية بصور مختلفة
- تمثيل الأعداد بصورة مختلفة
- ترجمة ما تمثله الرسوم والأشكال إلى رموز عددية أو رمزية أو جبرية
- ترجمة المسائل اللفظية إلى صور أو أشكال توضيحية ، أو جداول للمعلومات ، أو نماذج حسية ، أو رموز ومعادلات جبرية
- ترجمة المسائل المصورة إلى رموز وكلمات رياضية
- ترجمة الصيغ اللفظية إلى رسوم وأشكال هندسية على نحو صحيح (قطعة مستقيمة ، مستقيم ، مربع ، مستطيل ، مثلث ، دائرة ، ...)
- أساليب تنمية مهارات التواصل الرياضي :
- تنمية مهارة القراءة :
- مساعدة التلاميذ على فهم المفردات الرياضية
- تعليمهم كيفية استخدام الكتاب المدرسي

- مساعدتهم أثناء القراءة
- إعطائهم مقدمة عامة لما تم تعلمه
- استخدام بعض استراتيجيات القراءة التي تنمي القراءة الرياضية لدى الطلاب وهي :
- استراتيجية تقمص الشخصيات – استراتيجية الرسم التخطيطي للتوضيح – استراتيجية التوقف والتحدث
- تنمية مهارة الكتابة :
- مساعدة التلاميذ على فهم أهداف الكتابة
- البدء بالكتابة التي تركز على ما يعرفه الطلاب من خبرات سابقة والاتجاه تدريجيا نحو ما لا يعرفوه
- تشجيع الطلاب على وصف ما قاموا به ، وكتابة انطباعاتهم عما فعلوه
- مساعدة الطلاب على تخطي العقبات التي قد لا تشجعهم على الكتابة
- تشجيع الطالب على مناقشة بعضهم البعض شفويا فيما كتبوه ، وذلك كخطوة نحو الكتابة من أجل التواصل
- استخدام مهارات اللغة في الرياضيات من خلال الواجبات المنزلية
- توجيه أسئلة للطلاب تحثهم على الكتابة الرياضية ، واهتمامه بقراء كتاباتهم ، والتعليق على اوراقهم بالكتابة عليا ن ثم إعادتها إليهم
- تنمية مهارة التحدث :
- طرح أسئلة أو مشكلات تجعل الطلاب يفكرون ويشاركون بفاعلية ويوضحون ويبررون أفكارهم
- الإستماع باهتمام شديد لأفكار الطلاب
- تشجيع كل طالب على المشاركة في المناقشات
- تقرير المعلم متى يرشد الطلاب ويوجههم ومتى يتركهم ليواجهوا المسألة الرياضية بأنفسهم
- تنمية مهارة الاستماع :
- أن يساعد الطلاب على التفكير في أسئلة يوجهونها إلى الآخرين أثناء تحدثهم
- أن ينمي إحترام آراء الآخرين لدى الطلاب
- أن ينمي النواحي الابداعية لدى الطلاب من خلال الإستماع لأفكارهم
- أن يطلب من الطالب إعادة ما قاله زميله أو ما قاله المعلم
- تنمية مهارة التمثيل :
- إثارة قدرات التفكير المختلفة من خلال موضوعات التعلم
- تقديم التوجيه المناسب للطلاب
- توفير الظروف المناسبة لبيئة التعلم
- عرض الخبرات المختلفة للطلاب
- تقويم إنتاج الطلاب
- تشجيع الطلاب على التعبير عن المفهوم أو القانون أو العلاقة الرياضية بتمثيلات مختلفة قد تكون لفظية أو رمزية وتبل طرق الحل المتعددة ،
- الإستراتيجيات التي تنمي مهارة التواصل الرياضي
- التعلم التعاوني
- استراتيجية (فك- زواج -شارك)
- الذكاءات المتعددة
- القبعات الست

الترباط الرياضي

هي القدرة على ربط الأفكار الرياضية ، وفهم أدوار الرياضيات والنمذجة الرياضية في مختلف المواد الدراسية، وربط الرياضيات بنواحي الحياة المختلفة ،

أنواع الترابطات الرياضية :

- الترابطات داخل الرياضيات
أي لترابط بين المفاهيم والموضوعات الرياضية المختلفة ، كتقديم الضرب على أنه حاصل جمع متكرر ،
- الترابطات بين الرياضيات والمواد الأخرى
كالرياضيات الحيوية ، وتشمل تطبيقاتها جسم الإنسان ، ومن أمثلتها دراسة النماذج الرياضية للدماغ ، توصيل التيار في الخلايا العصبية ، تصميم الأجهزة الطبية نوأجهزة التصوير بالأشعة الطبقية المقطعية ،
- الترابطات الرياضية والحياة اليومية
مثل الأعداد الموجبة والسالبة التي تمثل درجة الحرارة ، استخدام نظرية فيثاغورس في البناء عندما نريد إنشاء زاوية قائمة ، في البيع والشراء

التمثيل الرياضي :

التمثيل الرياضي : هي تجسيد رياضي للأفكار والمفاهيم الرياضية لتعطي نفس المعلومات في أكثر من أو هي عملية نمذجة أشياء ملموسة في العالم الحقيقي في مفاهيم مجردة أو رموز
النمذجة الرياضية : هي شكل آخر من أشكال التمثيل ، وهي محاولة لوصف بعض أجزاء العالم الحقيقي بدلالات رياضية

•توظيف النمذجة الرياضية وتطبيقات الرياضيات :

النمذجة الرياضية : وهي محاولة لوصف بعض أجزاء العالم الحقيقي بدلالات رياضية ، أو هي التمثيل الرياضي للعناصر والعلاقات بصورة مثالية
النمذجة : هي تمثيل رياضي لشكل أو مجسم أو علاقة ، مثل عمل نموذج مكعب ،
مراحل النمذجة الرياضية :

- تحديد وصياغة المشكلة
- صياغة فروض النموذج
- صياغة المسألة الرياضية
- وضع النموذج الرياضي
- تفسير النتائج
- تأكيد صحة النموذج

استخدام النموذج في حل مشكلات مشابهة

النماذج الرياضية :تمثيلات حسية ومصورة ، تساعد الطالب على تمثيل الرياضيات وفهمها ، ويمكن أن تكون خرائط عقلية ، أو هي تعبير رياضي عن مشكلة واقعية بعد تبسيط تعقيد وتشابك

المتغيرات ، بحيث يتم التركيز على الرئيسية ، وقد يكون النموذج الرياضي عبارة عن معادلات أو متباينات أو مصفوفات أو أشكال هندسية أو رسوم بيانية
وتكوين النموذج الرياضي من المهارات الأساسية في عملية النمذجة الرياضية
مثلا : يمثل الفرق بين مجموعتين بأشكال فن ،

• **تطبيق الاستدلال الرياضي ومناقشة حجج الآخرين :**

التفكير الاستدلالي : هو الاستنتاج المنظم للمعلومات وفقا لقواعد المنطق ، حيث يبرهن أو يتحقق من صدق إدعاء أو تأكيد ، وهو العملية التي نستخدمها لاستنتاج أو استقراء من الملاحظات أو المقدمات إلى استخلاص النتائج ، ويتضمن التفكير الاستدلالي :

- **الاستلال الاستقرائي :** هو عملية استدلال عقلي ، تستهدف التوصل إلى استنتاجات أو تعميمات تتجاوز حدود الأدلة المتوفرة ، والتفكير الاستقرائي موجه بطبيعته لاكتشاف القواعد والقوانين
- **الاستدلال الاستنتاجي :** القدرة التي من خلالها يمكن التوصل إلى استنتاجات معينة ، بناء على حقائق وبيانات مقدمة ، وهو الوصول إلى نتيجة خاصة من مبدأ معلوم أو مفروض ، أو هو عملية اشتقاق حقائق من قواعد عامة للوصول إلى نتائج

نماذج أسئلة قياس على المعايير ١٠-١١-١٢

<p>من أهم مهارات التواصل الرياضي :</p> <ul style="list-style-type: none"> • قدرة التلميذ على شرح وتوضيح الأفكار والعلاقات الرياضية بفهم الآخرين • إعطاء أمثلة صحيحة لمفاهيم أو أفكار رياضية • عمل تبرير رياضي للحلول وللاستنتاجات الرياضية • تمثيل المواقف والعلاقات الرياضية بصور مختلفة 	<p>١- عند تقديم المعلم لموضوع " التكامل " أي الممارسات الآتية أكثر ارتباطا بمهارة التواصل الرياضي :</p> <ul style="list-style-type: none"> • يذكر طلابه بما تعلموه سابقا من مساحات الأشكال المشهورة والمركبة • يقدم لهم عددا من الأمثلة الحياتية التي توظف التكامل في حساب المساحات • يكلفهم بكتابة ملخص لخطوات تقريب المساحات المحصورة بين المنحني والمحور X • يدرّبهم على استخدام الآلة البيانية في حساب المساحة المحصورة بين المنحني ومحور X
<p>أنواع الترابطات الرياضية :</p> <ul style="list-style-type: none"> • الترابط بين مواضيع الرياضيات • الترابط بين الرياضيات والمواد الأخرى • الترابط بين الرياضيات والحياة 	<p>٢- أشارت مناهج الرياضيات المطورة في موضوع (الدالة الأسية) إلى أن (انقسام الخلايا وتكاثر أنواع من البكتيريا يأخذ شكل دوال أسية) وهذه الإشارة تنمي لدى الطالب مهارات :</p> <ul style="list-style-type: none"> • الاستدلال الرياضي • التمثيل الرياضي • التواصل الرياضي • الترابط الرياضي
	<p>٣- تمثل الجمل الآتية أربعة تمارين مستقاة من موضوع " كثيرات الحدود " في الصف الثاني ثانوي حدد أكثر هذه الجمل ارتباطا بمهارة (الترابط الرياضي)</p> <ul style="list-style-type: none"> • برهن أن: $\frac{1}{a^n} = a^{-n}$ • فسر لماذا تكون العبارة 0^{-1} غير معرفة • وضح لماذا تكون خصائص الأسس مهمة في دراسة الفلك • مثل بيانيا كثيرة حدود زوجية الدرجة عدد جذورها 8
	<p>٤- ضمن موضوع " الإحصاء والاحتمالات " أي التدريبات الآتية أقل تنمية لمهارات التواصل الرياضي لدى الطالب :</p> <ul style="list-style-type: none"> • صف موقفا في حياتك يتضمن حوادث مستقلة وأخرى غير مستقلة • اشرح لماذا يستعمل الطرح عند حساب احتمال حادثتين غير متناسبتين • بكم طريقة يمكن اختيار ثلاث كتب من بين عشرة كتب موجودة على الرف • تحدث عن أوجه الشبه والاختلاف بين الانحراف المعياري والانحراف المتوسط
	<p>٥- قدرة الطالب على شرح مفهوم بأسلوبه الخاص يعتبر من أساليب</p> <ul style="list-style-type: none"> • الاستنتاج الرياضي • الترابط الرياضي

	<ul style="list-style-type: none"> • التمثيل الرياضي • التواصل الرياضي
	<p>٦- معلم يسأل طلابه عن عدد الركعات في اليوم والليلة :</p> <ul style="list-style-type: none"> • التطبيق • البرهان الرياضي • تمثيل رياضي • الترابط الرياضي
<p>ملاحظة : بعض أجزاء هذا السؤال مقصودة ، والمكتوب بخط رمادي إجتهد شخصي لإكمال صيغة السؤال</p>	<p>٧- تشير العبارات الآتية إلى عدد من الممارسات التي يؤديها الطالب في حله لإحدى المسائل الرياضية ، أي منها أقل تنمية لمهارة (التمثيل الرياضي) * :</p> <ul style="list-style-type: none"> • ترجم المسألة الرياضية إلى رموز وعبارات رياضية • استعان بالرسوم التوضيحية لفهم المسألة الرياضية • استعمل الجداول الإحصائية لاكتشاف • ذكر الطلاب بمسألة رياضية مشابهة سبق
	<p>٨- يسمى التمثيل الرياضي لشكل أو مجسم أو علاقة :</p> <ul style="list-style-type: none"> • النمذجة • التمثيل الرياضي • الرسم الهندسي • الرسوم التصويرية
	<p>٩- أي الأسئلة التالية أقل تنمية لمهارة التواصل الرياضي لدى الطالب؟</p> <ul style="list-style-type: none"> • صف طريقتين لإيجاد محيط المستطيل • استعمل المسطرة لرسم مستطيلين مختلفين لهما المحيط نفسه • اكتب مسألة من واقع الحياة يمكن حلها بإيجاد المحيط ، ثم حلها • اذكر أمثلة من واقع الحياة تحتاج منها إلى تقدير محيط الأشكال
<ul style="list-style-type: none"> • الخاصية التبديلية لعملية الجمع : • تنص على أنك تستطيع الجمع بأي ترتيب • $أ + ب = ب + أ$ • الخاصية التجميعية على الجمع • فتص على أنك تستطيع تجميع الأعداد المضافة عند الجمع • $(أ + ب) + ج = أ + (ب + ج)$ • الضرب عملية جمع متكرر • المبدأ الأساسي لحساب التفاضل والتكامل • يعتمد اعتمادا كبيرا على النهايات • الدالة العكسية للدالة الأسية هي اللوغاريتم ذو الأساس a 	<p>١٠- أي من أزواج المفاهيم الآتية غير مرتبط ؟</p> <ul style="list-style-type: none"> • الابدال والتجميع • الجمع والضرب • النهايات والاشتقاق • الدالة الأسية واللوغاريتمية
	<p>١١- لمساعدة الطفل في إدراك وجود تغيير في شكل المجموعة الأكثر عناصر عند مقارنتها بالمجموعة التي ينقص عنصر واحد :</p> <ul style="list-style-type: none"> • تلون عناصر المجموعتين • ترتب عناصر المجموعتين

	<ul style="list-style-type: none"> • تعيد ترتيب عناصر المجموعتين • تقسم عناصر المجموعتين
--	--

<p>نماذج لأسئلة طرق تدريس الرياضيات (تجميع من خارج قياس ، مأخوذة من اختبارات بعض الجامعات + هاشتاق كفايات)</p>	
	<p>١- طلب المعلم خالد تلاميذه تحويل العدد العشري ٠,٢٥ إلى كسر عشري ينمي المعلم من خلال السؤال لدى تلاميذه :</p> <ul style="list-style-type: none"> • المفاهيم الرياضية • المهارات الرياضية • التعاميم الرياضية • الاستنتاج الرياضي
	<p>٢- عندما يستطيع الطلبة تبرير إجاباتهم والإجراءات التي توصلوا من خلالها للحلول يكون الطلبة تمكنوا من معيار:</p> <ul style="list-style-type: none"> • حل المشكلات • الاتصال الرياضي • التفكير والبرهان • الربط الرياضي
<p>٣- أي مما يلي من محتوى الاحتمالات في المرحلة الثانوية:</p> <p>مفهوم المتغير العشوائي تطوير وتحليل الخوارزميات. استخلاص خصائص الأشكال باستخدام المتجهات. استخدام المصفوفات لحل نظام المعادلات الخطية.</p>	<p>تناقش نظرية الاحتمالات مصطلحين :</p> <ul style="list-style-type: none"> • المتغير العشوائي • التوزيع الاحتمالي <p>العناصر المركزية لنظرية الاحتمال هي الأحداث والمتغيرات العشوائية والعملية العشوائية</p>
<p>٤- "أن يبرهن الطالب النظرية الآتية: المماسان المرسومان من نقطة خارج دائرة متساويان" هذا الهدف في المجال المعرفي من مستوى:</p> <ul style="list-style-type: none"> • التذكر • الفهم • التطبيق • التحليل 	<p>الأفعال المستخدمة في كل هدف:</p> <ul style="list-style-type: none"> • التذكر (يذكر، يسمي، يحدد، يتعرف على، يصف، يعدد) • الفهم (يعبر، يوضح، يفسر، يناقش، يصيغ، يرتب، يستنبط، يستنتج، يلخص) • التطبيق (يطبق، يستخدم، يعلل، يحل (مسألة أو مشكلة)، يحسب ، يوضح • التحليل (يبرهن على، يقارن، يميز أو يحدد، يحل موضوعا)
<p>٥- " أن يكتسب الطالب المهارة في استخدام الفرجار لتتصيف قطعة مستقيمة" هذا الهدف في المجال النفسحركي حسب تصنيف ديف من مستوى:</p> <ul style="list-style-type: none"> • التقليد • الأداء 	<p>تصنيف ديف للأهداف الحركية :</p> <p>١- المحاكاة : أداء الطالب مهارة شبيهه بمهارة الملاحظ</p> <p>٢- المعالجة : أداء الطالب المهارة من خلال التطبيقات</p> <p>٣- الاتقان : أداء الطالب المهارة</p>

<p>بمواصفاته</p> <p>٤- الايضاح : مزاوله الطالب للمهارة بأعلى دجة من الكفاية</p> <p>٥- التأقلم :أداء اطالب للمهارة بسرعة وندرة في الأخطاء وبطريقة آلية</p>	<ul style="list-style-type: none"> • الإتقان • التنسيق
	<p>٦- أي مما يلي من التحركات لتدريس مفهوم "علاقة التكافؤ" يشير إلى تحرك الشرط الضروري:</p> <ul style="list-style-type: none"> • حتى يكون العلاقة علاقة تكافؤ يجب أن تكون انعكاسيه. • إذا كانت العلاقة تكافؤ فإن العلاقة علاقة انعكاسية • من خصائص علاقة التكافؤ أنها متعدية. • العلاقة $E = \{(1,1), (2,2)\}$ المعرفة على المجموعة $E = \{1, 2\}$ هي علاقة تكافؤ
<p>مستويات التفكير الهندسي :</p> <p>١- البصري: يتعرف الطالب على الشكل من مظهره العام، ولا يعرف شيئاً عن الخصائص</p> <p>٢- التحليلي: يحلل الشكل الهندسي، ويستخدم الخصائص في حل المسائل</p> <p>٣- الترتيبي: يرتب الأشكال بشكل منطقي، كما يستخدم استنتاجاً بسيطاً، ولكنه لا يفهم البرهان</p> <p>٤- الاستنتاجي: يفهم الطالب أهمية الاستنتاج، يقوم بالتمييز العناصر غير المعرفة والتعريفات والمسلمات</p>	<p>٧- عندما يطلب المعلم من الطلبة تصنيف أشكال هندسية مرسومة، وتفسير معايير التصنيف التي استخدمها الطالب يكون المعلم ينمي التفكير الهندسي للطالب من مستوى:</p> <ul style="list-style-type: none"> • البصري • التحليلي • الترتيبي • الاستنتاجي
	<p>٨- أي مما يلي يعتبر مهارة عقلية:</p> <ul style="list-style-type: none"> • رسم مستطيل بمعلومية طولاً بعدية. • تمثيل البيانات بالقطاعات الدائرية • حل المعادلات جبرياً • تصنيف زاوية معلومة
	<p>٩- يندرج موضوع النقد والعملية تحت مجال من مجالات المحتوى الرياضي</p> <ul style="list-style-type: none"> • الأعداد والعمليات عليها. • الإحصاء • القياس • الجبر
<p>المفهوم الدلالي :</p> <p>هو الذي يستخدم للدلالة على شيء ما مثل: مفهوم العدد الزوجي ، الفردي ، وحيدة حد ، كثيرة حدود</p>	<p>١٠- من الأمثلة على مفهوم دلالي :</p> <ul style="list-style-type: none"> • كثير الحدود. • التكامل. • النفاضل. • النهايات
	<p>١١- من الموضوعات الرياضية الحديثة موضوع:</p> <ul style="list-style-type: none"> • هندسة الدائرة. • البرمجة الخطية. • حل أنظمة المعادلات.

	<ul style="list-style-type: none"> ● الاحصاء
	<p>١٢- أن يرسم الطالب قطعة مستقيمة طولها ٤ سم هو مثال على هدف معرفي في مستوى:</p> <ul style="list-style-type: none"> ● التطبيق. ● حل المسألة. ● الفهم. ● التحليل
	<p>١٣- مراحل تدريس المهارة الرياضية:</p> <ul style="list-style-type: none"> ● التخطيط، التدريب، التقييم. ● التخطيط، الاستبصار، التقييم. ● التخطيط، التقييم، التدريب. ● التخطيط، التدريب، التدريب المجدول.
<p>أنماط التعلم لدى أوزيل: التعلم بالتلقي التعلم بالاستكشاف التعلم ذو المعنى التعلم الاستظهاري</p>	<p>١٤- وضع أوزيل أربعة أنماط للتعلم، إحدى الفقرات التالية تمثل أحد تلك الأنماط :</p> <ul style="list-style-type: none"> ● تعلم بالاكتشاف الموجه ● تعلم قائم على العرض المباشر ● تعلم قائم على التعلم التعاوني ● تعلم بالاكتشاف قائم على المعنى
<p>عناصر المحتوى الرياضي :</p> <p>١- مفاهيم ومصطلحات رياضية</p> <p>٢- تعميمات رياضية</p> <p>٣- مهارات وخوارزميات رياضية</p> <p>٤- المسائل الرياضية</p>	<p>١٥- يحلل المحتوى الرياضي إلى أربعة عناصر تعرف باسم عناصر المعرفة الرياضية وهي:</p> <ul style="list-style-type: none"> ● المفاهيم ، التعميمات، المبادئ ، النظريات. ● المفاهيم ، التعميمات، المهارات، الرموز. ● المفاهيم ، التعميمات، المهارات، المسائل. ● المفاهيم، التعميمات، المبادئ، المسلمات.
	<p>١٦- المسلمة تعميم نقبل بصحته دون برهان أحد العبارات التالية تمثل مسلمة رياضية :</p> <ul style="list-style-type: none"> ● قانون الجيب. ● قانون جيب التمام. ● $2س = ٢ جاس جتاس$ ● يتقاطع المستويان في مستقيم.
	<p>١٧- يمكن الوصول إلى المعرفة الرياضية من خلال طريقتين هما</p> <ul style="list-style-type: none"> ● الاستقراء والاستنتاج ● حل كثير من المسائل الرياضية ● البنية الرياضية ● التفكير والبرهان الرياضي
	<p>١٨- أي مما يلي لا يعد من مستويات التفكير الهندسي هي:</p> <ul style="list-style-type: none"> ● التحليلي ● الترتيبي ● الاستنتاجي ● الاستقرائي

	<p>١٩- إجراء القسمة الطويلة يمثل :</p> <ul style="list-style-type: none"> • مهارة حركية حسية • مهارة حركية ادراكية • مهارة عقلية • مهارة
	<p>٢٠- الانتقال من المثال إلى التعميم في التدريس يعرف بالطريقة :</p> <ul style="list-style-type: none"> • الاستقرائية • الاستنتاجية • الإلقائية
	<p>١- نستدل من قدرة الطالب على كشف المغالطات (أو الأخطاء المتضمنة في حل المسائل) على :</p> <ul style="list-style-type: none"> • التحليل • التركيب • التقويم • الاستيعاب
	<p>٢- نستدل من قدرة الطالب على إعادة صياغة المسألة اللفظية بأسلوبه الخاص على :</p> <ul style="list-style-type: none"> • الاستيعاب • التذكر • التطبيق • التركيب
	<p>٣- نستدل من قدرة المتعلم على كتابة البراهين على :</p> <ul style="list-style-type: none"> • التذكر • التركيب • التقويم • الاستيعاب
	<p>٤- نستدل من قدرة المتعلم على تحويل معادلة رمزية إلى جدول على :</p> <ul style="list-style-type: none"> • الاستيعاب • التذكر • التطبيق • التركيب
	<p>٥- في البرهنة عندما نبدأ من المعطيات حتى نصل إلى المجهول فإننا نستخدم الطريقة :</p> <ul style="list-style-type: none"> • التركيبية • التحليلية • الاستقرائية • الاستنتاجية
	<p>٦- تعد المسائل التي يطلب المعلم من تلاميذه حلها بهدف تدريبهم على استخدام خوارزميات معينه :</p>

	<ul style="list-style-type: none"> • تدريبات • تمارين • مشكلات • لا شيء مما سبق
	<p>٧- يمكن استخدام بعض الألعاب والألغاز في الرياضيات لـ :</p> <ul style="list-style-type: none"> • إثارة رغبة المتعلمين • كمقدمة أو تمهيد للدرس • كمشكلة رياضية • كل ما سبق
	<p>٨- جميع ما يلي من صفات التعلم التعاوني ما عدا :</p> <ul style="list-style-type: none"> • ينمي مهارة الاتصال والتواصل للمتعلم • يكون دور المعلم فيه قائد ووجه • يزيد من الحماس والتنافس بين المتعلمين • يشع على الحياة الاجتماعية في التعليم
تمثيل الأدوار : تتصل هذه الطريقة وما تتضمنه من ألعاب ومحاكاة وتمثيل اتصالا مباشرا بحياة الطلاب وتعمل على إنماء شخصياتهم وتكوين سلوكهم	<p>٩- أحد طرق التدريس التالية هي الأنسب لاستخدام الترابط الرياضي بين الرياضيات والحياة اليومية:</p> <ul style="list-style-type: none"> • العرض • المحاضرة • هاربرت • تمثيل الأدوار